













# DATTA'S EDUCATIONAL SERIES.

PRACTICAL GEOMETRY, MENSURATION,  
LAND SURVEYING AND LEVELLING,

IN  
BENGALI.

৩-৭৬

COMPILED FOR THE USE OF SCHOOLS AND PROFESSIONAL MEN,

BY

NABINA CHANDRA DATTA.

*Compiler of "Khagola Bibaran."*

FOURTH EDITION.

*Revised and Enlarged.*



ব্যবহারিক জ্যামিতি, ক্ষেত্রব্যবহার,  
জরীপ এবং সমস্ত প্রক্রিয়া।

—:0:—

শ্রীমবীনচন্দ্র দত্ত প্রণীত।

চতুর্থ সংস্করণ।



CALCUTTA ;

69, BARANASHI GHOSE'S STREET, HITAISHI PRESS.

*Printed by Denonath Dass.*

1886.

*All rights reserved.*

বাগদান-৭৬ ডাক নং..... পরিমাণ..... তারিখ.....	১০৪ ৫/২/৬৮
---	---------------

মুখবন্ধ। প্র-৭৬

১৮৮৪/১২/১৫

অনেকে মনে করেন যে অন্যদেশে শুভরাত্রী অর্থাৎ ভিন্ন অন্য প্রকার গণিতের চর্চা ছিল না, কিন্তু সেটা ভাষ্যসিদ্ধান্তের ভ্রম; ভারতবর্ষই গণিতবিদ্যার আকরস্থান। এক অক্ষয়ি নর পর্য্যন্ত অঙ্কের সংজ্ঞা এবং দশগুণোত্তর বৃদ্ধির নিয়ম, এই দেশেই প্রথম সৃষ্টি হয়, এবং এখান হইতে পৃথিবীর সর্বস্থানে নীত হয়। বীজগণিতেরও সৃষ্টি ভারতবর্ষে হয়; আরবীয়েরা ইহার অনুবাদ করে, আরব হইতে ইউরোপ খণ্ডে নীত হয়। পূর্বকালে, যখন পৃথিবীর সমুদায় দেশই অজ্ঞানান্ধকারে আচ্ছন্ন ছিল, তখন ভারতবর্ষ জ্ঞানের আলোকে সমুজ্জ্বলিত ছিল। গণিত-বিদ্যা যে এ দেশে কোন্ সময়ে সৃষ্টি হয়, তাহার কোন নিদর্শন পাওয়া যায় না, এই মাত্র অনুমান করা যায় যে, যে সময়ে আর্য্যভট্ট, ব্রহ্মগুপ্ত, বরাহমিহির প্রভৃতি খগোলবেত্তারা বিদ্যমান ছিলেন, সেই সময়ে উহার বিশেষ চর্চা ছিল, এবং ভাস্করাচার্য্যের সময়ে উহার সমধিক উন্নতিসাধন হইয়াছিল। ভাস্করাচার্য্য ১০৩৬ শকাব্দে সহ্যকুলাচলের নিকটবর্ত্তী নগরে মহেশ্বরাচার্য্য ব্রাহ্মণের গুরুর নিকট জন্ম গ্রহণ করেন। তিনি ৩৬ বৎসর বয়ঃক্রম কালে লীলাবতী, বীজগণিত, গণিতাখ্যায় ও গোলাখ্যায় প্রণয়ন করেন। এই সকল পুস্তকগুলি সুললিত পদ্যে রচিত। এই কয়েক খানি গ্রন্থ ও সূর্য্যসিদ্ধান্ত ও ব্রহ্মগুপ্ত প্রণীত ব্রহ্মসিদ্ধান্ত, লম্বাচার্য্য প্রণীত ধর্ম্মজিহ্বা ও আর্য্যভট্ট প্রণীত আর্য্যসিদ্ধান্ত পাঠ করিলে অন্যদেশে গণিত, জ্যোতিষ ও বিজ্ঞানশাস্ত্রের কি প্রকার চর্চা ছিল তাহা বিশেষ রূপে প্রতীত হয়। কিন্তু ইদানীং উক্ত গ্রন্থ সকলের বিরল চর্চা প্রযুক্ত তৎসমুদায় এককালে লুপ্তপ্রায় হইয়াছে।

হিন্দুদিগের ক্ষেত্রব্যবহার সম্বন্ধীয় অনেক সঙ্কেত আছে, তন্মধ্যে ত্রিভুজ সম্বন্ধীয় সঙ্কেতগুলিই অধিক ; বিশেষতঃ, যদ্বারা ত্র্যম্বকের ভূজদ্বয়ের মান ও তাহার ক্ষেত্রফল জানা যায়, সেই সূত্রগুলি বিস্তারিতরূপে লেখা আছে। এই সূত্রগুলি খ্রীষ্টাব্দের ষোড়শ শতাব্দী পর্য্যন্ত ইউরোপ খণ্ডে বিদিত ছিল না ; অনন্তর ক্লেবিস্ তাহা প্রথম প্রচার করেন। অপর, ব্রহ্মের ব্যাসমান দ্বারা পরিধি নিরূপণ করিবার সূত্র অশ্বমেধশীয়েয়া বহুকালাবধি জাত ছিলেন, অল্প কাল হইল উহা ইউরোপে প্রকাশ হইয়াছে। ত্রিভুজের যে যে ধর্ম্মগুলি স্বাসিদ্ধান্ত বহুকাল হইল মীমাংসা করিয়া গিয়াছেন, তাহাও ষোড়শ শতাব্দীতে ইউরোপে অপরিজাত ছিল। পণ্ডিতবর প্লেফেরার সাহেব হিন্দুসম্প্রদায়ের ত্রিভুজতত্ত্ব বিষয়ে যে গ্রন্থ প্রকাশ করিয়াছেন, তাহাতে উহার অনেক প্রশংসা লিখিয়াছেন।

ভারতবর্ষীয় পূর্বতন পণ্ডিতেরা বীজগণিতে যেরূপ পারদর্শী ছিলেন, ক্ষেত্রতত্ত্বে তাদৃশ ব্যাপ্তিলাভ করিতে সমর্থ হন নাই। ইউক্লিড নামে গ্রীক গণিতবেত্তা, যে যে প্রতিজ্ঞার উদ্দেশ্য করিতেন, সকল দৃঢ়তর যুক্তি দ্বারা উপপন্ন করিতেন ; কিন্তু ভারতবর্ষীয় পণ্ডিতেরা যে সকল গণনার সঙ্কেত ও বচন দিয়াছেন, তাহার উপপত্তি ও অভিপ্রায় কহেন নাই। গণনাদি কার্য্য সমাধানজন্য যে সকল নিয়ম ও সূত্র আবশ্যক তদ্ব্যতীত লিখিয়াছেন। কেবল কার্য্য-সাধনোপযোগী জ্ঞানদান যে পুস্তকের উদ্দেশ্য, তাহাতে মূলের আবশ্যক নাই, ইহা ভাবিয়াই হয়ত সূত্রাদির যুক্তি প্রদর্শন করেন নাই।

সপ্তভুজ অথবা নবভুজকে বৃত্তান্তর্গত করিতে হইবে, এতদ্বর্থে লীলাবতীতে যে এক প্রশ্ন আছে, তাহা ক্ষেত্রতত্ত্ব দ্বারা সিদ্ধ করা অসাধ্য। বীজগণিতের দ্বারাও সিদ্ধান্ত করিলে ঐ প্রশ্নে এক ঘনসমীকরণ উপস্থিত হয়, তাহার

সম্ভাব্য মূল ত্রিবিধ ; কিন্তু অঙ্ককারী সেই মূল যথার্থরূপে সিদ্ধ হয় না, কেবল সূক্ষ্মরূপে সন্নিহিত মূল মাত্র স্থির হইতে পারে। লীলাবতীতে উক্ত ক্ষেত্রের ভূজপরিমাণার্থে যে যে সংখ্যার নির্দেশ আছে, তাহা কিরূপে লব্ধ হয় তাহার কোন বিবরণ নাই ; গ্রন্থকার বদৃচ্ছাক্রমে এক সূত্র রচনা করিয়া কহেন যে, সপ্তভুজ ক্ষেত্রের বাহুপরিমাণ ব্যাসের  $\frac{১১১১১}{১০০০০}$  গুণ, এবং নবভুজের বাহুপরিমাণ ব্যাসের  $\frac{১১১১১১}{১০০০০০}$  গুণ। এই সূত্র নিতান্ত অসত্য নহে, কেননা সপ্তভুজের যথার্থ ভূজপরিমাণ  $\frac{১১১১১}{১০০০০}$  ও  $\frac{১১১১১}{১০০০০}$  মধ্যে, ও নব ভুজের বাহু-পরিমাণ  $\frac{১১১১১১}{১০০০০০}$  ও  $\frac{১১১১১১}{১০০০০০}$  মধ্যে নির্ণীত হইয়াছে।

লীলাবতীর চীকাকারের মধ্যে রামকৃষ্ণ, গঙ্গাধর ও রজনীধর উক্ত গ্রন্থের উপপত্তি করিতে চেষ্টাও করেন নাই, তাঁহারা কেবল গ্রন্থকারের কল্পিত অঙ্কটী টেক্ত করিয়াছেন। গণেশ স্পষ্টই স্বীকার করিয়াছেন যে, সমবাহক ত্রিভুজ, চতুর্ভুজ ও অষ্টভুজের ন্যায়, পঞ্চভুজ, সপ্তভুজ, নব-ভুজ পরিমাণ স্পষ্টরূপে উপপন্ন হয় না। পঞ্চভুজের বিষয়ে এ প্রকার স্বীকার করা কর্তব্য নহে, কারণ পঞ্চ-ভুজের বাহু ক্ষেত্রতদ্বারা নির্ণয় করা যায়। সূর্যাসান্নে নিয়ম নির্দেশ করিয়াছেন, তাহা পাঠ করিলে তাঁহার অনভিজ্ঞতা স্পষ্টরূপে লক্ষিত হয়।

০ ব্রহ্মগুপ্তের পর লীলাবতীর সময় পর্য্যন্ত বৃত্তকল নির্ণয় গ্রন্থে ভারতবর্ষে গণিতশাস্ত্রে বিজাতীয় উন্নতি হইয়াছিল। ব্রহ্মগুপ্ত বলেন, যে স্থূল গগনায় পরিধি ব্যাসের ত্রিগুণ, এবং সূক্ষ্ম পরিমাণে ব্যাসের বর্গের দশ গুণের বর্গ মূলতুল্য, অর্থাৎ  $৩.১৬২৩ : ১$ । কিন্তু লীলাবতীর রচয়িতা পরিধির স্থূলপরিমাণ তদপেক্ষা অধিক কহেন, অর্থাৎ  $১২ : ৭$  ; এবং সূক্ষ্ম গগনায় সত্য নির্ণয়ের আরো নিকটস্থ হইয়াছেন, অর্থাৎ পরিধিপরিমাণ তাঁহার গগনায় ব্যাসের  $\frac{১১১১১}{১০০০০}$  গুণ।

নীলাবতীতে ক্ষেত্রব্যবহার সম্বন্ধীয় যে যে উদাহরণ আছে, সে সকলি সাধানাতঃ ব্রহ্মগুপ্ত প্রণীত ক্ষেত্রব্যবহারের প্রমত্তুল্য; এই সমস্ত পর্যালোচনা দ্বারা প্রতীতি হইতেছে যে, ভারতবর্ষীয় লোকেরা, ক্ষেত্রব্যবহার ও গণিতবাচিত আর আর বিষয়ে, ভিন্ন দেশীয় সাহায্য নিরপেক্ষ, অনেক উন্নতিসাধন করিয়াছিলেন।

যাহা হউক, এইক্ষেণে শিক্ষক ও ব্যবসায়ী লোকের ব্যবহারোপযোগী এমন কোন গ্রন্থ নাট, যাহাতে জ্যামিতি, ক্ষেত্রব্যবহার, জরীপ ও সম্যচ্ছল করণের হুত্র ও প্রক্রিয়াগুলি একত্রে পাওয়া যায়। এই অভাব পরিহারের জন্য এই গ্রন্থ ধানি সংলিভ হইল।

জ্যামিতি বালক শিক্ষা পদ্ধতি মধ্যে থাকা নিতান্ত আবশ্যিক। বীজগণিত না থাকিলে যেমন উক্ত পদ্ধতি অসম্পূর্ণ হয়, জ্যামিতির অভাবেও উহা তেমন অঙ্গহীন হয়। ফলতঃ এই উভয় বিদ্যার অনুলীলনেই সমান উপকার হয়। জ্যামিতি প্রথমে কিরূপে উদ্ভাবিত হয়, তাহা নির্দেশ করা উচিত, তাহা হইলে তৎসম্বন্ধীয় প্রাথমিক হুত্রগুলি বিদ্যার্থীগণ কি উপায়ে সহজে হৃদয়ঙ্গম করিতে পারে তাহা উপলব্ধি হইবে। এই বিদ্যার চর্চা যে অতি প্রাচীন কাল হইতে আরম্ভ হইয়াছে তাহার সন্দেহ নাই। জলে, স্থলে, কি আকাশে, চারিদিকে যে সমস্ত পদার্থ নরনগোচর হইল, সকলেরই একটা অঙ্গসামঞ্জস্য আছে; এই অঙ্গসামঞ্জস্য জ্যামিতির নিদানভূত, এবং মানুষ বুদ্ধিবৃত্তির স্ফূর্তির উদ্ভূত। এই সামঞ্জস্য লক্ষ্য করিয়া “রেখা,” “বর্গ,” “ধন” প্রভৃতির পরস্পর সম্বন্ধ ও তাহাদিগের কাহার কি সাধকতা, তাহা অনুসন্ধান করিতে অবশ্যই উদ্যোগবান হইয়াছিল। এই অনুসন্धानে যুক্তি ও অনুমান দ্বারা জ্যামিতিবাচিত যে সমস্ত প্রকরণ উপলব্ধ হইয়াছিল, তাহা তদানীন্তন সামান্য-বুদ্ধি সমূহেরা কখন বহু বাকবিত্ততা, পরিশ্রম প্রভৃতি

আড়ম্বর করিয়া প্রমাণ করে নাই; তাহাদিগের বুদ্ধিতে যখন বাহ্য উদয় হইয়াছিল, তখনই তাহা পরিমাণ করিয়া প্রমাণ করিয়াছিল। পরিভাষার দ্বানে তাহারা প্রতিকৃতি নিষ্কাশন করিত, সুতরাং তাহাদিগের উপপত্তি সকলও ভ্রমাত্মক হইত না, কেননা আকারগত জ্ঞানবিবরণ পাঠে অনতি-পরিষ্কৃট হয়, কিন্তু প্রতিকৃতি দর্শনে তদ্বিবয়ে অণুমান্য সন্দেহ থাকে না। প্রক্রিয়ার প্রতি তাহাদের লক্ষ্য ছিল না, কলঙ্কিত করাই তাহাদের উদ্দেশ্য ছিল, এবং এই উদ্দেশ্য বাহ্যতে সহজে সম্পাদিত হইত তাহারা তাহাই করিত। সংস্কার কল্পে অগ্নে তাহা নির্দেশ করিয়া, অথবা নৈরায়িকের বিচার প্রণালী অনুযায়ী যথাক্রমে পূর্ব-পক্ষ, উত্তর পক্ষ ও সিদ্ধান্তদ্বারা তাহারা উপপত্তি সাধন করিত না, তাহাদের উপপত্তি প্রকৃতিসিদ্ধ বুদ্ধির আয়ত্ত হইতলাই হইত। ফলতঃ, অনুষ্ঠান ও অনুমান উভয়েরই পর-স্পরের সহিত কার্য কারণ সম্বন্ধ আছে। কখন বা প্রথমে নূতন বুদ্ধি উদ্ভাবিত হইয়া তাহার অনুষ্ঠান হয়, এবং কখন বা কার্যের অনুষ্ঠান হইতে নূতন বুদ্ধি ও অনুমানের উদয় হয়। যাহা হউক, যে আনুমানিক প্রক্রিয়া দ্বারা কোন বিজ্ঞান প্রথম সংস্থাপিত হয়, সেই প্রক্রিয়ানুযায়ী অধ্যাপনা প্রণালী অবলম্বন করিলেই, বিদ্যার্থীগণ সহজে উক্ত বিজ্ঞান স্বেচ্ছায় হৃদয়ঙ্গম অভ্যাস করিতে পারে। এই নিমিত্ত, এই গ্রন্থে যে সমস্ত উপপত্তি সন্নিবেশিত হইয়াছে, তাহা সাধন করিতে প্রকৃত নৈরায়িকের প্রণালী অনুসরণ করা হয় নাই; যে প্রণালীদ্বারা পরিষ্কৃট জ্ঞান জন্মে ও যাহা সামান্য বুদ্ধির আয়ত্ত হইতে পারে, তাহাই অনুসৃত হইয়াছে। যে সমস্ত উপপাদ্যে কেবল বিচক্ষণতা ও পাণ্ডিত্য প্রকাশ অথবা যাক্ষতে ব্যবসায়ী লোকের বিশেষ প্রয়োজন নাই, তাহা পরিত্যক্ত হইয়াছে। আর যে সমস্ত উপপাদ্য গৃহীত হইয়াছে, তাহার প্রমাণ ও প্রয়োগ উভয়ই প্রদর্শিত হই-



রাছে ; কেননা তাহা হইলে পাঠকবর্গ বুকিতে পারিবেন, যে সেই উপপাদ্য দ্বারা পরিণামে কি কার্য সাধন হইতে পারিবে। অপর, কোন কোন উপপত্তি সাধনের দুই এক প্রক্রিয়া উক্ত হয় নাই, তাহার তাৎপর্য এই যে, পাঠকেরা তত্তৎ প্রক্রিয়া নিজে উদ্ভাবন করিয়া স্ব স্ব বুদ্ধিবৃত্তি মার্জিত করিবেন।

কোন বিদ্যার প্রথম পাঠোপযোগী গ্রন্থ চিরকাল এক থাকে না, যেমন সমাজের উন্নতি হইতে থাকে, ও লোকের কচি ও ব্যবসায়ের পরিবর্তন হয়, তেমনি উক্ত গ্রন্থ সকলেরও পরিবর্তন হয়, কিন্তু ইউক্লিডের জ্যামিতিবিষয়ক প্রথম গ্রন্থের এ পর্য্যন্ত কোন পরিবর্তন হয় নাই। দুই সহস্র বৎসর অতীত হইল ইহা রচিত হইয়াছে, এই কালের মধ্যে কত রাষ্ট্রবিপ্লব, কত মতভেদ, লোকের কচি ও আচার ব্যবহার-গত কত বৈলক্ষণ্য হইয়া গিয়াছে, কিন্তু ইউক্লিডের গ্রন্থ অপরিবর্তিত ও সংসারের সকল লোকের নিকট আদরণীয় রহিয়াছে। প্রাচীন কালের ভ্রমসংকুল দর্শন শাস্ত্র ও উপ-যর্থের প্রভাবে, ইহা যেমন অপ্রতিহত ছিল, এখনও সেইরূপ আছে : এবং যদিও কোন কোন অংশে ইহার দোষ আছে, তথাপি তাবি পণ্ডিতেরা যে ইহার আদর করিবেন তাহার সন্দেহ নাই। আধুনিক রচনারাশি যখন বিস্মৃতি সাগরে মগ্ন হইবে, তখনও ইউক্লিডের জ্যামিতি আঞ্জুল্যমান থাকিবে। যাহা ইউক্লিড, যাহারা গণিতশাস্ত্রে কথঞ্চিৎ ব্যুৎপন্ন হইয়াছে ও যাহাদিগের সুপণ্ডিত শিক্ষকের উপ-দেশ পাওয়ার সম্ভাবনা আছে, এ গ্রন্থ তাহাদিগেরই পাঠোপযোগী, এবং তাহাদিগের সম্বন্ধেই ইহার উৎকর্ষ আছে : প্রথম পাঠের গ্রন্থে যে উৎকর্ষ থাকা আবশ্যক, তাহা ইহাতে নাই অবশ্যই মানিতে হইবে। বড় গ্রন্থের বড় দোষ ; সুক্স ও সবিস্তর বিবরণে পাঠকের এমন দুঃস্বপ্ন শাস্ত্রাভ্যাসে প্ররতি ও সাহস বর্জন হওয়া দূরে থাকুক,

চন্দ্রশর্মে সে ভীত ও হতবুদ্ধি হইয়া যায়। ইউক্লিডের জ্যামিতি ন্যায়শাস্ত্রের ন্যায় আদ্যোপান্ত বিচার সমুদ্রত, সুতরাং, গণিতশাস্ত্রে বিশেষ ব্যুৎপত্তি ভিন্ন ইহার সুন্দর অথচ দুর্বোধ্য উপপত্তিগুলির তাৎপর্যগ্রহণ সম্যকরূপে হইবার নহে।

যে নৈসর্গিক নিয়ম প্রভাবে গমন ক্রিয়া নিষ্পন্ন হয়, জ্যামিতি ঘটিত অনেকগুলি বিষয় সেই নিয়মায়ীন, এবং সেই নিয়ম সম্বন্ধে উক্ত বিষয়গুলি ব্যাখ্যাত ও বিবৃত হইলে তৎসমুদায় অতি সহজে হৃদয়ঙ্গম হয় ; কিন্তু কি উপপত্তিতে কি উদাহরণে ইউক্লিড এরূপ ব্যাখ্যা কুত্ৰাপি অবলম্বন করেন নাই। উল্লিখিতকরণ প্রক্রিয়া, যাহা জ্যামিতিঘটিত বিষয় উপপন্ন করিতে নিতান্ত প্রয়োজনীয়, এবং স্থান বিশেষে যাহাতে উপপত্তি পরিষ্কৃত ও সুন্দর হয়, ইউক্লিড সেই প্রক্রিয়া প্রথম অধ্যায়ের ৪র্থ উপপাদ্যে একবার মাত্র অবলম্বন করিয়া আর তাহা ব্যবহার করেন নাই। অনেক-গুলি সম্পাদ্য ইউক্লিড এরূপে সাধন করিয়াছেন, যে কার্য্য-কালে আমরা সে রূপ কখন করি না ; যথা, কোন সরল রেখার কোন নির্দিষ্ট অংশ ছেদ করিতে হইলে, তিনি বায়স্বার বৃত্ত নিক্ষেপন করিয়া তাহা নির্বাহ করিয়াছেন, কিন্তু কার্য্যকালে আমরা কখন সে রূপ করি না। সদৃশ ত্রিভুজ জ্যামিতির এক অতি প্রধান প্রকরণ, কিন্তু ইউক্লিড ইহা তাঁহার পঞ্চম অধ্যায়ে সম্বিবেচিত করিয়াছেন, যে অধ্যায় পাঠকবর্গের মধ্যে অনেকেই পাঠ করিয়া উঠিতে পারেন না। ঘন জ্যামিতির প্রধান প্রধান সম্পাদ্যগুলি ব্যাসায়ী লোকের অভ্যাস করা নিতান্ত আবশ্যিক, কিন্তু ইউক্লিড যে প্রণালীতে তৎসমুদায় বিবৃত করিয়াছেন, তাহা অতি ক্লেশসাধ্য ও সূক্ষ্ম, এবং যাহাদিগের গণিতবিষয়ক জ্ঞান অতি সামান্য, ও যাহাদিগের অবকাশ অতি অল্প তাহাদিগের তৎসমুদায় আরম্ভ হইবার বিষয় নহে।

ক্ষেত্রব্যবহারিক অতি প্রধান প্রধান সূত্রগুলি এই গ্রন্থে জ্যামিতির প্রণালী অনুযায়ী উপপন্ন করা গিয়াছে ; আর ক্ষেত্রব্যবহারিক এরূপ সম্পাদ্যগুলি ইহাতে সন্নিবেশিত হইয়াছে যাহা কার্যে আসিবে।

জরীপ ও সমস্থল কণের যে সমস্ত সূত্র ও প্রকরণ এই গ্রন্থের অন্তর্গত আছে, তাহাতে স্থপতিদিগের পর্যাপ্ত হইতে পারিবে।

আর জ্যামিতি \*, ক্ষেত্রব্যবহার, জরীপ ও সমস্থলকরণ ষটি অন্তর্গত নূতন উপপত্তি এই গ্রন্থে সমাবেশিত হইয়াছে ; এখন যাহাদিগের শিক্ষার্থে এই পুস্তক সংকলিত হইল, তাহাদিগের উপকার হইলে প্রণেতার অভীষ্ট সিদ্ধ হয়।

\* জ্যা অর্থে পৃথিবী, মिति অর্থে পরিমাণ, যদ্বারা পৃথিবীর ক্ষেত্রসম্বন্ধীয় পরিমাপাদি জানা যায়, তাহাকে জ্যামিতি বলে। জ্যামিতি দুই প্রকার, বিত্তজ্ঞ জ্যামিতি বা ক্ষেত্রতত্ত্ব ও ব্যবহারিক জ্যামিতি বা ক্ষেত্র ব্যবহার। যুক্তি অনুসারে বিচার করিয়া যদ্বারা ক্ষেত্র সম্বন্ধীয় রাশি সকলের তত্ত্ব নির্ণীত হয়, তাহাকে ক্ষেত্রতত্ত্ব কহে; এবং যুক্তি অবলম্বন না করিয়া কেবল পরিমাপক, মালদত্ত প্রভৃতি বস্তু অবলম্বন পূর্বক বাহ্যদ্বারা ক্ষেত্রসম্বন্ধীয় রাশি নির্ণীত ও তাহার পরিমাণ বিরীকৃত হয়, তাহাকে ক্ষেত্রব্যবহার বলে।

৭-৭১৩  
সূচীপত্র ।



খবর । ... .. ১

## প্রথম ভাগ ।

ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ... .. ৯  
পরিভাষা ও জ্যামিতির অলম্বভূত মৌলিক তত্ত্ব ৯-৩০ ।

গজ, স্কেল বা মানদণ্ড নির্মাণ ১২ । ওলন মাটাম ১৪ ।  
স্কুরাসাম্য যন্ত্র ১৫ । মাটাম ১৫ । ত্রিকোণী, কাঁড়-  
যষ্টি, ক্রুশদণ্ড ১৬ । প্রোট্রাক্টিং স্কেল বা কোণ-  
মান গজ ২২ । থিয়োডোলাইট বা কোণবীক্ষণ যন্ত্র  
২৪ । কোণবীক্ষণ যন্ত্রদ্বারা নদী ও মন্দিরের উচ্চতা  
নির্ণয় ২৭ । স্বীকার্য কথা, স্বতঃসিদ্ধ ৩০ । গণিতের  
চিহ্ন নিরূপণ ৩১ ।

কোণ, ত্রিভুজ এবং সমান্তরাল রেখা সম্বন্ধীয় উপপাদ্য  
ও সম্পাদ্য । ( ২৩টি প্রতিজ্ঞা ) ... .. ৩৬

চাম্‌চিকা খিলান প্রস্তুত করিবার নিয়ম ৪০ । কোন নদী  
পার না হইয়া তাহার প্রস্থ পরিমাণ করিবার নিয়ম ৫০ ।

সমান্তরিক ও অন্য প্রকার চতুরস্র ক্ষেত্রসম্বন্ধীয়  
উপপাদ্য ও সম্পাদ্য । ( ১১টি প্রতিজ্ঞা ) ... .. ৬১

সমান্তরিক ( ক্রুর ) পরিমাপক ৬৯ ।

ইউক্লিডের সপ্তচত্বারিংশ প্রতিজ্ঞা ও ঐ প্রতিজ্ঞা অবলম্বন  
করিয়া সরলরৈখিক ক্ষেত্রের কয়েকটি ধর্ম প্রদর্শন ।  
( ১০টি প্রতিজ্ঞা ) ... .. ৭৮

শুঙ্খল দ্বারা ভূমির উপর সমকোণিক ত্রিভুজ নির্মাণ ৮৭ ।

রেখা ও ধরাতলের সম্বন্ধ। সদৃশ ত্রিভুজ। ( ৫৫টি প্রতিজ্ঞা )

সামান্য মানদণ্ড নির্মাণ ৯৫। ডায়েগনাল ক্ষেত্র  
স্থলমান দণ্ড ৯৮। দর্পণ পাতিয়া রাখিয়া ক'  
স্তম্ভের উচ্চতা নির্ণয় ৯৯।

বৃত্তসম্বন্ধীয় উপপাদ্য ও সম্পাদ্য। ( ৩০টি প্রতিজ্ঞা ) ...

গোল খিলান নির্মাণ ১০৭। গথিক খিলান নির্মাণ ১  
সমুদ্রের তীরস্থ কোন উচ্চ পদার্থকে কত দূর হ  
দেখা যায় তাহা নিরূপণ ১১৬। কার্ণিসের মোড় নি  
করিবার নিয়ম ১২০। অনবচ্ছিন্ন বক্র রেখার দ্বারা  
দিক্ সংযোগ করিবার নিয়ম। ... ..

নানা বিষয়িণী সম্পাদ্য ও উপপাদ্য। ( ৯টি প্রতিজ্ঞা )

অতিরিক্ত প্রতিজ্ঞা। ... ..

ঘন জ্যামিতি। ... ..

পরিভাষা। ... ..

ধরাতলিক ও ঘন জ্যামিতি সম্বন্ধীয় উপপাদ্য।

( ১৬টি প্রতিজ্ঞা ) ... ..

## দ্বিতীয় ভাগ।

রৈখিক পরিমাণ। ... ..

বস্তু ও স্থানের দৈর্ঘ্যাদি মাপিবার দ্বারা। ... ..

সেকন্দরী গজের পরিমাণ। ... ..

রৈখিক পরিমাণ সম্বন্ধীয় ১৪টি সম্পাদ্য। ( নিয়ম, সূত্র )

বহু দৃষ্টান্ত সম্বলিত)	...	...	...	১৮১
শীলাবতীর প্রস্থ।	...	...	...	২০৫

### তৃতীয় ভাগ।

ভূমি পরিমাণ	...	...	...	...	২০৮
-------------	-----	-----	-----	-----	-----

ভূমি মাপিবার দ্বারা ২০৮। বঙ্গদেশীয় মাপ ইংরেজী মাপে পরিবর্তিত ২১১। সমচতুর্ভুজ, আয়ত ও শঙ্কর ক্ষেত্রের কালি ২১২। ত্রিভুজ ক্ষেত্রের কালি ২২৭। ট্রাপিজৈড ক্ষেত্রের কালি ২৩১। বিবমচতুর্ভুজ ক্ষেত্রের কালি ২৩২। বিবম বহুভুজ ক্ষেত্রের কালি ২৩৫। সমবাহক ও সমকোণিক বহুভুজ ক্ষেত্রের কালি ২৩৭। বৃত্তক্ষেত্রের কালি ২৪১। দুই ঐককেন্দ্রিক বৃত্তের পরিধির অন্তর্গত অক্ষুরীয় আকারের ভূমির কালি ২৪৫। বৃত্তক্ষেত্রের কালি ২৪৭। বৃত্তখণ্ডের কালি ২৫০। বৃত্তাকার মণ্ডলের কালি ২৫২। অর্ধ চন্দ্রাকৃতি ভূমির কালি ২৫৩। ত্রিভুজের অন্তর্গত ও বহিঃস্থ বৃত্তক্ষেত্রের কালি ২৫৪। বৃত্তাভাস ক্ষেত্রের কালি ২৫৫। ক্ষেপণী আকারের ভূমির কালি ২৫৬। ক্ষেপণীমণ্ডলের কালি ২৫৭। সরল বা বক্র রেখা দ্বারা বেষ্টিত বিবম ক্ষেত্রের কালি ২৫৮। বরজিয়া কালি ২৬১।

### চতুর্থ ভাগ।

ঘন পরিমাণ	...	...	...	...	২৬৩
-----------	-----	-----	-----	-----	-----

ঘন পরিমাণের দ্বারা ২৬৩। সমকোণিক ও সমবাহক ঘন বস্তুর ঘনফল ২৬৪। আয়ত আকার ঘন বস্তুর ঘনফল ২৬৭।

পহল ও স্তম্ভের ঘনকল ২৭৩। পহল ও স্তম্ভের পৃষ্ঠ-  
কল ২৭৪। স্তম্ভী ও সমকোণস্তম্ভীর ঘনকল ২৭৭। স্তম্ভীর  
বা সমকোণস্তম্ভীর প্রকাণ্ডের ঘনকল ২৮১। সমকোণ স্তম্ভীর  
তলস্থ ক্ষেত্র সমবাহু বহুভুজক্ষেত্র হইলে, তাহার প্রকা-  
ণ্ডের ঘনকল ২৮১। স্তম্ভীর বা সমকোণস্তম্ভীর প্রকাণ্ডের  
পৃষ্ঠকল ২৮২। পুরুষিণীর কালির অপর নিয়ম ২৮৫।  
বাঁধ মাণিবার নিয়ম ২৮৬। কাজলার ঘনকল ২৯০।  
কাজলার প্রকাণ্ডের ঘনকল ২৯১। বর্জুলের ঘনকল ২৯৩।  
বর্জুলখণ্ডের ঘনকল ২৯৫। বর্জুল মণ্ডলের ঘনকল ২৯৬।  
বর্জুলমণ্ডলের ন্যূন পৃষ্ঠকল ২৯৭। গোলাকার টঙ্কুর  
ঘনকল ২৯৮। ফুলালচক্রাকার বস্তুর ঘনকল ২৯৯।  
ফুলালচক্রাকার বস্তুর পৃষ্ঠকল ২৯৯। বর্জুলভাসের  
ঘনকল ৩০০। কেপলীস্তম্ভের ঘনকল ৩০১। গুহুজের  
পৃষ্ঠকল ও ঘনকল ৩০২। জাহাজের বোকাই নিরূপণ ৩০২।  
রজ্জুর ওজন নিরূপণ ৩০৩। ধান্যরাশির মাপ ৩০৩।  
অসরল ঘনবস্তুর ঘনকল ৩০৪। দ্রবোর গুরুত্ব নিরূপণের  
উপায় ৩০৭।

নানা বিবরণী উদাহরণমালা। ... ৩১০।

### পঞ্চম ভাগ।

জরীপ।	...	...	...	...	...	৩১৭
জরীপীকিতা, জমীদারী রসি।	...	...	...	...	...	৩১৮
গণতারের শৃঙ্খল।	...	...	...	...	...	৩১৯

শুষ্ক শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ করিবার নিয়ম । ...	৩২২
শৃঙ্খল পরীক্ষা করিবার উপায় ৩২৫ । চিঠার বিবরণ ৩২৬ । বিষমাকার ক্ষেত্রের জরীপ ৩৩১ । ত্রিভুজ ক্ষেত্রের জরীপ ৩৩৬ । বহুভুজ ক্ষেত্রের জরীপ ... ৩৩৯ । কুটিল ক্ষেত্রের জরীপ ৩৪৩ । নদীর উপকূল জরীপ ৩৫৩ । রাস্তা জরীপ ৩৫৬ । বাদা কিয়া বন জরীপ ৩৫৮ । শৃঙ্খলের সম্মুখে নদী ব্যবধান পড়িলে তাহা পরিমাপ করিবার নিয়ম ৩৬১ । ক্রমনিয় ভূমি জরীপ ৩৬৪ । জরীপ করিয়া পূর্বে এতদ্বশে চিঠা লেখার ধরুপ রীতি ছিল তাহার বিবরণ । ... ৩৬৫	
খাকবস্ত সংক্রান্ত জরীপের নিয়ম । ...	৩৬৮
দিগ্‌দর্শন যন্ত্রদ্বারা জরীপ করিবার নিয়ম ...	৩৭৭
সামান্য দিগ্‌দর্শন যন্ত্র ৩৭৭ । মৌকুরিক দিগ্‌দর্শন যন্ত্র ৩৮০	
বিয়ারিং ও পালুটা বিয়ারিং ৩৮২ । দিগ্‌দর্শন যন্ত্রদ্বারা জরীপ । ...	৩৮৩
ক্ষেত্রবন্টক জরীপের নিয়ম । ...	৩৮৫
টুকরা জমীর চিঠা ৩৮৮ । সীমাবন্ধীর চিঠা । ৩৮৯	
খসড়া চিঠা ও একোয়াল ৩৯০ । পৃষ্ঠার কোণ পত্র ।	
কোণবীক্ষণ যন্ত্র ( থিওডোলাইট ) । ...	৩৯১
কোণবীক্ষণ যন্ত্রের অঙ্গসামগ্রণ্য । ...	৩৯৫
কোণবীক্ষণ যন্ত্র দ্বারা জরীপ । ( ৫টী উদাহরণ ) ...	৩৯৯
উৎকৃষ্ট প্রথা অনুসারে চিঠা লিখিবার ধারা । ...	৪০৯
ক্ষেত্র অভ্যন্ত বক্র হইলে তাহাকে সমকোণিক ত্রিভুজ	



ক্ষেত্রে পরিবর্তিত করিয়া জরীপ করণ।	...	৪১৮
ভুক্তি (প্লেন টেবিল) ব্যবহার করিয়া জরীপ করিবার		
ধারা।	...	৪১৯
ক্ষেত্রে ব্যবহার।	...	৪৩৩
সামান্য মানদণ্ড।	...	৪৩৪
অধুমাণক মানদণ্ড।	...	৪৩৫
উত্তর দিক নিরূপণের উপায়	...	৪৩৮
জরীপী নক্সা অঙ্কিত করিবার নিয়ম।	...	৪৪০
শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ হইলে তাহার নক্সা।	...	৪৪১
দিগদর্শন যন্ত্র দ্বারা জরীপ হইলে তাহার নক্সা।		৪৪৪
রক।	...	৪৪৯
জরীপ সংক্রান্ত গ্রন্থ।	...	৪৫২
সমস্থল নিরূপণ করিবার রীতি।	...	৪৫৫
ওয়াই সাম্য যন্ত্র	...	৪৫৬
ট্রফ্টন সাম্য যন্ত্র।	...	৪৫৯
সমতলীয় দণ্ড।	...	৪৬০
সমতল তর।	...	৪৬১
খণ্ড রেখা ৪৬৪। সমতল চিঠা ৪৬৫। তল রেখা		৪৬৬
ব্যবহারিক সমতল চিঠা ৪৬৭। দৃষ্টিবৈলক্ষ্য		
শোধন।	...	৪৬৮
গণিত শব্দের ইংরেজী প্রতিশব্দ।	...	৪৭১

# ক্ষেত্রব্যবহার ।

বা

পরিমিতি ।

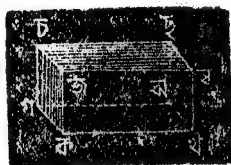
প্রথম ভাগ ।

—)•(—

ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব ।

পরিভাষা ও জ্যামিতির অবলম্বিত  
মৌলিকতত্ত্ব ।

যে বিদ্যা দ্বারা রেখা, ধারাতলিক ক্ষেত্র ও মিটন বা সম-  
কান্তর দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও বেধের পরিমাণ জানা যায়, তাকে  
জ্যামিতি শাস্ত্র কহে । যত প্রকার পদার্থ আমাদের দৃষ্টি-  
গোচর হয়, সকলেরই দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও বেধ এই তিনটি  
পরিমাণ আছে । এই পার্শ্বস্থিত  
ক্ষেত্রটি একখানি গুঁড়িকার্তের  
প্রতিরূপ, ইহার কথ দৈর্ঘ্য, খণ্ড  
বিস্তার ও খণ্ড বেধ । এই তিনটি  
পরিমাণের একটি পরিভাগ করিয়া কেবল দুইটি (যথা  
দৈর্ঘ্য ও বিস্তার) গ্রহণ করিলে, কখনও পৃষ্ঠকে ধারাতল



কহে (ধরাতল ক্ষেত্রের কেবল দৈর্ঘ্য ও বিস্তার আছে)।  
 অপর, এই ধরাতলিক ক্ষেত্রের দুইটি পরিমাণের একটিকে  
 পরিভাগ করিয়া অন্যটিকে গ্রহণ করিলে, পার্থক্য  
 বা ধর-কে রেখা কহে। অপর, যদি রেখা এমন হ্রস্ব হইয়া  
 যায়, যে তাহার দৈর্ঘ্য আর পরিমাণযোগ্য হয় না, তাহা  
 হইলে সেই রেখার সর্বোত্তর প্রাপ্ত অথবা তাহার অন্ত্য  
 চিহ্নকে বিন্দু কহা যায়। অতএব, স্পষ্ট প্রতীয়মান হই-  
 তেছে যে, বিন্দুর স্থিতির দ্বারা রেখা উৎপন্ন হইতে পারে,  
 রেখার স্থিতির দ্বারা যদি কোন অবকাশ পরিবর্তন হয়,  
 তাহা হইলে ধরাতল উৎপন্ন হয়; এবং ধরাতল  
 উপর্য্যখ্যোক্তাবে সচল অথবা স্থগিত হইলে ঘন ক্ষেত্র  
 উৎপন্ন হয়। এতদ্বারা নিম্নলিখিত তিনটি পরিভাষা প্রাপ্ত  
 হওয়া যায়।

১। যাহার দৈর্ঘ্য, বিস্তার বা বেধ কিছুই অনুভব হয়  
 না; তাহাকে বিন্দু বলে।

২। যাহার কেবল দৈর্ঘ্য আছে, তাহাকে রেখা কহা  
 যায়। যথা ক।

ক

অনুমান। রেখাদিগের দুই প্রাপ্ত দুইটি বিন্দু, রেখাদিগের  
 সঙ্গাত স্থলও বিন্দু।

৩। যাহার কেবল দৈর্ঘ্য ও বিস্তার আছে, তাহাকে  
 ধরাতল কহে। যথা চছত্র ( ১৯শ পৃষ্ঠা দেখ )।

অনুমান। ধরাতলের সীমা রেখা, এবং একটি ধরাতল  
 অপর একটিকে ছিন্ন করিলে, সে অবচ্ছেদনেতেও রেখার  
 উৎপত্তি হয়।

৪। সর্বতোভাবে একাভিমুখী রেখাকে সরল বা ঋজু রেখা কহে। যথা কথ। ক খ

বিন্দুদ্বয়ের লঘুতম দূরত্বকে রেখা কহে।

অনুমান। দুইটী ঋজুরেখা দ্বারা কোন অবকাশ পরিবর্তন হইতে পারে না।

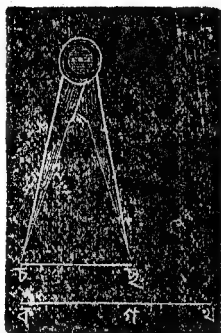
৫। যে সকল ঋজু রেখা একরূপ ভাবে সংস্থিত থাকে যে, তাহাদিগের দুই মুখ অবিচ্ছিন্ন বৃত্তি ক খ করিলে কোন দিকেই তাহাদিগের পরস্পর সংস্পর্শ হয় না, তাহারা সমান্তরাল রেখা। ক খ

কাঁটাকম্পাস বা পরিমাপক। এই যন্ত্রটি দুইটী শলাকা বা কাঁটাবিশিষ্ট। ইহার পরস্পর খিল দিয়া আঁটা, স্মৃতরাং, প্রয়োজনানুসারে প্রসারিত ও সংকুচিত করিতে পারা যায়। কাঁটা দুইটির অগ্রভাগ স্থূল। সীমাবন্ধির সময় দুই নিদর্শন স্থানের মধ্যগত ব্যবধানপরিমাণ বৃত্ত বিধা বলিয়া চিঠাতে লিখিত থাকে, মানদণ্ডের উপর এক হইতে তত বিধা পর্যন্ত কাঁটাকম্পাসের দুই পদ বিস্তার করিতে হয়। এই পদদ্বয়ের মধ্যগত ব্যবধান দ্বারা নিদর্শন স্থানদ্বয়ের মধ্যগত অন্তরপরিমাণ স্থির হইয়া থাকে।

কম্পাস নানাবিধ, কাঁটাকম্পাস, হেয়ার কম্পাস, বিন্ধুকম্পাস, পেন্‌টাগ্রাফ ইত্যাদি। কম্পাসদ্বারা বৃত্তকেই সহজে অঙ্কিত হয়, ও কোন রেখাকে বিভাজিত বা অপর রেখার সমান করিতে হইলে তাহাও ইহাদ্বারা সুসাধিত হইয়া থাকে। যথা, কথ রেখা হইতে যদি চহ-র তুল্য

এক অংশ ছেদ করিতে হয়, তাহা হইলে কম্পাসের মুখ, চহ রেখার সমান বিস্তার করিয়া, কথ হইতে কগ এক অংশ ছেদ করিলে কগ চহ-র ঠিক সমান হইবে।

কোন রেখার পরিমাণ করিতে হইলে, কোন এক নির্দিষ্ট রেখাকে (যথা হাত বা গজ) একক স্বরূপ স্থির করিয়া, ঐ একক সেই রেখার মধ্যে কত বার আছে তাহাই নির্ণয় করিতে হয়।



### গজ, স্কেল বা মানদণ্ড নির্মাণ ।

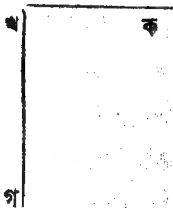
কথ এক খানি কাগজ অথবা এক কাষ্ঠিকা। একটী কম্পাস লইয়া তাহার মুখ অল্প বিস্তার করিয়া, এই কাগজ বা কাষ্ঠিকার উপর কগ পর্য্যন্ত ক্রমশঃ দশবার ঘুরাইয়া আন। পরে কম্পাসের বিস্তার কগ-র সমান করিয়া উক্ত কাগজ বা কাষ্ঠিকার উপর গ চিহ্ন হইতে ১০, ২০, ৩০ ইত্যাদি কতিপয় অংশ চিহ্নিত কর। যদি কগ-র এক একটী অংশ একক বলিয়া ধরা যায়, তাহা হইলে মানদণ্ডের গ হইতে ১০ চিহ্ন পর্য্যন্ত দশ একক হইবে, ২০ পর্য্যন্ত বিংশ একক হইবে, ইত্যাদি। আর যদি কগ-র প্রত্যেক অংশকে দশ একক বলিয়া ধরা যায়, তাহা হইলে মানদণ্ডের প্রত্যেক অংশের পরিমাণ সত্যক হইবে।

নুনশচ, যদি কগ-র পরিমাণ এক একক হয়, তাহা হইলে  
কগ-র প্রত্যেক  
অংশ এককের  
দশ ভাগের এক



ভাগ হইবে। যথা, কগ এক ফুট হইলে খগ পাঁচ ফুট  
হইবে, এবং কগ-র প্রত্যেক অংশ এক ফুটের দশাংশের এক  
ভাগ হইবে।

৬। অসমান্তর রেখাদ্বয়ের সং-  
স্পর্শে কোণের উৎপত্তি হয়। যথা,  
কখগ। কখ ও খগ দ্বারা উৎপন্ন  
কোণকে কখগ বা গখক কহিতে  
হয়, অর্থাৎ কোণাণ্ডে (যেখানে  
সরল রেখাদ্বয় সংস্পর্শ হয়) অঙ্কিত অক্ষরকে মাধ্যাক্ষর  
করিয়া পড়িতে হয়।



৭। একটি ঋজুরেখা অন্য একটি  
ঋজু রেখার উপর লম্বভাবে অঙ্কিত  
হইলে, উভয় পার্শ্বের কোণকে সম-  
কোণ কহা যায়। যথা, কখগ ও কখঘ।



৮। সমকোণ অপেক্ষা ক্ষুদ্র কোণকে লঘু বা হৃদয় কোণ  
কহে। যথা, চখঘ।

৯। সমকোণ অপেক্ষা বৃহৎ কোণকে বৃহৎ কোণ কহে।  
যথা, চখগ। গখ ঋজুরেখার এক প্রান্ত খ হির রাখিয়া,  
অন্য প্রান্ত গ ধরিয়া যদি তাহাকে এমন ঘুরাইয়া দেওয়া

যায় যে, সে খক স্থানে উপস্থিত হয়, তাহা হইলে, তাহার  
প্রাথমিক অবস্থিতি খগ ও বর্তমান অবস্থিতি খক-র সহিত  
যে অনবনতি উৎপন্ন হয়, তাহাকে গখক কোণ কহে। আবার  
ঋজু রেখা গখ, য পর্য্যন্ত প্রসারিত করিলে ডাইনমিকে যে  
কোণটী উৎপন্ন হয়, তাহা কখঘ দ্বারা ব্যক্ত হয়। মনে কর,  
দুইটী কোণ গখচ ও চখঘ-র মধ্যে ডাইনমিকের চখঘ কোণ  
লঘু ও বামদিকের চখগ কোণ শুক। এবং খচ ঋজুরেখার  
এক প্রান্ত খ স্থির রাখিয়া, অপর প্রান্ত চ ধরিয়া যদি তাহাকে  
ক্রমাগত বামদিকে ঘুরান যায়, তাহা হইলে, ডানি-  
দিকের কোণটী বৃদ্ধি ও বামদিকের কোণটী হ্রাস হইতে  
থাকিবে, এবং ইহাও স্পষ্ট বোধ হইতেছে যে, ডানিদিকের  
কোণটী বতটুকু বৃদ্ধি হইবে, বামদিকের কোণটী ততটুকু  
হ্রাস হইবে। অতএব, ক্রমাগত উভয়ের ঐরূপ পরিবর্ত  
হইতে থাকিলে, অবশ্যই কোন না কোন সময়ে ডানি ও  
বামদিকের দুইটী কোণই পরস্পর সমান হইবে। মনে  
কর, চ বিন্দু ক-তে উপস্থিত হইলে, ডানি ও বামভাগের  
দুইটী কোণ ঘখক ও গখক পরস্পর সমান হয়। তাহা  
হইলে ঐ দুইটী কোণের প্রত্যেককেই এক একটী সমকোণ  
কহা যায়।

অনুমান। সকল সমকোণই পরস্পর সমান।

ওলনমাটায়। এক খানি কাঠখণ্ডে একটী সরল রেখা  
টানিয়া, ঠিক ঐ রেখার উপর দিয়া এক গাছি ওলনহাড়ি  
বুলাইয়া তাহাকে অপর এক কাঠখণ্ডের উপর লম্বভাবে  
সংযুক্ত করিলে, ওলনমাটায় প্রস্তুত হয়। এই মাটায়

কোন সমতল ভূমি বা জলের উপরিভাগে রাখিলে, উক্ত অঙ্কিত রেখা ও ওলনদড়ি উভয়ে মিলিত হইয়া যাইবে।

ভূমি সমতল না হইলে ওলন দড়ি নিম্নদিকে ঝুলিয়া পড়িবে। যথা পাশ্চাত্তিক প্রতিকৃতি।



কৃতি। এই যন্ত্রের সাহায্যে ভূপৃষ্ঠে যক্তি লম্বভাবে স্থাপিত করা যায়। ক্রমনিম্ন ভূমি পরিমাণ কালে এই যন্ত্রটী বিশেষ প্রয়োজনীয়।

সুরাসাম্য যন্ত্র। কোন নির্দিষ্ট স্থান সমতল কি বন্ধুর, ইহা জানিবার নিমিত্ত পণ্ডিতেরা সুরাসাম্য নামে একটী যন্ত্র প্রস্তুত করিয়াছেন। এই স্থলে ঐ যন্ত্রের চিত্রের প্রতিকৃতি প্রকাশিত হইল।

কণ একটী কাচের নল, উহার উভয়দিক কড়, উহা সুরা দ্বারা



প্রায় পরিপূর্ণ থাকে, কিঞ্চিৎ বায়ু প্রবেশ নিবন্ধন তৎক্ষণে একটী বিশ্ব আছে। ঐ যন্ত্র কোন অসমতল স্থানে স্থাপন করিলে, সুরা ঐ নলের নীচদেশে পতিত হয় এবং ঐ চিহ্নিত বুদ্ধদণ্ডী উপরে উঠিয়া থাকে। কিন্তু যখন ঐ নল কোন সমতল স্থলে স্থাপিত হয়, তখন ঐ বুদ্ধদণ্ডী নলের মধ্যস্থলে অবস্থিত হইয়া থাকে। কোন স্থান সমতল কি অসমতল, ঐ যন্ত্রদ্বারা অনায়াসে নিরূপণ করিতে পারা যায়। উল্লিখিত বিজ্ঞানসিদ্ধ যন্ত্র স্থপতিদিগের পক্ষে অত্যন্ত উপকারী।

সাঁটান। এক খানি কাষ্ঠখণ্ডের পাশ্বে আর এক খানি



কাঠখণ্ড লম্বভাবে সংযুক্ত করিলে মাটাম কহে। মাটাম দ্বারা সমকোণ উৎপন্ন করা গিয়া থাকে।

মাটাম ইংরাজী (T). টি অক্ষরের ন্যায় হইলে, টি মাটাম কহে।



ত্রিকোণী। কখন একখানি ত্রিকোণাকার ভূমির এক পাশ্ব খণ্ড, অপর পাশ্ব কখন উপর লম্বভাবে থাকিলে, অর্থাৎ কখন সমকোণ হইলে, ইহাকে ত্রিকোণী কহে। ইহা দ্বারা কাগজের উপর অনায়াসে লম্বরেখা অঙ্কিত করা যায়।



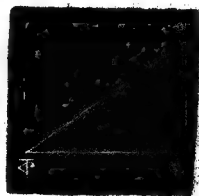
কীর বন্ডি। অল্প দূর পরিমাণ করিতে হইলে ভূমিতে কীর বন্ডি দিতে হয়। এই বন্ডি লম্ব প্রায় দশ লিঙ্গ হইয়া থাকে, এবং ভূমিতে প্রোথিত করিবার জন্য ইহার এক দিক সূচ্যাকার থাকে।

কুশদণ্ড। ভূমিতে সমকোণ উৎপন্ন হয়, এরূপ রেখা পাত্ত করিবার জন্য কুশদণ্ডের ব্যবহার করিয়া থাকে। কুশদণ্ড ৬ ইঞ্চি ব্যাস পরিমিত



একটি গোলাকার বায়ু, এই বায়ুর দুইটি ভিন্ন পর্যায়ের সমকোণভাবে দুই দিকে থাকে, যথা কথ ও গঘ। এই বায়ু ভূমিতে সংস্থাপন করিবার জন্য ইহার নিয়ে একটি কাঁড়যক্তি থাকে। যদি চ, ছ দুইটি ধ্রুবার যোজক রেখার লম্ব টানিতে হয়, তাহা হইলে বায়ুর গঘ ছিদ্রে দিয়া চ, ছ দুইটি স্বজাকে সমন্বয়ে দেখিতে হইবে। পরে ছিদ্রের সমন্বয়ে দুই দিকে দুইটি স্বজা প্রোথিত করিয়া এক রেখা পাড করিলে ঐ রেখা চছ রেখার লম্ব হইবে।

১০। তিনটি সরল রেখা দ্বারা পরিবৃত্ত কেন্দ্রের নাম ত্র্যজ্র অথবা ত্রিভুজ। যথা, কথগ।



১১। যে ত্রিভুজের মধ্যে একটি সমকোণ থাকে, তাহাকে সমকোণিক অথবা জাত্য ত্রিভুজ কহে। যথা, কথগ।

সমকোণিক ত্রিভুজের সমকোণের অভিমুখীন বাহুকে কর্ণ কহে, অবশিষ্ট বাহুদ্বয়ের মধ্যে একের নাম ভূমি ও অপরটির নাম কোটি। কথগ ত্রিভুজের কগ কর্ণ, কথ ভূমি এবং থগ কোটি।

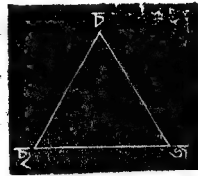
১২। যে ত্রিভুজের মধ্যে একটি সূত্র কোণ থাকে, তাহাকে সূত্রকোণিক ত্রিভুজ কহে। যথা, কথগ।



১৩। যে ত্রিভুজের তিনটি কোণই সূত্র, তাহাকে

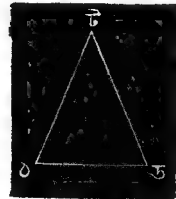
তুল্যকোণিক ত্রিভুজ কহে। যথা চহজ।

১৪। যে ত্রিভুজের তিনটাই বাহুই সমান, তাহাকে সমবাহু ত্রিভুজ কহে। যথা চহজ।

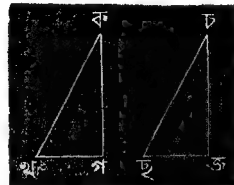


অনুমান। সমবাহু ত্রিভুজের তিনটি কোণ পরস্পর সমান।

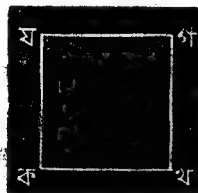
১৫। যে ত্রিভুজের দুই বাহু সমান, তাহাকে সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ কহে। যথা টচড।



১৬। যদি দুইটি ত্রিভুজের কোণ তুলি যথাক্রমে সমান হয়, তাহা হইলে তাহাদিগকে তুল্যকোণিক বা সদৃশ ত্রিভুজ কহে, এবং তুল্যকোণের অভিমুখীন ভুজগুলিকে সমশীল অথবা সমগায় বাহু বলে। যেমন, কথগ ও চহজ দুই ত্রিভুজের যদি ক কোণ = চ কোণ, গ কোণ = জ কোণ ও খ কোণ = ছ কোণ হয়, তাহা হইলে থগ-র সমশীল ছজ, কথ-র সমশীল চহ, আর কগ-র সমশীল চজ হইবে।



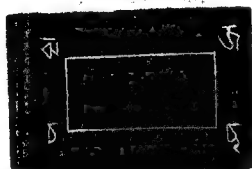
১৭। চারি সরল রেখার ত্রিভুজের নাম চতুরস্র বা চতুর্ভুজ। যে চতুর্ভুজের পরস্পর সম্মুখীন কর্ণগুলি সমান্তরাল, তাহাকে সমান্তরিক কহে। যথা চহজঝ।



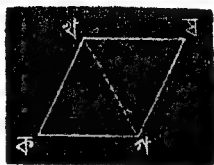
## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৯

১৮। যে চতুর্ভুজের চারি বাহু সমান ও চারি কোণই সমকোণ, তাহাকে সমচতুর্ভুজ অথবা সমচতুরত্র বা বর্গ ক্ষেত্র কহে। যথা ক খ গ ঘ।

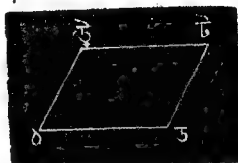
১৯। যে সমান্তরিক ক্ষেত্রের নিকটবর্তী ভুজদ্বয় বিষম, কিন্তু চারি কোণই সমকোণ, তাহাকে আয়ত কহে। যথা চ ছ জ বা।



২০। যে সমান্তরিক ক্ষেত্রের নিকটবর্তী ভুজদ্বয় ও পরস্পর অভিমুখীন কোণগুলি সমান, তাহাকে রহস্ কহে। যথা ক খ ঘ গ।



২১। যে সমান্তরিক ক্ষেত্রের নিকটবর্তী ভুজদ্বয় বিষম ও পরস্পর অভিমুখীন কোণগুলি সমান, তাহাকে রম্বৈড্ কহে। যথা ট ড ঊ উ।

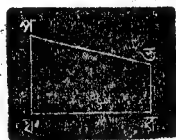


রহস্ ও রম্বৈড্ ক্ষেত্রের একটি কোণও সমকোণ নয়।

২২। যে চতুর্ভুজ ক্ষেত্রের পরস্পর সম্মুখীন বাহুগুলি সমান্তরাল নহে, তাহাকে ট্রাপিজিয়াম বা বিষম চতুর্ভুজ কহে। যথা ত খ দ ঘ।



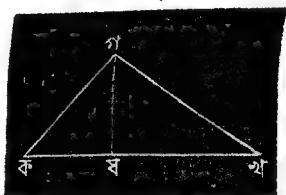
২৩। যে চতুর্ভুজের কেবল দুইটি সম্মুখীন বাহু পরস্পর সমান্তরাল, তাহাকে ট্রাপিজৈড্ কহে। যথা প ফ ব ড।



২৪। যে রেখা চতুর্ভুজের দুইটি অভিমুখীন কোণকে লম্বু

করে, তাহাকে কর্ণ কহে। যথা খগ। (পূর্বপৃষ্ঠা দেখ)

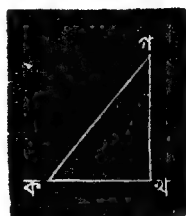
২৫। কোন ক্ষেত্রের শৃঙ্গ  
হইতে ভূমিতে লম্বপাত করিলে,  
সেই লম্বকে ক্ষেত্রের উন্নতি  
বলে। যথা গঘ।



সম্পাদ্য। একটা প্রাচীর

২০ ফুট উচ্চ, তাহার নীচে ১৫ ফুট অন্তরে কত ফুট দীর্ঘ  
একখানা মোই রাখিলে ঐ প্রাচীরের ঠিক উপরে  
লাগিবেক?

পূর্বে আমিনদিগের ব্যবহার্য যে মানদণ্ড বা গজের  
বিষয় উল্লেখ করা গিয়াছে, সেই গজের ১৫র অংশ  
পর্যন্ত কম্পাস দ্বিত্বার করিয়া কখ একটা রেখা পাত  
কর। পরে ত্রিকোণী মাটামদ্বারা কখ-র উপর খগ  
একটা লম্ব রেখা টান, এবং খগ-কে  
গজের ২০ অংশের সমান কর।  
এইক্ষেণে কগ উক্ত গজ দিয়া পরি-  
মাণ করিতে গেলেই, ঐ কর্ণ রেখা  
গজের ২৫ অংশ পরিমিত হইয়াছে  
দেখিতে পাওয়া যাইবে। এই স্থলে



২৫ অংশ ২৫ ফুটের স্থানীয় হইল, কারণ পূর্বে গজের এক  
এক অংশকে এক এক ফুট করিয়া লওয়া গিয়াছে। অতএব  
মোইএর পরিমাণ ২৫ ফুট হইবে।

২৬। চারির অধিক সরল রেখাদ্বারা পরিবদ্ধ ক্ষেত্রকে  
বহুভুজ ক্ষেত্র কহে।

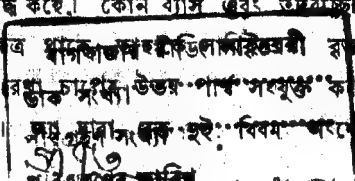
২৭। যে ক্ষেত্র এক কুটিল রেখাতে পরিবদ্ধ, এবং বাহ্যিক অন্তরে যেমন কোন বিন্দু আছে, বাহ্যিক ঐ রেখার সর্বত্র হইতে সমদূর, তাহাকে বৃত্ত ও ঐ কুটিল রেখাকে পরিধি কহে। পরিধির অন্তরস্থ পূর্বোক্ত ঐ বিন্দুকে কেন্দ্র কহে। কণ্ঠস্বত্ব বৃত্তপরিধি, ম কেন্দ্র ।



একটি স্বজুরেখা কম-র এক প্রান্ত ম স্থির রাখিয়া, অপর প্রান্ত ক ঘুরাইয়া পুনর্বার প্রাথমিক স্থানে উপনীত করিলে বৃত্ত নিষ্কাশিত হয়। কম্পাসের মুখ যে পরিমাণে হউক বিস্তার করিয়া, একমুখ স্থির রাখিয়া অপর মুখ ঘুরাইয়া আনিলে একটি বৃত্ত অঙ্কিত হয়। বৃত্ত নিষ্কাশন করিবার রীতি হইতে স্পষ্ট বুঝা যাইতেছে যে, বৃত্তের ব্যাসার্দ্ধগুলি পরস্পর সমান।

২৮। পরিধির কোন অংশের নাম চাপ বা বহু। যথা গহ।

২৯। বৃত্তের কেন্দ্র ভেদ করিয়া যে স্বজুরেখা পরিধির উভয় পার্শ্বে সমাপ্ত হয়, তাহাকে ঐ বৃত্তের ব্যাস কহে; এবং কেন্দ্র হইতে পরিধি পর্য্যন্ত যে সরল রেখা টানা যায় (অর্থাৎ ব্যাসের অর্দ্ধাংশ) তাহার নাম কর্কট বা ব্যাসার্দ্ধ কহে। কোন ব্যাস এবং তৎসমকোণ চাপের মধ্যে যে ক্ষেত্র সীমাবদ্ধ হয় তাকে বৃত্তকোণ কহে। যে সরল রেখা চাপের উভয় পার্শ্বে সমাপ্ত হয়, তাহাকে জ্যা কহে। সমদূরত্ব জ্যা হইবে এবং বিবর্তন অংশে বিভক্ত হয়।



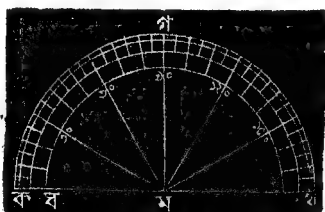
এবং ইহার প্রত্যেককে (অর্থাৎ কোন সরল রেখা ও তদব-  
স্থিত চাপের মধ্যে যে ক্ষেত্র থাকে তাহাকে) বৃত্তখণ্ড  
কহে। কেন্দ্র হইতে দুই সরল রেখা অঙ্কিত হইলে, তদ্ব্যবস্থিত  
চাপের অন্তর্গত ক্ষেত্রকে বৃত্তক্ষেদক বলে। এই ক্ষেত্রে  
কর্ষাংশ, বৃত্ত বাসার্ক, কগঘখ সামিরূত, গঘ রেখা জ্যা,  
গক ও গকসম্বন্ধ প্রত্যেকে বৃত্তখণ্ড, আর গমব বৃত্তক্ষেদক।

৩০। যদি একটি ঋজুরেখা বৃত্তে সংলগ্ন হইয়া প্রসা-  
রিত হইলেও বৃত্তকে ভেদ না করে, তবে ঐ রেখা বৃত্তকে  
স্পর্শ করিতেছে এমনত কথা যায়, এবং তাদৃশ সরল রেখাকে  
স্পর্শনী বলে। কগঘখ বৃত্তার্ধের বাহ্য পৃষ্ঠকে মুক্তপৃষ্ঠ ও  
অন্তরীণ পৃষ্ঠকে কূড়পৃষ্ঠ কহে।

৩১। এক কেন্দ্র হইতে ভিন্নভিন্ন বাসার্ক লইয়া যে  
সকল বৃত্ত অঙ্কিত হয়, তাহাদিগকে ঐককেন্দ্র বৃত্ত কহে।

### প্রটাকুটিং স্কেল বা কোণমান গজ।

যদি বৃত্তকে ৩৬০ সমান ভাগে বিভাজিত করা যায়,  
তাহা হইলে প্রত্যেক ভাগকে অংশ কহে, এষ্ট অংশ  
সমূহের মধ্যে পাশাপাশি দুইটি অংশ হইতে য কেন্দ্র  
পর্বাঙ্ক রেখা অঙ্কিত  
করিলে যে কোণের উৎ-  
পত্তি হয়, তাহার পরি-  
মাণ এক অংশ ৩০টি  
অংশ লইয়া দুইটি রেখা  
য কেন্দ্র পর্বাঙ্ক টানিলে যে কোণ হইবে, তাহার পরিমাণ



৩০ অংশ, অর্থাৎ এই কোণ পূর্বোক্ত কোণ অপেক্ষা ৩০ গুণ বেশী হইবে। গম রেখা কম রেখার উপর লম্বভাবে আছে বলিয়া, গমক কোণকে সমকোণ বলা যায়। কগ চাপ বৃত্তের চতুরংশের এক অংশ, এই জন্য উহার পরিমাণ =  $৩৬০^\circ$ -র  $\frac{১}{৪}$  =  $৯০^\circ$ । অর্ধবৃত্তের পরিমাণ  $১৮০^\circ$ , অতএব উহা দুই সমকোণ তুল্য। যদি প্রত্যেক অংশ ৬০ সমান অংশে বিভাজিত এরূপ কল্পনা করা যায়, তাহা হইলে প্রত্যেক ভাগকে কলা কহে, ও প্রত্যেক কলা ৬০ সমান অংশে বিভাজিত এরূপ কল্পনা করিলে, প্রত্যেক ভাগকে বিকলা কহে। যে যে চিহ্নদ্বারা অংশ, কলা ও বিকলা ব্যক্ত হয়, তাহা ক্রমান্বয়ে বন্ধনীর মধ্যে লিখিত হইল ( $^\circ$ ), ( $'$ ), ( $''$ )।

প্রস্তাবিত কোণমান গজ হইতে স্পষ্ট দেখা যাইতেছে যে, ঘখ রেখার এক পৃষ্ঠে এক বিন্দু ম-তে যতগুলি কোণ থাকে তাহাদিগের সমষ্টি দুইটী সমকোণের সমষ্টির সহিত সমান। এইরূপে ঘখ ঋজুরেখার নিম্ন পৃষ্ঠের সমকোণগুলিও দুইটী সমকোণের সমান। অতএব, একটী বিন্দুর চতুর্দিকে যতগুলি কোণ থাকে, তাহাদিগের সমষ্টি চারিটী সমকোণের সহিত সমান। এতদ্বারা প্রতীত হইতেছে যে, কোন ঋজুরেখার এক প্রান্ত স্থির রাখিয়া অপর প্রান্ত ঘুরাইয়া প্রাথমিক স্থানে উপনীত করিলে, তাহার চারি সমকোণ মাত্র ঘূর্ণন হয়।

যে গজের কথা উপরে উল্লিখিত হইল, ইহাকে প্রট্টা-টীর অর্থাৎ পরিবর্তক বা কোণমান গজ কহে।

এক খানা পিত্তলের পাত্রে উপরি লিখিত প্রতিরূপবৎ একটী স্বত্বার্জ অঙ্কিত কর, এবং তাহাকে চিত্রানুরূপে



বিত্তকৃত কর। তাহার পর, ঐ বৃত্তার্ধের ভিতরে একটী চতুষ্কোণ ক্ষেত্র করিয়া এবং উহার অংশ সমস্ত হইতে কেন্দ্র পর্য্যন্ত যথাক্রমে রেখা অঙ্কিত করিয়া ঐ আয়ত ক্ষেত্রটী কাটিয়া লও। তাহা হইলে যে স্কেল অথবা গজ উৎপন্ন হইবে, তাহা দ্বারা কোণ মাপিবার উপায় হইবে। কোন স্থানে কোণ নিষ্কাশন করিতে হইলে, তথায় ঐ গজ বা মানদণ্ডের ম নামক কেন্দ্রস্থান সংস্থাপিত কর। পরে কোণ যে পরিমাণে করা আবশ্যিক, তাহা মানদণ্ডের অংশের সহিত ঐক্য করিয়া পেন্সিলদ্বারা রেখা টানিয়া দিলেই প্রয়োজন মত কোণ হইবে। বিদ্যালয়ের উপদেশের নিমিত্ত কোণমান গজ একখানা কাগজে বা তাসেও প্রস্তুত হইতে পারে।

কোন ক্ষেত্র মাপ করিবার সময় সর্কম্ফরেন্স্ট দ্বারা যে সকল কোণের পরিমাণ লওয়া যায়, সেই সকল কোণ কোণ-মান গজদ্বারা নক্সার কাগজে লিখিতে হয়। কোণমান গজ সামান্য মানরূপে ব্যবহৃত হয়। সমানাংশে বিতত্ত্ব গজ প্রভৃতি যে সকল বস্তুকে সামান্য মান কহে, তাহাদ্বারা প্রত্যেক অংশ এই মানদণ্ডে কল্পনা করিলে কার্য্য নিৰ্ব্বাহ হইতে পারিবে।

থিওডোলাইট্ বা কোণবীক্ষণ যন্ত্র ।

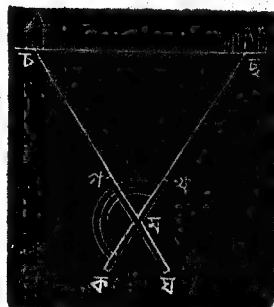
কোন চিহ্ন হইতে দূরস্থ দুইটী বস্তু পর্য্যন্ত দুই রেখা কল্পনা করিলে, এই রেখাদ্বয় দ্বারা যে কোণের উৎপত্তি হয়, তাহার পরিমাণ এই যন্ত্রদ্বারা নিরূপিত হইয়া

থাকে। এই বস্তু কিরূপ তাহা নিম্নে লেখা যাইতেছে।

কণ্ঠ চিহ্ন দ্বারা যে বৃত্তার্ধ প্রদর্শিত হইয়াছে, তাহা ১৮০ সমান অংশে বিভাজিত।

এই বৃত্তার্ধের কেন্দ্রে একটা নল এরূপ কোণে সংস্থাপিত আছে যে, তাহা চতুর্দিকে ঘুরিতে পারে।

য চিহ্নিত স্থান হইতে



চ, ছ দুইটা বস্তু পর্য্যন্ত রেখা কল্পনা করিলে, এই রেখাদ্বয় দ্বারা যে কোণ উৎপন্ন হয়, তাহা পরিমাণ করিতে হইলে কোণবীক্ষণ যন্ত্রের মধ্যস্থান চমছ কোণাণ্ডের উপর সংস্থাপন করিয়া, ক চিহ্নিত স্থান হইতে যন্ত্রস্থ নল দ্বারা ছ চিহ্নিত বস্তুকে লক্ষ্য করিতে হইবে। পরে নলটির দ্বারা আবার চ চিহ্নিত বস্তুকে সমন্বয়ে দেখা যার, এরূপে ঘুরাইয়া আনিতে হইবেক, অর্থাৎ যতক্ষণ কখ, গঘ-র সহিত মিলিত হুা হয়। এইক্ষণে মছ ও মচ দুই রেখা দ্বারা যে কোণ হইয়াছে, তাহার পরিমাণ খগ চাপের পরিমাণের সমান হইবে, অর্থাৎ প হইতে খ পর্য্যন্ত বৃত্ত অংশ হইবে, ঐ কোণেরও পরিমাণ তত হইবে।

৩২। কোন কোণ পরিমাণ করিতে হইলে, কোণাণ্ড অর্থাৎ মধ্যাক্ষরকে কেন্দ্র করিয়া, কোণ উৎপাদক রেখা-দ্বয়ের কোন একটিকে ব্যাসার্ধ লইয়া, একটা বৃত্ত নিক্ষেপিত করিতে হইবে। পরে ঐ কোণের দুই পার্শ্বস্থ সরল

রেখার মধ্যে যে চাপ থাকে, ঐ চাপ সমস্ত বৃত্তের যে অংশ হইবে, উক্ত কোণের পরিমাণ তত অংশ হইবে। অর্থাৎ, কগ একটী চাপ, ম ইহার কেন্দ্র, কগ চাপের যে পরিমাণ কমগ কোণেরও সেই পরিমাণ। যদি কগ চাপের পরিমাণ  $82^{\circ}29'41''$  হয়, তাহা হইলে কমগ কোণের পরিমাণও ঐ হইবে। অতএব বৃত্তের চাপই কোণের মান।



সম্পাদ্য ১ম। জরীপ আমীন যে স্থানে দণ্ডারমান আছে (২৫ শ পৃষ্ঠাঙ্কিত প্রতিকৃতি) অর্থাৎ ম, তথা হইতে ছ পর্বাস্ত যে অন্তর তাহা না মাপিয়াও স্থির করা যাইতে পারে। অনেক, ছমচ কোণের পরিমাণ ৪০ অংশ, ম হইতে চ-র অন্তর ৩০০ গজ, চ স্থানে কোণবীক্ষণ যন্ত্র রাখিয়া দেখিলে জানা যাইবে, যে ছমচ কোণ ৭০ অংশ। এইকণে মছ-র দূরত্ব নিরূপণ করিতে হইবে।

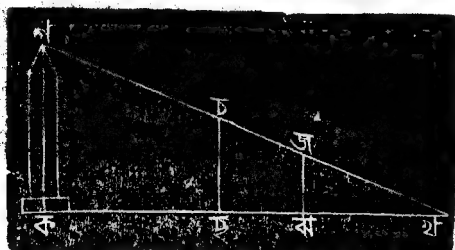
চম একটী রেখা পাত করিয়া উহাকে সমান অংশের মানদণ্ডের ৩০০ অংশের সমান কর। পরে কোণমানগজু দ্বারা মছ রেখা এক্রপে পাত কর যে ছমচ কোণ  $80^{\circ}$  হয়; ঐচছ এক্রপে পাত কর যে চচম কোণ  $90^{\circ}$  হয়। চছ ও মছ রেখা ছ স্থানে অবচ্ছেদ করিবেক। এইকণে কম্পাস দ্বারা মছ পরিমাণ করিয়া মানদণ্ডে প্রয়োগ করিলে প্রতীত হইবে যে, উহার পরিমাণ ৩০০ গজ, অর্থাৎ মানদণ্ডে বর্ত-গুলি একত হইবে প্রত্যেক একক এক গজের স্থানীয় হইবে।

২২। ক ও খ দুইটা বৃক্ষের মধ্যগত ব্যবধান পরিমাপ করিতে হইবে।

কোণবীক্ষণ যন্ত্র দ্বারা জানা যাইবে যে, যে স্থানে দণ্ডায়মান আছি, সেই স্থানে



কগত কোণের পরিমাণ ১১০ অংশ। পরে গজ দ্বারা পরিমাপ করিলে গক রেখা ৩২ গজ দীর্ঘ হইবে, এবং ক চিহ্নিত স্থানে গকত কোণের পরিমাণ ৩০ অংশ নির্ণয় হইবে। অনন্তর কখগ ত্রিভুজ নির্মাণ করিয়া ক খ পরিমাপ করিলে তাহা ৪৩ গজ নিরূপণ হইবে।



৩৩। গক কীর্তিস্তম্ভের উচ্চতা নির্ণয় করিতে হইবে। কীর্তিস্তম্ভের নিম্নভাগে ক চিহ্ন হইতে যে স্থানে অরীণ আমীন দণ্ডায়মান আছে, সেই পর্য্যন্ত দূরপরিমাণ অর্থাৎ কখ রেখার পরিমাণ ৪০০ ফুট। খ স্থানে কোণবীক্ষণ যন্ত্র দ্বারা দেখিলে জানা যাইবে যে, গকত কোণের পরিমাণ ৪০°। এইরূপে গক অর্থাৎ কীর্তিস্তম্ভের উচ্চতা কত স্থির করিতে হইবে।

কোন সমান অংশের মানদণ্ড লইয়া খ ক রেখাকে ভাহার ৪০০ অংশের সমান কর। কোণমানগজ দ্বারা খ গ রেখা একরূপে পাত কর যে, কখগ কোণ ৪০ অংশ হয়। পরে ক চিহ্ন হইতে কগ রেখা খক-র উপর লম্ব ভাবে অঙ্কিত কর। ক গ ও খ গ রেখা গ স্থানে ছেদ করিবে। এই-রূপে কম্পাস দ্বারা গ ক পরিমাণ করিয়া মানদণ্ডে প্রয়োগ করিলে প্রতীত হইবে যে, মানদণ্ডে যত একক ঐ মন্দির তত ফুট উচ্চ অর্থাৎ প্রায় ৩৩৫ ফুট।

৪র্থ। খ গ একটী পর্কাতোপরি এক মন্দির, উহার তলায় যাইবার ঘো নাই। ঐ মন্দিরের উচ্চতা স্থির করিতে হইবে। জরীপ আমীন মনে



কর, ক হইতে ঘ পর্য্যন্ত ৭৬ ফুট পরিমাণ করিয়াছে। ক ও ঘ স্থানে কোণবীক্ষণযন্ত্র দ্বারা পরিমাণ করিলে জানা যাইতে যে, গা ক খ ও গ ঘ খ কোণদ্বয় পরস্পর ২৭° ও ৫২°। এইরূপে খ গ মন্দিরের উচ্চতা নির্ণয় করিতে হইবে।

কোন সমান অংশের মানদণ্ড লইয়া ক ঘ রেখাকে ভাহার ৭৬ অংশের সমান কর। কোণমানগজ দ্বারা ঘগ ও কগ রেখা একরূপে অঙ্কিত কর যে, খ ঘ গ ও খ ক গ কোণদ্বয় পরস্পর ৫২ ও ২৭ অংশ হয়। ঘগ ও কগ রেখাদ্বয়ের সম্পাত বিন্দু গ হইতে কখ রেখার উপর লম্বপাত করিয়া,

কম্পাস দ্বারা উহা পরিমাপ করিলে প্রতীত হইবে, যে উহা মানদণ্ডের ৬৪ একক । মানদণ্ডের প্রত্যেক একক এক ফুটের স্থানীয় হইলে ঐ মন্দিরের উচ্চতা ৬৪ ফুট হইবে ।

৩৩। জ্যামিতি সম্বন্ধীয় রেখা বা ক্ষেত্রের লক্ষণকে পরিভাষা কহে । “যে ত্রিভুজের দুই ভুজ সমান তাহাকে সমদ্বি-  
বাহু ত্রিভুজ কহে,” এইস্থলে সমদ্বিভুজ ত্রিভুজের পরিভাষা  
হইল । ক্ষেত্রবিশেষের লক্ষণ করাণী পূর্ক পদ—অর্থাৎ  
ক্ষেত্রের ধর্মগুলি প্রথম নির্দেশ করিয়া পশ্চাৎ উপসংহার  
বা উপলব্ধি করিতে হইবে । পূর্কোক্ত সমদ্বিভুজ ত্রিভুজের  
লক্ষণ হইতে এই ধর্মটি উপপাদিত হইতে পারে যে, উহার  
সমান বাহুর সম্মুখীন কোণগুলি পরস্পর সমান ।

প্রতিজ্ঞা শব্দের অর্থ সাধ্য নির্দেশ । সাধ্য দুই প্রকার,  
সম্পাদ্য ও উপপাদ্য ।

যে প্রতিজ্ঞায় কোন ক্রিয়া সম্পন্ন করিতে হইবে এমন  
প্রস্তাব করে, অর্থাৎ কোন ক্ষেত্র নির্মাণ করিতে হইবে,  
অথবা কোন প্রস্তাবের সিদ্ধান্ত করিতে হইবে, তাহাকে  
সম্পাদ্য কহে ।

যে প্রতিজ্ঞায় কোন সত্য সংস্থাপন করিতে হইবে এমন  
প্রস্তাব করে, তাহাকে উপপাদ্য কহে ।

এক বা বহু প্রতিজ্ঞা হইতে যে ফল উপলব্ধি হয়,  
তাহাকে অনুমান কহে ।

প্রতিজ্ঞা সকল অধিকাংশই এই পঞ্চাঙ্গ সংযুক্ত হয় ;  
যথ, সামান্য কথন, বিশেষ কথন, অকপাত, প্রমাণ,  
উপসংহার । হেতু প্রদর্শনের নাম প্রমাণ ।

হেতু দুই প্রকার, অব্যয়ী হেতু এবং ব্যতিরেকী হেতু। যে প্রতিজ্ঞা সাধনে সাধ্যের অযাধ্যা একবারে সপ্রমাণ হয়, সেই স্থলে অব্যয়ী হেতুর দ্বারা প্রতিজ্ঞা সিদ্ধ হইল, এমনত বলা যায়। আর যেখানে সাধ্যের অযাধ্যা সপ্রমাণ করিবার নিমিত্ত তদ্বিপরীতের অযাধ্যা প্রতিপন্ন করিতে হয়, সে স্থলেই ব্যতিরেকী হেতুর প্রয়োগ হয়।

প্রতিজ্ঞার পূর্বোক্ত তৃতীয় অঙ্গ, অর্থাৎ অঙ্গপাত করিবার জন্য যে কতিপয় প্রত্যক্ষ এবং স্বতঃপ্রমাণক সম্পাদ্যের প্রয়োজন হয়, তাহাদের নাম স্বীকার্য। আর প্রতিজ্ঞার চতুর্থ অঙ্গ, অর্থাৎ প্রমাণের নিভান্ত উপযোগী, যে সমস্ত স্বতঃপ্রমাণক উপপাদ্য, তাহার নাম স্বতঃসিদ্ধ। ইউক্লিড্‌ এই স্বীকার্য এবং স্বতঃসিদ্ধের সহায়তা ভিন্ন কুত্রাপি আর কোন প্রমাণ অবলম্বন করেন নাই।

স্বীকার্য যথা। ১। এক বিন্দু হইতে অন্য কোন বিন্দু পর্যন্ত ঋজু রেখা টানা যায়।

২। কোন নির্দিষ্ট ঋজু রেখাকে সরল ভাবে যথেষ্ট বৃদ্ধি করা যাইতে পারে।

৩। কোন বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া তাহা হইতে যথেষ্ট দূরে ব্যাসার্ধ লইয়া বৃত্ত আঁকা যাইতে পারে।

স্বতঃসিদ্ধ। ১। যে যে বস্তু প্রত্যেকে অপর কোন এক বস্তুর সমান, তাহার পরস্পর সমান।

২। সমান বস্তুতে সমান বস্তুর যোগ করিলে, সমষ্টিও পরস্পর সমান হয়।

৩। সমান বস্তু হইতে সমান বস্তুর বিরোধ করিলে, অবশিষ্টদ্বয় সমান হয়।

৪। সমান সমান বস্তু পরস্পর বিষম বস্তুতে সংযুক্ত হইলে, সমষ্টিদ্বয়ও বিষম হয়।

৫। বিষম বস্তু হইতে সমান বস্তুর বিরোধ করিলে, অবশিষ্টদ্বয়ও বিষম হয়।

৬। যে যে বস্তু প্রত্যেকে কোন এক বস্তুর দ্বিগুণ, তাহারা পরস্পর সমান।

৭। যে যে বস্তু প্রত্যেকে কোন এক বস্তুর অর্ধ, তাহারা পরস্পর সমান।

৮। যে সমস্ত ক্ষেত্র পরস্পর মিলে, অর্থাৎ বাহারা ঠিক এক স্থান আবরণ করে, তাহারা পরস্পর সমান।

৯। কোন বস্তু বা রাশি তাহার অংশ বিশেষের অপেক্ষা বৃহৎ।

১০। কোন বস্তু বা রাশি বিভাজিত হইলে, তাহার অংশ সমুদয়ের সমষ্টি সেই বস্তু বা রাশির সমান।

১১। সমকোণ দ্বায়েই পরস্পর সমান।

১২। দুই ঋজু রেখা যদি পরস্পরকে অবচ্ছেদিত করে, তাহা হইলে উভয়েই কোন ঋজু রেখার সমান্তরাল হইতে পারে না।

### গণিতের চিহ্ন নিরূপণ।

এই চিহ্নের নাম সমিত। এক রাশির সহিত অন্য রাশির সাম্য থাকিলে, তাহা এই চিহ্নের দ্বারা প্রকাশ



করা হয়; যথা, ১২ ইঞ্চি এবং এক ফুট ইহার। পরস্পর সমান, ১২ ইঞ্চি = ১ ফুট।

+ এই পতন চিহ্নের নাম ঘন বা সংহিত। দুই রাশির মধ্যে এই চিহ্ন ব্যবহৃত হইলে, পরস্পরের সমকলন করিতে হয়; যথা,  $২+৩=৫$ ।

— ইহার নাম ঋণ বা হীনিত। রাশি পরস্পরের ব্যবকলন সময়ে পরস্পরের মধ্যে এই চিহ্ন ব্যবহৃত হয়; যথা,  $৫-২=৩$ ।

× এই বন্ধাকৃতি চিহ্নের নাম গুণ বা গুণক। দুই অথবা ততোধিক রাশির গুণন সময়ে এই চিহ্নের ব্যবহার হয়; যথা  $৫ \times ৩=১৫$ । এই গুণ চিহ্নের পরিবর্তে কখন এক বিম্বু মাত্র লেখা যায়; যথা,  $৫.৩=১৫$ ।

যে রাশিকে গুণ করা যায়, তাহার নাম গুণ্য।

যদ্বারা গুণন ক্রিয়া সম্পন্ন হয়, তাহার নাম গুণক

গুণ করিয়া বাহ্য হয়, তাহার নাম গুণফল।

কোন রাশি সেই রাশিদ্বারা গুণিত হইলে যে ফল লব্ধ হয়, উহাকে রাশির বর্গ কহে, যেমন ৫এর বর্গ ২৫।

কোন একটা রাশিকে সেই রাশি দিয়া গুণ করিয়া, ঐ গুণফলকে পুনর্বার ঐ রাশি দিয়া গুণ করিলে যে ফল লব্ধ হয়, তাহাকে ঐ রাশির ঘন কহে; যথা,  $৫ \times ৫ \times ৫=১২৫$ ।

কোন রাশিকে সেই রাশি দ্বারা পুনঃপুনঃ গুণ করিলে যত বার গুণ করা যায়, তত সংখ্যক অঙ্কে-ঐ রাশির যন্তকের ডানদিকে, সূত্রাকারে লিখিলে সেই

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ৩৩

গুণফল ব্যক্ত হয়। যথা  $৫^২ = ৫ \times ৫ = ২৫$ ;  $৫^৩ = ৫ \times ৫ \times ৫ = ১২৫$ ;  $৩ + ৪ \sqrt{২} = ৭^২ = ৪৯$ ;  $৪(৫ + ৩)^২ = ৪ \times ৮^২ = ২৫৬$ । এই ২, ৩ সংখ্যাকে দ্বাত কহে;  $৫^২$ , ৫ রাশির দ্বিঘাত বা বর্গ।  $৫^৩$ , ৫ রাশির ত্রিঘাত বা ঘন, ইত্যাদি।

+ এই চিহ্নের নাম ভাজক। যে যে রাশির মধ্যে এই চিহ্ন থাকে, তাহার প্রথমকে দ্বিতীয় দ্বারা হরণ করিতে হয়; যথা  $১৫ \div ৩ = ৫$ । হার্য রাশি হারক রাশির উপরে থাকিলেও ঐ হরণের অর্থ বুঝায়; যথা  $\frac{৫}{৩}$  পড়িতে হইলে ৩ লব ৫ হর পড়িবে।

যে রাশি ভাগ করা যায় তাহার নাম ভাজ্য।

যদ্বারা ভাগ করা যায়, তাহার নাম ভাজক।

ভাগ করিয়া যে ফল লব্ধ হয়, তাহার নাম ভাগ-ফল।

ভাগের পর যাহা অবশিষ্ট থাকে, তাহার নাম ভাগ-শেষ।

অনেক পৃথক্ রাশি একত্র করিবার নিমিত্ত ( ), { } বা — চিহ্ন ব্যবহৃত হয়, ইহাদিগকে বন্ধনী বা বেড় কহে; যথা,  $(৫ + ৪) \times ২ = ১৮$ ; কিম্বা  $৫ + ৪ \sqrt{২} = ১৮$ ।

✓ এই চিহ্নের নাম মূলক বা মৌলিক। কোন রাশির বামদিকে এই চিহ্ন থাকিলে বুঝিতে হইবে যে, ঐ রাশির বর্গমূল নিষ্কাশিত করিতে হইবে, অর্থাৎ সেই রাশিকে ঐ মূল ভাগ করিতে হইবে যে, সেই ভাগফলকে দ্বিঘাত করিলে পূর্ব রাশি উৎপন্ন হইবে; যথা,  $\sqrt{৩৬}$ —ইহা দ্বারা

৩৬ এর বর্গমূল কত তাহা ব্যক্ত হইতেছে, সুতরাং  $\sqrt{৩৬}$  = ৬। এই চিহ্নের উপর ৩ থাকিলে ঘনমূল বুঝিতে হইবে, ইত্যাদি। এই মৌলিক চিহ্নের পরিবর্তে কখন কখন রাশির মস্তকের ডানদিকে ৬, ৬ এই রূপ ভগ্নাংশগুলি ব্যবহৃত হয় : যথা,  $৬৪^{\frac{১}{৩}}$ ,  $৬৪^{\frac{১}{৩}}$ , ইহার দ্বারা ৩৪র বর্গ ও ঘনমূল প্রকাশিত হইয়া থাকে।

যদি রাশি পরস্পরের উপর রেখা অঙ্কিত থাকে, তবে ঐ রাশির সমুচ্চয় লইয়া বিহিত কার্য্য করিতে হইবে, আর সেই রেখার নাম শৃঙ্খল : যথা,  $৩-২+৫ \times ৬-৩$ । ইহার অর্থ এই যে  $৩-২+৫$  এই রাশি সমুচ্চয় ফলকে  $৬-৩$  এই রাশির ফল দ্বারা গুণ করিতে হইবে।  $(কখ-গঘ) \times (কখ-গঘ)$ , অথবা  $কখ-গঘ^২$ , ইহার অর্থ এই যে,  $কখ-গঘ$  এই রাশি আপনার দ্বারা গুণ হইবে।

যদি কোন রাশির বর্গ বা ঘনমূল নিষ্কাশন করিতে হয়, আর সেই মূল সম্পূর্ণ নির্ণয় না হয়, অর্থাৎ যত দূর প্রক্রিয়া করা যাইক না কেন, কিছু না কিছু ভাগশেষ থাকে, এবং আসন্ন মূলমাত্র স্থির হয়, তবে সেই মূলের প্রতিকল্পকে করণী ও অমের রাশি কহা যায়।

এক রাশির সহিত অন্য রাশির যে সম্বন্ধ তাহার নাম অনুপাত। অনুপাত চিহ্ন প্রকাশার্থে কয়েক বিস্তার ব্যবহার

হয় : যথা, :: : :। এই চিহ্নগুলি রাশিগুলির মধ্যে থাকিলে তাহাদের পরস্পর যে রূপ সম্বন্ধ তাহা ব্যক্ত হয় :

যথা, ২ : ৫ :: ৮ : ২০ ; ইহা এ রূপে পাঠ করিতে হয়, ২এর সহিত ৫এর যে সম্বন্ধ বা অনুপাত, ৮এর সহিত ২০ এরও সেই সম্বন্ধ বা অনুপাত।

এক রাশি অন্য রাশির দ্বারা শুদ্ধ ভাজ্য হইলে সেই ভাজ্য রাশিকে ঐ অন্য রাশির অপবর্ত্য কহে, যথা, ১৬, ৪ এর অপবর্ত্য, কারণ ১৬, ৪এর ঠিক চতুর্গুন, সুতরাং উহার শুদ্ধ ভাজ্য।

এক রাশি অন্য রাশির শুদ্ধ ভাজক হইলে, তাহাকে ঐ রাশির অপবর্তক কহে ; যথা, ৪, ১৬র অপবর্তক।

যে চিহ্ন দ্বারা “তজ্জন্য” “এই নিমিত্ত” “অতএব” এই প্রকার অর্থ বোধ হয়, তাহার আকৃতি এই :-

যে চিহ্ন দ্বারা “যেহেতু” এই অর্থ বোধ হয়, তাহার আকৃতি এই :-

দুই রাশির মধ্যে পূর্বেরটী পরের রাশি অপেক্ষা বৃদ্ধি বৃদ্ধাইলে এই চিহ্ন ব্যবহৃত হয়  $>$  ; ইহার নাম বৃহত্তর। আর লঘু বৃদ্ধাইলে  $<$  এই চিহ্ন ব্যবহৃত হয় ; ইহার নাম লঘুতর।

উপরি উক্ত চিহ্ন ব্যতীত আর কতকগুলি চিহ্ন কেবল ব্যবহারে প্রয়োগ হইয়া থাকে। যথা,—

$\neq$  অর্থাৎ অসমান।  $\Delta$  অর্থাৎ ত্রিভুজ।  $\sqsubset$  অর্থাৎ সমকোণ।

$\parallel$  সমান্তরাল।  $\square$  সমান্তরিক কেত্র।  $\angle$  কোণ।

$\nabla$  সমান্তরাল নহে।  $L$  লম্ব।  $\square$  বর্গক্ষেত্র।  $\odot$  বৃত্ত।

## কোণ. ত্রিভুজ এবং সমান্তরাল রেখা

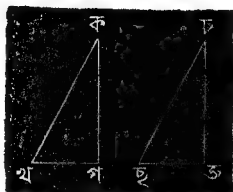
### সম্বন্ধীয় কতিপয় উপপাদ্য ও

#### সম্পাদ্য।

#### ১ম। প্রতিজ্ঞা—উপপাদ্য।

দুইটি ত্রিভুজের মধ্যে যদি একটির দুই বাহু অন্যের দুই বাহুর সহিত যথাস্থ সমান হয়, এবং ঐ দুই ত্রিভুজের সমান ভূজের অন্তর্গত দুইটি কোণ পরস্পর সমান হয়, তাহা হইলে ঐ দুই ত্রিভুজ পরস্পর সর্বতোভাবে সমান হইবে।

মনে কর, ক খ গ ও চ ছ জ দুই ত্রিভুজের খ গ ভূজ, ছ জ ভূজের এবং ক খ ভূজ, চ ছ ভূজের সমান, এবং ক খ গ কোণ, চ ছ জ কোণের সমান। তাহা হইলে কগ বাহু



চজ বাহুর, খকগ কোণ ছচজ কোণের ও কগখ কোণ চজছ কোণের সমান হইবে।

যদি কখগ ত্রিভুজকে চছজ ত্রিভুজের উপর এই রূপে উপস্থাপিত করা যায় যে, খ কোণ, ছ কোণের উপরেই পড়ে এবং খগ ঋজু রেখাটি ছজ ঋজু রেখার উপরেই পড়ে, তাহা হইলে খ কোণ ছ কোণের সমান বলিয়া মিলিয়া যাইবে, এবং খগ ঋজু রেখা ছজ ঋজু রেখার সমান বলিয়া মিলিয়া যাইবে, ও একের প্রান্ত গ, অন্যের প্রান্ত জ-র সহিত মিলিবে। আবার খ কোণ

হ কোণের সহিত মিলিলে কব ঋজু রেখা চই ঋজু রেখার  
 ঠিক উপরে পড়িবে, এবং উভয়ের সমান দ্বিগুণা মিলিয়া  
 যাইবে। তাহা হইলেই গক ঋজু রেখার দুই বিন্দু গ ও ক,  
 জচ ঋজু রেখার দুই বিন্দু জ ও চ-র সহিত মিলিল, সুতরাং  
 রেখাঘরও পরস্পর মিলিল, এবং কথগ সমুদায় ত্রিভুজ চহজ  
 সমুদায় ত্রিভুজের সহিত সম্যক মিলিয়া পরস্পর সর্বতো-  
 ক্তাবে সমান হইল।

## ২য় প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

দুইটি ত্রিভুজের মধ্যে যদি একটীর দুই কোণ অপরটির  
 দুই কোণের সহিত যথাস্থ সমান হয়, এবং একের সমান  
 কোণদ্বয়ের যেদিক্ত ভুজ, অপরটির তাদৃশ ভুজের সহিত  
 সমান হয়, তবে ঐ দুইটি ত্রিভুজ পরস্পর সর্বতোক্তাবে  
 সমান হইবে।

মনে কর, দুইটি ত্রিভুজ কথগ ও চহজ-র (পূর্ব প্রতি-  
 জ্ঞতি দেখ) কথগা কোণ চহজ কোণের সমান এবং কথগ  
 কোণ চহজ কোণের সমান, আর ভুজ গক, হয় ভুজ জচ  
 সমান, তাহা হইলে কথগা ও চহজ ত্রিভুজের পরস্পর  
 সর্বতোক্তাবে সমান হইবে।

কথগ ত্রিভুজ চহজ ত্রিভুজের উপর এই প্রকারে উপ-  
 নিহিত কর যে কথ রেখা জহ রেখার উপর পড়ে। এই-  
 কালে কথগা কোণ চহজ কোণের সমান কল্পনা করা  
 গিয়াছে, সুতরাং কথ রেখা চহ রেখার উপর পড়িয়া  
 মিলিয়া যাইবে, এবং কথগ কোণ চহজ কোণের সমান

সুতরাং কগ রেখাও চহ রেখার উপর পড়িয়া মিলিয়া যাইবে। তাহা হইলেই কথগ ত্রিভুজ চহজ ত্রিভুজের সহিত সম্বন্ধে মিলিয়া পরস্পর সমান হইল।

৩য় প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

সমবিন্যাস ত্রিভুজের সমবাহুর সমুখীন কোণ দুইটি পরস্পর সমান হইবে।

কথগ একটি ত্রিভুজ, তাহার কথ ও কগ বাহুর পরস্পর সমান, কগ ও কথ বাহুদ্বয়ের সমুখীন কোণদ্বয়ও পরস্পর সমান।



কথগে কথ, চহজ আর একটি সমবিন্যাস ত্রিভুজ। ইহার চহজ বাহু কথ বাহুর ও চহ বাহু কগ বাহুর সমান, এবং উভয় ত্রিভুজের সমান ভূজের অন্তর্গত দুইটি কোণ হচজ ও থকগ পরস্পর সমান, অতএব ১ম প্রতিজ্ঞানুসারে এই দুইটি ত্রিভুজ পরস্পর সর্বতোভাবে সমান; এবং কথগ কোণ চহজ কোণের সমান। পুনশ্চ, চহ বাহু কগ বাহুর এবং, চহ বাহু কথ বাহুর সমান, এবং থকগ কোণ হচজ কোণের সমান, অতএব এখানেও দুইটি ত্রিভুজ পরস্পর সর্বতোভাবে সমান এবং কথগ কোণ চহজ কোণের সমান। কিন্তু পূর্বে নির্ণিত হইরাছে যে, কথগ কোণ চহজ কোণের সমান, অতএব কথগ ও কথগ প্রত্যেকে চহজ কোণের সমান বলিয়া পরস্পর সমান, তাহা হইলে সমান বাহুদ্বয়ের সমুখীন কোণদ্বয় পরস্পর সমান হইল, অর্থাৎ কথ বাহুর

## কম্বহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব ।

৩৩

সমুখীল কোণ কগখ, কখ বাহুর সমুখীল কোণ কখগ-  
সমান।

### ৪র্থ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

দুইটা ত্রিভুজের বাহুগুলি যথাস্থ সমান হইলে কোণ-  
গুলিও তুল্য হইবে, অর্থাৎ ত্রিভুজদ্বয় পরস্পর সর্বতোভাবে  
সমান হইবে।

মনে কর, কখগ ও  
চহখ দুইটা ত্রিভুজের  
যদিও একটার বাহুর  
বাহু কখ, খগ ও সখ  
অন্যটার উক্ত বাহু ও  
অন্যটির বিহিত সমান, তাহা হইলে ঐ দুইটা ত্রিভুজ পরস্পর  
সর্বতোভাবে সমান হইবে।



কখগ ত্রিভুজের নিম্নে চহখ ত্রিভুজটা এরূপে রাখ বে,  
চহ রেখা কখ রেখার উপর পড়ে এবং চহ ত্রিভুজের শীর্ষ  
বিন্দু জ, হ স্থানে আইসে। গ ও ব বিন্দুদ্বয় সংযুক্ত কর,  
তাহা হইলে কগখ ও খগখ এই দুই ত্রিভুজ সমদ্বিবাহু হইবে।  
অতএব (৩য় প্রতিজ্ঞানুসারে) কগখ ও কখগ কোণদ্বয়  
পরস্পর সমান এবং খগখ কোণ = খগখ কোণ; ইহাদের  
সমষ্টি করিলে কগখ কোণ + খগখ কোণ = কখগ কোণ  
+ খগখ কোণ, অথবা কগখ কোণ = কখগ কোণ। কিন্তু  
কখগ এবং কখখ অথবা চহখ ত্রিভুজে কখ বাহু কখ বাহুর  
সমান, খগ বাহু খগ বাহুর সমান এবং কগখ কোণ কখখ



কোণের সমান, সুতরাং (১ম প্রতিজ্ঞানুসারে) এই ত্রিভুজের  
পরস্পর সমান।

অনুমান। দুই ত্রিভুজের ভূজসকল পরস্পর তুল্য হইলে কোণ  
গুলি তুল্য হয় বটে, কিন্তু কোণগুলি তুল্য হইলে কখন ভূজগুলি  
তুল্য হয় না।

৫ম প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

কথ এক নির্দিষ্ট সরল রেখা, ইহার উপর কথগ একটি  
সমবাহু ত্রিভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে।

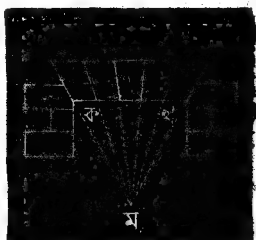
ক বিন্দুকে কেন্দ্র ও ক থ  
বিন্দুকে ব্যাসার্ধ করিয়া খগচ  
বৃত্ত অঙ্কিত কর; এবং থ  
বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া থক ব্যাসার্ধ  
পরিমাণানুসারে আর একটি বৃত্ত  
অঙ্কিত কর। এই দুই বৃত্তের পরস্পর সম্পাত বিন্দু  
হইতে ক ও থ পর্য্যন্ত দুই সরল রেখা টান; তাহাতে  
কথগ যে একটি ত্রিভুজ হইবে তাহা সমবাহু।

কথ ও কগ উভয়ে খগচ বৃত্তের ব্যাসার্ধ বলিয়া পর-  
স্পর সমান, এবং থগ ও থক উভয়ে কগচ বৃত্তের ব্যাসার্ধ  
বলিয়া পরস্পর সমান, সুতরাং কগ ও থগ একত্বকে কথ  
রেখার সমান হওয়াতে ইহার। (১ম স্বতঃ সিদ্ধানুসারে)  
পরস্পর সমান।

প্রয়োগ। চাম্‌টিকা খিলান প্রস্তুত করিবার নিয়ম।

কথ খিলানের পরিলর; ইহাকে কয়েকটি সমান অংশে

বিভাজিত কর। পরে কখ রেখার নিম্নে সমবাহু ত্রিভুজ অঙ্কিত কর, এবং ঐ ত্রিভুজের লম্ব কোণের ম বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া, ম বিন্দু হইতে কখ রেখার বিভাগকৃত চিহ্ন গুলিতে সরল রেখা টানিলে খিলানের আনুগুলি নিরূপিত হইবে।



### ৬ষ্ঠ প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

এক নির্দিষ্ট কোণকে সমদ্বিখণ্ড, অর্থাৎ দুই সমান ভাগে বিভক্ত করিতে হইবে।

কখগ এক নির্দিষ্ট কোণ, খ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া যে পরিমাণে চক ব্যাসার্ধ লইয়া কগ বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর, এবং ক ও গ-কে কেন্দ্র করিয়া উক্ত ব্যাসার্ধ অবলম্বন করিয়া দুইটী চাপ অঙ্কিত কর। এই দুই চাপের সম্পাদ্য বিন্দু চ হইতে খ পর্য্যন্ত এক সরল রেখা টান। খ-চ রেখা দ্বারা কখগ কোণ দুই সমান ভাগে বিভক্ত হইল। কচ ও গচ সংযুক্ত কর। খক-খগ, এবং চক-চগ এবং খচ রেখা খকচ ও খগচ দুই ত্রিভুজের সামান্য বাহু। অতএব চতুর্থ প্রতিজ্ঞানুসারে এই দুইটী ত্রিভুজ সর্বভেদভাবে সমান এবং কখচ কোণ খগচ কোণের সমান। যদি খকক ত্রিভুজ খচ রেখার উপর বুদ্ধিয়া কেনা



বার, তাহা হইলে উহা গণচ ত্রিভুজকে সম্পূর্ণরূপে আবৃত করিবে।

৭ম প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

যে কোণের কত অংশ পরিমাণ নির্দিষ্ট আছে তাহা কিরূপে অঙ্কিত করিতে হইবে।

যে কোণ অঙ্কিত করিতে হইবে তাহার পরিমাণ যদি ৪১ অংশ হয়, তবে অংশমানদণ্ডের ৩০ অংশ পর্য্যন্ত কম্পাস বিস্তার করিয়া, উহার এক পদ, কম একটা সরল রেখার ম' বিন্দুতে রাখিয়া বৃত্ত অঙ্কিত কর.

যথা কখগ; ইহা কম সকল রেখাকে ক বিন্দুতে ছেদ করিতেছে। পরে উক্ত অংশমানদণ্ডের ৪১° কম্পাস



বিস্তার করিয়া ক বিন্দু হইতে বৃত্তের কগ অংশ ছেদ কর এবং গ ও ম সংযুক্ত কর। কমগ কোণ অঙ্কিত হইল, ইহার পরিমাণ ৪১°।

৮ম প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

রেখাভয়ের সংস্পর্শে যে কোণের উৎপত্তি হয় তাহার পরিমাণ করিতে হইবে।

কম ও গম (পূর্ব প্রতিজ্ঞা দেখ) দুই রেখার সংস্পর্শে যে কোণ হইয়াছে, ইহার পরিমাণ করিতে হইবে। ম কেন্দ্র করিয়া অংশমানদণ্ডের ৩০° ব্যাসার্ধ লইয়া কখগ এক বৃত্ত

অঙ্কিত কর, ইহা কম ও গম (আবশ্যক হইলে বর্দ্ধিত করিতে হইবে) রেখাদ্বয়কে ক ও গ বিন্দুতে ছেদ করিবে। পরে কম্পাসকে ক হইতে গ পর্য্যন্ত বিস্তার করিয়া, উক্ত অংশমান-দণ্ডে প্রয়োগ করিয়া দেখিলে প্রতীতমান হইবে যে, কমগ নির্দিষ্ট কোণের পরিমাণ  $81^\circ$ ।

### ৯ম প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

কথ এক নির্দিষ্ট সরল রেখাকে দুই সমান ভাগে বিভক্ত করিতে হইবে।

ক বিন্দুকে কেন্দ্র এবং কথ রেখাকে ব্যাসার্ধ করিয়া একটা বৃত্ত অঙ্কিত কর, এবং খ কেন্দ্র হইতে থক ব্যাসার্ধ লইয়া আর একটা বৃত্ত অঙ্কিত কর। এই দুই বৃত্তের পরস্পর সম্পাত বিন্দু গ ও ঘ এক সরল রেখা দ্বারা সংযুক্ত করিলে, ইহা কথ সরল রেখার মধ্য বিন্দু চ দিয়া যাইবে।

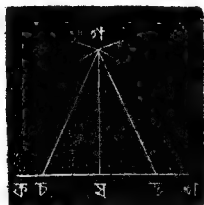


কগ ও খগ সংযুক্ত কর। ৩ষ্ঠ প্রতিজ্ঞার ন্যায় ইহাতেও প্রদর্শিত হইতে পারে যে কগখ কোণ খগঘ কোণের সমান। এইকণে কগচ ও খগচ ত্রিভুজদ্বয়ে কগ রেখা খগ রেখার সমান, চগ সাধারণ বাহু, এবং কগচ কোণ খগচ কোণের সমান। অতএব কগচ ও খগচ দুইটা ত্রিভুজ (১ম প্রতি-জ্ঞানুসারে) সর্বতোভাবে সমান এবং কচ রেখা চখ রেখার সমান, সুতরাং চ বিন্দুতে কথ রেখা সমবিখণ্ডিত হইয়াছে।

## ১০ম প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

কথ সরল রেখার অন্তর্গত য নির্দিষ্ট বিন্দু হইতে তাহার উপর লম্ব টানিতে হইবে।

কথ মধ্যে, কোন এক বিন্দু লও, যথা, চ এবং যথ হইতে ঘচ-র সমান এক অংশ সম্পাদ্যারা ছেদ কর, যথা ঘছ। চ এবং ছ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া চঘ অপেক্ষা বেশী ব্যাসার্ধ লইয়া দুইটা চাপ অঙ্কিত কর। এই দুই চাপের পরস্পর সম্পাদ্য বিন্দু গ হইতে ঘ পর্যন্ত এক সরল রেখা টান। যগ, য বিন্দু হইতে উঠিয়া কথ রেখার উপর লম্ব ডাবে অঙ্কিত হইল।

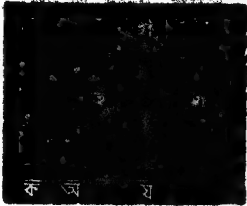


গচ ও গছ সংযুক্ত কর।

চগঘ ও ছগঘ ত্রিভুজে, চগা-ছগা, চঘ-ছঘ, এবং গঘ দুইটা ত্রিভুজের সামান্য বাহু, অতএব (৪র্থ প্রতিজ্ঞানুসারে) চগঘ ও ছগঘ দুইটা ত্রিভুজ সর্বতোভাবে সমান এবং গঘচ কোণ গঘছ কোণের সমান; ইছারাই গঘ রেখার পার্শ্ব-কোণ, অতএব একত্রে সমকোণ, অতরাং যগ রেখা কথ রেখার উপর সমভাবে অঙ্কিত হইয়াছে।

দ্বিতীয়তঃ। কোন সরল রেখার এক প্রান্ত হইতে লম্ব টানিতে হইবে।

কথ এক সরল রেখা, ইহার প্রান্তস্থ বিন্দু য হইতে ইহার উপর লম্ব টানিতে হইবে। য বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া ছক পর্যন্ত কিম্বা যক অপেক্ষা অল্প কোন রেখা ব্যাসার্ধ লইয়া

একটী বৃত্ত অঙ্কিত কর, যথা আইদে । পরে একটী ক্যাসাস  
যজ ক্যাসারের সমান বিস্তার করিয়া তদ্বারা আইদে বৃত্তাংশকে  
দুই বার ছেদ কর, যথা ই,   
ই : সুদৃঢ় ই ও ই বিন্দু-  
কে কেন্দ্র করিয়া ই হইতে ই  
পরিমার্গে ব্যাসার্ধ লইয়া দুইটী  
বৃত্ত অঙ্কিত কর । এই দুই  
বৃত্তের পরিমার্গ সম্পাতবিন্দু গ হইতে য পর্য্যন্ত এক রেখা  
টান । যগ, কথ রেখার অন্ত্য বিন্দু য হইতে উহার উপর  
সমকোণে অঙ্কিত হইল ।

### ১১শ প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

এক নির্দিষ্ট সরল রেখার উপর তৎস্থিত কোন নির্দিষ্ট  
বিন্দু হইতে লম্ব টানিতে হইবে ।

কথ এক নির্দিষ্ট সরল রেখা, এবং গা ইহার কতিপয় বিন্দু  
বিন্দু, গ হইতে কথ রেখার উপর লম্ব টানিতে হইবে ৷ ১১ ৷

প্রথমতঃ । যখন বিন্দুটী রেখার সমান্যমাঝে থাকে  
তখন গ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া কথ  
রেখাকে ছেদ করিতে পারে । এরূপ  
একটী বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর, যথা,  
আ আ ; ইহা কথ রেখাকে অ এবং  
আ বিন্দুতে ছেদ করিতেছে । পরে অ, গা, ও আ, গ সমবৃত্ত  
কর । অগার (১০শ প্রতিজ্ঞানুসারে) অগার কোণকে সমকোণে  
সম্বন্ধিত কর । গথ সরল রেখা গ বিন্দু হইতে অঙ্কিত



এই উপপত্তি ১২শ প্রতিজ্ঞার পর পাঠ করিতে হইবে ।

অনুমান । একটী নির্দিষ্ট সরল রেখা ও বিন্দুর মধ্যে যে লম্বুতম দূরত্ব তাহাই ঐ রেখার লম্ব ।

### ১২শ প্রতিজ্ঞা । সম্মান্য ।

একটী ত্রিভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে, যাহার তিন বাহু এরূপ তিনটী নির্দিষ্ট সরল রেখার সমান হইবে, যে ঐ রেখা ত্রয়ের যে দুইটী লও, তাহারা পরস্পর যোগে তৃতীয়টির অপেক্ষা বৃহত্তর হয় ।



নির্দিষ্ট সরল রেখা তিনটী ৫, ৪ এবং ৩ গজ পরিমিত হউক, ইহাদের মধ্যে যে দুই রেখা লও, একত্র করিলে তৃতীয় হইতে অধিক হইবে, অর্থাৎ ৫ ও ৪, ৩ হইতে বৃহত্তর, ৪ ও ৩, ৫ হইতে বৃহত্তর, এবং ৫ ও ৩, ৪ হইতে বৃহত্তর ।

এমত এক ত্রিভুজ করিতে হইবে, যাহার এক বাহু ৫, এক বাহু ৪ ও এক বাহু ৩ গজ পরিমিত রেখার সমান হইবে ।

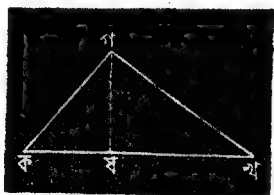
৫ গজ পরিমিত এক সরল রেখা ক খ নামস কর, পরে ক কেন্দ্র করিয়া ৪ গজ পরিমিত রেখা ব্যাসার্ধ লইয়া এক বৃত্ত আঁক, এবং খ কেন্দ্র করিয়া ৩ গজ পরিমিত রেখা ব্যাসার্ধ লইয়া এক বৃত্ত আঁক । এই দুই বৃত্তের সঙ্গতিতে নির্মিত হইবে ক এবং খ পর্য্যন্ত দুই সরল রেখা টান, তাহাদের মধ্যবর্তী অংশ ত্রিভুজ হইবে, ইহার তিন বাহু ত্রয়ের ৫, ৪, ৩ গজ পরিমিত রেখার সমান ।



## ১৩শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ভূমি, লম্ব ও ভূমোপরি লম্ব পাতনের স্থান নির্দিষ্ট থাকিলে ত্রিভুজ কিরূপে অঙ্কিত করিতে হইবে।

ক খ ভূমি - ১, গ ঘ লম্ব -  
৩ এবং ক চিহ্ন হইতে লম্ব  
পাতনের দূরত্ব ক ঘ - ২  
চেইন।



১ চেইন পরিমিত এক সরল রেখা ক খ ন্যাস কর, এবং ক খ হইতে দুই চেইন পরিমিত এক খণ্ড ছেদ কর, যথা ক ঘ। এবং ঘ বিন্দু হইতে তিন চেইন পরিমিত এক লম্ব অঙ্কিত কর, যথা ঘ গ। পরে গ খ ও গ ক সংযুক্ত কর। ক খ গ ত্রিভুজ অঙ্কিত হইল।

## ১৪শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক খ এক সরল রেখা, গ ঘ অন্য একটা সরল রেখা তাহাতে সংলগ্ন হইয়া এক দিকে যে খ গ ঘ ও ঘ গ ক দুইটা কোণ বিস্তার করিয়াছে, তাহাদিগের সমষ্টি দুইটা সমকোণের সমষ্টির সহিত সমান।

গ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া যে পরিমাণে ছোট বাসার্ছ লইয়া খ ঘ ও ক একটি বৃত্ত অঙ্কিত কর, ক চ ঘ খ সাম্য-বৃত্ত বলিয়া খ গ ঘ + ঘ গ ক =  $180^\circ$ , কিম্বা  $2 \times 90^\circ$ ; অর্থাৎ দুই সমকোণতুল্য।



অন্য উপপত্তি। গ বিন্দু হইতে ক খ সরল রেখার উপর গ চ একটা লম্ব টান; অতএব  $\angle চ গ ক + \angle চ গ খ = ২ সমকোণ$ ।

$\angle ঘ গ ক = \angle চ গ ক + \angle ঘ গ চ$ ; এই দুই সমান রাশিতে  $\angle ঘ গ খ$  বোগ করিলে,  $\angle ঘ গ ক + \angle ঘ গ খ = \angle চ গ ক + \angle চ গ খ + \angle ঘ গ খ = \angle চ গ ক + \angle চ গ খ = ২ সমকোণ$ ।

উদাঃ ১ম। যদি ঘ গ খ কোণের পরিমাণ  $৪০^\circ$  হয়, তবে তাহার ক্রোড়স্থ কোণ ঘ গ ক-র পরিমাণ কত হইবে?

উঃ।  $১৪০^\circ$ ; কারণ  $\angle ঘ গ ক = ১৮০^\circ - ৪০^\circ = ১৪০^\circ$ ।

ঘ গ ক কোণকে ঘ গ খ কোণের ক্রোড়স্থ কোণ কহে, ও ঘ গ চ কোণকে ঘ গ খ কোণের অন্তঃপরক কোণ কহে।

২য়। যদি খ গ ঘ কোণের পরিমাণ  $৩৫^\circ$  হয়, তবে তাহার অন্তঃপরক কোণ ঘ গ চ-এর পরিমাণ কত হইবে?

উঃ।  $৫৫^\circ$ ; কারণ  $\angle ঘ গ চ = ৯০^\circ - ৩৫^\circ = ৫৫^\circ$ ।

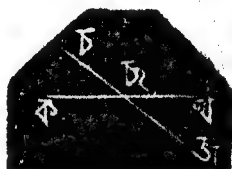
৩য়।  $৩০^\circ$  পরিমিত কোণ সমকোণের কত ভাগ?

উঃ। ৩ ভাগ।

১৫ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

দুই সরল রেখার সম্পাতে প্রত্যেক অর্ধাংশ বিপরীত কোণদ্বয় পরস্পর সমান হয়।

মনে কর, ক খ ও চ জ এই দুই সরল রেখার সম্পাত হু চিহ্নে হইয়াছে, এইভাবে ক হ চ কোণ



জ ছ থ কোণের সমান, এবং চ ছ থ ও ক ছ জ ইহার পরস্পর সমান হইবে।

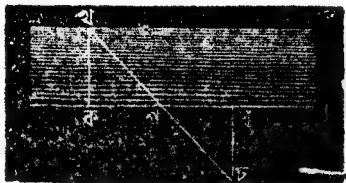
ক ছ চ কোণ + চ ছ থ কোণ = ২ সমকোণ, এবং থ ছ জ কোণ + চ ছ থ কোণ = ২ সমকোণ, কিন্তু যে যে বস্তু প্রত্যেকে কোন এক বস্তুর সমান তাহার পরস্পর সমান, অতএব ক ছ চ কোণ + চ ছ থ কোণ = থ ছ জ কোণ + চ ছ থ কোণ। এখন উভয় পক্ষ হইতে চ ছ থ এই সাধারণ কোণটি বিয়োগ করিলে অবশিষ্ট ক ছ চ কোণ জ ছ থ কোণের সমান হইবে। চ ছ থ ও ক ছ জ কোণ যে পরস্পর সমান ইহাও ঐ রূপে উপপন্ন হইতে পারে।

১ অনুমান। ইহা হইতে স্পষ্ট প্রতীয়মান হইতেছে যে, দুই সরল রেখা পরস্পর অবচ্ছিন্ন হইলে, অবচ্ছেদ চিহ্নে যে যে কোণের উৎপত্তি হয়, তাহার একত্র যোগে চারিটি সমকোণের সমষ্টির সহিত সমান।

২ অনুমান। অতএব যত সরল রেখা পরস্পর এক চিহ্নে অবচ্ছিন্ন হয়, তাহাতে যে যে কোণ উৎপন্ন হয়, সকল একত্র করিলে চারি সমকোণ তুল্য হইবে।

প্রয়োগ ১ম। কোন নদী পার না হইয়া তাহার প্রস্থ পরিমাপ করিতে হইবে।

দূরীণ আমীন, মনে কর, ক চিহ্নিত স্থানে অর্থাৎ পর পারের তীরস্থ কোন বৃক্ষ বা অন্ত



কোন কল্পিত বস্তু যথা খ-র ঠিক সম্মুখে দণ্ডায়মান আছেন,

অনন্তর তিনি ক্রশদণ্ড বা কোণবীক্ষণ যন্ত্র দ্বারা ক খ রেখার উপর লম্ব ভাবে ক ঘ রেখা অঙ্কিত করুন। পরে ক ঘ রেখাকে ঘ স্থানে সমান ভাগে বিভক্ত করিয়া একটি দণ্ড প্রোথিত করুন, এবং ক ঘ রেখার উপর ঘ চ একটি রেখা লম্বভাবে অঙ্কিত করুন। অপর খ চিহ্নিত বস্তু ও গ স্থানে প্রোথিত দণ্ডের সমান্তরে চ স্থানে আর একটি দণ্ড প্রোথিত করিয়া, ঘ চ-র দূরত্ব পরিমাণ করিলে যাহা হইবে তাহাই নদীর পরি-  
ম্বর নির্দ্ধারিত হইবে।

২য়। ক চিহ্নিত স্থান হইতে খ চিহ্নিত স্থান অগমনীয় হইলেও উহার দূরত্ব স্থির করিতে পারা যায়।

গ চিহ্নিত স্থানে অবস্থিত হইয়া গ ক ও গ খ পরিমাণ কর। গ খ রেখা বৃদ্ধি করিয়া

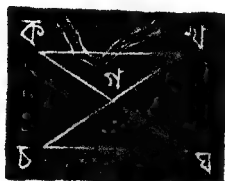
গ চ-কে গ খ-র সমান কর, এবং

গ ক-কে বৃদ্ধি করিয়া গ ঘ-কে

খ ক-র সমান কর। পরে ঘ চ

পরিমাণ করিলে যাহা হইবে;

তাহাই ক হইতে খ-র দূরত্ব পরিমাণ।

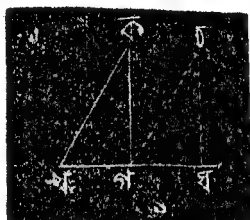


### ১৬ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ত্রিভুজের কোন বাহু বৃদ্ধি করিলে তাহার বাহিরে যে কোণটি হয়, তাহা ত্রিভুজের অন্তরীণ প্রত্যেক কোণদ্বয়ের সমষ্টি-কোণের অপেক্ষা বৃহত্তর হয়।

ক খ গ একটি ত্রিভুজ, ইহার যে কোন বাহুকে, যথা-  
খ গ, ঘ পর্য্যন্ত বৃদ্ধি কর; এইকালে ক গ ঘ বাহু কোণ

প খ ক এবং খ ক গ অন্তরীণ প্রতীপ কোণদ্বয়ের প্রত্যেক  
হইতে বৃহৎ হইবে। যদি  
ক খ গ ত্রিভুজকে খ গ ঘ সরল  
রেখার উপর এমনত প্রকারে  
সরিয়া দেওয়া যায়, যে খ  
কোণ প বিন্দুতে আসিবে,



তাহা হইলে প্রতীয়মান হইবে যে শীর্ষ কোণ ক, ক গ রেখার  
ছাইন দিকে কোন বিন্দুতে আসিবে, যথা চ; এবং কাষে  
কাষেই প চ রেখা ক গ ঘ কোণের মধ্যে থাকিবে, অর্থাৎ  
ক গ ঘ কোণ চ গ ঘ কোণ হইতে বৃহৎ হইবে। কিন্তু চ গ ঘ  
কোণ — ক খ গ কোণ; সুতরাং বহিঃস্থ কোণ ক গ ঘ অন্তরস্থ  
ক খ গ কোণ হইতে বৃহৎ।

এই রূপে ক গ বাহু বৃদ্ধি করিলে ক গ ঘ কোণ খ ক গ  
কোণ হইতে বৃহৎ ইহা উপপন্ন হইবে।

উপরি উক্ত প্রতিজ্ঞার সাধন হইতে এই স্বতঃসিদ্ধটি  
উপলব্ধি হইতেছে যে, যদি ক গ ঘ কোণ ক খ গ কোণ  
অপেক্ষা বৃহৎ হয়, তাহা হইলে প ক ও খ ক রেখা খ ঘ  
রেখার উপর পৃষ্ঠে কোন না কোন স্থানে অবশ্য সংলগ্ন  
হইবে।

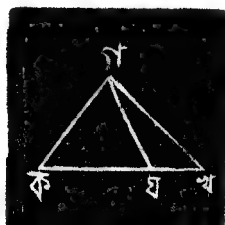
### ১৭ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ত্রিভুজের বৃহত্তর বাহুর সম্মুখে যে কোণটি থাকে তাহা  
অপর কোন কোণ অপেক্ষা বৃহত্তর।

ক খ গ এক ত্রিভুজ, তাহার ক খ বাহু ক গ বাহু হইতে

বৃহত্তর, ক গ খ কোণ ও ক খ গ বা খ ক গ কোণ হইতে বৃহত্তর ।

ক খ হইতে ক গ রেখার সমান  
এক খণ্ড ছেদ কর যথা, ক ঘ, এবং  
খ ঘ গঃ বৃত্ত কর । < ক ঘ গ, খ ঘ গ  
ত্রিভুজের বাহু কোণ, সুতরাং ইহা  
অন্তরীণ প্রতীপ কোণ ঘ খ গ হইতে  
বৃহত্তর; কিন্তু ক ঘ গ ও ক গ ঘ কোণ-



ঘয় পরস্পর সমান, কারণ ক ঘ ও ক গ রেখাভয় পরস্পর সমান;  
তন্নিমিত্তে ক গ ঘ কোণ ও ক খ গ কোণ হইতে বৃহত্তর । পরন্তু  
ক গ খ, ক গ ঘ হইতে বৃহৎ, সুতরাং ইহা ক খ গ হইতে আরো  
বৃহত্তর হইবে । এই রূপে ক খ হইতে খ গ রেখার সমান  
এক খণ্ড ছেদ করিলে উপপাদিত হইতে পারে যে, গ কোণ  
ক কোণ অপেক্ষা বৃহত্তর ।

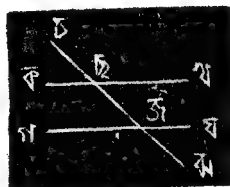
অনুমান । ত্রিভুজের বৃহত্তর কোণের সম্মুখে যে বাহু থাকে  
তাহা অপর কোন বাহু অপেক্ষা বৃহত্তর ।

### ১৮ শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

দুই সমান্তরাল সরল রেখার উপর আর একটা সরল  
রেখার সম্পাত হইলে একান্তরিত দুইটা কোণ সমান হইবে,  
ও এক পার্শ্বের বাহু কোণ অন্তরীণ প্রতীপ কোণের সমান  
হইবে । আর এক পার্শ্বের দুইটা অন্তরীণ কোণের সমষ্টি  
দুইটা সমকোণের সমষ্টির সমান হইবে ।

ক খ ও গ ঘ দুই সমান্তরাল রেখা, চ হ ক তাহাদের  
উপর পড়িয়াছে । ক হ ক, হ ঘ ঘ একান্তরিত কোণের

পরস্পর সমান, এবং বহিঃস্থ কোণ চ ছ থ অন্তরস্থ প্রতীপ কোণ ছ জ ঘ-র সমান। এবং এক পার্শ্বের দুই অন্তরস্থ কোণ থ ছ জ ও ছ জ ঘ একত্র যোগে দুই সমকোণের সমষ্টির সমান।



যদি ক ছ জ কোণ ছ জ ঘ কোণাপেক্ষা বৃহৎ হয়, তবে ক থ ও গ ঘ, থ, ঘ, দিকে বৃদ্ধি পাইলে ( ১৬শ প্রতিজ্ঞার স্বতঃসিদ্ধান্তানুসারে ) উভয়ে সংযুক্ত হইয়া একটি ত্রিভুজ ক্ষেত্র উৎপন্ন হইবে। আর বিপরীত অর্থাৎ লঘু হইলে ক, গ অভিমুখে একটি ত্রিভুজ হইবে। অতএব যদি ক থ ও গ ঘ রেখাদ্বয় কোন দিকেই পরস্পর সংস্পর্শ না করে, তবে ক ছ জ ও ছ জ ঘ কোণদ্বয় পরস্পর সমান হইবে। অপর, ক ছ জ কোণ চ ছ থ কোণের সমান ; কিন্তু ক ছ জ কোণ ছ জ ঘ কোণের সমান, সুতরাং চ ছ থ কোণ = ছ জ ঘ কোণ। এবং ইহাতে থ ছ জ কোণ যোগ করিলে চ ছ থ কোণ + থ ছ জ কোণ = থ ছ জ কোণ + ছ জ ঘ কোণ। পরন্তু চ ছ থ ও থ ছ জ কোণ দুই সমকোণ তুল্য, সুতরাং থ ছ জ + ছ জ ঘ দুই সমকোণ তুল্য।

### ১৯ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

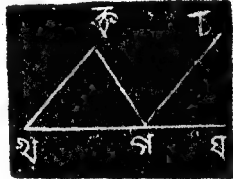
ক থ গ ত্রিভুজের, বাহ্য কোণ ক গ ঘ, ইহা ত্রিভুজের অন্তরীণ প্রতীপ দুই কোণের সমষ্টির সমান ; অর্থাৎ ক গ ঘ কোণ = ক থ গ কোণ + থ ক গ কোণ। অপর, ত্রিভুজের

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব।

৫৫

ভিন্নটী অন্তরীণ কোণ অর্থাৎ ক খ গ, খ গ ক এবং গ ক খ সমবেত হইল। দুই সমকোণের সমষ্টির সহিত সমান।

গ বিন্দু দিয়া খ ক রেখার সমান্তরাল গ চ রেখা টান। তাহা হইলে পূর্ব প্রতিজ্ঞানুসারে



$\angle চ গ ঘ = \angle ক খ গ$ ; এবং  $\angle চ গ ক = \angle গ ক খ$ । ইহাদের সমষ্টি করিলে  $\angle চ গ ঘ + \angle চ গ ক = \angle ক খ গ + \angle গ ক খ$ , অর্থাৎ  $\angle ক গ ঘ = \angle ক খ গ + \angle গ ক খ$ । পরে এই দুটী সমান রাশির প্রত্যেক দিকে  $\angle ক গ খ$  যোগ কর, তাহা হইলে  $\angle ক গ খ + \angle ক গ ঘ = \angle ক খ গ + \angle গ ক খ + \angle ক গ খ$ । কিন্তু  $\angle ক গ খ + \angle ক গ ঘ = \angle$  দুই সমকোণ।  $\therefore \angle খ + \angle ক + \angle ক গ খ =$  দুই সমকোণ, অর্থাৎ  $180^\circ$ ।

উদাহরণ ১। যদি  $\angle ক = ২৫^\circ$ , ও  $\angle খ = ৪২^\circ$ , তবে ক গ ঘ কোণের পরিমাণ কত হইবে?

উঃ।  $\angle ক গ ঘ = ২৫^\circ + ৪২^\circ = ৬৭^\circ$ ।

২। যদি বহিঃস্থ কোণ ক গ ঘ  $৯৫^\circ$  ও গ ক খ কোণ  $৩৬^\circ$  হয়, তাহা হইলে ক খ গ কোণের মান কত হইবে?

এই প্রস্নে,  $\angle খ + \angle ক = \angle ক গ ঘ$ , অর্থাৎ  $\angle খ + ৩৬^\circ = ৯৫^\circ$ ; এই সমান বস্তুর প্রত্যেক দিক হইতে  $৩৬^\circ$  বিয়োগ করিলে ক খ গ কোণের পরিমাণ  $৫৯^\circ$  হইবে।

৩। যদি  $\angle খ = ৪৩^\circ$ , এবং  $\angle ক = ৮৪^\circ$ , তাহা হইলে অবশিষ্ট ক গ খ কোণের পরিমাণ কত? এই প্রস্নে,



$৪৬^\circ + ৮৪^\circ + \angle ক গ খ = ১৮০^\circ$ ,  $\therefore \angle ক গ খ = ৫০^\circ$ ।

৪। যে ত্রিভুজের ভূমিসংলগ্ন কোণদ্বয়ের পরিমাণ পরস্পর  $৫৫^\circ$  ও  $৭৩^\circ$  হয়, তাহার শীর্ষ কোণের পরিমাণ কত হইবে? উঃ।  $৫২^\circ$

৫। সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমির কোণের পরিমাণ  $২৭^\circ$  হইলে, শীর্ষকোণের পরিমাণ কত হইবে? উঃ।  $৬৩^\circ$

৬। সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি এবং লম্বের অভিমুখীন কোণদ্বয়ের সমষ্টি যে  $৯০^\circ$  তাহা প্রমাণ কর।

৭। সমকোণিক সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের লম্ব কোণদ্বয় যে প্রত্যেকে  $৪৫^\circ$  তাহা প্রমাণ কর।

৮। সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের শীর্ষ কোণ  $৫০^\circ$  হইলে, ভূমিসংলগ্ন কোণদ্বয়ের প্রত্যেকের পরিমাণ কত হইবে? উঃ।  $৬৫^\circ$ ।

এই প্রতিজ্ঞা হইতে সিদ্ধ হইতেছে যে, সমবাহু ত্রিভুজের অভ্যন্তর কোণ দুই সমকোণের তৃতীয়াংশের একাংশ, এবং সমকোণিক সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ভূমিসংলগ্ন কোণদ্বয় প্রত্যেকে সমকোণের অর্ধেক হয়।

১। প্রয়োগ ১ম। ক, খ, গ  
তিনটি নির্দিষ্ট স্থান পরস্পর  
কত দূর তাহা জানা আছে,  
যথা, ক খ = ১২ মাইল,  
খ গ = ৭ মাইল, এবং ক গ = ৮



মাইল। ক, খ হইতে স্থানের সংযোজক রেখা ক খ-র  
অন্তর্গত খ স্থানে জরীপ আমীন দেখিলেন যে, ঐ স্থান

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ৫৭

কোণের পরিমাণ  $৬০^\circ$  । এইক্ষেণে ঘ হইতে গ-র দূরত্ব নির্ণয় করিতে হইবে ।

ক, খ, গ তিনটী বিন্দু দিয়া একটী ত্রিভুজ নির্মাণ কর, ক বিন্দুদ্বারা ক চ রেখা এক্রপে অঙ্কিত কর যে খ ক চ কোণ  $৬০^\circ$  এর সমান হয় ; গ বিন্দু দিয়া চ ক রেখার সমান্তরাল গ ঘ রেখা অঙ্কিত কর । গ ঘ খ, ও চ ক খ কোণ পরস্পর সমান অর্থাৎ উভয়েই  $৬০^\circ$  । এইক্ষেণে মানদণ্ড দ্বারা গ ঘ রেখা পরিমাপ করিলে নির্ণীত হইবে যে উহা ৫.৩ মাইল ।

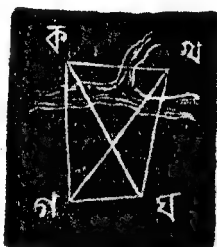
২য় । ক চিহ্নিত স্থান হইতে খ চিহ্নিত স্থানে গমন করিবার উপায় না থাকিলে ইহাদের দূরত্ব কি রূপে নিরূপণ করিতে হইবে ।

ক ঘ একটী সরল রেখা অঙ্কিত করিয়া দেখিলাম যে উহার পরিমাণ ১৫০ গজ । খ চিহ্নিত স্থানে কোণবীক্ষণ

দ্বারা দেখিলাম যে ক ঘ গ ও ক ঘ খ কোণ পরস্পর  $৪৫^\circ$  ও  $২২\frac{১}{২}^\circ$

এবং গ চিহ্নিত স্থানে দেখিলাম যে

খ গ ঘ ও খ গ ক কোণ পরস্পর  $৬০^\circ$  ও  $৪৫^\circ$  । এইক্ষেণে ক খ-র দূরত্ব নির্ণয় করিতে হইবে ।



কোন সমান অংশের মানদণ্ড দ্বারা গ ঘ রেখা ১৫০ গজের সমান কর । ঘ চিহ্নিত স্থান হইতে ঘ ক ও ঘ খ রেখা এক্রপে অঙ্কিত কর যে, গ ঘ ক ও ক ঘ খ কোণ পরস্পর  $৪৫^\circ$  ও  $২২\frac{১}{২}^\circ$  হয় । এবং গ চিহ্নিত স্থান হইতে গ খ ও গ ঘ এক্রপে অঙ্কিত কর যে খ গ খ ও খ গ ক কোণ

পরস্পর  $৬০^\circ$  ও  $৪৫^\circ$  হয়। গ খ ও ঘ খ রেখা খ স্থানে ছেদ করিবে ও গ ক ও ঘ ক রেখা পরস্পর ক স্থানে ছেদ করিবে; এইকণে ক, খ সংযুক্ত করিয়া উক্ত মানদণ্ড দ্বারা পরিমাণ করিলে নির্ণীত হইবে যে উহা প্রায়  $১৫৮$  গজ।

## ২০ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

যদি দুইটা ঋজু রেখার উপর অপর একটি পতিত হইলে, একান্তরিত কোণগুলি সমান হয়, তাহা হইলে প্রথমোক্ত দুইটা ঋজুরেখার উপর আর যত ঋজুরেখা পতিত হইবে, সকলেই সমান একান্তরিত কোণ উৎপন্ন করিবে।

মনে কর ক খ, গ ঘ এই দুই ঋজুরেখার উপর ছ ট ঋজুরেখা পতিত হইয়া একান্তরিত দুইটা কোণ ক ছ ট ও ছ ট ঘ পরস্পর সমান হইয়াছে। ঐ উভয়ের উপর যদি আর একটি ঋজুরেখা ঙ জ পতিত হয়, তাহা হইলে একান্তরিত দুইটা কোণ জ ট ছ ও ট জ ঘ পরস্পর সমান হইবে।



ক ছ ট কোণ = ছ ট ঘ কোণ, অতএব উভয় পক্ষে ট ছ ট কোণ যোগ করিলে, ক ছ ট কোণ + ট ছ ট = ছ ট ঘ কোণ + ট ছ ট কোণ; কিন্তু  $\angle ক ছ ট + \angle ট ছ ট =$  দুই সমকোণ, অতএব  $\angle ছ ট ঘ + \angle ট ছ ট =$  দুই সমকোণ; কিন্তু ছ জ যুক্ত করিয়া দুইটা ত্রিভুজ উৎপন্ন করিলে, ছ ট জ ত্রিভুজের ছ জ ট, ছ ট জ ও ট ছ জ এই তিনটা কোণ সমবেত হইয়া দুই সমকোণ তুল্য হইবে, অতএব ছ জ ট, ছ ট ঘ ও ট ছ জ

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ২০

এই তিনটি কোণ = ছ ট ঘ অথবা ছ ট জ কোণ + ট ছ ঠ কোণ ;  
 এখন সমান রাশি হইতে সমান বিয়োগ করিয়া ছ জ ট  
 কোণ = জ ছ ঠ কোণ । এই উভয় রাশিতে ছ জ ঘ যোগ কর ;  
 তাহা হইলে ছ জ ট + ছ জ ঘ কোণ = জ ছ ঠ + ছ জ ঘ কোণ ;  
 কিন্তু ছ জ ট + ছ জ ঘ কোণ = দুই সমকোণ তুলা, অতএব  
 জ ছ ঠ + ছ জ ঘ কোণ = দুই সমকোণ । এইক্ষণে ছ জ ঠ ত্রিভু-  
 জের জ ঠ ছ + জ ছ ঠ + ছ জ ঠ কোণ = ২ সমকোণ, অতএব  
 এই তিনটি কোণ = জ ছ ঠ + ছ জ ঘ কোণ = জ ছ ঠ + ছ জ ঠ +  
 ঠ জ ঘ কোণ ; এখন সমান রাশি হইতে সমান বিয়োগ  
 করিয়া জ ঠ ছ = ঠ জ ঘ কোণ । তাহা হইলে আর দুইটি  
 একান্তরিত কোণ খ ঠ জ ও ঠ জ গ ও পরস্পর সমান, কারণ  
 জ ঠ ছ + খ ঠ জ কোণ = দুই সমকোণ = ঠ জ ঘ + ঠ জ গ, কিন্তু  
 উপদর্শিত প্রক্রিয়া অনুসারে জ ঠ ছ কোণ = ঠ জ ঘ কোণ,  
 অতএব সমান বিয়োগ করিয়া, খ ঠ জ = ঠ জ গ কোণ,  
 অত্যান্ত কঙ্গুরেখাগুলেও এইরূপ উপপত্তির অস্তিত্ব  
 করা ঘাইতে পারে ।

### ২১ শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

যদি একটি কঙ্গুরেখা অপর দুইটি কঙ্গুরেখার উপর  
 পতিত হইয়া একান্তরিত দুইটি কোণ সমান উৎপন্ন  
 করে, তাহা হইলে শেষোক্ত দুইটি কঙ্গুরেখা সমান্তরাল হইবে ।

মনে কর, চ ছ জ ব একটি কঙ্গুরেখা । ১৮শ প্রতিজ্ঞার  
 প্রতিকৃতি দেখ) ক খ ও গ ঘ দুইটি অপর কঙ্গুরেখার উপর  
 পতিয়া ক ছ জ অথবা চ ছ ব ও ছ জ ব দুইটি একান্তরিত কোণ

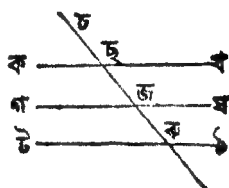
সমান উৎপন্ন করিয়াছে, তবে ক খ ও গ ঘ সমান্তরাল হইবে।

ক খ ও গ ঘ রেখা খ, ঘ দিকে প্রসারিত করিলে সংলগ্ন হইবে না, যদি হয়, তবে তাহাতে যে ত্রিভুজ উৎপন্ন হইবে তাহার (১৬শ প্রতিঃ) বাহু কোণ ক ছ জ অন্তরীণ প্রতীপ কোণ ছ জ ঘ অপেক্ষা বৃহত্তর, কিন্তু ইহাদিগকে সমান করণা করা গিয়াছে, সুতরাং ইহা অসাধ্য, এবং ক খ ও গ ঘ-কে, খ, ঘ দিকে প্রসারিত করিলে সংলগ্ন হইবে না। ক, গ দিকেও যে সংলগ্ন হইবে না ইহাও ঐরূপে উপপাদিত হইতে পারে, অতএব ঐ দুই রেখা প্রসারিত হইলেও কোন দিকে সংলগ্ন না হওয়াতে উহারা সমান্তরাল প্রতিপন্ন হইল।

## ২২ শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

ক খ ও ট ঠ দুইটি ক্ষুদ্ররেখা উভয়ে গ ঘ রেখার সমান্তরাল বলিয়া ইহারাও পরস্পর সমান্তরাল হইবে।

মনে কর, চ ছ জ ন একটি রেখা ক খ, গ ঘ ও ট ঠ রেখার উপর পড়িয়াছে। এইক্ষেণে ক খ, গ ঘ-র সমান্তরাল বলিয়া চ ছ খ কোণ চ জ ঘ কোণের

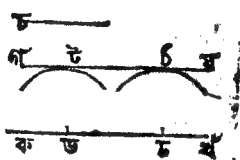


সমান; এবং গ ঘ, ট ঠ-র সমান্তরাল বলিয়া চ ব ঠ কোণ চ জ ঘ কোণের সমান; সুতরাং (১ম স্বতঃ সিদ্ধান্তসারে) চ ছ খ কোণ চ ব ঠ কোণের সমান, অতএব (২১শ প্রতিজ্ঞাসারে) ক খ ও ট ঠ সমান্তরাল।

## ২৩শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

ক খ নিম্নদিষ্ট সরল রেখা হইতে চ রেখা পরিমিত ব্যবধান দিয়া একটি সরল রেখা টানিতে হইবে, যাহা ক খ রেখার সমান্তরাল হইবে ।

ক খ রেখার মধ্যে কোন দুইটা বিন্দু লও, যথা ড, ঢ ;  
ড ও ঢ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া  
চ পরিমিত ব্যাসার্ধ লইয়া  
ট ও ঠ দুইটা চাপ অঙ্কিত কর ।



পরে ট, ঠ বৃত্তকে ছেদ না করিয়া কেবল স্পর্শ করে এক্ষণে গ ঘ একটি সরল রেখা অঙ্কিত কর । ইহাই ক খ রেখার সমান্তরাল রেখা ।

## সমান্তরিক ও অন্য প্রকার চতুরস্র ক্ষেত্র সম্বন্ধীয় উপপাদ্য ও সম্পাদ্য ।

### ২৪শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

সমান্তরিক ক্ষেত্রের অভিমুখীন বাহ ও কোণগুলি পরস্পর সমান, এবং তাহার কর্ণ টানিলে যে দুই ত্রিভুজ উৎপন্ন হয়, তাহারাও পরস্পর সমান ।

ক খ ঘ গ একটি সমান্তরিক ক্ষেত্র,  
ক খ ও ক গ সমান্তরাল, খ গ তাহা-  
সিগকে স্পর্শ করিতেছে, অতএব  
ঘ খ গ ও ক গ খ দুই একান্তরিত কোণ



সমান (১৮শ প্রতিঃ)। এই রূপে ঘ খ গ ও ক খ গ দুই একান্তরিত কোণ সমান। সুতরাং ঘ খ গ ও ক খ গ এই দুই ত্রিভুজের মধ্যে একটীর দুই কোণ ঘ খ গ ও ঘ গ খ ক্রমশঃ অন্যটির দুই কোণ ক গ খ ও ক খ গ-র সমান, এবং ঐ সমান কোণদ্বয়ের নেদিত্ত বাহু খ গ উভয় ত্রিভুজ সম্বন্ধে সাধারণ হওয়াতে (২য় প্রতিজ্ঞানুসারে) ঘ খ গ ও ক খ গ দুইটী ত্রিভুজ সর্বতোভাবে সমান, সুতরাং খ ঘ = ক গ, ঘ গ = ক খ, এবং খ ঘ গ কোণ খ ক গ কোণের সমান, সুতরাং সমুদায় ত্রিভুজ ঘ খ গ, সমুদায় ত্রিভুজ ক খ গ-র সহিত সমান। তাহা হইলেই এক একটী ত্রিভুজ, সমুদায় সমান্তরিক ক্ষেত্রের অর্ধের সহিত সমান হইল।

### ২৫শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

খ ঘ ও ক গ দুই তুল্য এবং সমান্তরাল সরল রেখা, যদি ক খ ও গ ঘ রেখা তাহাদের প্রান্তদ্বয়কে এক এক দিকে সংযুক্ত করে, তবে তাহারাও সমান ও সমান্তরাল হইবে।

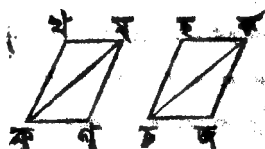
ঘ খ গ ও ক গ খ (পূর্ব প্রতিজ্ঞা দ্রষ্টব্য) ত্রিভুজে, ঘ খ গ কোণ = ক গ খ কোণ, ঘ খ বাহু = গ ক বাহু, এবং গ খ উভয় ত্রিভুজের সাধারণ বাহু, সুতরাং ঐ দুই ত্রিভুজ সর্বতোভাবে সমান, এবং ক খ = গ ঘ, ইত্যাদি।

### ২৬শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক খ ঘ গ ও চ ছ ক জ দুইটী সমান্তরিক ক্ষেত্রের যদি একটীর মিকটীর দুই বাহু ক গ ও গ ঘ অন্যের নিকটস্থ দুই বাহু চ জ ও জ ক-র সহিত যথাস্থ সমান হয়, এবং ঐ বাহুদ্বয়ের

অন্তর্গত কোণদ্বয় ক গ ঘ ও চ জ ব যদি পরস্পর সমান হয়, তাহা হইলে ঐ সমান্তরিক ক্ষেত্রদ্বয় পরস্পর সর্বতোভাবে সমান হইবে।

ক গ ঘ এবং চ জ ব দুইটি ত্রিভুজ পরস্পর (১ম প্রতিজ্ঞানুসারে) সমান; এবং ক গ ঘ ও চ জ ব দুইটি ত্রিভুজ পরস্পর (২৪শ ও ৪র্থ প্রতিজ্ঞানুসারে) সমান।

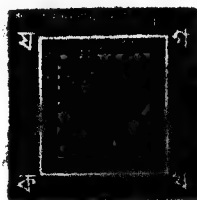


যদি ক গ ঘ খ এই সমান্তরাল চতুর্ভুজ চ জ ব ছ সমান্তরাল চতুর্ভুজের উপর এমত প্রকারে রাখা যায় যে, ক গ রেখা ঠিক চ জ রেখার উপর পড়ে, তবে গ ঘ রেখা জ ব রেখার ও ব বিন্দু ব বিন্দুর উপর পড়িবে। এবং ঘ ক খ ত্রিভুজ খ চ ছ ত্রিভুজের উপর পড়িয়া মিলিয়া যাইবে, সুতরাং সমান্তরিক ক্ষেত্রদ্বয় পরস্পর সমান হইবে।

### ২৭শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

এমত এক বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে যে, তাহার বাহু এক নির্দিষ্ট সরল রেখার সমান হইবে।

ক খ তিন ছোট পরিমিত এক সরল রেখা। এমত এক বর্গক্ষেত্র নির্মাণ করিতে হইবে, যাহার বাহু চতুর্ভুজ ক খ রেখার সমান হইবে।





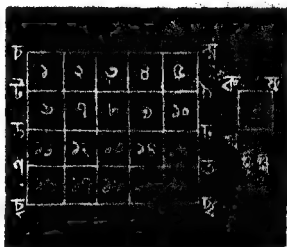
ক খ রেখার এক প্রান্তস্থ বিন্দু খ হইতে তিন ফুট পরি-  
মিত এক লম্ব অঙ্কিত কর, যথা ব গ ( ১০ম প্রতিজ্ঞা ) এবং  
প বিন্দু দিরা গ ঘ, খ ক-র সমান্তরাল টান ; এবং ক দিরা  
ক ঘ, খ গ-র সমান্তরাল টান ; তাহাতে ক খ গ ঘ সমান্তরিক  
ক্ষেত্র হইবে। অতএব ক খ = ঘ গ ও খ গ = ক ঘ। অপর,  
ক খ ও খ গ সমান হওয়াতে ক খ, খ গ, গ ঘ ও ঘ ক চারি  
রেখা প্রত্যেকে পরস্পর সমান ; এবং তন্নিমিত্ত ক খ গ ঘ  
সমবাহুসমান্তরিক ক্ষেত্র। আর তাহা সমকোণীও বটে,  
কারণ খ গ রেখা ক খ ও ঘ গ সমান্তরালের উপর পড়িয়াছে,  
সুতরাং ক খ গ ও খ গ ঘ দুই কোণ = দুই সমকোণের সমষ্টি ;  
কিন্তু ক খ গ সমকোণ হওয়াতে খ গ ঘও সমকোণ। অপর,  
সমান্তরিক ক্ষেত্রের অভিমুখীন কোণ ( ২৪শ প্রতিজ্ঞানু-  
সারে ) পরস্পর সমান, সুতরাং গ ঘ ক ও ঘ ক খ উহাদের  
অভিমুখীন কোণদ্বয় প্রত্যেকে সমকোণ ; তন্নিমিত্ত ক খ গ ঘ  
সমকোণিক ক্ষেত্র ; আর ইহা যে সমবাহু তাহা পূর্বে প্রদ-  
র্শিত হইয়াছে। অতএব ইহা সমচতুর্ভুজ বা বর্গক্ষেত্র ও  
ইহার বাহু নির্দিষ্ট রেখার সমান।

অনুমান। সমান্তরিক ক্ষেত্রের মধ্যে একটা সমকোণ থাকিলে  
অপরগুলিও সমকোণ হইবে।

প্রমাণ। এক স্থান হইতে অন্য স্থান কত দূর তাহা  
পরিমাপ করিতে হইলে, আমরা কেবল ব্যবধানের দৈর্ঘ্যই  
ধরিয়া থাকি এবং ধরি না। এরূপ পরিমাপকে রৈখিক  
পরিমাপ বলে। সুস্থি প্রভৃতি জীবের ক্রয় বিক্রয় কালে  
দৈর্ঘ্য ধরিলে চলে না, দৈর্ঘ্য, বিস্তার উভয়ই ধরা আবশ্যক।

একরূপ পরিমাণকে ধ্রাতলিক পরিমাণ কহে। রেখার দ্বারাই রেখার এবং ধ্রাতল দ্বারাই ধ্রাতলের পরিমাণ করা সম্ভব। যেমন কোন রেখার পরিমাণ করিতে হইলে, এক নির্দিষ্ট রেখাকে (যথা হাত কি গজ) একক সরূপ করিয়া ঐ একক সেই রেখার মধ্যে কতবার আছে তাহাই নির্ণয় করিতে হয়, সেই রূপ কোন ধ্রাতল ক্ষেত্রের পরিমাণ করিতে হইলে, এক নির্দিষ্ট ধ্রাতলকে একক সরূপ করিয়া ঐ ধ্রাতলিক একক প্রথমোক্ত ধ্রাতলের মধ্যে কতবার আছে তাহা নির্ণয় করিতে হয়।

চ ছ জ ব একটি সমচতুর্কোণ ক্ষেত্র, উহার দৈর্ঘ্য ৫ হাত এবং প্রস্থ ৪ হাত। চ ছ প্রস্থকে ৪ সমান অংশে এবং ছ জ দৈর্ঘ্যকে ৫ সমান অংশে ভাগ কর, এবং এক একটি ভাগ চিহ্ন



হইতে চ ছ ও ছ জ বাহুর সমান্তরাল করিয়া এক একটি সরল রেখা অঙ্কিত কর। ঐ রূপ করিতে চ ছ জ ব ক্ষেত্রটি যে ক্ষুদ্র ক্ষুদ্র চতুর্ভুজগুলিতে বিভক্ত হইবে, তাহারা প্রত্যেকেই সমকোণবিশিষ্ট, আর তাহাদের প্রত্যেকেরই দৈর্ঘ্য এক হাত, এবং বিস্তারও এক হাত, এই নিমিত্ত তাহাদের এক একটিকে এক একটি বর্গ হাত কহে।

প্রস্তাবিত সমচতুর্কোণের দৈর্ঘ্য ছ জ দ্বারা রৈখিক দ্রুত বলিয়া, উহার দৈর্ঘ্যের প্রত্যেক সারিতে (যথা ছ জ তল

সারিতে) ৫টি বর্গ হাত হইতেছে, এবং বিস্তার চ ছ চারি  
 মৈথিক হাত বলিয়া সমুদায় ক্ষেত্রটির মধ্যে সেই রূপ ৪টি  
 সারি (যথা চঠ, টঢ, ড ত এবং ৭ জ এই চারিটি সারি)  
 হইতেছে; সুতরাং নির্ণেয় ক্ষেত্রফল ৪ বার ৫টি বর্গ হাত বা  
 ৫ বার ৪টি বর্গ হাত হইতেছে। তবেই প্রস্তাবিত সমচতুর্ভুজের  
 ক্ষেত্রফল ৫ বার ৪টি বর্গ হাত বা ৪ বার ৫টি বর্গ হাত = ২০টি  
 বর্গ হাত। অতএব যে প্রকারে হউক  $৫ \times ৪ = ২০$  দ্বারা নির্ণেয়  
 ক্ষেত্রফল প্রকাশিত হইতেছে।

এই যুক্তি হইতে স্পষ্ট প্রতীয়মান হইতেছে, যে ক্ষেত্র  
 সমচতুর্ভুজ বা আয়ত হইলে দৈর্ঘ্যপরিমাণ দ্বারা প্রস্থপরিমাণ  
 গুণ করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

উদাহরণ ১ম। যে আয়ত ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ৯ হাত ও  
 বিস্তার ৭ হাত, তাহার ক্ষেত্রফল কত? উঃ ৬৩ বর্গহাত।

২য়। যে বর্গক্ষেত্রের বাহুর পরিমাণ ৬ হাত, তাহার  
 ক্ষেত্রফল কত? উঃ। ৩৬ বর্গহাত।

৩য়। প্রতি বর্গ গজে যে ৯ বর্গ ফুট আছে তাহা প্রমাণ  
 কর।

৪র্থ। কোন রেখার উপর বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত করিলে ঐ  
 বর্গক্ষেত্র উক্ত রেখার অর্ধেকের উপর অঙ্কিত বর্গক্ষেত্রের যে  
 চতুর্থাংশ তাহা প্রমাণ কর।

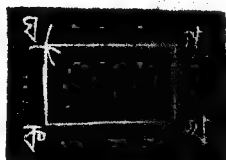
৫ম। যে আয়ত ক্ষেত্র ১ ফুট লম্বা ও ১ ইঞ্চ প্রস্থ, তাহা  
 যে এক বর্গ ফুটের দ্বাদশ ভাগের এক ভাগ তাহা প্রমাণ  
 কর।

২৮শ প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

যে আয়তের দৈর্ঘ্য ও বিস্তার নির্দিষ্ট আছে, তাহা কি রূপে নির্মাণ করিতে হইবে ।

নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্য ও বিস্তার পরস্পর ৫ ও ৩ ফুট । এমনত এক আয়ত নির্মাণ করিতে হইবে যাহার দৈর্ঘ্য ও বিস্তার ৫ ও ৩ ফুট ।

পাঁচ ফুট পরিমিত এক সরল রেখা পাত কর, যথা ক খ । ক খ রেখার এক প্রান্তস্থ বিন্দু খ হইতে তিন ফুট পরিমিত এক লম্ব টান, যথা খ গ ; ক বিন্দু কেন্দ্র করিয়া খ গ ব্যাসার্ধ লইয়া একটী বৃত্ত অঙ্কিত কর, এবং গ কেন্দ্র হইতে ক খ ব্যাসার্ধ লইয়া আর একটী বৃত্ত অঙ্কিত কর, এই দুই বৃত্তের পরস্পর সম্পাত বিন্দু ঘ হইতে ক এবং গ পর্য্যন্ত দুই সরল রেখা টান, তাহাতে ক খ গ ঘ এক আয়ত অঙ্কিত হইবে, যাহার দৈর্ঘ্য পাঁচ ও বিস্তার তিন ফুট ।



ঘ গ = ক খ, এবং ক ঘ = খ গ, সুতরাং ( ২৪শ প্রতিজ্ঞানুসারে ) ঘ গ খ ক সমান্তরিক ক্ষেত্র এবং ইহার খ কোণ সমকোণ ও অপর কোণগুলিও সমকোণ, সুতরাং ঘ গ খ ক আয়ত ক্ষেত্র ।

অনুমান । বর্গক্ষেত্র যাত্রেই সমান্তরাল চতুর্ভুজ, কিন্তু সমান্তরাল চতুর্ভুজ হইলেই বর্গক্ষেত্র হয় না ।

## ২৯শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

যে ট্রাপিজিডের ভূমি ও দুইটি লম্ব নির্দিষ্ট আছে তাহা  
কি রূপে নির্মাণ করিতে হইবে।

নির্দিষ্ট ভূমির পরিমাণ ৬ কুট ও দুইটি লম্বের পরিমাণ  
পরস্পর ৩ ও ২ কুট।

ছয় কুট পরিমিত এক সরল রেখা

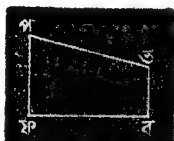
ক ব ন্যাস কর। ক ব রেখার দুই

প্রান্তে ৩ ও ২ কুট পরিমিত দুইটি

লম্ব ক প ও ব ভ অঙ্কিত কর; পরে

প, ভ সংযুক্ত কর, প ক ব ভ ট্রাপিজিডের ভূমি ও দুইটি লম্ব

ক্রমশঃ নির্দিষ্ট ভূমি ও লম্বের সমান।



## ৩০শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

যে যে সমান্তরিক ক্ষেত্র এক ভূমির উপর এবং সেই  
ভূমির সমান্তরাল কোন রেখার মধ্যে থাকে, তাহারা  
পরস্পর সমান।

ক খ গ ঘ ও চ খ গ ছ দুই সমান্তরাল ক্ষেত্র, খ গ নামক  
ভূমির উপর এবং খ গ ও ক ছ সমান্তরালের মধ্যে অবস্থিত  
আছে, ক খ গ ঘ সমান্তরাল ক্ষেত্র চ খ গ ছ ক্ষেত্রের সমান।

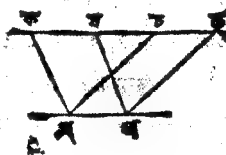
২৪শ প্রতিজ্ঞানুসারে, ক ঘ

= খ গ, এবং চ ছ = খ গ; যে যে

বস্তু প্রত্যেকে কোন বস্তুর সমান,

তাহারা পরস্পর সমান, অতএব

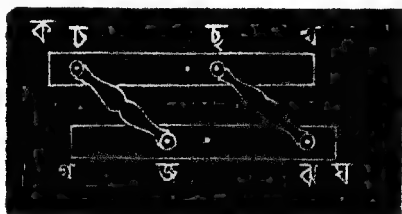
ক ঘ = চ ছ। এইরূপে সমুদায়



ক ছ রেখা হইতে ক ঘ বিয়োগ করিলে ঘ ছ অবশিষ্ট থাকিবে ;  
 পুনশ্চ ক ছ রেখা হইতে চ ছ বিয়োগ করিলে ক চ অব-  
 শিষ্ট ঘ ছ অবশিষ্টের সমান হইবে, কারণ সমান বস্তু  
 হইতে সমান বস্তুর বিয়োগ করিলে অবশিষ্ট সমান হয় ।  
 অপর, ক খ চ ও ঘ গ ছ ত্রিভুজে, ক খ = ঘ গ, খ চ = গ ছ  
 এবং ক চ = ঘ ছ, অতএব ( ৪র্থ  
 প্রতিজ্ঞানুসারে ) উক্ত ত্রিভুজদ্বয়  
 সর্বতোভাবে সমান । ক খ গ ছ  
 বিষম চতুর্ভুজ হইতে ক খ চ ও ঘ গ ছ  
 ত্রিভুজ একে একে লইলে অবশিষ্ট সমান হইবে । সুতরাং  
 ক খ গ ঘ সমান্তরিক ক্ষেত্র চ খ গ ছ সমান্তরিক ক্ষেত্রের  
 সমান ।



প্রয়োগ ১ । খ গ ছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্রকে (পূর্ব প্রতিজ্ঞা  
 দেখ) একটী তৎতুল্য ক খ গ ঘ আয়ত ক্ষেত্রে পরিবর্তিত  
 করিতে হইবে । খ গ ছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্র হইতে গ ঘ ছ  
 ত্রিভুজটী বাহির করিয়া খ ক চ-র উপর রাখিলে, খ গ ছ চ  
 সমান্তরিক ক্ষেত্র খ গ ঘ ক আয়ত ক্ষেত্রে পরিবর্তিত হইবে ।



সমান্তরিক জ্ঞানার । এই ধর্মটি মাটামচোরস সমচতুর্কোণিক

দুই খণ্ড তক্তামাত্র, পরস্পর দুই পিত্তলের কলক দ্বারা আবদ্ধ। তক্তা দুই খানি সমান্তরালভাবে স্থিত ও তাহাদের দুই প্রান্তের কিঞ্চিৎ নিয়ে পিত্তলের কলক ত্রিখ্যভাবে স্থুর দ্বারা এক্রূপে সংলগ্ন থাকে যে, ইচ্ছানুসারে তক্তা দুই খানি বিস্তৃত ও সংকুচিত হইতে পারে, এই যন্ত্রদ্বারা কাগজে ক্রল করিলে সমুদায় রেখা সমান ও সমান্তরাল হয়।

**সমস্তরাল।** যে যে সমান্তরিক ক্ষেত্র ও আয়ত ক্ষেত্র একই বা সমান সমান ভূমির উপর এবং উক্ত ভূমির সমান্তরাল কোন রেখার মধ্যে থাকে, তাহাদের ক্ষেত্রকল পরস্পর সমান।

**নিয়ম।** সমান্তরিকের কালি নির্ণয় করিতে হইলে, তাহার কোন এক বাহুর পরিমাণ স্থির করিয়া, পরে সেই বাহুর উপর তাহার সম্মুখীন বাহু হইতে একটী লম্বপাত করিয়া, সেই লম্বের পরিমাণ স্থির কর, অনন্তর এই পরিমাণ-দ্বয়কে গুণ করিলে যে গুণফল হইবে তাহাই সমান্তরিকের ক্ষেত্রকল।

**উদাঃ ১ম।** খ গ ছ চ সমান্তরিকের যদি ভূমি খ গ ১২ হাত ও লম্ব গ ছ ৯ হাত হয়, তাহা হইলে ঐ সমান্তরিকের কালি কত? **উঃ।** ১০৮ বর্গহাত।

**২য়।** যে সমান্তরিকের ভূমি ৫.৬ ফুট ও লম্ব ৩.২ ফুট তাহার ক্ষেত্রকল কত? **উঃ।** ১৭.৯২ বর্গফুট।

**৩য়।** যে আয়তক্ষেত্র ২৭ ফুট লম্বা, তাহা প্রস্থে কত ফুট হইলে ক্ষেত্রকল ১০৮ বর্গ ফুট হইবে? **উঃ।** ৪ ফুট।

### ৩১শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

ক খ গ ঘ এক সমান্তরিক ক্ষেত্র এবং ক ঘ চ এক ত্রিভুজ, এইভাবে এক ভূমির উপর ও খ ছ ও ক ঘ এই দুই সমান্তরালের মধ্যে আছে। ক ঘ চ ত্রিভুজ ক খ গ ঘ সমান্তরিক ক্ষেত্রের অর্দ্ধেক হইবে।

ঘ বিন্দু দিয়া ঘ ছ রেখা ক চ রেখার সমান্তরাল টান, তাহাতে ক ঘ চ ত্রিভুজ (২৪শ প্রতিজ্ঞানুসারে) ক ঘ ছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্রের অর্দ্ধেক, কিন্তু ক ঘ ছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্র ক ঘ গ খ সমান্তরিক ক্ষেত্রের সমান, অতএব ক ঘ চ ত্রিভুজও ক ঘ গ খ সমান্তরিকের অর্দ্ধেক।



অনুমান। যে যে ত্রিভুজ, এক ভূমির উপর ও সেই ভূমির সমান্তরাল কোন রেখার মধ্যে থাকে, তাহারা পরস্পর সমান।

প্রয়োগ। প্রস্তাবিত উপপাদ্য হইতে এই প্রতিপন্ন হইতেছে যে, একটি ত্রিভুজ ও একটি আয়ত ক্ষেত্র যদি এক ভূমির উপর ও ঐ ভূমির সমান্তরাল কোন রেখার মধ্যে থাকে, তাহা হইলে ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল আয়ত ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের অর্দ্ধেক হইবে। পুনশ্চ, এই ব্যক্তি হইতে অপর এক নিয়ম উপলব্ধ হইতেছে যে, ত্রিভুজক্ষেত্রের কালি নির্ণয় করিতে হইলে প্রথমতঃ তাহার কোন এক বাহুর পরিমাণ স্থির করিতে হয়, পরে সেই বাহুর উপর



আবশ্যক হইলে তাহাকে বর্দ্ধিত করিয়া তাহার সম্মুখীন কোণ হইতে একটি লম্বপাত করিলে সেই লম্বের পরিমাণ স্থির করিতে হয়, অনন্তর ঐ পরিমাণদ্বয়কে গুণ করিলে যে গুণফল হইবে তাহার অর্ধেক ঐ ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল ।

দৈর্ঘ্য-পরিমাণকে প্রস্থপরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে ক্ষেত্রফল ! উপলব্ধি সকল প্রকার চতুর্ভুজে ঘটে না, যে সকল চতুর্ভুজের চারিটি কোণই সমকোণ (অর্থাৎ মাটামকোণ) তাহাদের বেলাই খাটে; রম্বস্ বা রম্বস্‌ডের বেলা খাটে না। প্রস্তাবিত উপপাদ্যের প্রয়োগটি বিশেষ রূপে অনুধাবন করিয়া দেখিলে রম্বস্ ক্ষেত্রের কালি কি রূপে করিতে হয়, তাহার নিয়মের যুক্তি উপলব্ধ হইতে পারে, যথা, যদি রম্বস্ বা রম্বস্‌ড ও আয়ত ক্ষেত্র একই ভূমির উপর ও সেই ভূমির সমান্তরাল কোন রেখার মধ্যে থাকে, তবে তাহাদের ক্ষেত্রফল সমান হইবে, সুতরাং রম্বস্ বা রম্বস্‌ড ক্ষেত্রে দীর্ঘভূজপরিমাণকে তাহার সম্মুখীন ভূজ হইতে তদুপরি পতিত লম্বের পরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হয় ।

উদাহরণ ১ম। ক ৮ ঘ ত্রিভুজের ভূমি ৭ ফুট ও লম্ব ঘ ৮ ৮ ফুট হইলে ক্ষেত্রফল কত হইবে ?

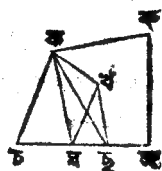
এই প্রশ্নে, ক ঘ ছ ৮ সমান্তরিক ক্ষেত্রের কালি =  $৭ \times ৮$ , কিন্তু ক ঘ ৮ ত্রিভুজ এই ক্ষেত্রফলের অর্ধেক;  $\therefore$  ক ঘ ৮

$$\text{ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল} = \frac{৭ \times ৮}{২} = ২৮ \text{ বর্গফুট}।$$

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ৭৩

২২। ক চ জ ব একটি বিবমাকার ক্ষেত্র, ক খ ঘ একটি বেড়ার দ্বারা দুই খণ্ডে বিভক্ত হইয়াছে, যথা ক খ ঘ জ ব ও ক খ ঘ চ। এইক্ষেণে ঐ বক্র বেড়াটী একরূপ সরল রেখাল্লসারে দিতে হইবে যে, ক খ ঘ জ ব ও ক খ ঘ চ ক্ষেত্রদ্বয়ের ক্ষেত্রফলের কোন বৈলক্ষণ্য হইবে না।

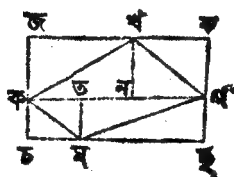
ক ঘ সংযুক্ত করিয়া খ বিন্দু দিয়া খ ছ, ক ঘ রেখার সমান্তরাল অঙ্কিত কর, এবং ক ছ সংযুক্ত কর। ক ছ রেখাই নিকাশ্য সরল বেড়া হইবে।



৩১শ প্রতিজ্ঞার অনুমানানুসারে ক ঘ ছ ও ক ঘ খ দুইটী ত্রিভুজ পরস্পর সমান, সুতরাং ক ছ চ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ক খ ঘ চ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের সমান।

### ৩২শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক খ গ ঘ ট্রাপিজিয়মটী চ ছ ব জ আরত ক্ষেত্রের অন্তর্গত, এবং চ ছ রেখা ট্রাপিজিয়মের কর্ণ রেখা ক গ-র সমান্তরাল। ট্রাপিজিয়মটী আরত ক্ষেত্রের অর্ধেক।



ক খ গ ত্রিভুজ ক গ ব জ আরত ক্ষেত্রের অর্ধেক ;

ক ঘ গ ত্রিভুজ ক গ ছ চ আরত ক্ষেত্রের অর্ধেক ;

অতএব এই দুই পক্ষে সমান রাশি সমষ্টি করিলে

প্রস্তুত হইবে যে, ক খ গ ঘ ট্রাপিজিয়ম—চ ছ ক জ আয়ত  
ক্ষেত্রের অর্ধেক ।

প্রস্তাবিত উপপাদ্য হইতে ট্রাপিজিয়ম ক্ষেত্রের কালি  
করিবার নিয়মটী প্রাপ্ত হওয়া যায় ; যথা,

কর্ণ রেখার উপর অপর দুইটী সম্মুখীন কোণ হইতে  
দুইটী লম্ব পাত করিয়া, এই দুই লম্বের সমষ্টিকে কর্ণ রেখা-  
দ্বারা গুণ করিলে যে গুণফল প্রাপ্ত হওয়া যায় ; তাহার  
অর্ধেক লইলেই ক্ষেত্রফল স্থির হয় ।

উদাঃ । যদি ক খ গ ঘ ট্রাপিজিয়মের কর্ণ ক গ ২৬ হাত,  
ঘ ত ও খ ন দুইটী লম্ব যথাক্রমে ৬ ও ৮ হাত হয়, তাহা  
হইলে উহার ক্ষেত্রফল কত ? উঃ । ১৮২ বর্গহাত ।

৩৩শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

যদি ক খ গ ঘ ট্রাপিজিড ক্ষেত্রের পরস্পর সম্মুখবর্তী  
দুইটী বাহু ক খ ও ঘ গ সমান্তরাল হয়, আর ক জ ছ ঘ  
সমান্তরিক ক্ষেত্রের উচ্চতা ট্রাপিজিডের উচ্চতার সহিত  
সমান হয়, ও ক জ ভূমি  
ক খ ও ঘ গ দুইটী সমান্ত-  
রাল বাহুর যোগপরিমাণ-  
ভূলা হয় ; তাহা হইলে



ট্রাপিজিড ক্ষেত্রটী আয়ত ক্ষেত্রের অর্ধেক হইবে । খ  
ও গ বিদ্যু দিয়া খ চ ও গ ক রেখা ছ জ বা ক ঘ রেখার  
সমান্তরাল টানিলে গ খ চ ও গ খ ক ত্রিভুজদ্বয় পরস্পর  
সমান হইবে ; এবং খ জ, গ ঘ রেখার সমান বলিয়া  
খ জ ছ চ সমান্তরিক ক্ষেত্র ক খ গ ঘ সমান্তরিক ক্ষেত্রের

## ব্যবহারিক জ্যাখিতি ও জ্যাখিতিতত্ত্ব । ৭৫

সমান। অতএব গ ছ জ খ ট্রাপিজৈড ক খ গ ঘ ট্রাপিজৈড ক্ষেত্রের সমান। সুতরাং ক খ গ ঘ ট্রাপিজৈড ক জ হ ঘ সমান্তরিক ক্ষেত্রের অর্ধেকের সমতুল্য।

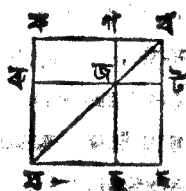
নির্যম। ট্রাপিজৈড ক্ষেত্রের কালি স্থির করিতে হইলে, একটি সমান্তরাল বাহুর এক প্রান্ত হইতে অপরটির উপর লম্বপাত করিয়া, দুইটি সমান্তরাল বাহুর সমষ্টির অর্ধেককে লম্বদ্বারা গুণ করিলে গুণফল ক্ষেত্রের পরিমাণ হইবে।

উদাহরণ ১ম। ক খ গ ঘ ট্রাপিজৈডের ক খ ও গ ঘ যথাক্রমে ৬ ও ৪ হাত এবং উহাদের অস্তর ব গ ৫ হাত হইলে, ইহার কালি কত হইবে? উঃ। ২৫ বর্গহাত।

### ৩৪শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

কোন সরল রেখা দুই ভাগে বিভক্ত হইলে, সেই দুই খণ্ডের বর্গক্ষেত্রের ফল, উক্ত-খণ্ডদ্বয়ের পরস্পরের গুণনে যে আয়ত ক্ষেত্রের ফল হয়, তাহার দ্বিগুণ, একতৃত্বত্বয়ের সমষ্টি সমুদায় রেখার বর্গক্ষেত্রের ফলের সমান হইবে।

মনে কর, ঘ চ সরল রেখা ছ বিন্দুতে দুই অংশে বিভক্ত হইয়াছে। এইকণে সমুদায় রেখা ঘ চ-র উপর অঙ্কিত সম-চতুর্ভুজের ক্ষেত্রফল = ঘ ছ, ছ চ উভয় রেখার উপর অঙ্কিত সম-চতুর্ভুজের ফল + ঘ ছ ও ছ চ রেখা-দ্বয়ের গুণনে যে আয়ত হয় তাহার দ্বিগুণ, অর্থাৎ ঘ চ<sup>২</sup> = ঘ ছ<sup>২</sup> + ছ চ<sup>২</sup> + ২ ঘ ছ, ছ চ।



ঘ চ রেখার উপর ঘ চ খ ক সমচতুর্ভুজ অঙ্কিত করিয়া খ ঘ সংযুক্ত কর, এবং ছ বিন্দু দিয়া ছ জ গ রেখা চ খ বা ঘ ক রেখার সমান্তরাল করিয়া টান, এবং জ বিন্দু দিয়া ঝ ট রেখাকে ক খ বা ঘ চ-র সমান্তরাল করিয়া টান।

প.ছ. ক ঘ সমান্তরাল হওয়াতে তাহাদের উপর খ ঘ সম্পাতে বাহ্য কোণ খ জ গ অন্তরীণ প্রতীপ ক ঘ খ কোণের সমান হইতেছে। কিন্তু ক খ ঘ ও ক ঘ খ সমান, কারণ ক খ, ক ঘ সমচতুর্ভুজের বাহ্য বলিয়া পরস্পর সমান, সুতরাং খ জ খ ও গ খ জ সমান, অতএব গ খ, গ জ পরস্পর সমান, এবং গ খ, জ ট-র সমান ও গ জ, খ ট-র সমান হওয়াতে গ জ ট খ ক্ষেত্র সমবাহক। আর ইহা সূর্যকোণীও বটে, কারণ গ খ ট কোণ সমকোণ হওয়াতে গ জ ট খ সমান্তরিক ক্ষেত্রের অন্তান্ত কোণও সমকোণ; সুতরাং গ জ ট খ, গ খ রেখার সমচতুর্ভুজ। কিন্তু গ খ—জ ট—ছ চ, কাঁধে কাঁধেই ইহা ছ চ রেখারও সমচতুর্ভুজ; এইরূপে ব ঘ ছ জ, ঘ ছ রেখার সমচতুর্ভুজ বলিয়া প্রমাণ হইতে পারে।

অপর, ব ক গ জ আরত ক্ষেত্র ছ চ ট জ আরত ক্ষেত্রের সমান; কিন্তু ছ চ ট জ আরত ক্ষেত্রটী ছ চ ও চ ট রেখাব্যয়ের অন্তর্গত, কিন্তু চ ট—ছ জ—ঘ ছ, সুতরাং ছ চ ট জ আরত ক্ষেত্রটী ছ চ ও ব ছ রেখাব্যয়ের অন্তর্গত।

এইরূপে ব ছ জ ব ও গ জ ট খ দুই সমচতুর্ভুজ এবং

ক ক খ গ ও জ ট চ ছ হইতে আরম্ভ করিয়া ইহার একত্র  
যোগে ক ঘ চ খ সমচতুর্ভুজের তুল্য ।

$$\therefore ঘ চ^2 = ঘ ছ^2 + ছ চ^2 + ২ ঘ ছ. ছ চ ।$$

বীজগণিত দ্বারা উপপত্তি । ঘ ছ ও ছ চ হইতে রেখা  
ক, খ হইতে সাক্ষেতিক অক্ষর দ্বারা নির্দেশ করিলে,  
(ক+খ)<sup>২</sup> = ক<sup>২</sup>+খ<sup>২</sup>+২ ক. খ; অর্থাৎ, (ঘ ছ+ছ চ)<sup>২</sup>,  
অথবা ঘ চ<sup>২</sup> = ঘ ছ<sup>২</sup> + ছ চ<sup>২</sup> + ২ ঘ ছ. ছ চ । (১)

এই রূপে ঘ চ রেখা ক, ও ছ চ, খ অক্ষর দ্বারা নির্দেশ  
করিলে,

$$(ক-খ)^2 = ক^2 + খ^2 - ২ ক. খ; অর্থাৎ, (ঘ চ-ছ চ)^2,$$

$$অথবা ঘ ছ^2 = ঘ চ^2 + ছ চ^2 - ২ ঘ চ. ছ চ; \dots (২)$$

অর্থাৎ, দুই অসমান রেখার অন্তরের উপর সমচতুর্ভুজ—  
ঐ দুই রেখার সমচতুর্ভুজ—ঐ দুই রেখার আরম্ভকেন্দ্র-  
ফলের দ্বিগুণ ।

$$অপর, ক^2 - খ^2 = (ক + খ) (ক - খ); \dots \dots (৩)$$

অর্থাৎ, দুই অসমান রেখার সমচতুর্ভুজের অন্তর তাহাদের  
যোগ ও অন্তরের আরম্ভকেন্দ্রের তুল্য ।

এই প্রতিজ্ঞাটিকে পাটীগণিতের দ্বারা অর্থাৎ সংখ্যা-  
বাচক রাশির দ্বারা প্রমাণ করিয়া দেওয়া যাইতে পারে,  
যথা, বোধ কর ঘ চ = ৬, ঘ ছ = ৪, ও ছ চ = ২ ।

$$৬^2 = ৪^2 + ২^2 + ২(৪ \times ২) অথবা, ৩৬ = ১৬ + ৪ + ১৬ ।$$

অনুমান । সমচতুর্ভুজের কর্ণের পরিভ্রম সমান্তরিক  
কেন্দ্রও সমচতুর্ভুজ হয় ।

সমান্তরিক কেন্দ্রে কর্ণের পরিভ্রম কোন একটী সমান্তরিক

ক্ষেত্র এবং অস্থপূরকবয়, ইহার। একত্র যোগে শঙ্খ শঙ্কে বাচ্য হয়, যথা, গ ট সমান্তরিক ক্ষেত্রকে ক জ ও জ চ অস্থপূরকবয়ের সহিত একত্র যোগে ক চ সমান্তরিক ক্ষেত্রের শঙ্খ কথা যায়। সংক্ষেপে এই শঙ্কে ক ট ছ কিম্বা ক গ চ বলিয়া নির্দেশ করা যায়। এই রূপ ক ছ সমান্তরিক ক্ষেত্রকে পূর্বোক্ত অস্থপূরকবয়ের সহিত একত্র যোগে ক ছ ট অথবা গ খ চ শঙ্খ কথা যায়।

ক্ষেত্রত্রে বাহ্যকে আয়ত কহে, গণিতবিজ্ঞাতে তাহাকে ত্রুণকল কহে। ক জ সমান্তরিক ক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল অবধারিত করিতে হইলে, ইহার দৈর্ঘ্য ক গ প্রস্থ জ খ দ্বারা গুণ করিতে হইবে, যদি দৈর্ঘ্য ৪ বর্গ হাত ও প্রস্থ ২ বর্গ হাত হয়, তাহা হইলে ৪ ও ২-কে গুণ করিলে ক্ষেত্রকল হির হয়। এ স্থলে ক গ, গ জ অন্তর্গত আয়ত না করিয়া সংক্ষেপে দুই পার্শ্ববোধক অক্ষর মধ্যে এক বিন্দু দিলে ক্ষেত্রকল বুঝাইবে।

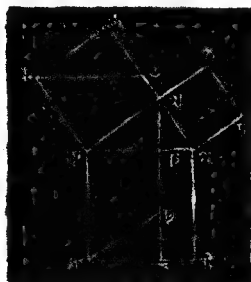
ইউক্লিডের সপ্তচত্বারিংশ প্রতিজ্ঞা, ও ঐ প্রতিজ্ঞা অবলম্বন করিয়া সরল রৈখিক ক্ষেত্রের কয়েকটি ধর্ম নিম্নে প্রদর্শিত হইতেছে।

৩৫শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

সমকোণিক ত্রিভুজে সমকোণের অভিসৃখীর বাহু (অর্থাৎ কর্ণের) উপরে অঙ্কিত সমকোণ ত্রিভুজ, অপর দুই

বাহুর (অর্থাৎ ভূজ এবং কোটির) উপর অঙ্কিত হই  
সমচতুর্ভুজের যোগতুল্য।

ক খ গ এক সমকোণীক  
ত্রিভুজ, তাহার মধ্যে ক খ গ  
সমকোণ। ক গ রেখার উপর  
অঙ্কিত সমচতুর্ভুজ, ক খ, গ খ  
উভয় রেখার উপর অঙ্কিত  
সমচতুর্ভুজের যোগতুল্য।



ক গ রেখার উপর ক গ ট ক  
সমচতুর্ভুজ অঙ্কিত কর (২৭শ প্রতিজ্ঞা), এবং গ খ  
রেখাকে বর্দ্ধিত করিয়া খ গ, খ ক রেখার সমান কর, গ  
বিন্দু দিয়া গ ট, খ ক রেখার সমান্তরাল ও ক বিন্দু দিয়া  
ক ট, খ গ রেখার সমান্তরাল অঙ্কিত কর। যেহেতু ক খ গ  
সমকোণ, ক খ গ কোণও সমকোণ; অতএব ক খ গ ট  
সমচতুর্ভুজ। এইরূপে খ গ ড ট সমচতুর্ভুজ অঙ্কিত করা  
এবং খ জ, ক ক রেখার, চ ট, ক গ রেখার এবং ব ছ,  
ক খ রেখার সমান্তরাল টান। গ ক ক ও খ ক ট এতদ্ব্যতী  
সমকোণ হইয়া পরস্পর সমান হওয়াতে, খ ক গ কোণ  
উভয়তঃ যোগ করিলে সমুদার কোণ খ ক ক সমুদার  
গ ক ট কোণের সমান হইবে।

এইরূপে ক খ ছ ক ও ক গ ড ট সমান্তরিক কেজবান্দ্য  
ক ক রেখা ক গ রেখার ও ক খ রেখা ক ট রেখার সমান্তরাল  
এবং ক ক ক ক ক ক রেখারের অন্তর্গত কোণ খ ক ক, ক ক ও  
ক ট রেখারের অন্তর্গত কোণ খ ক ট-র সমান। অতএব



(২৬ নং প্রতিজ্ঞানুসারে) ঐ দুইটী সমান্তরিক ক্ষেত্র পরস্পর সমান। কিন্তু (৩০ নং প্রতিজ্ঞানুসারে) ক খ গ চ সমচতুর্ভুজ ক ব জ চ সমান্তরিক ক্ষেত্রের সহিত সমান, এবং ক ব জ চ আরও ক্ষেত্রটি ক খ হ ব সমান্তরিক ক্ষেত্রের সহিত সমান। অপর, যে যে বস্তু প্রত্যেকে কোন এক বস্তুর সমান, তাহার পরস্পর সমান; অতএব ক খ গ চ সম-চতুর্ভুজ ক ব জ চ আরও ক্ষেত্রের সহিত সমান। ঐরূপে প্রদর্শিত হইতে পারে যে, খ গ ড ঠ সমচতুর্ভুজ চ গ ট জ আরও ক্ষেত্রের সহিত সমান; অতএব ক ব জ চ ও চ গ ট জ দুইটী আরও ক্ষেত্র বা ক গ ট ছ সমচতুর্ভুজ ক খ গ চ ও খ গ ড ঠ দুইটী সমচতুর্ভুজের যোগতুল্য। সুতরাং ক প বাহুর উপরিস্থ সমচতুর্ভুজ ক খ ও খ গ বাহুর উপরিস্থ দুই সম-চতুর্ভুজের যোগতুল্য।

অনুমান ১। কোন ত্রিভুজের এক বাহুর উপর অঙ্কিত সম-চতুর্ভুজ যদি অন্য দুই বাহুর উপর অঙ্কিত দুই সমচতুর্ভুজের সমান হয়, তবে ঐ দুই বাহুর অন্তর্কর্ত্তী কোণ সমকোণ হইবে।

অনুমান ২। সমকোণিক ত্রিভুজে কর্ণ রেখা অপর কোন ভুজ অপেক্ষা বৃহৎ।

অনুমান ৩।  $ক খ^২ + খ গ^২ = ক গ^২$ । এই সমান বস্তুর উভয় পক্ষ হইতে খ গ^২ বিয়োগ করিলে,  $ক খ^২ = ক গ^২ - খ গ^২$ । আরও কোন কোন সমকোণিক ত্রিভুজের দুইটী ভুজ বর্গসংযোগ করিলে, কর্ণবর্গের সমান হইবে।

৩। অপর পক্ষ দ্বারা কর্ণ রেখাকে বিভক্ত করিলে,  $ক খ^২ = ক গ^২ - খ গ^২$ ।

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ৮১

এই সমীকরণের উভয় পক্ষের বর্গমূল স্থির করিলে,

$$x = \sqrt{100} = 10।$$

২। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের দুইটি বাহু যথাক্রমে ১৩ এবং ১২ ফুট, তাহার কর্ণ পরিমাণ কত ?

উঃ। ২০ ফুট।

৩। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের কর্ণ পরিমাণ ২৫ হাত, ও একটি বাহুর পরিমাণ ১৫ হাত হইলে, অপর বাহুর পরিমাণ কত হইবে ?

অ অধ্যাক্ত রাশিধারা অপর বাহুটি নির্দেশ করিলে,

$$x^2 + 15^2 = 25^2;$$

এই সমীকরণের উভয় পক্ষ হইতে  $15^2$  বিয়োগ করিলে,

$$x^2 = 25^2 - 15^2 = 800।$$

উভয় পক্ষের বর্গমূল স্থির করিলে,

$$\text{অথবা অপর ভূজ} = \sqrt{800} = 20 \text{ হাত}।$$

৪। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের কর্ণ পরিমাণ ৩০ হাত, এবং একটি বাহুর পরিমাণ ২৪ হাত হইলে, অপর বাহুর পরিমাণ কত হইবে ?

উঃ। ১৮ হাত।

৩৬ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি ও কোটি-পরিমিত

কোটি, সমকোণ হইতে কর্ণ রেখার উপর লম্ব রেখার পরিমিত নির্দেশ করিতে হইবে।

ক-খ-গ একটি সমকোণিক ত্রিভুজ, যার ভূমি ক-খ ১১ হাত, ও কোটি ক-গ ২৮ হাত, ক-খ-গ সমকোণ



হইতে ক খ কর্ণের উপর গ ঘ লম্ব টান, এই লম্বের পরিমাণ কত হইবে।

ক খ<sup>২</sup> = ২১<sup>২</sup> + ২৮<sup>২</sup>; ∴ ক খ = ৩৫ হাত।

এইকণে ক খ গ ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল হই প্রকারে স্থির করা হইতে পারে; যথা,

১ মতঃ। ক খ গ ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল =  $\frac{২১ \times ২৮}{২}$ ;

২ মতঃ। ক খ গ ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল =  $\frac{৩৫ \times গ ঘ}{২}$ ;

কিন্তু যে যে বস্তু প্রত্যেকে অপর কোন বস্তুর সমান তাহার পরস্পর সমান,

$$\therefore \frac{৩৫ \times গ ঘ}{২} = \frac{২১ \times ২৮}{২};$$

এই সমীকরণে গ ঘ = ১৬.৮ হাত।

উদাহরণ। খ গ ২৪ হাত এবং ক গ ৩২ হাত হইলে, গ ঘ-র পরিমাণ কত হইবে? উঃ। ১৯.২ হাত।

৩৭শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক খ গ একটি ত্রিভুজ, ইহার শীর্ষ কোণ গ হইতে ক খ দুটির উপর গ ঘ লম্বপাত হইরাছে।

ক খঃ ক গ ও খ গ তিনটি

সামান্য পরিমাপ জানা আছে :

এইকণে ক খ গ ত্রিভুজের ভূমি ক খ-

সমস্ত ক্ষেত্রফল হই প্রাপ্ত

বিভক্ত হইয়াছে, তাহার



## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ৮৩

কোন খণ্ডের পরিমাণ নিরূপণ করিতে হইবে ; দ্বিতীয়তঃ, গ ঘ লম্ব রেখার পরিমাণ নির্দেশ করিতে হইবে ; তৃতীয়তঃ ক খ গ ত্রিভুজের কেন্দ্রকল স্থির করিতে হইবে ।

বোধ কর ক খ = ২০ হাত, ক গ = ১০ হাত, এবং গ ঘ = ১২ হাত ।

এইক্ষেণে ক ঘ খণ্ডকে অ অব্যক্ত রাশি দ্বারা নির্দেশ করিলে, ঘ খ = ২০ — অ ।

ক ঘ গ ও খ ঘ গ দুইটা সমকোণিক ত্রিভুজ । গ ঘ ইহাদের সাধারণ বাহু ; সুতরাং গ ঘ রেখার পরিমাণ উভয় ত্রিভুজ হইতে দুই প্রকারে নির্দেশ করা যাইতে পারে ; যথা,

$$গ ঘ^2 = ১০^2 + অ^2, \text{ আর } গ ঘ^2 = ১২^2 + (২০ - অ)^2 ।$$

যে যে বস্তু প্রত্যেকে এক বস্তুর সমান তাহারা পরস্পর সমান,  
 $\therefore ১০^2 + অ^2 = ১২^2 + (২০ - অ)^2 = ১০^2 + অ^2 ।$

এই সমীকরণে অব্যক্ত রাশির কল ধার্য্য করিলে, অথবা  
 ক ঘ = ৮.৯ ।

গ ঘ লম্ব রেখার পরিমাণ ধার্য্য করিতে হইলে,

$$গ ঘ^2 = ১০^2 + ৮.৯^2, \text{ অতএব } গ ঘ = ৮.৫৫ ।$$

$$\text{সুতরাং ক গ খ ত্রিভুজের কেন্দ্রকল} = \frac{২০ \times ৮.৫৫}{২}$$

৮৬.৫ ।

উদাহরণ । পূর্বোক্ত ত্রিভুজে যদি গ খ = ৬ হাত, ক গ = ৪ হাত, এবং খ ঘ = ৫ হাত হয়, তাহা হইলে ক ঘ, ঘ গ রেখার পরিমাণ ও ত্রিভুজের কেন্দ্রকল কত হইবে ?

উঃ । ক ঘ = .৫, গ ঘ = ৩.৯৬, এবং কেন্দ্রকল = ৩.৯ ।

## ৩৮শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

স্থলকোণিক ত্রিভুজে যদি কোন স্থল কোণের সম্মুখীন বাহকে বর্দ্ধিত করিয়া তদুপরি উক্ত কোণ হইতে লম্ব টানা যায়, তবে স্থল কোণের পার্শ্বস্থ দুই বাহুর দুই সমচতুর্ভুজ বর্দ্ধিত বাহু এবং তাহার বর্দ্ধিত ভাগের অন্তর্গত আয়তের বিত্ত্ব স্থল কোণের সম্মুখীন বাহুর সমচতুর্ভুজ তুল্য হইবে।

ক খ গ এক স্থলকোণিক ত্রিভুজ, যাহার ক গ খ কোণটি স্থল কোণ। খ গ বৃদ্ধি করিয়া ক বিন্দু হইতে তাহার উপর ক ঘ লম্বটান।



$$ক খ^2 = খ গ^2 + ক গ^2 + ২ খ গ.গ ঘ।$$

খ ঘ সরল রেখা গ বিন্দুতে দুই ভাগে বিভক্ত হইয়াছে, এই জন্য ( ৩৪ শ প্রতিজ্ঞানুসারে ),

খ ঘ^2 = খ গ^2 + গ ঘ^2 + ২ খ গ × গ ঘ ; উভয় পক্ষে ক ঘ^2 যোগ কর, তাহা হইলে,

$$ক ঘ^2 + ক ঘ^2 = খ গ^2 + গ ঘ^2 + ক ঘ^2 + ২ খ গ × গ ঘ ;$$

$$\text{কিন্তু } ক ঘ^2 + ক ঘ^2 = ক খ^2 ; \text{ এবং } গ ঘ^2 + ক ঘ^2 = ক গ^2$$

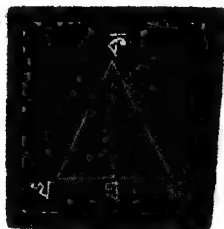
$$\therefore ক খ^2 = খ গ^2 + ক গ^2 + ২ খ গ × গ ঘ।$$

## ৩৯ শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক খ গ ত্রিভুজের ক গ খ কোণ স্থল কোণ হইলে, এই কোণের এক পার্শ্বস্থ রেখা খ গ-র উপর তাহার

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ৮৫

সম্মুখীন কোণ হইতে তদুপরি  
ক ঘ লম্বপাত করিলে, গ কোণের  
সম্মুখীন ক খ রেখার সমচতুর্ভুজ  
খ গ ও ক গ-র সমচতুর্ভুজ অপেক্ষা  
খ গ  $\times$  গ ঘ-র দ্বিগুণ পরিমাণে  
লম্বুতর হইবে, অর্থাৎ,



$$ক ঘ^2 = খ গ^2 + ক গ^2 - ২ খ গ. গ ঘ।$$

৩৪শ প্রতিজ্ঞার দ্বিতীয় সমীকরণ দ্বারা,

খ ঘ^2 = খ গ^2 + গ ঘ^2 - ২ খ গ. গ ঘ; ইহার উভয়  
পক্ষে ক ঘ^2 যোগ কর, তাহা হইলে,

$$ক ঘ^2 + ক ঘ^2 = খ গ^2 + গ ঘ^2 + ক ঘ^2 - ২ খ গ. গ ঘ$$

অতঃপর ক ঘ^2 = খ গ^2 + ক গ^2 - ২ খ গ. গ ঘ।

### ৪০শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

ক খ গ একটা ত্রিভুজে, যদি ইহার শীর্ষ কোণ গ  
হইতে ভূমির মধ্য বিক্লুতে গ ঘ রেখা টানা যায়, তাহা  
হইলে, ক গ^2 + গ খ^2 = ২ ক ঘ^2 + ২ গ ঘ^2।

গ বিক্লু হইতে ক খ রেখার  
উপর গ চ লম্ব টান। তাহাতে  
ক ঘ গ ও খ ঘ গ দুইটা ত্রিভুজে  
পূর্বোক্ত দুই প্রতিজ্ঞা দ্বারা,



$$ক গ^2 = ক ঘ^2 + গ ঘ^2 + ২ ক ঘ. ঘ চ$$

$$গ খ^2 = খ ঘ^2 + গ ঘ^2 - ২ খ ঘ. ঘ চ$$

ক ঘ-খ ঘ ইহা স্মরণ রাখিয়া এই দুই সমীকরণ যোগ করিলে,

$$ক গ^2 + খ গ^2 = ২ ক ঘ^2 + ২ গ ঘ^2।$$

৪১শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি ও কোটি নির্দিষ্ট আছে, ঐ ত্রিভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে; এবং ঐ ত্রিভুজের কর্ণ রেখার পরিমাণও স্থির করিতে হইবে।

নির্দিষ্ট ভূমি = ৬ ফুট, এবং কোটি = ৮ ফুট, এমন এক সমকোণিক ত্রিভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে, বাহ্যার ভূমি ও কোটি যথাক্রমে ৬ ও ৮ ফুট হইবে।



হয় কুট পরিমিত এক সরল রেখা ক খ স্থাপন কর, এবং খ বিন্দু হইতে ক খ রেখার উপর ৮ ফুট পরিমিত এক সরল রেখা টান, যথা খ গ। পরে ক ও গ যুক্ত কর, তাহাতে ক খ গ সমকোণিক ত্রিভুজ হইবে; এবং ক গ কর্ণ রেখা পরিমাণ করিলে ১০ ফুট হইবেক।

৪২শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি এবং কর্ণ নির্দিষ্ট আছে, ত্রিভুজটি অঙ্কিত করিতে হইবে।

ভূমি = ৬ ফুট, এবং কর্ণ = ১০ ফুট। এমন এক সমকোণিক ত্রিভুজ নির্মাণ করিতে হইবে বাহ্যার ভূমি ও কর্ণ যথাক্রমে ৬ ও ১০ ফুট হইবে।

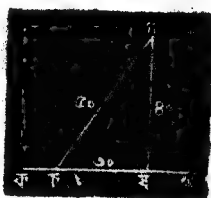
## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৭

ছয় ফুট পরিমিত এক সরল রেখা ক খ (পূর্বপ্রতিকৃতি দেখ) আঁস কর, এবং খ বিন্দু হইতে ক খ রেখার উপর খ গ এক অসীম সরল রেখা (যাহাকে খ গ অভিমুখে যত দূর ইচ্ছা বর্দ্ধিত করা যাইতে পারে) অঙ্কিত কর। পরে কম্পাসকে ১০ ফুট বিস্তার করিয়া উহার এক পদ ক বিন্দুর উপর রাখিয়া অপর পদ দিয়া খ গ রেখা ছেদ কর, যথা গ; এবং ক ও গ এক সরল রেখা দ্বারা সংযুক্ত কর; তাহা হইবে ক খ গ সমকোণিক ত্রিভুজ অঙ্কিত হইবে। খ গ রেখা পরিমাপ করিলে ৮ ফুট হইবে।

### ৪৩শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

কোনো এক বা শূন্যের সাহায্যে ভূমির উপর লম্ব বা সমকোণিক ত্রিভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে।

কাজ কর, ক খ শূন্যের উপর খ বিন্দু হইতে একটা লম্ব উত্তোলন করিতে হইবে। ঘ চ-কে ৩০ লিঙ্কের সমান করিয়া অপর এক গাছি শূন্য লইয়া, তাহার এক



প্রান্ত হইতে ১০ লিঙ্ক পরিমাপ করিয়া ঘ স্থানে দৃঢ় রূপে ধরিতে হইবে; আর অপর প্রান্ত চ স্থানে ধরিতে হইবে। পরে ঘ হইতে ৪০ লিঙ্কের স্থান ধরিয়া শূন্যলকে বলপূর্বক টানিলে ঘ বিন্দুতে ঘ গ লম্ব হইবে। কারণ, তাহা হইলে ঐ গ ৪০ ও গ চ ৫০ লিঙ্ক পরিমিত হইবে, এবং গ ঘ ও ঘ চ-র বর্গ চ গ-র বর্গের তুল্য হইবে, কাষেকাষেই চ ঘ গ সমকোণ ও গ ঘ লম্ব হইল।





## রেখা ও ধরাতলের সম্বন্ধ । সদৃশ ত্রিভুজ ।

৪৫ সূত্র । একটা রেখা বা রাশি অন্ত একটা রেখা বা রাশি অপেক্ষা যে পরিমাণে গুরু বা লঘু, তাহাকে সেই সেই রেখার বা রাশির পরস্পর সম্বন্ধ কহে ।

গ ঘ ও ক খ দুইটা রেখা ।

হাত বা গজ একক স্বরূপ  $\frac{গ}{ঘ}$   
স্থির করিয়া ঐ একক যদি  $\frac{ক}{খ}$

প্রথমোক্ত রেখার মধ্যে ছয়

বার ও দ্বিতীয় রেখার মধ্যে তিনবার থাকে, তাহা হইলে, প্রথমকে দ্বিতীয়ের সহিত তুলনা করিলে দেখিতে পাওয়া যায় যে, প্রথমটী দ্বিতীয় অপেক্ষা দুই গুণ অধিক এবং

উহা এই রূপে ব্যক্ত হয় —  $\frac{গঘ}{কখ} = \frac{৬}{৩}$ ; এবং দ্বিতীয় ক খকে

যদি প্রথম গ ঘ-র সহিত তুলনা করা যায়, তবে দেখা যায় যে, ৩ একক দ্বারা উহা প্রথমটী অপেক্ষা লঘু হইতেছে,

যথা  $\frac{৩}{৬} = \frac{কখ}{গঘ}$ , অথবা ১ যে রূপ ৬ রাশির ছয় অংশের

একাংশ, সেই রূপ ৩ ও ৬ রাশির ঐ ছয় অংশে ৩ অংশ বলা যাইতে পারে ।

এই রূপে এক রাশির সহিত অন্য রাশির যে সম্বন্ধ তাহার নাম অনুপাত । যে অনুপাতে অনুপাতীয় রাশির মধ্যে একটা অপরটীর অপেক্ষা কত গুরু বা লঘু বলিয়া বোধ হয়, তাহার নাম পাটীগণিত সম্বন্ধীয় অনুপাত ; এবং বাহাতে অনুপাতীয় রাশির মধ্যে একটা অপরটীর

অপেক্ষা কত গুণ গুরু বা কত গুণ লঘু বলিয়া প্রতীত হয়, তাহার নাম জ্যামিতিমূলক অনুপাত । যেমন ৬ এবং ৩ এই দুইটির পাটীগণিত সম্বন্ধীয় অনুপাত ৩ এবং জ্যামিতিমূলক অনুপাত ৬ বা ২ ।

কোন রাশির সহিত অন্য কোন রাশির অনুপাত ব্যক্ত করিতে হইলে, তাহাদিগের মধ্যে দুইটি ক্ষুদ্র ক্ষুদ্র বিন্দু পাত করিতে হয়, উহার নাম আনুপাতিক দ্বিবিন্দু ।

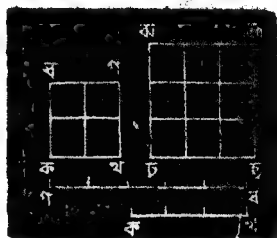
ক খ-র সহিত গ ঘ-র অনুপাত লিখিয়া ব্যক্ত করিতে হইলে, এক্রূপে লিখিতে হয় ; যথা, ক খ : গ ঘ = —  
গ ঘ  
অনুপাতের প্রকৃতি যে রূপে লিখিত হইল তাহা হইতে স্পষ্ট প্রতীয়মান হইতেছে যে, আদিমকে লব ও অন্তিমকে হর করিলে যে ভগ্নাংশ উৎপন্ন হয়, তাহা অনুপাতের পরিমাণ । গ ঘ ও ক খ রেখার অনুপাত, যথা, গ ঘ : ক খ বা ৬ : ৩ অর্থাৎ অন্তিম রাশি ৩, আদিম রাশি ৬ এর মধ্যে কত বার আছে তাহাই নির্ণয় হইতেছে ।

ভগ্নাংশের লব ও হর নততই ভাঙা ভাঙক সম্বন্ধে নিবদ্ধ থাকে, যেমন ৬ অথবা ৬ ÷ ৩ সমান কথাই ; অর্থাৎ কোন বস্তুকে ৩ ভাগ করিয়া তাহার এক ভাগকে ৬ বার লওয়াও যাহা, ৬ কে ৩ দিয়া ভাগ করাও তাহা । অনুপাতের প্রথমটীকে লব ও দ্বিতীয়টীকে হর করিলেই উহাদিগের পরিমাণ স্থির হইবে ; কিন্তু অনুপাতের দুইটি রাশি যদি ভিন্ন জাতীয় হয়, তবে, প্রথমটী লব ও দ্বিতীয়টীকে হর করিলে পরিমাণ স্থির হইবে না, উভয়কে এক জাতীয়

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব। ১১

করিতে হইবে। যেমন ৩টাকা ও ৬টাকা টহাদের অনুপাত ৩ : ৬ এবং টহাদের পরিমাণ ৩ অথবা ২। কিন্তু ৩ আনা ও ৬ টাকার অনুপাত ৩ আনা ৯৬ আনার অনুপাতের সমান, টহা এইরূপে লিখিত হয়, ৩ : ৯৬ অথবা  $\frac{৩}{৯৬}$  অথবা  $\frac{১}{৩২}$ ।

এই রূপে যদি চ জ ধারা-  
তলিক ক্ষেত্রমধ্যে ৯বর্গ একক  
থাকে, এবং ক গ ধারাতলিক  
ক্ষেত্রমধ্যে ৪বর্গ একক থাকে,  
তাহা হইলে দ্বিতীয় ধারা-  
তলিক ক্ষেত্রে যত একক



আছে তাহার চতুর্থাংশের নয় গুণ প্রথমোক্ত ধারাতলিক  
ক্ষেত্রে থাকিবে, অর্থাৎ  $\frac{৩ জ}{ক গ} = \frac{৯}{৪}$ ।

যে রেখা অথবা রাশিদিগের সম্বন্ধ বিচার করা যায়  
তাহাদিগকে অনুপাতের রাশি কহা গিয়া থাকে। প্রথম-  
টীর নাম আদিম, দ্বিতীয়টীর নাম অন্তিম। অন্তিম অপেক্ষা  
আদিম গুরু হইলে অনুপাতকে গুরুবৈষম্যানুপাত কহে;  
যথা, ৯ : ৪; অন্তিম অপেক্ষা আদিম লঘু হইলে অনু-  
পাতকে লঘুবৈষম্যানুপাত কহে; যথা, ৩ : ৫; আর  
আদিম এবং অন্তিম সমান হইলে অনুপাতকে সামান্তানু-  
পাত কহে; যথা, ৩ : ৩।

অনুপাতে উভয় রাশি কোন এক রাশি দ্বারা গুণিত বা  
বিতণ্ড হইলে অনুপাতের পরিমাণ পরিবর্তিত হয় না।  
মনে কর ৩ : ৮ টী এখানে বিবেচ্য। টহার পরিমাণ ৮

কিন্তু ৩ এই রাশির লব ও হর উভয়কে কোন রাশির দ্বারা গুণিত বা বিভাজিত করিলে যে অনুপাত উৎপন্ন হয়, তাহার প্রত্যেকেই ৪ : ৮ এই অনুপাতটির সমান, যথা, ২ : ৪, ৮ : ১৬, ইহার প্রত্যেকেই ৪ : ৮ এই অনুপাতটির সমান। ২ : ৪ ও ৮ : ১৬ অনুপাতে উভয় রাশি সমান রূপে গুণিত বা বিভাজিত হইলে আদির অনুপাত উৎপন্ন হইতে পারে।

কই অথবা তাহা অপেক্ষা অধিক সংখ্যক অনুপাতের সমানত্ব সম্বন্ধ থাকিলে তাহাকে সমানুপাত কহে।

যথা, ক খ : গ ঘ এবং ৫ : ৩ এই দুইটি অনুপাতের পরিমাণ  $\frac{ক খ}{গ ঘ}$  ও  $\frac{৫}{৩}$  এই দুইটি ভগ্নাংশের সমান, কিন্তু  $\frac{ক খ}{গ ঘ}$  এই ভগ্নাংশটি যদি  $\frac{চ ছ}{জ ব}$  এই ভগ্নাংশের সমান হয়, তাহা হইলে দুইটি অনুপাতও পরস্পর সমান হইল, এবং ক খ, গ ঘ, চ ছ, জ ব এই চারিটি রাশিতে একটি সমানুপাত উৎপন্ন হইল। ঐ সমানুপাতটি এই রূপে লিখিত হয়, ক খ : গ ঘ :: চ ছ : জ ব।

এবং ক খ-র সহিত গ ঘ-র যে সম্বন্ধ, চ ছ-র সহিত জ ব-র সেই সম্বন্ধ পাঠিত হয়। অর্থাৎ প্রকারান্তরে ইহাই বলা হইতেছে যে  $\frac{ক খ}{গ ঘ} = \frac{চ ছ}{জ ব}$ ।

দুইটি রাশির অনুপাত দ্বির করিবার সময়ে উভয়ের মধ্যে যে রূপ আনুপাতিক দ্বিবিধু স্থাপিত করিতে হয়,

সেই রূপ দুই সমান অস্থাপাত এক শ্রেণীতে লিখিয়া প্রকাশ করিবার সময়ে দুই অস্থাপাতের মধ্যে কৃত্র কৃত্র চারিটা বিন্দুপাত করিতে হয়, উহার ন্যূন সমান্তরপাতিক চতুর্ভুজ ।

সমান্তরপাত পূর্বোক্ত প্রকারে ব্যক্ত হইলে,  $k$  ও  $h$  কে  $a$  ও  $b$  নামে অভিহিত করা যাইবে এবং  $a$  ও  $b$  কে  $c$  ও  $d$  নামে অভিহিত করা যাইবে ।

চারিটা রাশি সমান্তরপাতিক হইলে, তাহাদের অষ্টা রাশি দুইটির গুণফল মধ্য রাশি দুইটির গুণফলের সমান হইবে । অর্থাৎ,

$k : a :: c : h$ ; এখানে  $k \times h = a \times c$  ।

এক জাতীয় চারিটা রাশি যথাক্রমে গৃহীত হইলে যদি সমান্তরপাতিক হয়, তাহা হইলে নিম্ন লিখিত ধারারূপে তাহাদের শ্রেণী অথবা পরিমাণ করিলে নিম্নলিখিত সম্বন্ধে কোন ব্যতিক্রম হইবেক না ।

বিনিময় নিম্পত্তি । যদি চারিটা রাশি সমান্তরপাতিক হয়, তাহা হইলে প্রথমের তৃতীয় সম্বন্ধে যে নিম্পত্তি, দ্বিতীয়ের চতুর্থ সম্বন্ধেও সেই নিম্পত্তি ।

বিলোম নিম্পত্তি । দ্বিতীয় : প্রথম :: চতুর্থ : তৃতীয় ।

যোগ নিম্পত্তি । প্রথম ও দ্বিতীয়ের যোগফল : তৃতীয় : তৃতীয় ও চতুর্থের যোগফল : চতুর্থ ।

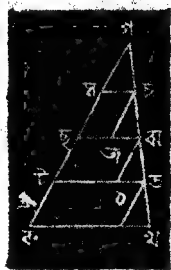
অঙ্কর নিম্পত্তি । প্রথম ও দ্বিতীয়ের বিয়োগফল : দ্বিতীয় :: তৃতীয় ও চতুর্থের বিয়োগফল : চতুর্থ ।

পরিবর্ত্ত নিম্পত্তি। প্রথম ও দ্বিতীয়ের বিরোগফল :  
প্রথম :: তৃতীয় ও চতুর্থের বিরোগফল : তৃতীয়। ইত্যাদি।

যদি সমান্তরপাতের তিনটি মাত্র রাশি প্রাপ্ত হওয়া যায়, তাহা হইলে আমরা চতুর্থ রাশি উদ্ভাবন করিতে পারি, এবং যে নিয়ম দ্বারা এই রাশিটি জানিতে পারা যায়, গণনা শাস্ত্রে ঐ নিয়মটি যে কত দূর প্রয়োজনীয় তাহা বলা যায় না। যদি ২, ৪, ৮, ১৬, এই কয়েকটি সমান্তরপাতিক রাশির মধ্যে তিনটি মাত্র নির্দিষ্ট থাকে, চতুর্থটি এই রূপে বাহির করা যায়, যথা, ২এর সহিত ৪এর যে সম্বন্ধ, ৮এর সহিত কোন রাশির সেই সম্বন্ধ, তাহা হইলে  $৪ \times ৮ + ২ = ১৬$  আবিষ্কৃত হইয়া পড়ে। গণনাবিবয়ক এই রূপ যত প্রশ্ন উপস্থিত হইবে সমুদায় ত্রৈরাশিকের মধ্যে আসিয়া পড়িবে, এবং সমান্তরপাত বিধি দ্বারা নির্ণয় চতুর্থ রাশি বাহির হইবে।

### ৪৬শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

যদি এক নির্দিষ্ট সরল রেখাকে  
একরূপে ভাগ করিতে হইবে যে,  
সেই ভাগগুলি আর একটি বিভক্ত  
সরল রেখার ভাগগুলির সমূহ  
হইবে, অর্থাৎ সে সকল অংশের  
বিভক্ত রেখার অংশগুলির ন্যায়  
পরস্পরের সম্বন্ধে সমান নিম্পত্তি  
থাকিবে।



## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৫

গ ক সরল রেখাকে ঘ, ছ, ট বিন্দুতে সমান রূপে বিভক্ত করিয়া কর, অর্থাৎ গ ঘ—ঘ ছ—ছ ট। গ ক ও গ খ রেখাকে এমনত করিয়া স্থাপন কর যেন তাহাদের সংযোগে কোণ উৎপত্তি হয়। পরে ক খ সংযুক্ত করিয়া ঘ, ছ, ট বিন্দু দিয়া ক খ-র সমান্তরাল ঘ চ, ছ ব, ট ড নিষ্কাশন কর, এবং চ জ, ব ঠ, গ ক রেখার সমান্তরাল করিয়া টান। এইকণে ঘ চ জ ছ ক্ষেত্রের সম্মুখীন বাহুগুলি সমান্তরাল, তন্মিশ্রিত চ জ—ঘ ছ—ঘ গ, ব চ জ কোণ চ গ ঘ কোণের সমান এবং চ জ ব কোণ—গ ঘ চ কোণ। অতএব ২য় প্রতিজ্ঞা-দ্বারা, গ ঘ চ ও চ জ ব ত্রিভুজদ্বয় পরস্পর সমান এবং চ ব = গ চ। একরূপে ব ড = গ চ, ইত্যাদি। অনন্তর, গ ক রেখা যে যে বিন্দুতে বিভাজিত হইয়াছে; তাহার কোন এক বিন্দু যথা ছ লইলে প্রতীত হইবে যে, গ ক রেখা গ ছ-র তত গুণ, গ খ রেখাও গ ক-র তত গুণ; অর্থাৎ

$$\frac{\text{গ ক}}{\text{গ ছ}} = \frac{\text{গ খ}}{\text{গ ক}} \text{ অথবা } \text{গ ক} : \text{গ ছ} :: \text{গ খ} : \text{গ ক}।$$

প্রয়োগ। একটী সামান্য মানদণ্ড নির্মাণ করিতে হইবে।

ট হ একটী সরল রেখা পাতি কর। ইহার চ প্রান্ত যে কোন পরিমাপের একটী কোণ অঙ্কিত কর, যথা ছ চ ক। প্রোট্রার হইতে পরিমাপক দ্বারা এক ইঞ্চি মাপিয়া ক খ-কে উহার সমান কর; চ ক সরল রেখার চ বিন্দু হইতে আরম্ভ করিয়া বাহুচ্ছাক্রমে তাহাকে দশ সমান অংশে বিভাজিত কর। পরে ১০ম অংশের প্রান্তস্থ বিন্দু ক ও খ যুক্ত কর।



এই সংযুক্ত রেখা ক খ-র সমান্তরাল করিয়া একাদি-  
ক্রমে সকল বিন্দু হইতে চ খ  
রেখা পর্যন্ত রেখা অঙ্কিত  
কর। ঐ সকল রেখা চ খ-কে  
যে যে বিন্দুতে অবস্থিত  
করিবে সেই সেই বিন্দুতে  
ইহা সমান ভাগে বিভক্ত  
হইবে। অতএব, চ খ-কে  
দশ সমান অংশে বিভক্ত  
করা হইল ও ইহার প্রত্যেক  
অংশ এক ইঞ্চির এক দশ-  
মাংশ। কিন্তু যদি চ খ-কে  
১০ ফুট বলিয়া কল্পনা করা  
যায়, তাহা হইলে ইহার  
প্রত্যেক অংশ ১ ফুটের সমান  
হইবে এবং ঐরূপ ৬টী, ৭টী  
বা ৮টী অংশ যথাক্রমে ৬, ৭  
বা ৮ ফুট হইবে। এইক্ষেণে  
ক, গ, ঘ, ঙ, চ ছ প্রভৃতি অংশ  
গুলিকে চ খ-র সমান কর,



তাহা হইলে যে কোন সংখ্যক ফুট ঐ মানদণ্ড হইতে  
লওয়া যাইতে পারিবে। মনে কর ৩৬ ফুট লইতে হইলে,  
অতএব খ হইতে ৩টী বৃহত্তর অংশ অর্থাৎ খ হ ও ৬টী  
দুহস্তর অংশ লইলেই হইবে।

## ৪৭শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

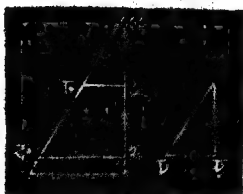
তুল্যকোণিক ত্রিভুজ সকল সদৃশ, অর্থাৎ তাহাদিগের সমান সমান কোণের সংলগ্ন বাহুগুলি পরস্পর অসুপাতীয় ।

ক গ খ ও চ ছ জ হই তুল্যকোণবিশিষ্ট ত্রিভুজ, অর্থাৎ গ ক খ কোণ জ চ ছ কোণের, গ খ ক কোণ জ ছ চ কোণের, আর ক গ খ কোণ চ জ ছ কোণের সমান । এতলে ক গ খ ও চ জ ছ ত্রিভুজের সমান সমান কোণের পার্শ্ব বাহু অসুপাতীয় ; অর্থাৎ গ ক : গ খ :: জ চ : জ ছ ।

গ ক ও গ খ দুইটা সরল রেখা হইতে জ চ ও জ ছ দুইটা সরল রেখার সমান গ ট ও গ ঠ দুই অংশ ছেদ কর, এবং ট ঠ সংযুক্ত কর ।

গ ট ঠ ও জ চ ছ ত্রিভুজে, গ ট ঠ কোণ জ চ ছ অথবা গ ক খ কোণের সমান, একারণ ( ২১শ প্রতিজ্ঞানুসারে ) ট ঠ ও ক খ পরস্পর সমান্তরাল ।

গ ট ও ট ক রেখাকে কতকগুলি সমান অংশে বিভাগ করিয়া, সেই বিভাগের বিন্দু হইতে গ খ রেখাতে যদি ক খ রেখার সমান্তরাল রেখা সকল টানা যায়,



তাহা হইলে গ ট ও ট ক রেখা যত অংশে ছেদিত হইবে, তত অংশে গ ঠ ও ঠ খ রেখা ছেদিত হইবে ; এবং টহা প্রতিষ্ঠিত হইবে যে গ ট বা জ চ, গ ক রেখার মধ্যে যত বার আছে, গ ঠ বা জ ছ রেখা গ খ রেখার ঠিক তত বারই

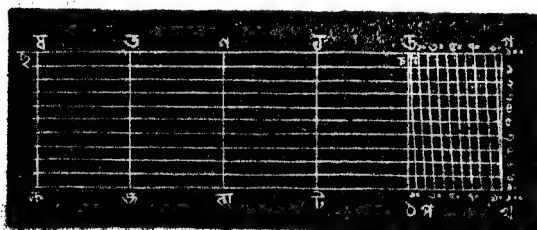
আছে; অর্থাৎ,  $\frac{গ ক}{জ চ} = \frac{গ খ}{জ ছ}$ , বা  $গ ক : জ চ :: গ খ : জ ছ$ ;

এবং বিনিময় নিষ্পত্তি দ্বারা গ ক : গ খ :: ক হ : ক হ ।

অসুস্থ। তুল্যকোণিক ত্রিভুজের মধ্যে একের একটি  
ভূজ অন্যের তৎসমশীল ভূজের সম ৩৭ হইবে, তাহার অন্যান্য  
ভূজগুলিও অন্যের তৎসমশীল ভূজগুলির সম ৩৭ হইবে।

প্রয়োগ। ডাএগনাল স্কেল বা সূক্ষ্মমানদণ্ড।

১ম। ঘ গ একটি রেখা অঙ্কিত কর। এক ইঞ্চির সমান  
করিয়া ড গ এক অংশ ছেদ কর। সামান্য গজের স্থার  
ড গ-কে দশাংশে বিভক্ত কর। ড ও গ হইতে একদিকে



দশটি লম্ব টান। প প্রান্ত হইতে অঙ্কিত লম্ব রেখাকে দশটি সমান অংশে বিভাজিত কর। এই দশটি বিন্দু হইতে খ-খ-র সমান্তরাল করিয়া দশটি রেখা অঙ্কিত কর। খ বিন্দুর অব্যবহিত পরে যে বিন্দু দ্বারা গ-গ-কে দশ সমান অংশে বিভক্ত করা হইয়াছে তাহা খ বিন্দুর সহিত সংযুক্ত কর। এবং ঐ রেখার সমান্তরালে অবশিষ্ট নয়টি ভাগ-চিহ্ন হইতে নয়টি রেখা অঙ্কিত কর। চ ন এক ইঞ্চির এক শতাংশ হইবে, কারণ ড চ ন একটী

মিলিত, এবং চ ন, ঠ প-র সমান্তরাল,  $\therefore \frac{ড চ}{ড ঠ} = \frac{চ ন}{ঠ প}$

মিলিত হইলে সমান্তরাল, অতএব  $\frac{ড চ}{ড ঠ} = \frac{চ ন}{ঠ প}$  সুতরাং চ ন,

এই উদ্দেশ্যে হইল, কিন্তু ঠ প, গ ড রেখার অর্ধাংশ

সুতরাং চ ন এক ইঞ্চির শতাংশ

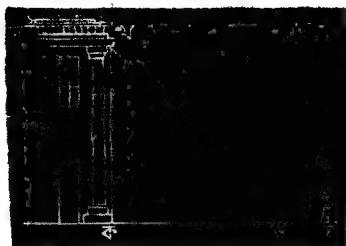
হইবে।

যদি ঘ ড, ত গ, গ ড, ড ঙ প্রত্যেককে ড গ-র সমান করা যায়; ও ড গ-র পরিমাণ একশত একক হয়, তাহা হইলে ঘ ড-র পরিমাণ ৪০০ একক ও ছ ন-র পরিমাণ ৪০১ একক, ছ ন-র পরে যে রেখা আছে তাহার পরিমাণ ৪০২। এই রূপে ক্রমশঃ বৃদ্ধি হইয়া ক প-র পরিমাণ ৪১০ একক হইবে।

সামান্য মানদণ্ডে এক ইঞ্চিকে ১০ অথবা ১২ অংশে বিভক্ত করাই সাধ্য; তাহা অপেক্ষা ক্ষুদ্রতর অংশ গ্রহণ করা সহজ নহে, যদি ১ ইঞ্চিকে শতাংশে বিভক্ত করিবার প্রয়োজন হয়, তাহা হইলে সামান্য মানদণ্ডের নিম্নমাত্র-সারে ১ ইঞ্চিকে শতাংশে বিভক্ত করিলে প্রত্যেক অংশ এত ক্ষুদ্র হইবে, যে তাহা অনুভব করা বাইতে পারে না, অতএব ভিন্ন প্রকার উপায় দ্বারা ১ ইঞ্চির  $\frac{১}{১০০}$ ,  $\frac{১}{১০০০}$ ,  $\frac{১}{১০০০০}$  ইত্যাদি অংশ লইতে হইবে এবং ঐ উপায় হইতেই ডাঙগনাল স্কেল বা সূক্ষ্মমান দণ্ড প্রস্তুত হয়।

২য়। ক খ একটি কীর্তিস্তম্ভ, গ স্থানে দর্পণ পাতিয়া রাখিয়া তাহার মধ্যে উক্ত স্থানের ছায়া দেখিয়া তাহার উচ্চতা নির্ণয় করিতে হইবে।

দর্শক য চিহ্নিত  
স্থানে দণ্ডায়মান  
হউক, অর্থাৎ যে  
স্থানে দাড়াইলে  
কীৰ্ত্তিস্তম্ভের চূড়া  
ধ-র প্রতিবিম্ব দর্প-  
ণের মধ্যে দেখিতে



পাইবে। এইক্ষেণে ইহা সিদ্ধান্ত আছে যে, কোন বস্তু  
হইতে আলোক আসিয়া কোন স্বচ্ছ দ্রব্যেতে সংলগ্ন  
হইয়া প্রতিকলিত হইলে উভয় দিকের কোণ সমান  
হয়, অর্থাৎ আলোক আসিয়া প্রথমতঃ কোন দ্রব্যেতে  
সংলগ্ন হইলে এক কোণের উৎপত্তি হয়; অনন্তর সেই  
আলোক উক্ত দ্রব্যে সংলগ্ন হইয়া প্রতিকলিত হইলে  
আর একটা কোণ হয়, এই উভয় কোণ পরস্পর সমান  
হয়। অতএব ক গ ধ ও ঘ গ চ কোণ উভয়েই সমান।  
আর ক ধ ও ঘ চ উভয়ে ক ঘ রেখার উপর লম্ব ভাবে  
আছে বলিয়া ঐ দুইটা ত্রিভুজ পরস্পর সমান। এই ক্ষেত্রে

$$\text{ঘ গ} : \text{ঘ চ} = \text{ক গ} : \text{ক ধ}, \therefore \text{ক ধ} = \frac{\text{ঘ চ} \times \text{ক গ}}{\text{ঘ গ}}।$$

এইক্ষেণে যদি ক গ ১০০ ফুট ও ঘ গ ৬ ফুট হয়, আর  
ভূমি হইতে দ্রষ্টার চক্ষু অর্থাৎ ঘ চ রেখা ৫ ফুট হয়, তাহা  
হইলে,

$$\text{ক ধ স্তম্ভের উচ্চতা} = \frac{৫ \times ১০০}{৬} = ৮৩ \frac{১}{৩} \text{ ফুট}।$$

৩৩। ক চিহ্নিত স্থান হইতে চ নামক স্থানে যাইবার

এই জ্যামিতিক উপায়ের সাহায্যে দূরত্ব নির্ণয় করিতে পারিবে।

কোনো বস্তু দ্বারা ক বিন্দু হইতে ক চ রেখার উপর ক খ লম্ব দ্রষ্টব্য করা যাক। সুবিধা হইতে ক খ রেখায় ছ একটি স্থান লইয়া ঐ স্থানে একটি নিশান প্রোথিত কর; অনন্তর খ চিহ্ন হইতে খ ক রেখার



উপর খ জ লম্ব রেখা টান। এই লম্ব রেখায় এমন একটি স্থান নিরূপণ কর যে, ঐ স্থান হইতে ছ, চ দুইটি স্থান লক্ষ্য করিলে উহারা সমান্তরে লক্ষিত হয়। অনন্তর খ জ রেখাটি পরিমাপ কর।

ক ছ চ ও ছ খ জ ত্রিভুজের ক ছ চ, চ ক জ কোণ সমান ও ছ জ ও জ খ ছ কোণের সমান বলিয়া ইহারা পরস্পর সদৃশ। অতএব,

$$\text{ছ খ} : \text{খ জ} :: \text{ছ ক} : \text{ক চ}; \therefore \text{ক চ} = \frac{\text{খ জ} \cdot \text{ছ ক}}{\text{ছ খ}}$$

যদি ক ছ ৪০ হাত, ছ খ ২০ হাত, এবং খ জ ৬০ হাত হয়, তাহা হইলে  $২০ : ৬০ :: ৪০ : \text{ক চ} = ১২০$  হাত।

ক ছ ৪ হাত, খ ছ ১ হাত ও খ জ ৩ হাত হইলে, চ ক-র পরিমাণ কত হইবে? উঃ। ১২ হাত।

৪। কোন কীর্তিস্তম্ভের নিকটে এক যষ্টি লম্বভাবে নির্ধিত করিয়া, যষ্টি ও স্তম্ভের ছায়ার দ্বারা স্তম্ভের প্রকৃত উচ্চতার পরিমাপ করিতে হইবে।

মনে কর, খ গ কীর্তি-  
স্তম্ভ, খ ক উহার ছায়া;  
ছ জ রশ্মি ও ছ চ উহার  
ছায়া। এইক্ষেত্রে স্তম্ভ ও  
যষ্টির দীর্ঘত্বের হইতে



জাহানসিঙ্গের পরস্পরের ছায়ার শেষ নীচী পর্য্যন্ত যে  
সূর্য্যরশ্মি বিস্তৃত হইরাছে, অর্থাৎ গ ক ও জ চ, তাহার  
পরস্পর সমান্তরাল বলিয়া  $\angle খ ক গ = \angle ছ চ জ$ ;  
সুতরাং খ ক গ ও ছ চ জ ত্রিভুজদ্বয় সদৃশ।

$$\therefore ছ চ : ছ জ :: খ ক : খ গ ;$$

$$\therefore খ গ = \frac{ছ জ \times খ ক}{ছ চ}।$$

উদাহরণ ১। যদি ১০ হাত যষ্টির ছায়া ৭ হাত  
হয়, তাহা হইলে যে কীর্তিস্তম্ভের ছায়া ১৪০ হাত, তাহার  
উচ্চতা কত?

এই প্রশ্নে,  $৭ : ১০ :: ১৪০ : গ খ = ২০০$  হাত।

২। পূর্ব্বোক্ত প্রতিকৃতিতে যদি ছ জ ৫ হাত, ছ চ  
৪ হাত ও খ ক ৬৪ হাত হয়, তাহা হইলে গ খ-র পরিমাণ  
কত হইবে?

উঃ। ৮০ হাত।

৪৮শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ভূম্যাকোণিক বা সদৃশ ত্রিভুজদ্বয়ের সমান সমান  
কোণ-সংলগ্ন বাহুর বর্গের যে পরিমাণে নিম্নাতি, ঐ  
ত্রিভুজদ্বয়ের ক্ষেত্রফলের পরস্পর সেই নিম্নাতি, অর্থাৎ

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১০৩

একটীর কেন্দ্রকল তাহার ভূজের বর্গের বহু গুণ, অপরটীর কেন্দ্রকলও তৎসমানীল ভূজের বর্গের তত গুণ হইবে।

ক খ গ ও চ ছ জ

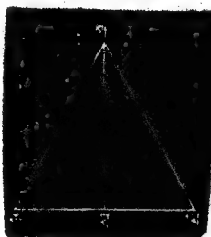
হই দুলাকোণিক

ত্রিভুজ, গ ও জ

বিন্দু দিয়া ক খ

ও চ ছ রেখার

উপর গ ঘ ও জ ব



লম্বপাত কর। ক খ গ ও চ ছ জ দুইটা ত্রিভুজ দুলাকোণিক।

$$\text{অতএব } \frac{\text{ক খ}}{\text{চ ছ}} = \frac{\text{ক গ}}{\text{চ জ}}, \text{ এবং } \frac{\text{গ ঘ}}{\text{জ ব}} = \frac{\text{ক গ}}{\text{চ জ}};$$

এই দুইটা সমান বহু গুণ করিলে,

$$\frac{\text{ক খ} \cdot \text{গ ঘ}}{\text{চ ছ} \cdot \text{জ ব}} = \frac{\text{ক গ}^2}{\text{চ জ}^2}; \text{ কিংবা } \frac{2 \text{ ক খ} \cdot \text{গ ঘ}}{2 \text{ চ ছ} \cdot \text{জ ব}} = \frac{\text{ক গ}^2}{\text{চ জ}^2};$$

$$\text{অর্থাৎ } \frac{\text{ক গ খ ত্রিভুজের কেন্দ্রকল}}{\text{চ জ হ ত্রিভুজের কেন্দ্রকল}} = \frac{\text{ক গ}^2}{\text{চ জ}^2}$$

এই সমীকরণটা অনুপাতাকারে রাখিলে,

$$\text{কেন্দ্রকল ক গ খ} : \text{কেন্দ্রকল চ জ হ} :: \text{ক গ}^2 : \text{চ জ}^2।$$

অনুমান। সমস্ত কেন্দ্র সকলের কেন্দ্রকলের যে সম্বন্ধ, তাহাদের সমস্ত বাহু সকলের বর্গেরও সেই সম্বন্ধ।



## ৪৯শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক খ গ নির্দিষ্ট ত্রিভুজের সদৃশ অপর একটি ত্রিভুজ  
ক গ হ অঙ্কিত করিতে হইবে।

ক খ হইতে নিকট ত্রিভুজের  
ভূমির সমান ক চ এক অংশ ছেদ  
কর, পরে চ বিন্দু দিয়া খ গ-র  
সমান্তরাল চ হ রেখা অঙ্কিত  
কর। চ ক হ, খ ক গ-র সদৃশ আঁকা হইল।



যদি নির্দিষ্ট ত্রিভুজের ভূমি ক খ = ১২ ফুট, ক গ  
খ গ = ১৫ ফুট, এবং কোটি ক গ = ৯ ফুট, আর নিকট  
ত্রিভুজের ভূমি চ ক = ৮ ফুট, তাহা হইলে চ হ, খ গ-র  
সমান্তরাল টানিলে প্রতীত হইবে যে, চ হ = ১০ ফুট,  
এবং ক হ = ৬ ফুট। যথা,

$$১২ : ১৫ :: ৮ : চ হ ; \therefore চ হ = \frac{৮ \times ১৫}{১২} = ১০ \text{ ফুট।}$$

$$১২ : ৯ :: ৮ : ক হ ; \therefore ক হ = \frac{৮ \times ৯}{১২} = ৬ \text{ ফুট।}$$

## বৃত্ত সম্বন্ধীয় উপপাদ্য ও সম্পাদ্য।

## ৫০শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ম গ এক সরল রেখা বৃত্তের কেন্দ্র ম দিয়া আসিয়া  
বৃত্তাকর্ষিত ক খ অ্যাকে যদি সমদ্বিখণ্ড করে, তবে উহাকে  
লম্বভাবে দ্বিখণ্ড করিবে; এবং যদি লম্বভাবে ছেদ করে  
তবে সমদ্বিখণ্ড করিবে।

ম ক ও ম খ সংযুক্ত কর,  
ম গ ক ও ম গ খ দুইটি ত্রিভুজ  
পরস্পর সমান, কারণ ম খ = ম ক,  
গ খ = গ ক এবং ম গ ঐ দুই  
ত্রিভুজের সাধারণ বাহু; সুতরাং



ম গ ক কোণ ম গ খ কোণের সমান, তাহা হইলে ম গ  
রেখা ক খ রেখার উপর লম্বভাবে অবস্থাপিত হইল।

পুনশ্চ, ম গ বেন ক খ রেখার উপর লম্বভাবে পড়ি-  
রাছে। তাহা হইলে ম গ, ক খ রেখাকে সমান ভাগে  
বিভক্ত করিবে, অর্থাৎ ক গ ও গ খ সমান হইবে।

ম ক ও ম খ দুই কর্কট রেখা সমান হওয়াতে ক খ ম  
সমবাহু ত্রিভুজ, ইহার ম ক খ কোণ ম খ ক কোণের  
সমান, এবং ক গ ম ও খ গ ম সমকোণ হওয়াতে পরস্পর  
সমান; সুতরাং অবশিষ্ট কোণের খ ম গ ও ক ম গ পরস্পর  
সমান, অতএব ক গ ম ও খ গ ম দুইটি ত্রিভুজ পরস্পর  
সমান এবং খ গ = ক গ।

সংজ্ঞা ১। কোন সরল রেখা বৃত্তান্তর্গত জ্যাকে লম্বভাবে  
সংযুক্ত করিলে ঐ রেখা বৃত্তের কেন্দ্র ভেদ করিয়া গমন  
করিবে।

উদাহঃ ১। যদি ক খ খ বৃত্তের ব্যাসার্ধ ক ম ১০ হাত  
ও জ্যা ক খ ১৬ হাত হয়, তবে ম গ লম্বের মান কত হইবে?

এই প্রশ্নে, ক গ =  $\frac{১}{২}$  ক খ =  $\frac{১}{২}$  ১৬ = ৮; অপর ক গ ম সম-  
কোণিক ত্রিভুজে, ম গ<sup>২</sup> = ক ম<sup>২</sup> - ক গ<sup>২</sup> = ১০<sup>২</sup> - ৮<sup>২</sup> = ৩৬;  
∴ ম গ = ৬ হাত।

২। ক ম ২০ হাত ও ক খ ২৪ হাত হইলে, ম গ রেখার পরিমাণ কত হইবে ? উঃ। ১৬ হাত।

৩। ক ম একটি রেখা ৫ হাত, এবং শর গ ঘ ২ হাত হইলে, ক খ রেখার মান কত হইবে ?

উঃ। একে, ম গ - ম ঘ - গ ঘ = ৫ - ২ = ৩ : অতরাং  
ক গ =  $\sqrt{৫^2 - ৩^2} = ৪$ , অতএব ক খ - ২ ক গ = ২  $\times$  ৪ = ৮ হাত।

৪। ক ম ৮ হাত, ও গ ঘ ৩ হাত হইলে, ক খ রেখার মান কত ? উঃ। ১২. ৪৯ হাত।

৫। ক খ ৬৪ ফুট ও গ ঘ ১৬ ফুট হইলে, ক ম রেখার মান কত হইবে ? উঃ। ৪০ ফুট।

৬। ক খ ৮ ফুট ও গ ঘ ২ ফুট হইলে, ক ম রেখার পরিমাণ কত হইবে ? উঃ। ৫ ফুট।

### ৫১শ প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

এক নির্দিষ্ট বৃত্তের কেন্দ্র নির্ণয় করিতে হইবে।

ক খ গ নির্দিষ্ট বৃত্ত, ইহার

কেন্দ্র নির্ণয় করিতে হইবে। বৃত্ত-

মধ্যে ক খ ও খ গ দুইটা দ্বারা অঙ্কিত

কর। ইহারদ্বারা ম চ, ম ঘ সব

ধারা সমাধিকৃত কর। ম বিন্দুই

এই দুই রেখার সম্পাত বিন্দু। ম বিন্দু

কেন্দ্র।



যেহেতু, পূর্ব প্রতিজ্ঞাতে প্রদর্শিত হইয়াছে যে, চ ম

ও ছ ম রেখা বৃত্তের কেন্দ্র ভেদ করিয়া যাইবে, সুতরাং এই দুই রেখার সম্পাত স্থান ম নির্দিষ্ট বৃত্তের কেন্দ্র ।

৫২শ প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

তিনটি নির্দিষ্ট বিন্দু \* (পূর্ব প্রতিরূতি দেখ) ; ক, খ, গ দিয়া একটি বৃত্ত অঙ্কিত করিতে হইবে ।

এই তিনটি বিন্দুর মধ্যবর্তী খ বিন্দু হইতে খ ক ও খ গ দুইটি সরল রেখা টান ; পরে ক খ ও খ গ রেখাদ্বয়কে দুই সরল রেখা দ্বারা সমান ভাগে দিখণ্ড কর, এই দুই রেখা বর্দ্ধিত করিলে ম চিহ্নে অবচ্ছেদিত হইবে । পরে ম বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া ম ক কিম্বা ম খ অথবা ম গ বার্ষাঙ্ক লইয়া ক খ গ বৃত্ত অঙ্কিত কর । ক, খ, গ তিনটি বিন্দু দিয়া ক খ গ বৃত্ত অঙ্কিত হইল ।

প্রয়োগ ১ম । একটি গোল খিলান নির্মাণ করিতে হইবে । মনে কর, ক খ খিলানের পরিসর, গ খ উচ্চতা । এইকণে পূর্বোক্ত প্রতিজ্ঞার দ্বারা ক, খ, গ তিনটি বিন্দু দিয়া একটি বৃত্ত অঙ্কিত কর । ম এই বৃত্তের কেন্দ্র হইবে । পরে ক খ ও খ গ রেখাকে কতিপয় সমান অংশে বিভাগ করিয়া, বিভাগের চিহ্নগুলি ও বৃত্তের কেন্দ্র ক খ রেখা দ্বারা সংযুক্ত করিলে খিলানের গ্রহিণী নির্মাপিত হইবে ।



\* যদি তিনটি নির্দিষ্ট বিন্দু এক রেখায় না হয় ।

২য়। গথিক খিলান নির্মাণ করিবার নিয়ম। ক খ খিলানের পরিসর। ক খ রেখার উপর ক ও খ কেন্দ্র করিয়া ক খ ব্যাসার্ধ পরিমাণানুসারে দুইটা চাপ অঙ্কিত কর, এই চাপদ্বয় গ বিন্দুতে স্পর্শ করিবে।

এইকালে ক গ ও খ গ দুইটা চাপকে কতিপয় সমান অংশে বিভাগ করিয়া, ক গ চাপের বিভাগের চিহ্ন



গুলি খ কেন্দ্রের সহিত; আর খ গ চাপের বিভাগের চিহ্ন গুলি ক কেন্দ্রের সহিত সংযুক্ত কর; এতদ্বারা খিলানের গ্রন্থিগুলি নিরূপিত হইবে।

### ৫৩শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক খ ব্যাসের প্রান্ত হইতে ক চ লম্ব টানিলে এই রেখা বৃত্তের স্পর্শনী হইবে।

ক চ রেখাতে ঘ একটা বিন্দু লইয়া ঘ ম সংযুক্ত কর। ম ক ঘ সমকোণ হওয়াতে ম ঘ কর্ণ রেখা ম ক বা ম গ অপেক্ষা বৃহত্তর।

অতরাং গ বিন্দু বৃত্তের বাহিরে



পড়িতেছে, এই ক চ রেখার মধ্যে ক বিন্দু ব্যতীত আর যত ক্ষুদ্র বিন্দু লইলে সেই বিন্দু বৃত্তের বাহিরে পড়িবে, অতএব ক চ রেখা বৃত্তকে কেবল ক এক বিন্দুতে স্পর্শ করিতেছে, এবং উহাই বৃত্তের স্পর্শনী।

অনুমান। ক চ রেখা বৃত্তের স্পর্শনী হইলে ম কেন্দ্র হইতে ম ক ব্যাসার্ধ টানিলে ইহা ক চ বৃত্তস্পর্শক রেখার লম্ব হইবে।

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১০৯

### ৫৪শ প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

এক নির্দিষ্ট বিন্দু হইতে এক নির্দিষ্ট বৃত্তকে স্পর্শ করে  
এমত এক সরল রেখা টানিতে হইবে ।

প্রথমতঃ । বিন্দুটী বৃত্তপরিধির কোন স্থানে নির্দিষ্ট  
থাকিলে প্রতিজ্ঞা সম্পন্ন করিতে হইবে ।

ক চ ছ এক বৃত্ত তাহার পরিধিস্থিত বিন্দু ক । ক হইতে  
এমত এক সরল রেখা টানিতে হইবে যাহা বৃত্তকে স্পর্শ  
করিবে ।

বৃত্তের কেন্দ্র ম নির্দেশ করিয়া ক ম সংযুক্ত কর ।  
পরে ক বিন্দু দিয়া ক ম রেখার উপর খ গ লম্ব টান,  
খ গ রেখা ক চ ছ বৃত্তকে ক বিন্দুতে স্পর্শ করিবে ।

ম ক খ সমকোণ হওয়াতে ক খ ম  
কোণ অপেক্ষা বৃহত্তর হইতেছে, এবং  
ত্রিভুজের বৃহত্তর কোণের অভিমুখীন  
বাহ্যে অন্ত বাহ্য অপেক্ষা বৃহত্তর ।  
একত্র ম খ, ম ক অপেক্ষা বৃহত্তর ।



সুতরাং ক বিন্দু ও ক খ রেখা চ ক ছ বৃত্তের বহিঃস্থ ।

দ্বিতীয়তঃ । বিন্দুটী বৃত্তপরিধির বাহিরে কোন স্থানে  
থাকিলে প্রতিজ্ঞা সম্পন্ন করিতে হইবে ।

ক চ ছ নির্দিষ্ট বৃত্তের বহিঃস্থ বিন্দু খ । বৃত্তকে  
স্পর্শ করে এমত এক সরল রেখা খ হইতে টানিতে  
হইবে ।

বৃত্তের কেন্দ্র ম নির্দেশ করিয়া ম খ সংযুক্ত কর ।

পরে খ ম রেখাকে ব্যাস স্বরূপ লইয়া একটা বৃত্তার্ধ অঙ্কিত কর। এই বৃত্তার্ধ যে স্থলে নির্দিষ্ট বৃত্তকে ছিন্ন করে তাহাই স্পর্শ বিন্দু, অর্থাৎ নির্দিষ্ট বিন্দু হইতে উক্ত বিন্দু দিয়া রেখা টানিলে স্পর্শনী হইবে।

ম ক খ অর্ধবৃত্তস্থ কোণ হওয়াতে সমকোণ, অতএব খ ক গ রেখা ম ক রেখার লম্ব। কিন্তু (৫৩শ প্রতিজ্ঞানুসারে) ব্যাসের প্রান্ত হইতে লম্ব টানিলে তাহা বৃত্তকে কেবল এক বিন্দুতে স্পর্শ করে; সুতরাং খ ক গ বৃত্তের স্পর্শনী।

### ৫৫শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

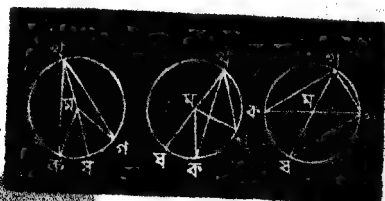
বৃত্তপরিধির এক অংশের উপর যদি একটা কেন্দ্রস্থ কার একটা পরিধিস্থ কোণ থাকে, তাহা হইলে কেন্দ্রস্থ কোণ পরিধিস্থ কোণের দ্বিগুণ হইবে।

এই প্রতিজ্ঞাটি দুই প্রকারে প্রতিপাদিত হইতে পারে।  
 প্রথমতঃ, বৃত্তের কেন্দ্র ম যেন ক খ গ কোণের মধ্যে আছে; দ্বিতীয়তঃ, বৃত্তের কেন্দ্র ম যেন ক খ গ কোণের বাহিরে আছে। খ ম সংযুক্ত করিয়া ঘ পর্যন্ত বৃদ্ধি কর।  
 ক ম খ ত্রিভুজটি সমত্রিভুজ, এবং  $\therefore$  ম খ ক কোণ = ম ক খ কোণ; কিন্তু (১১শ প্রতিজ্ঞানুসারে) ক ম ঘ বাহ্য কোণ = ম খ ক কোণ + ম ক খ কোণ;

$$\therefore \text{ক ম ঘ কোণ} = ২ \text{ ম খ ক কোণ}।$$

এই রূপে গ ম ঘ কোণও ম খ গ কোণের দ্বিগুণ।  
 বৃত্তের কেন্দ্র ম, ক খ গ কোণের মধ্যে হইলে উপরি উক্ত

দুই রাশি সমষ্টি করিতে হইবে, যথা, কম ঘ কোণ +



কম ঘ কোণ = কম খ কোণ + ২ ম খ গ কোণ ;

∴ কম গ কোণ = ২ ক খ গ কোণ ।

বৃত্তের কেন্দ্র M, ক খ গ কোণের বাহিরে হইলে উপরি  
উক্ত দুই রাশি পরস্পর বিয়োগ করিতে হইবে । যথা,

গ ম ঘ কোণ — কম ঘ কোণ = ২ ম খ গ কোণ — ২  
ম খ ক কোণ ; ∴ কম গ কোণ = ২ ক খ গ কোণ ।

অঙ্কন ১। এক বৃত্তখণ্ডের মধ্যে যত কোণ থাকে  
সকলি পরস্পর সমান, কারণ উহারা প্রত্যেকেই পরিধি  
কোণের অন্তর্গত ।

২। অর্ধবৃত্তস্থ কোণ সমকোণ, অর্ধবৃত্ত অপেক্ষা  
বৃহত্তর বৃত্তাংশের অন্তর্গত কোণ সমকোণের ন্যূন, এবং  
তদপেক্ষা লঘুতর বৃত্তাংশের অন্তর্গত কোণ সমকোণ  
অপেক্ষা বৃহত্তর ।

যদি ক গ বৃত্তাংশ সামিবৃত্তের সাপেক্ষ হয়, তাহা  
হইলে কম ঘ কোণ পূর্বের মত = ২ × ক খ ঘ কোণ,  
আবার গ ম ঘ কোণ = ২ × গ খ ঘ কোণ । অতএব ২  
× ক খ গ কোণ = ২ × ক খ ঘ কোণ + ২ × গ খ ঘ  
কোণ = কম ঘ + গ ম ঘ = দুই সমকোণ, অতএম



ক খ গ - এক সমকোণ, অর্থাৎ সামিবৃত্তস্থ কোণ একটী সমকোণ।

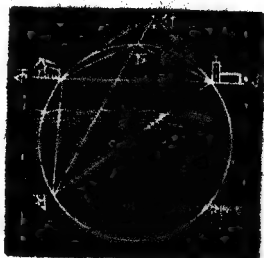
### ৫৬শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক ঘ লম্ব রেখা ক গ ল বৃত্তকে ক বিন্দুতে স্পর্শ করিতেছে; যদি স্পর্শ বিন্দু ক হইতে বৃত্তকে ছেদ করিয়া ক গ একটী সরল রেখা টানা যায়, তবে এই রেখা ও স্পর্শনী রেখাতে যে কোণ উৎপন্ন হইবে, তাহা ঐ রেখার উপর পরিধিস্থ কোণের সমান হইবে, অর্থাৎ গ ক ঘ কোণ = ক খ গ কোণ।

ক হইতে ক ঘ-র উপর ক খ লম্ব পাত কর, এইকণে ক গ খ কোণ সমকোণ; সুতরাং গ ক খ কোণ + ক খ গ কোণ = এক সমকোণ; ∴ ঘ ক খ কোণ = গ ক খ কোণ + ক খ গ কোণ; এই সমান রাশি হইতে গ ক খ কোণ বিরোগ করিলে ঘ ক গ কোণ = ক খ গ কোণ।

অরোগ। ক, খ, গ তিনটী নির্দিষ্ট স্থানের পরস্পর দূরত্ব জানা আছে। যথা, ক খ ১২ মাইল, খ গ ৭.২ মাইল, এবং ক গ ৮ মাইল। য চিহ্নিত স্থানে দণ্ডায়মান থাকিয়া অরীপ আমীন দেখিলেন যে, খ ঘ গ কোণ  $২৫^{\circ}$  ও গ ঘ ক কোণ  $১৯^{\circ}$ । এইকণে যে স্থানে আমীন দণ্ডায়মান আছেন তথা হইতে গ চিহ্নিত স্থানের কত অন্তর নির্ণয় করিতে হইবে।

ক, খ, গ তিনটি বিন্দু  
দিয়া ত্রিভুজ নির্মাণ কর, খ  
বিন্দু দিয়া খ চ রেখা এক্রপে  
অঙ্কিত কর যে ক খ চ কোণ  
 $১১^\circ$  হয়, অর্থাৎ গ ঘ ক  
কোণের সমান হয়; এই



রূপে ক বিন্দু দিয়া ক চ রেখা এক্রপে অঙ্কিত কর যে খ ক চ  
কোণ  $২৫^\circ$  হয়, অর্থাৎ খ ঘ গ কোণের সমান হয়। ক, খ, চ  
তিনটি বিন্দু দিয়া ক ঘ খ চ একটি বৃত্ত অঙ্কিত কর, এবং  
গ চ সংযুক্ত করিয়া বৃত্তপরিধি পর্য্যন্ত বর্জিত কর। এইরূপে  
(৫৫শ প্রতিজ্ঞানুসারে) ক খ চ ও ক ঘ চ কোণ পরস্পর  
সমান ও খ ক চ ও খ ঘ চ কোণ পরস্পর সমান। কিন্তু  
অরূপ আমীন যে স্থানে দণ্ডায়মান তদ্রূপ কোণদ্বয়  
ক খ চ ও খ ক চ কোণদ্বয়ের সহিত যথাস্থ সমান, সুতরাং  
গ চ ঘ রেখা আমীনের স্থান দিয়া গিয়াছে; এবং সমান  
অংশের মানদণ্ড দ্বারা উক্ত রেখা পরিমাপ করিলে  
তাহাতে বৃত্ত একক হইবে, গ ও ঘ-র দূরত্ব তত মাইল হইবেক।  
অর্থাৎ গ ঘ = ১৪ মাইল।

এই সিদ্ধি করেকলি এর কক্ষাল এবং মানদণ্ড দ্বারা  
সমাধা কর।

১৭ যে ত্রিভুজ কেন্দ্রের তিনটি বাহু যথাক্রমে ১২০,  
১৬০ ও ২০০ লিভ, তাহার বৃহৎ বাহুর উপর পতিত লম্বের  
পরিমাপ কত? উঃ ১ ১৬ লিভ।

২। যে ত্রিভুজের তিনটি বাহু যথাক্রমে ২৪, ৪০ এবং

৩০ হাত, তাহাকে বেটন করিয়া একটী বৃত্ত অঙ্কিত করিলে  
উক্ত বৃত্তের ব্যাসার্ধ কত হইবে ? উঃ । ২০ হাত ।

৩১ একটী আয়ত ক্ষেত্রের কর্ণ পরিমাণ ১৬ $\frac{১}{২}$  ফুট,  
এবং ইহার সম্মুখীন কোণ হইতে পতিত লম্বের পরিমাণ  
৮ ফুট, ঐ আয়তের সংলগ্ন দুই বাহুর পরিমাণ কত ?

উঃ । ১০ এবং ১৩ $\frac{১}{২}$  ফুট ।

### ৫৭শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

যদি দুইটী জ্যা বৃত্তের মধ্যে পরস্পর ছিন্ন হয়, তবে  
একটীর খণ্ডদ্বয়ের অন্তর্গত আয়ত অপরটীর খণ্ডদ্বয়ের  
অন্তর্গত আয়তের তুল্য হইবে। আর ঐ দুই জ্যা বৃত্তের  
বাহিরে কোন বিন্দুতে যদি ছিন্ন হয়, তবে সমুদায় রেখা-  
দ্বয় এবং তাহাদের বৃত্তবহিঃস্থ অংশের অন্তর্গত আয়ত  
পরস্পর সমান ।

মনে কর, একটী বৃত্তের দুইটী জ্যা গ ঘ ও খ ক, চ  
বিন্দুতে ছিন্ন হইয়াছে, এইক্ষেণে চ খ  $\times$  চ ক = চ গ  $\times$   
চ ঘ ।

এখন ১ম ও  
২য় প্রতিকৃতিতে  
ক গ ও খ ঘ সং-  
যুক্ত করিলে, চ খ ঘ  
ও চ ক গ দুইটী



ত্রিভুজ "উৎপন্ন হয়। এবং উহাদের (৫৫শ প্রতিজ্ঞার  
১ম অনুমানানুসারে) চ গ ক কোণ চ খ ঘ কোণের সমান,

## স্বত্বহারিক জ্যামিতি ও ক্যামিতিতত্ত্ব । ১১৫

৩ গ চ ক কোণ ও চ ঘ কোণের সমান, অতএব অবশিষ্ট চ ঘ খ কোণ চ ক গ অবশিষ্ট কোণের সমান হইবে। সুতরাং চ ঘ ঘ ও চ ক গ দুইটী ত্রিভুজ তুল্যকোণিক হইল, এবং (৪৭শ প্রতিজ্ঞানুসারে),

$$চ খ : চ গ :: চ ঘ : চ ক ; \therefore চ খ \times চ ক = চ গ \times চ ঘ ।$$

অনুমান ১। উপরি উক্ত প্রথম ক্ষেত্রে যদি গ ক ঘ বৃত্তার্ধ হয়, অর্থাৎ গ ঘ রেখা কেন্দ্রগত হয়, এবং ক খ রেখা উহাকে লম্বভাবে ছেদ করে, তাহা হইলে ক চ, চ ঘ-র সমান হইবে, সুতরাং  $চ ক^2 = চ গ \cdot চ ঘ$ ।

অনুমান ২। উপরি উক্ত দ্বিতীয় ক্ষেত্রে যদি চ খ রেখার দু'বিন্দুই ছিন্ন রাশিয়া রেখাটী ক্রমে দক্ষিণ দিকে সরিয়া আনা যায়, তাহা হইলে ক খ জ্যা ক্রমশঃ ক্ষুদ্র হইতে হইতে বিনষ্ট হইবে (৩য় প্রতিকৃতি দেখ), এবং চ ক মাত্র অবশিষ্ট থাকিয়া চ খ. চ ক, চ ক-র সমচতুর্ভুজের তুল্য হইবে, অতএব  $চ ক^2 = চ গ \cdot চ ঘ$ । অর্থাৎ যে রেখা বৃত্তকে ছেদ করে তাহার সমুদায় ও বহিঃস্থ অংশের আয়ত স্পর্শনী\* রেখার সমচতুর্ভুজ তুল্য।

\* একটী বৃত্তের জ্যা ক খ, চ পর্যন্ত প্রসারিত হইয়াছে, এবং কেন্দ্র ম। এখন চ খ-র চ বিন্দু ছিন্ন রাশিয়া খ বিন্দুকে যদি ডাইন দিকে ঘুরাইয়া আনা যায়, তাহা হইলে জ্যা ক খ ক্রমশঃ ছোট হইয়া আসিবে, এবং ক্রমান্বয়ে ঘুরাইতে ঘুরাইতে অবশেষে কোম লা কোম সময়ে ক খ জ্যা একখান্নে বিনষ্ট হইয়া যাইবে, অর্থাৎ ক ও খ বিন্দু একত্র মিলিত হইবে। এবং যখন ক ও খ একত্র মিলিত হইবে, তখন ক চ সুতরাং এক বিন্দু মাত্র ক' হইবে। এই বৃত্তের সহিত মিলিত হইবে, ক' চ-কে যে দিকে ইচ্ছা প্রসারিত কর কখনই বৃত্ত ভেদ করিবেক না। এই

অসংশয়। সমুদ্রের ভীরু কোন উচ্চ পদার্থকে কত দূর  
হইতে দেখা যাইতে পারে তাহা নিরূপণ করিতে হইবে।

অবস্থার ক'চ-কে ঐ বৃত্তের স্পর্শনী বলে। এই স্থলে দেখা যাইতেছে যে, চ খ-কে উক্তরূপে ঘুরাইলে ক ম খ কোণ ক্রমাগত কমিয়া আসিবে এবং ক খ দুভাষিত হইল। কোণ, ত্রিভুজ ক ম খ সমবিবাহু বলিয়া সমান ভাবে বাড়িতে থাকিবে, এবং যখন ম খ, ম ক'-র সহিত মিলিত হইবে, অর্থাৎ চ ক রেখা ঐ বৃত্তের স্পর্শনী হইবে, তখন ক ম খ কোণ একবারে বিনষ্ট হইবে। কিন্তু ম খ ক, খ ক ম, ও ক ম খ এই তিনটি কোণ দুই সমকোণ তুল্য, এবং ত্রিভুজ ক ম খ-র ভূমি ক খ-তে স্থিত হইল। কোণ বরাবর পরস্পর সমান থাকিবে। অতএব যখন ক ম খ-র ম বিন্দুই কোণ বিনষ্ট হইবে, অর্থাৎ চ ক স্পর্শনী হইবে, তখন ম খ ক ও ম ক খ দুইটি কোণ দুই সমকোণ-তুল্য হইবে, কিন্তু এই দুইটি কোণ সর্বদা সমান থাকিবে, অতএব ইহারা প্রত্যেকে এক একটি সমকোণ; কিন্তু চ ক খ রেখা চ ক' রেখাতে পরিণত অর্থাৎ স্পর্শনী হইলে, ম খ ক কোণ ম ক' চ কোণ রূপে ও ম ক খ, ম ক' হ কোণ রূপে পরিণত হইবে, তাহা হইলে ম ক' চ ও ম ক' হ প্রত্যেকে এক একটি সমকোণ হইল, অর্থাৎ কোন ক' হ রেখা বৃত্তকে স্পর্শ করিলে যদি স্পর্শ চিহ্ন হইতে ব্যতীত।

১। যদি সমুদ্রের মধ্যস্থল হইতে টেনেরিক পর্বতের উচ্চতা আড়াই মাইল হয়, তবে উহা কত দূর পর্যন্ত দেখা যাইতে পারে?

(৫৭শ প্রতিজ্ঞানুসারে)  $চ গ.চ খ = ক চ^২$ ,  $\therefore চ খ = \frac{ক চ^২}{চ গ}$

এইরূপে পৃথ পৃথিবীর ব্যাসের স্থানীয়, এবং চ খ এই ব্যাস সম্বন্ধে এত ক্ষুদ্র যে, গণনা-স্থানে উহাকে ত্যাগ করিলে, অর্থাৎ চ গ-র পরিবর্তে খ গ করিলে গণনাকলের কোন বিশেষ ব্যতিক্রম হইবার আশঙ্কা নাই। এই রূপে ক চ রেখাকে ক খ চাপের সমান ধরিলেও গণনার



বড় বিশেষ তারতম্য হইবার সম্ভাবনা নাই। অতএব যদি চ গ = খ গ পৃথিবীর ব্যাস = ৭৯৬০ মাইল ব অক্ষর দ্বারা, পর্বতের উচ্চতা খ চ, উ অক্ষর দ্বারা এবং ক চ দূরত্ব দ অক্ষর দ্বারা নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে,

$$খ \times চ খ = ক চ^২, \text{ অর্থাৎ } ব \times উ = দ^২;$$

$$\therefore দ = \sqrt{ব.উ}।$$

এখানে, উ = ২৫ মাইল;  $\therefore দ = \sqrt{৭৯৬০ \times ২৫}$   
= ১৪১ মাইল।

২। কে পর্বতের শৃঙ্গ ২৫ মাইল দূরে দেখা যায় তাহার উচ্চতা কত?

উঃ। ৪১৪ ফুট।

টানা যায়, তাহা হইলে সেই রেখা ও স্পর্শনী রেখাতে উৎপন্ন হইলী কোণ প্রত্যেকে সমকোণ।

৩। কোন অর্ণববানের গুণবৃদ্ধ ৮০ ফুট উচ্চ হইলে এই গুণবৃদ্ধের উপর হইতে কত দূর পর্যন্ত পূর্বোক্ত টেনেরিফ পর্বতের চূড়া প্রলম্বিত হইতে পারে?

উঃ। ১৫২.০৪ মাইল।

৪। সমুদ্রের সমতল হইতে এক মাইল উচ্চ পর্বতের চূড়া যদি ৩০ মাইল পর্যন্ত দেখা যায়, তাহা হইলে পৃথিবীর ব্যাস কত?

উঃ। ৭৯২১ মাইল।

৫। সমুদ্র স্তরের দশ ফুট উপরে কোন পদার্থ রাখিলে যদি তাহা তিন মাইল পর্যন্ত দৃষ্টিগোচর হয়, তবে পৃথিবীর ব্যাস কত হইতে পারে?

উঃ। ৮৪৪৮ মাইল।

### ৫৮টি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

গ ঘ একটি জ্যা (১১৬ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দেখ) চ পর্যন্ত প্রসারিত হইয়াছে। এখন যদি  $গ চ \times চ ঘ = ক'' চ^2$  হয়, তাহা হইলে  $ক'' চ$ ,  $ক''$  বিন্দুতে ঐ বৃত্তকে স্পর্শ করিতেছে।

যদি স্পর্শ না করে, তবে মনে কর,  $চ ক''$  প্রসারিত হইয়া ঐ বিন্দুতে বৃত্তকে ভেদ করিতেছে। তাহা হইলে  $ক'' চ^2 = গ চ \times চ ঘ = চ ঘ \times চ ক''$  (৫৭শ প্রতিজ্ঞানুসারে)  $= (ক'' চ + ক'' ঘ) \times ক'' চ$ , অর্থাৎ  $ক'' চ \times ক'' চ = (ক'' চ + ক'' ঘ) \times ক'' চ$ । অতএব স্পষ্টই দেখা যাইতেছে যে  $ক'' ঘ$  বিন্দু না হইলে, এই সমীকরণ সত্য হইতে পারে না, এবং  $ক'' চ$  প্রসারিত হইলে  $ক'' ঘ$  জ্যা উৎপন্ন হইতে পারে না, অর্থাৎ  $ক'' চ$ ,  $ক''$  বিন্দুতে ঐ বৃত্ত স্পর্শ করিবে।

৫৯টি প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

গ চ ও গ ছ দুইটি বৃত্তের কেন্দ্র সংযোজক রেখা ক খ যদি ঐ বৃত্তদ্বয়ের ব্যাসার্ধ ক গ ও গ খ-র সমষ্টির সমান হয়, তবে ঐ দুইটি বৃত্ত পরস্পর স্পর্শ করিবে ।

বৃত্তদ্বয় অবস্থান গ বিন্দু দিয়া যাইবে, কারণ গ বিন্দু ব্যতিরেকে উহার আর সাধারণ বিন্দু নাই, যদি না যায়,



তবে ঘ বিন্দু দিয়া যাইবে । ক ঘ ও খ ঘ সংযুক্ত কর ; অপর, ক ঘ খ ত্রিভুজে ক ঘ + ঘ খ, ক খ বাহু অপেক্ষা বৃহত্তর । এই অসমান বস্তু হইতে ক ঘ বা ক গ বিয়োগ করিলে অবশিষ্ট খ ঘ, খ গ অপেক্ষা বৃহত্তর হইবে, সুতরাং ঘ বিন্দু গ ছ বৃত্তের বাহিরে পড়িবে ।

গ চ বৃত্তে গ বিন্দু ব্যতিরেকে অন্ত কোন বিন্দু নাইলেও ঐ রূপ প্রদর্শিত হইতে পারে । অতএব ঐ দুইটি বৃত্ত কেবল গ বিন্দুতে সংস্পর্শ হইবে ।

৬০টি প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

যদি দুই বৃত্তের কেন্দ্রের ব্যবধান পরস্পরের ব্যাসার্ধের বিয়োজনফলের সমান হয়, তাহা হইলে এক বৃত্ত অন্য বৃত্তের ভিতরে থাকিবে ও তাহাকে স্পর্শ করিবে ।

যদি দুই বৃত্তের কেন্দ্র, ক ও খ ইহাদের কেন্দ্র, এক ক খ রেখার উপর থাকে ; যদি ক খ = ক গ — খ গ



হয়, তাহা হইলে গ হ বৃত্ত গ চ বৃত্তকে গ বিন্দুতে স্পর্শ করিবে।

গ হ বৃত্ত যদি গ চ বৃত্তকে গ বিন্দু ব্যতীত অন্য বিন্দুতে স্পর্শ করে, তবে গ হ বৃত্ত গ চ বৃত্তকে গ ও ঘ দুই বিন্দুতে স্পর্শ করুক। খ ঘ ও ক ঘ সংযুক্ত কর। এইরূপে ক খ ঘ ত্রিভুজের ক ঘ বাহু ক খ ও খ ঘ বাহু-দ্বয়ের সমষ্টি অপেক্ষা নূন। কিন্তু  $খ ঘ = খ গ$ , অতএব  $ক ঘ = ক খ + খ গ = ক গ$ -র নূন; অর্থাৎ ঘ বিন্দু বৃত্ত গ চ-র অন্তরস্থ। অতঃ কোন বিন্দু লইলেও এইরূপে প্রদর্শিত হইবে যে তাহা গ চ বৃত্তের অন্তরস্থ; অতএব গ হ বৃত্ত গ চ বৃত্তকে একের অধিক বিন্দুতে অন্তরে স্পর্শ করিতে পারে না।



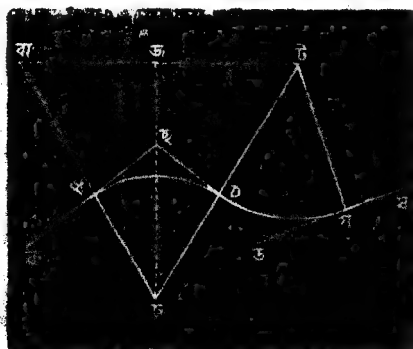
প্রোগ ১। ক খ হ একটি সাইমা রেকটা অর্থাৎ কার্ণিসের মোড় অঙ্কিত করিতে হইবে। ক হ সংযুক্ত করিয়া খ বিন্দুতে সমদ্বিখণ্ডিত কর, পরে ক খ রেখাকে গ গ লম্ব রেখা দ্বারা সমদ্বিখণ্ডিত কর, গ ঘ রেখার যথা তথা একটি বিন্দু হইতে যথা ঘ, ঘ খ পরিমিত ব্যাসার্ধ লইয়া ক খ একটি বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর। অপর, ঘ খ সংযুক্ত করিয়া বর্ধিত কর, এবং খ চ, ঘ খ-র সমান করিয়া চ খ ব্যাসার্ধ লইয়া খ হ এক বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর। পূর্বোক্ত প্রেক্ষিত্য দ্বারা প্রতীক্ষমান হইতেছে যে, ক খ



ও গ ছ দুইটা বৃত্ত কেবল খ বিন্দুতেই সংস্পর্শ করিবে, অতএব ক খ ছ স্পর্শকৃতি বক্ররেখা অনবচ্ছিন্ন রূপে অঙ্কিত হইয়াছে, এবং ইহাই সাইমা রেক্টা হইল।

২। ক খ ও গ ঘ দুই দিক দিয়া লৌহবন্ধ গিয়াছে, এইরূপে এই দুইটা দিক অনবচ্ছিন্ন বক্ররেখা দ্বারা সংযুক্ত করিতে হইবে।

খ ও গ যে দুই স্থানে সংযুক্ত করিতে হইবে তাহা নির্দিষ্ট আছে, এবং যে দুই বৃত্তাংশ দ্বারা সংযুক্ত হইবে তাহার একটা চাপের ব্যাসার্ধও নির্দিষ্ট আছে।



খ ও গ বিন্দু দিয়া খ ক ও গ ট দুইটা লম্বটান। খ ক ও গ ট রেখাদ্বয়কে নির্দিষ্ট ব্যাসার্ধের সমান কর। পরে ট ক সংযুক্ত করিয়া চক লম্বদ্বারা সমদ্বিখণ্ডিত কর। ক খ বেধা বর্ধিত হইয়া চক রেখাকে চ স্থানে ছেদ করুক, (চ বিন্দু খ ট চাপের কেন্দ্র হইবে)। আর চ ট সংযুক্ত করিয়া ট কেন্দ্র ও ট গ ব্যাসার্ধ লইয়া গ ট চাপ অঙ্কিত

কর, ও চ কেন্দ্র করিয়া চ ঠ ব্যাসার্দ্ধানুসারে ঠ খ চাপ  
অঙ্কিত কর ।

চ ব জ ও চ ট জ দুইটি ত্রিভুজ সর্বতোভাবে সমান,  
এজন্ত চ ব - চ ট ; কিন্তু খ ব - গ ট - ঠ ট ; অতএব  
চ খ - চ ঠ, এবং খ ঠ ও গ ঠ দুইটি বৃত্তাংশ ঠ বিন্দুতে  
সংস্পর্শ করিবে, সুতরাং গ, খ দুইটি স্থান অনবচ্ছিন্ন  
সর্পাকৃতি বক্র রেখা দ্বারা সংযুক্ত হইয়াছে ।

৩। খ ক গ একটি শব্দ নির্মাণ করিতে হইবে। মনে  
কর ন শব্দের চক্ষু এবং ত ন - ন দ। এইরূপে ন-কে কেন্দ্র  
করিয়া ন-র ব্যাসার্দ্ধানুসারে ত খ দ একটি সামিবৃত্ত অঙ্কিত  
কর। পরে ত-কে কেন্দ্র  
করিয়া ত-র ব্যাসার্দ্ধা-  
নুসারে ক খ ব সামি-  
বৃত্ত অঙ্কিত কর।  
অনন্তর ন ব কেন্দ্র  
করিয়া ন-র ব্যাসার্দ্ধা-  
নুসারে ক খ গ সামিবৃত্ত  
অঙ্কিত কর। এইরূপে ত ও ন-কে একান্তরিত রূপে কেন্দ্র  
করিয়া বৃত্ত বড় শব্দ হউক না কেন নির্মাণ করা হইতে  
পারে ।



৬১টি প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

চারিটি কেন্দ্র হইতে বৃত্তাংশ অঙ্কিত করিয়া একটি  
বৃত্তাভাসসদৃশ কেন্দ্র নির্মাণ করিতে হইবে ।

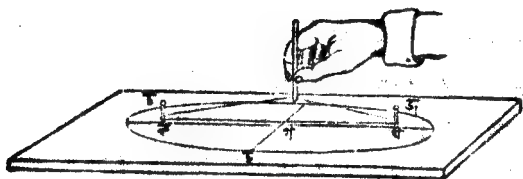
চ ছ একটী সীমাবিশিষ্ট রেখার উভয় দিকে দুইটী সমবাহু ত্রিভুজ অঙ্কিত কর, যথা চ ড ছ ও চ চ ছ, এবং ত্রিভুজের বাহুগুলি জ, ক, ট, ঠ পর্য্যন্ত প্রসারিত করিয়া ড চ সংযুক্ত কর। পরে ড ও চ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া এক্রূপ ব্যাসার্ধ লইয়া ট ঘ ঠ ও জ গ ক দুইটী বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর যে, তাহাদের মধ্যের পরিসর গ ঘ নিকাশ্য বৃত্তাভাসদৃশ ক্ষেত্রের লঘিষ্ঠ ব্যাসের সমান হয়। অপর চ, ছ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া চ জ - ঠ ছ ব্যাসার্ধ লইয়া জ ক ট ও ক খ ঠ দুইটী বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর। ড, চ, চ, ছ চারিটী বিন্দু দিয়া চারিটী



বৃত্তাংশ অঙ্কিত হইয়া ক ট ঘ ঠ ধ ক গ জ বৃত্তাভাসনস্থ  
কেন্দ্র নিকাশিত হইল। এই কেন্দ্রে চ ও ছ দুইটা অধিগ্রহণ।  
ক ধ ও গ ঘ দুইটা রেখাকে গরিষ্ঠ ও লঘিষ্ঠ ব্যাস কহা যায়।  
ক ক গরিষ্ঠ ব্যাসার্ধ আর গ গ লঘিষ্ঠ ব্যাসার্ধ।

অকার্যকর; স্বত্বস্বারা বৃদ্ধাভ্যাস টানিবার রীতি।

কঠিন ব্যাসের দৈর্ঘ্যভার সমান এক পাই হুতা লইয়া তাহার দুই পার্শ্ব কণ্ঠে বিন্দুতে কোন প্রকার কৌশল দ্বারা আবদ্ধ কর। পরে ঐ হুতা একটা পেঙ্গিল দিয়া অন্তর্ভুক্ত করিয়া চতুর্দিকে ঘুরাইয়া আনিবে একটা প্রকৃত হুতাভাস কেন্দ্র নির্মিত হইবে, যথা চ ছ অ।

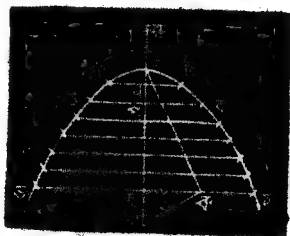


### ৬২টি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

একটা কেন্দ্রী কেন্দ্র অঙ্কিত করিতে হইবে। তহু লম্বাধিক বিস্তার এবং চ ছ নির্দিষ্ট তলস্থ রেখাঙ্ক, এখন কেন্দ্রী কেন্দ্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

চ ছ রেখাকে ক বিন্দুতে সমন্বিত কর, ও ক ত লম্বাক করিয়া ক বিন্দু দিয়া ক খ লম্ব টান। ক খ ও ত হ উভয়কে বর্জিত করিলে খ বিন্দুতে ছিন্ন হইবে। পরে খ ত অক্ষদণ্ড বর্জিত করিয়া ছ খ-র সমান ত গ ও ত প দুইটা অংশ ছেদ কর। প বিন্দু কেন্দ্রী কেন্দ্রের অধিল্লয় হইবে।

এইকালে ত খ-র লম্ব বরূপ কতিপয় তলস্থ রেখা টান, যথা দ ন ক, ব প ত ইত্যাদি। অনন্তর প বিন্দু কেন্দ্র করিয়া গ ন ও গ প ব্যাসাঙ্ক লইয়া বৃত্ত অঙ্কিত করিলে দ ন ক ও ব প ত তলস্থ রেখাকে দ, ক ও ব, ত বিন্দুতে ছেদ করিবে। এই রূপে আর কতকগুলি তলস্থ



## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১২৫

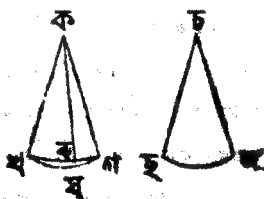
রেখা টানিয়া কতিপয় বৃত্ত অঙ্কিত করিলে যে ছেদ বিন্দুগুলি পাওয়া যাইবে, সেই সকল ছেদ বিন্দুগুলি দিয়া একটা বক্ররেখা উত্তমরূপে টানিলে কেন্দ্রী কেন্দ্র উৎপন্ন হইবে।

একটা লোষ্ট্র উর্দ্ধে নিক্ষেপ করিলে তাহাতে যে বেগ প্রদত্ত হয়, সেই প্রভাবে তাহার কিয়ৎকণ উল্লগতি কর, অনন্তর বেগের পর্য্যাবসানে সে যখন ভূমিতে পড়ে তখন কিঞ্চিৎ বক্র হইয়া পতিত হয়। মিকিষ্ট লোষ্ট্র যে পথ দিয়া উঠিয়া ভূমি সংলগ্ন হয়, সেই পথের আকারকে কেন্দ্রী কহে। পেক্ষণীর দুই বাতর সীমা নাই।

### ৬৩টি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

যদি দুই বৃত্তছেদকের ব্যাসার্ধ ও কেন্দ্রস্থ কোণ পরস্পর সমান হয়, তাহা হইলে ঐ দুই বৃত্তছেদকও পরস্পর সমান হইবে।

মনে কর, ক খ গ ও চ হ জ এই দুই সমান ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট বৃত্তছেদকের এ-কের কেন্দ্রস্থ কোণ ক, অপর-কের কেন্দ্রস্থ কোণ চ-র সমান, ক খ গ বৃত্তছেদক, চ হ জ বৃত্তছেদকের সমান হইবে।



এখন যদি ক খ গ বৃত্তছেদকের উপরে, চ হ জ বৃত্তছেদক এই রূপে উপস্থাপিত করা যায় যে, হ চ রেখা,

খ ক রেখার উপর, এবং চ কোণ ক কোণের উপর পড়ে, তাহা হইলে ছ চ ও খ ক রেখা উভয়ে সমান বলিয়া মিলিয়া যাইবে, এবং চ কোণ ক কোণের সহিত সমান বলিয়া মিলিয়া যাইবে। তাহা হইলে কুটিল রেখা ছ জ কুটিল রেখা খ গ-র সহিত মিলিয়া যাইবে, অতথা, হয় তাহা ক খ গ বৃত্তচ্ছেদকের বাহিরে নচেৎ তাহার ভিতরে পড়িবে। কিন্তু প্রথমতঃ যদি ছ জ কুটিল রেখার সংস্থান খ গ কুটিল রেখার উপরে হয়, এবং শেষোক্ত রেখাকে ক বিন্দুতে ভেদ করিয়া ক ঘ একটি ব্যাসার্ধ টানা যায়, তাহা হইলে দুই বৃত্তচ্ছেদকের ব্যাসার্ধ সমান বলিয়া ক ব, ক ঘ-র সমান হইবে, কিন্তু প্রত্যক্ষই হইতেছে যে, তাহা অসম্ভব। অতএব ছ জ কুটিল রেখা বাহিরে পড়িবে না। এই রূপে আবার ছ জ রেখা খ গ-র ভিতরেও পড়িবে না তাহা অনায়াসে উপপন্ন করা যাইতে পারে। কায়েকায়েই উভয় কুটিল রেখা মিলিয়া যাইবে, এবং তাহা হইলে ঐ দুই বৃত্তচ্ছেদকও মিলিয়া যাইবে। সুতরাং দুই বৃত্তচ্ছেদক পরস্পর সমান হইল।

### ৬৪টি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

যদি সমান ব্যাসার্ধবিশিষ্ট দুইটি বৃত্তচ্ছেদকের কেন্দ্র কোণের সম্মুখীন দুইটি কুটিল রেখা সমান হয়, তাহা হইলে কেন্দ্র কোণ দুইটিও পরস্পর সমান হইবে।

মনে কর, ক খ গ ও চ ছ জ (পূর্ব প্রতিজ্ঞাতি দেখ) দুই সমান ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট বৃত্তচ্ছেদকের কুটিল রেখা খ গ,

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১২৭

কুটিল রেখা ছ জ-র সমান; খ ক গ কোণও ছ চ জ কোণের সমান হইবে। যদি না হয়, তবে অবশ্যই উহাদের মধ্যে অন্ততর বড় হইবে। মনে কর খ ক গ কোণ ছ চ জ কোণ অপেক্ষা বড়, অর্থাৎ খ ক গ কোণের অংশ খ ক গ কোণটী অধিক হইতেছে, তাহা হইলে খ ক খ কোণ, ছ চ জ কোণের সমান বলিয়া (৬৩টি প্রতিজ্ঞা-দ্বারা) কুটিল রেখা ছ জ, কুটিল রেখা খ ক-র সমান, কিন্তু কুটিল রেখা ছ জ = খ গ, অতএব কুটিল রেখা খ ক = খ গ, কিন্তু স্পষ্টই দেখা যাইতেছে উহা অসম্ভব। অতএব অন্ততর অপর অপেক্ষা বড় হইতে পারে না, অর্থাৎ উভয়ে সমান।

### ৬৫টি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

সমান ব্যাসার্ধবিশিষ্ট দুইটি বৃত্তক্ষেত্রের মধ্যে একের কেন্দ্রস্থ কোণ অপরের কেন্দ্রস্থ কোণের যত ভাগ হইবে, সেই কোণের সম্মুখীন ধনু অপর কোণের সম্মুখীন ধনুরও তত ভাগ হইবে।

মনে কর ট ঠ ড ও চ ছ জ দুইটি বৃত্তক্ষেত্র, ইহার মধ্যে ছ চ জ কোণ, ট ট ড কোণ অপেক্ষা অংশে বড়, তাহা



হইলে ধনু ছ জ ধনু ট ড অপেক্ষা অংশে বড় হইবে। যদি ছ চ জ কোণ অংশে সমান ভাগ করা যায়, তাহা হইলে তাহার প্রত্যেক অংশ, ট ট ড কোণের সমান হইবে, এবং প্রত্যেক অংশের সম্মুখীন ধনুগুলি



প্রত্যেকে, ঠ ড-ধনুর সহিত সমান হইবে। কিন্তু সেই সকল ধনুগুলির সমষ্টি, ছ জ ধনুর সমান, অর্থাৎ ছ জ ধনু = ধনু ঠ ড + ঠ ড + অ-বার ঠ ড, অর্থাৎ ধনু ছ জ = অ × ধনু ঠ ড। এস্থলে আরও দেখা যাইতেছে যে, বৃত্তক্ষেত্রে ছ চ জ = অ × বৃত্তক্ষেত্রে ঠ ট ড। অর্থাৎ,  $\frac{ছ চ জ}{ঠ ট ড} = \frac{ধনু ছ জ}{ধনু ঠ ড}$ , ইহাকে অনুপাতাকারে রাখিলে,  $ছ চ জ : ঠ ট ড :: ধনু ছ জ : ধনু ঠ ড$ ।

৬৬টি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

এক নির্দিষ্ট রেখার উপর সমানবাহু এবং তুল্যকোণিক এক পঞ্চভুজ কেন্দ্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

কথ নির্দিষ্ট রেখা, ইহার উপর সমানবাহু ও তুল্যকোণিক পঞ্চভুজ কেন্দ্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

খ হইতে কথ রেখার  
অন্যেকের সমান খ গ লম্ব  
টান। ক ও গ সংযুক্ত করিয়া  
কথ রেখাকে ব পর্য্যন্ত প্রসা-  
রিত করিয়া গ ঘ-কে খ গ-র  
সমান কর। পরে ক ও ঘ-কে



কেন্দ্র করিয়া খ হইতে ব পর্য্যন্ত ব্যাসার্ধ লইয়া দুইটি বৃত্ত  
অঙ্কিত কর। এই দুই বৃত্তের পরস্পর সম্পাদ্য বিন্দু ম-কে  
কেন্দ্র করিয়া পূর্বোক্ত ব্যাসার্ধ লইয়া বৃত্ত অঙ্কিত কর;  
পশ্চাৎ কথ রেখার পরিমাণানুসারে কম্পান বিস্তার  
করিয়া এই বৃত্তপরিধিকে ক্রমশঃ পাঁচ বার ছেদ করিয়া

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১২৯

ছেদবিন্দুগুলি সংযুক্ত করিলে ক খ রেখার উপর সমান-  
বাহ ও তুল্যকোণিক বড়ত্ব ক্ষেত্র হইবে।

### ৬৭টি প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

ক খ এক নির্দিষ্ট রেখার উপর সমানবাহ এবং তুল্য-  
কোণিক বড়ত্ব ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

ক ও খ বিন্দুকে কেন্দ্র  
করিয়া ক খ ব্যাসার্ধ লইয়া  
দুইটা বৃত্ত অঙ্কিত কর, এই  
দুই বৃত্তের পরস্পর সম্পাত  
বিন্দু ম-কে কেন্দ্র করিয়া  
পর্য্যাপ্ত ব্যাসার্ধ লইয়া ক খ গ



ঘ চ ছ বৃত্ত অঙ্কিত কর। ক খ নির্দিষ্ট রেখার পরিমাণানুরূপ  
কম্পান বিস্তার করিয়া, তাহা ঐ বৃত্তপরিধিতে ছয় বার প্রয়োগ  
করিয়া ছেদ বিন্দুগুলি সংযুক্ত করিলে, ক খ রেখার উপর  
সমানবাহ ও তুল্যকোণিক বড়ত্ব ক্ষেত্র নির্দেশিত হইবে।

### ৬৮টি প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

ক খ এক নির্দিষ্ট রেখার উপর এক সমানবাহ ও তুল্য-  
কোণিক বড়ত্ব ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

ক খ রেখার উপর ক ছ ও  
খ চ দুইটা লম্ব টান, ক খ  
রেখাকে উত্তর পার্শ্বে বর্দ্ধিত  
কর এবং ঠ ক ছ ও ট খ চ  
কোণদ্বয়কে ক ঝ ও খ গ রেখা  
দ্বারা সমান ভাঙ্গে দিখও কর,

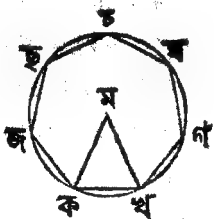


এবং এই রেখাঘরকে ক খ-র সমান কর। পরে ঝ ও ঙ হইতে ক হ কিংবা খ চ-র সমান্তরাল ঝ জ ও গ ঘ দুইটা রেখা টানিয়া উহাদিগকে ক খ-র সমান কর। অপর জ ও ঘ বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া ক খ ব্যাসার্ধ লইয়া দুইটা বৃত্ত অঙ্কিত কর। এই দুই বৃত্ত ক হ ও খ চ রেখাকে ছেদ করিয়া দুই বিন্দুতে ছেদ করিতেছে, তথা হইতে ছ জ ও চ ঘ টান এবং ছ চ সংযুক্ত কর। ক খ গ ঘ চ ছ জ ব পরস্পর ও তুল্যকোণিক অষ্টভুজ ক্ষেত্র ক খ রেখার উপর অঙ্কিত হইল।

### ৬৯তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক খ নির্দিষ্ট রেখার উপর একটি বহুভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে, যাহার বাহুগুলি ও কোণগুলি পরস্পর সমান হইবে।

ক খ রেখার উপর ক ম ও খ ম দুইটা রেখা একত্রে টান যে, খ ক ম ও ক খ ম কোণ-  
দ্বয় পরস্পর নিকান্ত বহুভুজের  
কোণের অর্ধেকের সমান হয়  
(৭ম প্রতিজ্ঞা)। ক ম ও খ ম  
রেখাঘরের সংযোগ বিন্দু ম-কে  
কেন্দ্র করিয়া ম ক ব্যাসার্ধ  
লইয়া একটি বৃত্ত অঙ্কিত কর। পরে ক খ রেখা বৃত্তপরি-  
ধিতে যত বার হয় প্রবেশ করিয়া ছেদ বিন্দুগুলি সংযুক্ত



## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৩১

করিলে ক খ রেখার উপর বহুভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত হইবে, তাহার বাহুগুলি ও কোণগুলি পরস্পর সমান হইবে।

ক ম = খ ম, এজন্য ক ম খ সমধিবাহু ত্রিভুজ; ইহার ম ক খ ও ম খ ক কোণদ্বয় পরস্পর সমান। অতএব  $\angle ম ক খ + \angle ক ম খ কোণ = ১৮০^\circ$ ,  $\therefore$  ম ক খ কোণ =  $\frac{১}{২}(১৮০^\circ - ক ম খ কোণ)$ ; কিন্তু ক ম খ কোণ =  $৩৬০^\circ - \frac{১}{২} = ৫১\frac{১}{২}^\circ$ ;  $\therefore$  ম ক খ কোণ =  $\frac{১}{২}(১৮০^\circ - ৫১\frac{১}{২}^\circ) = ৬৪\frac{১}{২}^\circ$ । সুতরাং সপ্তভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইলে ম ক ও ম খ রেখাদ্বয়কে এক্রূপে অঁকিতে হইবে যে, ক ও খ কোণ প্রত্যেকে  $৬৪\frac{১}{২}^\circ$  হয়, অনন্তর ম বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া ম ক বা ম খ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া একটা বৃত্ত অঙ্কিত কর, পরে ক খ রেখা বৃত্তপরিধিতে ঘুরিয়া আনিয়া ছেদ বিন্দুগুলি সংযুক্ত করিলে সপ্তভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত হইবে।

বহুভুজের ম মধ্যস্থ কোণ ও ম ক খ কোণের পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইলে, বহুভুজের বাহুর সংখ্যাদ্বারা  $৩৬০^\circ$ -কে ভাগ করিলে, ভাগফল মধ্যস্থ কোণের পরিমাণ হইবে। ঐ ভাগফল  $১৮০^\circ$  হইতে বিয়োগ করিলে বহুভুজের কোণের পরিমাণ হইবে। এবং ঐ বিয়োগফলের অর্ধেক লইলেই ম ক খ কোণের পরিমাণ হইবে। এই সঙ্কে-  
তানুসারে নিম্নস্থ তালিকার ফলগুলি লব্ধ হইয়াছে।

বাহুর সংখ্যা	বহুভুজের নাম।	মধ্যস্থ ম কোণের মান।	বহুভুজের কোণের মান।	ক ম খ বা ম খ কোণের পরিমাণ
৩	ত্রিভুজ বা ত্র্যশ্র	১২০°	৬০°	৩০°
৪	চতুর্ভুজ বা চতুরশ্র	৯০	৯০	৪৫
৫	পঞ্চভুজ	৭২	১০৮	৫৪
৬	ষড়ভুজ	৬০	১২০	৬০
৭	সপ্তভুজ	৫১ $\frac{৩}{৪}$	১২৮ $\frac{১}{৪}$	৬৪ $\frac{১}{৪}$
৮	অষ্টভুজ	৪৫	১৩৫	৬৭ $\frac{১}{২}$
৯	নবভুজ	৪০	১৪০	৭০
১০	দশভুজ	৩৬	১৪৪	৭২
১১	একাদশভুজ	৩২ $\frac{১}{২}$	১৪৭ $\frac{১}{২}$	৭৩ $\frac{১}{২}$
১২	দ্বাদশভুজ	৩০	১৫০	৭৫

৭০তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

কোন নির্দিষ্ট বৃত্তে সমানবাহ ও তুল্যকোণিক বহুভুজ  
ক্ষেত্র অন্তর্গত করিতে হইবে, অর্থাৎ বৃত্তপরিধিকে কোন  
নির্দিষ্ট সংখ্যক অংশে বিভাগ করিতে হইবে।

বৃত্তের কেন্দ্র ম বিন্দুতে (পূর্ব প্রতিকৃতি দেখ) ক ম খ  
এরূপ একটি কোণ অঙ্কিত কর যাহা বহুভুজের মধ্যস্থ  
কোণের সমান হয়। পরে ক খ সংযুক্ত কর, ক খ নিকান্ত  
বহুভুজের একটি বাহু হইবে। ইহাকে বৃত্তপরিধিতে ক্রমশঃ  
প্রয়োগ করিলে বহুভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত হইবে।

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৩৩

### ৭১তি প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

নির্দিষ্ট বৃত্তোপরি সমানবাহ ও তুল্যকোণিক বহুভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে ।

পূর্বোক্ত প্রতিজ্ঞা দ্বারা বৃত্তোপরিধিকে নির্দিষ্ট অংশে বিভাগ কর; যথা ক, খ, গ, ঘ, চ। পরে বৃত্তের কেন্দ্র ম হইতে ম ক, ম খ, ম গ, ম ঘ, ও ম চ ব্যাসাঙ্ক রেখাগুলি



টান। অপর ক, খ ইত্যাদি বিন্দু দিয়া উক্ত ব্যাসাঙ্কগুলির উপর লম্ব টানিলে নির্দিষ্ট বৃত্তোপরি সমানবাহ ও তুল্যকোণিক বহুভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত হইবে।

অনুমান ১। সরলরেখিক ক্ষেত্রের অন্তরস্থ কোণ সকলের সমষ্টি ঐ ক্ষেত্রের বাহু সংখ্যার দ্বিগুণ চতুর্ভুজ সমকোণ তুল্য হইবে।

কারণ ক খ গ ঘ চ কোন সরলরেখিক ক্ষেত্রের মধ্যে এক বিন্দু ম নির্দেশ করিয়া, ক্ষেত্রের সমস্ত কোণটিহের সহিত সংযুক্ত করিলে ক্ষেত্রের যত বাহু আছে তত ত্রিভুজ হইবে; এবং ১১শ প্রতিজ্ঞানুসারে এই ত্রিভুজসমূহের সমস্ত কোণ ত্রিভুজ সংখ্যার দ্বিগুণ সমকোণ তুল্য; আর সেই কোণসমূহ ক্ষেত্রস্থ কোণ ও অন্তর্গত ম বিন্দুস্থ কোণের যোগতুল্য। কিন্তু এই ম বিন্দু ত্রিভুজ সমূহের সাধারণ শূন্য; আর এই বিন্দুস্থ কোণ (১৫শ প্রতিজ্ঞার ২য় অনুমানানুসারে) চারি সমকোণ তুল্য; অতএব ক্ষেত্রের কোণসমূহে চারি সমকোণ যোগ করিলে উক্ত ত্রিভুজের সকল কোণের তুল্য হইবে, সুতরাং ক্ষেত্রের কোণ, তাহার বাহু সংখ্যার দ্বিগুণ চতুর্ভুজ সমকোণ তুল্য।

২। সরলরৈখিক ক্ষেত্রের প্রত্যেক ভূজকে এক এক দিকে বর্দ্ধিত করিলে যত বহিঃস্থ কোণ আছে সকলগুলির সমষ্টি চারি সমকোণের তুল্য ।

প্রত্যেক অন্তরস্থ কোণ যথা চ ছ ব, বহিঃস্থ যথা চ ছ জ, একত্র যোগে (১৪ন প্রতিজ্ঞানুসারে) দুই সমকোণ তুল্য ; অন্তরস্থ সকল অন্তরস্থ ও বহিঃস্থ কোণ একত্র যোগে ক্ষেত্রে যত বাহ্য কোণে ভাহার দ্বিগুণ সমকোণ তুল্য, অর্থাৎ সকল অন্তরস্থ কোণ + সকল বহিঃস্থ কোণ = সকল অন্তরস্থ কোণ + চারি সমকোণ ; অতএব বহিঃস্থ কোণসমূহ চারি সমকোণ তুল্য ।

৭২তি প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

এক নির্দিষ্ট সমানবাহ বহুভুজ ক্ষেত্রের কেন্দ্র নির্ণয় করিতে হইবে, অথবা ঐ বহুভুজ ক্ষেত্রের অন্তর্গত কিম্বা উহার উপরি নিদর্শিত বৃত্তের কেন্দ্র স্থির করিতে হইবে ।

বহুভুজের কোন দুইটা বাহু সমান ভাগে দ্বিখণ্ড কর : যথা ক ঘ ও ক ছ, এবং খ, গ ইকিতে খ ম ও গ ম দুইটা লম্ব টানিয়া বর্দ্ধিত করিলে, উহাদের সম্পাদ



বিন্দু ম বহুভুজের অন্তর্গত ও উপরিস্থ বৃত্তের কেন্দ্র হইবে ; অর্থাৎ ম খ অন্তর্গত বৃত্তের ব্যাসার্ধ ও ম ক উপরিস্থ বৃত্তের ব্যাসার্ধ ।

হ ক ঘ জ ট একটি সমানবাহ বহুভুজ ক্ষেত্র ; হ, ক, ঘ তিনটা বিন্দু দিয়া একটি বৃত্ত অঙ্কিত কর বাহার কেন্দ্র ম ;

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৩৫

এবং খ ও গ, ক ঘ ও ক ছ জ্যার মধ্যস্থান। ম ছ ও ম জ সংযুক্ত কর, এইকণে ছ ম খ ক চতুর্ভুজ কেন্দ্র ম খ রেখাতে যুড়িয়া ফেলিলে উহা খ ম জ ঘ চতুর্ভুজের ঠিক উপর পড়িবে, কেননা ক খ = ঘ খ, ক ছ = ঘ জ এবং খ কোণ = ক কোণ ; সুতরাং ক বিন্দু ঘ বিন্দুর উপর এবং ছ বিন্দু জ বিন্দুর উপর পড়িয়া ক ছ রেখা ঘ জ রেখার সমান্তরাল হইবে, এবং ম ছ রেখা ম জ রেখার সমান প্রমিত হইবে ; তাহা হইলে বৃত্তটী বহুভুজের জ বিন্দু দিয়া যাইবে এইরূপে ঐ বৃত্ত যে বহুভুজের কোণ ট, ছ, ক দিয়া যাইবে তাহাও উপপন্ন করা যাইতে পারে।

পুনশ্চ, ছ ক, ক ঘ, ঘ জ ইত্যাদি জ্যাগুলি পরস্পর সমান। অতএব ম গ, ম খ, ম চ ইত্যাদি লম্বগুলিও পরস্পর সমান, সুতরাং ম বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া উহাদের একটীকে ব্যাসার্ধ করিয়া বৃত্ত টানিলে জ্যাগুলিকে গ, খ, চ বিন্দুতে স্পর্শ করিবে, এবং সেই বৃত্ত বহুভুজের অন্তর্গত হইবে।

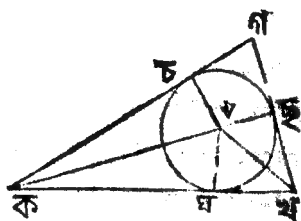
ছ ম ক, ক ম ঘ প্রভৃতি কোণগুলি প্রত্যেকে পরস্পর সমান, সেই ক্ষেত্র উহার প্রত্যেকে বহুভুজের বাহুর সংখ্যা বৃত্ত হইবে, ৩৬০° অংশের তত্ত্ব ভাগ হইবে। বৃত্তের ভিতরে বহুভুজ কেন্দ্র আঁকিতে হইলে বহুভুজের বহুভুজ বাহু হইবে, বৃত্তপরিধিকে তত্ত্ব অংশে ছেদ করিয়া ঐ ছেদ বিন্দুগুলি যথাক্রমে সংযুক্ত করিলে নিকট বহুভুজ অঙ্কিত হইবে। আর বৃত্তের বাহিরে বহুভুজ আঁকিতে হইলে ঐ ছেদ বিন্দু দিয়া স্পর্শ রেখা টানিলে নিকট বহুভুজ হইবে।



৭৩তি প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

এক নির্দিষ্ট ত্রিভুজের ভিতরে একটি বৃত্ত অঙ্কিত করিতে হইবে।

ক খ গ নির্দিষ্ট ত্রিভুজ,  
ইহার কোন দুইটি কোণ,  
যথা গ ক খ ও ক খ গ,  
ক ম ও খ ম দ্বারা সমান  
অংশে বিভক্ত কর। এই  
দুই রেখার সম্পাত বিন্দু ম নির্দিষ্ট বৃত্তের কেন্দ্র  
হইবে। এই ম বিন্দু হইতে ক খ, খ গ ও গ ক রেখার  
উপর লম্ব টান, যথা ম ঘ, ম ছ ও ম চ। ক ম ঘ ও  
ক ম চ ত্রিভুজের স্বকম কোণ চ ক ম কোণের সমান,  
ক ম ঘ ও ক ম চ প্রত্যেকে সমকোণ বলিয়া সমান, এবং  
ক ম দুইটি ত্রিভুজের সামান্ত বাহু, অতএব ঐ দুইটি ত্রিভুজ  
সম্মতোভাবে সমান, এবং চ ম = ঘ ম। ঐ কারণবশতঃ  
ঘ ম = ম ছ; অতএব ম ঘ, ম চ ও ম ছ এই তিনটি সরল  
রেখা পরস্পর সমান, সুতরাং ম বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া ঐ  
ত্রিভুজের মধ্যে কোন রেখা ব্যাসাক্ষ লইয়া বৃত্ত অঙ্কিত করিলে,  
সে বৃত্ত ঐ ত্রিভুজ রেখায় অঙ্গ দিয়া থাকিবে, এবং ক খ, ক খ  
ও খ গ সরল রেখাকে স্পর্শ করিবে, কেননা ঘ, চ, ছ বিন্দুতে  
যে যে কোণ আছে প্রত্যেকে সমকোণ, এবং ব্যাসের অঙ্গ  
বিন্দু হইতে লম্ব টানিলে তাহা ( ৩৩শ প্রতিজ্ঞানুসারে )



## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৩৭

বৃত্তকে স্পর্শ করে। অতএব ক খ, ক গ ও খ গ সরল রেখা  
 এতলোকে বৃত্ত স্পর্শ করিতেছে, সুতরাং ঘ চ ছ বৃত্ত ক খ গ  
 ত্রিভুজের ভিতরে অঙ্কিত হইল।

୧୫୫

এক নির্দিষ্ট ত্রিভুজকে বেটন করিয়া একটা বৃত্ত অঙ্কিত  
করিতে হইবে, অর্থাৎ ত্রিভুজটী বৃত্তের অন্তর্গত হইবে।

কথগ নির্দিষ্ট দ্বিতীয়, তাহার  
চতুর্থার্থে বৃত্ত অঙ্কিত করিতে  
হইবে।



ক খ গ জিন্মের কোন দুইটা  
 ছুজ ক খ ও খ গ-কে ব এবং ভ  
 বিন্দুতে সমান অংশে দ্বিখণ্ড কর,  
 এবং এই দুই বিন্দু হইতে ক খ, খ গ রেখার উপর ব ম এবং  
 ভ ম দুই লম্ব টান, ও ঐ দুই লম্বকে বৃদ্ধি করিলে যে বিন্দুতে  
 লম্বগ্ন হইবে, অর্থাৎ ম বিন্দু হইতে ম ক, ম খ, বা ম গ  
 পর্য্যন্ত ব্যাসার্দ্ধ লইয়া বৃত্ত টানিলে তাহা ক, খ, গ বিন্দু  
 দিয়া যাইবে, এবং ক খ গ ত্রিকোণোপরি অঙ্কিত হইবে।

কম ও ধর্ম সংযুক্ত কর। কম = বধ, মব, কমব  
 ও ধর্ম বজ্রভূজের সামান্য বাহু এবং কমম ও ধর্ম  
 প্রত্যেকে সমকোণ বলিয়া সমান। ∴ প্রথম প্রতিজ্ঞানুসারে  
 কম = ধর্ম। এই রূপে মগ সংযুক্ত করিলে তাহা মধ  
 রেখার সমান প্রমাণ করা বাইতে পারে, অতএব মক,  
 মধ, মগ প্রত্যেকে সমান। সুতরাং ম কেজ করিয়া

ইহাদের একটিকে ব্যাসার্দ্ধ লইয়া বৃত্ত অঙ্কিত করিলে তাহা ক, খ, গ বিন্দু দিয়া যাইবে।

### ৭৫তি প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

এক নির্দিষ্ট সমচতুর্ভুজ ক্ষেত্রমধ্যে, কিম্বা সমচতুর্ভুজ ক্ষেত্রকে বেটন করিয়া এক বৃত্ত অঙ্কিত করিতে হইবে।

ক খ গ ঘ এক নির্দিষ্ট বর্গ ক্ষেত্র, ইহার মধ্যে কিম্বা ইহাকে বেটন করিয়া বৃত্ত অঙ্কিত করিতে হইবে।



ক খ গ ঘ বর্গক্ষেত্রে, ক গ ও খ ঘ দুইটি কর্ণ রেখা টান, এই দুই রেখার সঙ্গাত বিন্দু ম বর্গক্ষেত্রের অন্তর্গত ও বহিঃস্থ বৃত্তের কেন্দ্র হইবে। ম কেন্দ্র করিয়া উহা হইতে বর্গক্ষেত্রের কোন ভূজের লঘুতম দূরত্ব অর্থাৎ লম্বকে ব্যাসার্দ্ধ লইয়া বৃত্ত টানিলে ক খ, খ গ, গ ঘ, ঘ ক প্রত্যেক বাহু স্পর্শ করিবে, সুতরাং বর্গক্ষেত্রমধ্যে বৃত্ত অঙ্কিত হইবে; আর ম কেন্দ্র করিয়া উহা হইতে ক, খ, গ, ঘ এই চারিটির কোন একটা কোণের দূরত্ব পরিমাণে ব্যাসার্দ্ধ লইয়া বৃত্ত অঙ্কিলে তাহা সকল কোণের অগ্র সংলগ্ন হইবে, অতএব সেই বৃত্ত ক খ গ ঘ সমচতুর্ভুজোপরি অঙ্কিত হইবে।

### ৭৬তি প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

এক নির্দিষ্ট বৃত্তমধ্যে কিম্বা বৃত্তোপরি সমচতুর্ভুজ কিম্বা সমচতুর্ভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৩২

ক গ খ ঘ নির্দিষ্ট বৃত্ত, ক গ, গ খ, খ ঘ, ঘ ক সংযুক্ত করিলে ঐ ক্ষেত্র সমচতুর্ভুজ ও ক গ খ ঘ বৃত্তের অন্তর্গত হইবে। অপর ক, গ, খ, ঘ বিন্দু দিয়া ক চ, চ ছ, ছ জ, জ ক বৃত্তস্পর্শক চারিটা সরল রেখা টান, তাহা হইলে ঐ ক্ষেত্র সমচতুর্ভুজ ও ক গ খ ঘ বৃত্তোপরি অঙ্কিত হইবে।



ক গ খ ঘ বৃত্তের চতুর্থাংশ, যেমন ক গ ; ইহাকে দ্বিখণ্ড করিলে অষ্ট ভুজ ক্ষেত্রের বাহুর পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়।

গ ক ম ও গ খ ম ত্রিভুজে, ক ম = খ ম, ম গ হইল ত্রিভুজের সামান্য বাহু এবং ক ম গ ও খ ম গ প্রত্যেকে সমকোণ বলিয়া পরস্পর সমান, অতএব ঐ দুইটি ত্রিভুজ সর্বতোভাবে সমান। অপর, ক গ খ অন্তঃবৃত্ত এজন্য ক গ খ কোণ সমকোণ। ঐরূপে গ খ = খ ঘ = ঘ ক এবং গ খ ঘ ও খ ঘ ক কোণ প্রত্যেকে সমকোণ ইহাও উপলব্ধ করা যাইতে পারে; সুতরাং ক ঘ খ গ সম-চতুর্ভুজ।

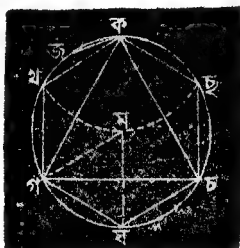
### ৭৭তি প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

এক নির্দিষ্ট বৃত্ত মধ্যে সমবাহু ত্রিভুজ, বড়ত্ব কিংবা ছোটত্ব ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

ক গ খ গ চ ছ বৃত্তের ব্যাসার্ধ নির্দ্ধারিত বড়ত্বের বাহুর পরিমাণ, অতএব বৃত্তপরিধিতে কোন বিন্দু ক ক্ষেত্র

করিয়া তাহার ব্যাসার্দ্ধ পরিমিত দূরে  $\theta$  ম ছ বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর, পরে  $k$   $\theta$  সংযুক্ত কর ।

$k$   $\theta$  নিকাত্ত বড়ভূজের বাহুর পরিমাণ,  $k$   $\theta$  রেখা বৃত্তপরিধিতে ছয় বার ক্রমশঃ ঘুরাইয়া ছেদ বিন্দু তালি সংযুক্ত করিলে সম-বাহু বড়ভূজ ক্ষেত্র বৃত্তমধ্যে



অঙ্কিত হইবে। এবং  $k$  বিন্দু হইতে বড়ভূজের প্রত্যেক দ্বিতীয় বাহুর নীমা সংযুক্ত করিলে সমবাহু ত্রিভূজ ক্ষেত্র বৃত্তমধ্যে অঙ্কিত হইবে। আর  $k$   $\theta$  চাপ সমদ্বিখণ্ড করিয়া সংযুক্ত করিলে দ্বাদশ ভূজের বাহুর পরিমাণ হইবে।

যদি  $k$   $\theta$   $g$   $ch$  বৃত্তের অন্তর্গত কোন ক্ষেত্রের কোণ দিয়া বৃত্তস্পর্শক টানা যায়, তাহা হইলে বৃত্তোপরিও সেই প্রকার ক্ষেত্র অঙ্কিত হইবে।

$g$   $ch$   $k$   $\theta$  নির্দিষ্ট বৃত্তমধ্যে অঙ্কিত বড়ভূজ ক্ষেত্র ;  $g$  ও  $ch$  দুইটা বিন্দু হইতে কেন্দ্র পর্য্যন্ত রেখা টান। এইকণে  $g$   $m$   $ch$  কোণ =  $৩৬০^\circ$  এর  $\frac{১}{৬}$  =  $৬০^\circ$ , এবং  $m$   $g$  =  $m$   $ch$ ,  $m$   $g$   $ch$  কোণ  $m$   $ch$   $g$  কোণের সমান, আর  $g$   $ch$   $k$   $\theta$  ত্রিভূজের তিনটা কোণের সমষ্টি (১৯শ প্রতিজ্ঞানুসারে) দুই সমকোণ অর্থাৎ  $১৮০^\circ$  তুল্য, ইহাতে স্পষ্ট প্রতীকমান হইতেছে যে,  $m$   $g$   $ch$  ও  $m$   $ch$   $g$  প্রত্যেকে  $৬০^\circ$  ; অতএব  $g$   $m$   $ch$  ত্রিভূজ সমবাহক। সুতরাং অন্তর্গত বড়ভূজের বাহুর পরিমাণ বৃত্তের ব্যাসার্দ্ধের সমান।

অকুমান ১। কোন বৃত্তের ৬০ অংশের জ্যা ও ব্যাসার্ধ  
পারস্পর সমান।

অনুমান ২। সমবাহু বহুভুজ ক্ষেত্রের কোণগুলিও পরস্পর সমান। যথা গ হ চ কোণ হ চ হ কোণের সমান।

୧୪ତି ପ୍ରତିଜ୍ଞା । ମହାମାୟା ।

এক নির্দিষ্ট বৃত্তে সমবাহু এবং তুল্যকোণিক গঠন  
কিন্তু দশভুজ ক্ষেত্র অন্তর্গত করিতে হইবে।

গ জ, ক ঘ চই বাস  
 পরস্পর লগ্নভাবে টান, এবং  
 ম জ বাসার্দিকে চ বিন্দুতে  
 সম্মিথন কর। পরে চ কেন্দ্র  
 করিয়া চ ক বাসার্দ লইয়া  
 হ ক বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর,  
 এবং ক কেন্দ্র করিয়া ক হ



বরদারী নকশা ছাড়া বৃদ্ধাংশ অঙ্কিত কর। ক খ পরিমিত  
পরিমাণে। ক খ পরিমিত বিস্তার করিয়া বৃদ্ধ  
পরিমিত পাঁচবার ঘুরাইয়া আনিয়া ছেদ বিন্দুগুলি সংযুক্ত  
করিলে বৃদ্ধমধ্যে সরবাহ পঞ্চভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত হইবে।  
অপর, ক খ চাপ টি বিন্দুতে সমন্বিত করিয়া ক ট সংযুক্ত  
কর। ক ট দশভুজের বাহুর পরিমাণ।

যদি কথগম্য বৃত্তে অন্তর্গত পঞ্চদশ বা ষড়্ভুজের  
কোন দিয়া বৃত্তস্পর্শক টানা যায়, তাহা হইলে বৃত্তোপরি  
উক্ত প্রকার কেন্দ্র অঙ্কিত হইবে।

অদ্বৈতাহর । নির্দিষ্ট যুক্তের ব্যাখ্যাকে এমন রূপে ভাঙ

কর যে, সমুদায় এবং একাংশের আয়ত দ্বিতীয়াংশের সম-  
চতুর্ভুজ তুল্য হয়। পরে বৃত্তপরিধির কোন এক নির্দিষ্ট  
বিন্দুর প্রত্যেক দিকে ঐ বৃত্তের খণ্ডের সদৃশ রেখা বৃত্তে  
স্থাপিত কর, তাহাতে যে দুই চাপ উৎপন্ন হইবে তাহার  
প্রত্যেকে পরিধির দশমাংশ তুল্য হইবে। সুতরাং ঐ দুই  
চাপ একত্র যোগে পরিধির পঞ্চমাংশ হইবে, এবং সে  
চাপের সম্মুখীন সরল রেখা নিকাশন করিলে, তাহা  
বৃত্তের স্পর্শক সমবাহক পঞ্চভুজের বাহ হইবে।

এই উপপত্তি ৮০ তি প্রতিজ্ঞার পর পাঠ করিতে হইবে।

### ৯১ তি প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

বৃত্তবহরের মধ্যে একটীর পরিধি অপরটীর পরিধির বৃত্ত  
গুণ হইবে, প্রথমোক্ত বৃত্তের ব্যাসার্ধ বা ব্যাস শেষোক্ত  
বৃত্তের ব্যাসার্ধ বা ব্যাসের তত গুণ হইবে।

ক খ গ ও চ হ জ দুই বৃত্ত, ইহাদের সাধারণ কেন্দ্র ম।  
এইকণে যদি ক খ গ পরিধি কতক-  
গুলি ক্ষুদ্র অংশে বিভাজিত হয়,  
যথা ক খ, তাহা হইলে ম খ ও ম ক  
সংযুক্ত করিয়া ছ, চ পর্বান্ত বর্দ্ধিত  
করিলে প্রতীক্ষমান হইবে যে, ক খ,  
ক খ গ পরিধির যে অংশ, চ হ ও চ হ জ পরিধির সেই  
অংশ, অর্থাৎ ক খ গ যদি ক খ অপেক্ষা অ গুণ বৃহৎ  
হয়; তাহা হইলে চ হ জ ও চ হ অপেক্ষা অ গুণ  
বৃহৎ হইবে। একণে ক খ ও চ ম হ দুইটি সদৃশ  
ত্রিভুজ, অতএব ক খ : চ হ :: ম ক : ম চ, কিংবা অ x



## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৪৩

কথ : অ  $\times$  চ ছ :: ম ক : ম চ ; কিন্তু ক থ গ পরিধিতে ক থ অংশ যত বার আছে, তাহা ক থ দ্বারা গুণ করিলে সমুদায় ক গ পরিধির তুল্য হইবে; এবং চ ছ অংশ চ ছ জ পরিধিতে যত বার আছে, তাহা চ ছ দ্বারা গুণ করিলে সমুদায় চ জ পরিধির তুল্য হইবে, অতএব ক থ গ পরিধি : চ ছ জ পরিধি :: ম ক : ম চ ।

পুনশ্চ, ক ম থ-র ক্ষেত্রফল = ক থ  $\times$   $\frac{1}{2}$  ক ম, এই-রূপে ক ম থ ছেদক সমুদায় বৃত্ত অপেক্ষা ও ক থ থন্ন সমুদায় পরিধি অপেক্ষা যত গুণ বড় তাহা যদি অ অক্ষর দ্বারা নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে অ  $\times$  ক ম থ-র ক্ষেত্রফল = অ  $\times$  ক থ  $\times$   $\frac{1}{2}$  ক ম, অর্থাৎ ক থ গ বৃত্তের ক্ষেত্রফল = ক থ গ পরিধি  $\times$   $\frac{1}{2}$  ক ম ।

অনুমান । বৃত্তের ব্যাস একক হইলে যদি তাহার পরিধি ন-সংখ্যক একক বিশিষ্ট হয়, তাহা হইলে “বৃত্ত-ধরের মধ্যে একটীর পরিধি অপরটীর পরিধির যত গুণ হইবে, প্রথমোক্ত বৃত্তের ব্যাসার্ধ বা ব্যাসের তত গুণ হইবে” এই সূত্র অরণ করিয়া

$$ন : ক থ গ পরিধি :: ১ : ২ ক ম ;$$

$\therefore$  ক থ গ পরিধি =  $২ ন \times ক ম$  ; এবং প্রস্তাবিত উপপাদ্য হইতে ক থ গ-র ক্ষেত্রফল = ক থ গ পরিধি  $\times$   $\frac{1}{2}$  ক ম =  $২ ন \times ক ম \times \frac{1}{2} ক ম = ন \times ক ম^২$  । এই সমীকরণে ন রাশির পরিমাণ সর্বত্র সমান থাকিবে । অতএব বৃত্তধরের মধ্যে একটীর ক্ষেত্রফল তাহার ব্যাসার্ধের



বর্গের তত গুণ, অপরটীরও ক্ষেত্রফল তাহার ব্যাসার্ধের বর্গের তত গুণ হইবে।

বৃত্তের ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইলে, ন রাশির পরিমাণ অগ্রে স্থির করা কর্তব্য। ইহা পুস্তকান্তরে স্থিরীকৃত হইবে।

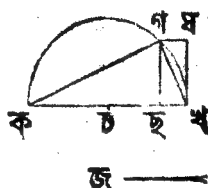
## নানা বিষয়িণী সম্পাদ্য ও উপপাদ্য।

### ৮০তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক খ এক নিম্নিষ্ট সরল রেখা, ইহাকে এমন দুই অংশে বিভক্ত করিতে হইবে যে, ঐ দুই অংশের আয়ত জ\* অপর এক নিম্নিষ্ট রেখার সমচতুর্ভুজ তুল্য হয়।

ক খ রেখা চ বিন্দুতে সমদ্বিখণ্ড কর, চ বিন্দু কেন্দ্র করিয়া চ ক ব্যাসার্ধ লইয়া একটা বৃত্তাঙ্ক অঙ্কিত কর।

পরে খ বিন্দু দিয়া জ রেখার সমান খ ঘ লম্ব টান, ও ঘ বিন্দু দিয়া ঘ গ, ক খ-র সমান্তরাল টান; ঘ গ রেখা বৃত্তকে গ বিন্দুতে ছেদ করিতেছে; অপর গ ছ, ঘ খ-র সমান্তরাল টান। ক খ রেখা ছ বিন্দুতে এমন রূপে বিভক্ত



হইল যে ক ছ ছ খ আয়ত জ রেখার সমচতুর্ভুজ তুল্য।

\* জ রেখা ক খ রেখার অর্ধেকের বেশী হেন না হয়।

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৪৫

ক গ খ, গ ছ ক কোণ প্রত্যেকে সমকোণ বলিয়া পরস্পর সমান, এবং ক বিন্দুস্থ কোণ গ ক খ ও গ ক ছ দুই ত্রিভুজের সামান্ত কোণ, একারণ অবশিষ্ট গ খ ক এবং ক গ ছ কোণও পরস্পর সমান। অতএব গ ক খ, গ ক ছ দুই ত্রিভুজ তুল্যকোণিক, সুতরাং তাহাদের সমান সমান কোণের পার্শ্বস্থ বাহুও অনুপাতীয় ও সদৃশ। এই রূপে গ ছ খ ত্রিভুজ গ ক খ ত্রিভুজের সমানকোণিক ও সদৃশ উপপন্ন হইতে পারে। অপর, গ ক ছ, গ খ ছ দুই ত্রিভুজ প্রত্যেকে গ ক খ ত্রিভুজের তুল্যকোণিক ও সদৃশ হওয়াতে, তাহারা সকলেই পরস্পর তুল্যকোণিক ও সদৃশ।

অতএব ক ছ : ছ গ :: ছ গ : ছ খ, ∴ ক ছ × ছ খ = ছ গ<sup>২</sup>।

অনুমান। এই স্থলে স্পষ্ট প্রতীয়মান হইতেছে যে, সমকোণিক ত্রিভুজের সমকোণ হইতে ভূমির উপর লম্বপাত্ত করিলে, সেই লম্ব ভূমির দুই পৃষ্ঠের মধ্য অনুপাতীয় হয়, এবং ত্রিভুজের প্রত্যেক বাহু ভূমির এবং সেই বাহুর সংলগ্ন ভূমিপৃষ্ঠের মধ্য অনুপাতীয়, কেননা ক ছ গ, ও গ ছ খ ত্রিভুজে,

ক ছ : ছ গ :: ছ গ : ছ খ, এবং গ ক খ ও ক ছ গ ত্রিভুজে,  
ক খ : ক গ :: ক গ : ক ছ, এবং গ ক খ ও গ খ ছ ত্রিভুজে,  
ক খ : খ গ :: খ গ : খ ছ।

৮১তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

ক খ গ ঘ ঙ নিম্নিষ্ট সরল রৈখিক ক্ষেত্রের সদৃশ অপর একটা সরল রৈখিক ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

কোন একটা কোণ ক হইতে অপর কোন কোণ পর্যন্ত কণ রেখা টান; যথা ক গ, ক ঘ। পরে ক খ হইতে

নিকাশ ক্ষেত্রের কোন

বাহুর সমান ক চ এক

অংশ ছেদ কর। এবং চ

বিন্দু দিয়া খ গ-র সমান্ত-

রাল চ ছ টান, ও ছ

বিন্দু দিয়া গ ঘ-র সমান্তরাল

ছ জ টান, এবং জ বিন্দু দিয়া ঘ ঙ-র সমান্তরাল জ ব টান।

ক চ ছ জ ব, ক খ গ ঘ ঙ-র সদৃশ ক্ষেত্র অঙ্কিত হইল।

১৮শ প্রতিক্রিয়ানুসারে ক ছ চ কোণ = ক গ খ কোণ, এবং

ক ছ জ কোণ = ক গ ঘ কোণ ; ইহাদের সমষ্টি করিলে চ ছ জ

কোণ খ গ ঘ কোণের সমান। একপে ছ জ ব কোণ গ ঘ ঙ

কোণের সমান, ইত্যাদি। সুতরাং ক চ ছ জ ব ও ক খ গ

ঘ ঙ ক্ষেত্রগুলি তুল্যকোণিক। অপর, ক চ ছ ও ক খ গ

সদৃশ ত্রিভুজে ক ছ : ক গ :: চ ছ : খ গ, এবং ক ছ : ক

গ :: ছ জ : গ ঘ ; অতএব চ ছ : খ গ :: ছ জ : গ ঘ ;

একপে ছ জ : জ ব :: গ ঘ : ঘ ঙ, ইত্যাদি। অতএব সমান

কোণবালগ্ন বাহুগুলি সমানুপাতিক, সুতরাং ক্ষেত্রগুলি সদৃশ।

যে যে বহুভুজ ক্ষেত্র সদৃশ, তাহার সমশীল বাহুর দ্বিঘাত

পরিমাণে পরস্পর অনুপাতীয়।

$$\text{কারণ, } \frac{\text{ক্ষেত্রফল ক জ খ}}{\text{ক্ষেত্রফল ক ঘ ঙ}} = \frac{\text{ক জ}^2}{\text{ক ঘ}^2} = \frac{\text{ক ছ}^2}{\text{ক গ}^2} = \frac{\text{ক চ}^2}{\text{ক খ}^2}$$

$$\therefore \frac{\text{ক্ষেত্রফল ক জ ব}}{\text{ক চ}^2} = \frac{\text{ক্ষেত্রফল ক ঘ ঙ}}{\text{ক খ}^2} \text{। এইরূপে,}$$

$$\frac{\text{ক্ষেত্রফল ক ছ জ}}{\text{ক চ}^2} = \frac{\text{ক্ষেত্রফল ক গ ঘ}}{\text{ক খ}^2} \text{ ও}$$

$$\frac{\text{ক্ষেত্রফল ক চ ছ}}{\text{ক চ}^2} = \frac{\text{ক্ষেত্রফল ক খ গ}}{\text{ক খ}^2} \text{। সমষ্টি করিলে,}$$

$$\frac{\text{ক্ষেত্রফল ক চ ছ খ}}{\text{ক চ}^2} = \frac{\text{ক্ষেত্রফল ক খ গ ড}}{\text{ক খ}^2} ;$$

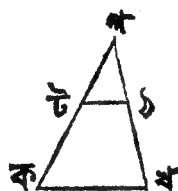
$$\frac{\text{ক্ষেত্রফল ক চ ছ খ}}{\text{ক্ষেত্রফল ক খ গ ড}} = \frac{\text{ক চ}^2}{\text{ক খ}^2} \text{।}$$

অনুমান। যে যে বহুভুজ ক্ষেত্র পরস্পর সদৃশ, তাহার সমান সংখ্যক সদৃশ ত্রিভুজ ক্ষেত্রে বিভক্ত হইতে পারে, এবং সে সকল ত্রিভুজের বহুভুজ ক্ষেত্রের দ্বারা পরস্পর নিম্পত্তি সম্বন্ধ, এবং সবগীয় বাহুর পরস্পর যে নিম্পত্তি, ঐ বহুভুজ ক্ষেত্রের পরস্পর সম্বন্ধে তাহার দ্বিঘাত পরিমাণে নিম্পত্তি।

৮২তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

গ ঠ ও গ ট দুইটি নির্দিষ্ট ঋজু রেখার তৃতীয় অনুপাতীয় নির্দেশ করিতে হইবে।

গ ঠ ও গ ট দুইটি রেখাকে একপে স্থাপন কর যে, তাহাদের সংযোগে কোণ উৎপত্তি হয়, পরে গ ঠ ও গ ট রেখাদ্বয়কে খ ও ক পর্য্যন্ত প্রসারিত করিয়া, ঠ খ সরল রেখাকে গ ট-র সমান কর; এবং ঠ, ট সংযুক্ত করিয়া খ বিন্দু দিয়া উহার সমান্তরাল খ ক টান।



চ \_\_\_\_\_  
ছ \_\_\_\_\_  
জ \_\_\_\_\_

গ খ ক ত্রিভুজের খ ক বাহু ঠ ট বাহুর সমান্তরাল, এইজন্য (৪৭শ প্রতিজ্ঞানুসারে) গ ঠ : ঠ খ :: গ ট : ট ক; কিন্তু ঠ খ = গ ট, অতএব গ ঠ : গ ট :: গ ট : ট ক, সুতরাং গ ঠ ও গ ট দুইটি নির্দিষ্ট ঋজু রেখার ট ক তৃতীয় অনুপাতীয় নির্দিষ্ট হইল।

## ৮৩তি প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

চ, ছ, জ তিনটি নির্দিষ্ট ঋজু রেখার চতুর্থ অনুপাতীয় নির্দেশ করিতে হইবে ।

চ ও জ দুইটি ঋজু রেখার (পূর্ব প্রতিকৃতি দেখ) ভূলা অপর দুইটি ঋজু রেখা গ ঠ ও গ ট এরূপে সংস্থাপিত কর যে, তাহাদের সংযোগে কোণ উৎপত্তি হয় ; পরে গ ট ও গ ঠ রেখাকে ক ও খ পর্য্যন্ত প্রসারিত করিয়া ঠ খ রেখাকে ছ-র সমান কর ; এবং ঠ ট সংযুক্ত করিয়া খ বিন্দু দিয়া উহার সমান্তরাল খ ক নিষ্কাশন কর । অনন্তর গ খ ক ত্রিভুজের খ ক বাহুর সমান্তরাল ঠ ট, এজন্ত গ ঠ : ঠ খ :: গ ট : ট ক, কিন্তু গ ঠ = চ, ঠ খ = ছ এবং গ ট = জ, একারণ চ : ছ :: জ : ট ক । অতএব চ, ছ, জ তিনটি নির্দিষ্ট ঋজু রেখার চতুর্থ অনুপাতীয় ট ক নির্ণীত হইল ।

## ৮৪তি প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

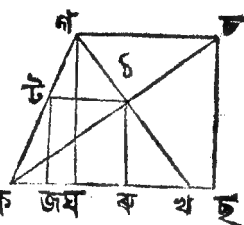
ক ছ ও ছ খ দুইটি (৮০ তি প্রতিজ্ঞার প্রতিকৃতি দেখ) নির্দিষ্ট ঋজু রেখার মধ্য অনুপাতীয় নির্দেশ করিতে হইবে ।

ক ছ, ছ খ এক সরল রেখাঙ্ক করিয়া ক খ ঋজু রেখার উপর ক গ খ সামিবৃত্ত নিষ্কাশন কর, এবং ছ বিন্দু হইতে ক খ রেখার লম্ব ছ গ টানিয়া ক, গ ও খ, গ সংযুক্ত কর । ক গ খ কোণ সামিবৃত্তস্থ এই বলিয়া সমকোণ, সুতরাং ৮০তি প্রতিজ্ঞানুসারে ছ গ ঋজু রেখা ক ছ ও ছ খ দুই খণ্ডের মধ্য অনুপাতীয় ; অতএব ক ছ, ছ খ দুই ঋজু রেখার মধ্য অনুপাতীয় ছ গ নির্ণীত হইল ।

৮৫তি প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

ক গ খ একটি নির্দিষ্ট ত্রিভুজের ভিতরে একটি বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে ।

ক খ রেখার উপর শীর্ষকোণ হইতে গ ঘ লম্ব টান, এবং গ বিন্দু দিয়া গ চ, ক খ রেখার সমান্তরাল টান । পরে গ চ রেখাকে গ ঘ রেখার সমান কর, এবং চ, ক সংযুক্ত কর । ক চ রেখা গ খ রেখাকে ঠ বিন্দুতে ছেদ করিতেছে । এই ছেদবিন্দু বর্গক্ষেত্রের কোণ হইবে ।



ঠ বিন্দু দিয়া ঠ ঝ লম্ব টান, ও ঐ বিন্দু দিয়া ঠ ট, ক খ রেখার সমান্তরাল টান, ঠ ট, ক গ-কে ট বিন্দুতে ছেদ করিতেছে । পরে ট ঝ, ঠ ঝ-র সমান্তরাল টান, ট ঠ ঝ জ চতুর্ভুজটী ক গ খ ত্রিভুজের ভিতরে অঙ্কিত হইল ।

ক ট ঠ ও ক গ চ ত্রিভুজ দুইটী সদৃশ ; সুতরাং  $\frac{ক গ}{ক ট} = \frac{গ চ}{ট ঠ}$  ; কিন্তু ক ট ঝ ও ক গ ঘ দুইটী ত্রিভুজও

সদৃশ, সুতরাং  $\frac{ক গ}{ক ট} = \frac{গ ঘ}{ট ঝ}$  ; এবং যে দুই বস্তু প্রত্যেকে এক বস্তুর সমান তাহারা পরস্পর সমান, অতএব  $\frac{গ চ}{ট ঠ} = \frac{গ ঘ}{ট ঝ}$  ; কিন্তু গ চ ও গ ঘ সমান করণ করা গিয়াছে ;

সুতরাং ট ঠ = ট ঝ, কিন্তু ট ঝ = ঠ ঝ, তদ্ব্যবহিত ট ঠ,

ঠ ক, ক জ ও ট জ চারিটা বাহু পরস্পর সমান ও ঠ ক জ কোণ সমকোণ; সুতরাং ট ঠ ক জ বর্গ ক্ষেত্র, এবং ইহা ক গ খ ত্রিভুজের ভিতরে অঙ্কিত হইয়াছে।

### ৮৬তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

দুইটা নির্দিষ্ট বর্গক্ষেত্রের সমষ্টির সমান একটা বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

ঢ ক খ গ ও খ গ ড ঠ দুইটা বর্গক্ষেত্র (৩৫শ প্রতিজ্ঞার প্রতিকৃতি দেখ); ইহার সমষ্টির সমান আর একটা বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

ক খ, গ খ দুইটা রেখাকে খ স্থানে সমকোণ করিয়া লও। পরে ক, গ সংযুক্ত করিয়া ক গ-র উপর ক ক ট গ বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত কর। ৩৫শ প্রতিজ্ঞানুসারে ক ক ট গ বর্গক্ষেত্র ঢ ক খ গ ও খ গ ড ঠ দুইটা বর্গক্ষেত্রের যোগতুল্য।

### ৮৭তি প্রতিজ্ঞা। সম্পাদ্য।

দুইটা নির্দিষ্ট বর্গক্ষেত্রের বিয়োগ কলের সমান অপর একটা বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে।

ঢ ক খ গ ও ক ক ট গ দুইটা বর্গক্ষেত্র, ক ক ট গ বড় বর্গক্ষেত্রটির কোন বাহু ক গ-কে বাস করিয়া একটা বৃত্ত অঙ্কিত কর। পরে ঢ ক খ গ বর্গ ক্ষেত্রের ক খ বাহু বৃত্তাংশে প্রয়োগ করিয়া ছেদবিন্দু খ হইতে গ পর্যন্ত রেখা টান। ক খ গ সমকোণিক ত্রিভুজ, কারণ (১৫শ প্রতিজ্ঞার ২য় অনুমানানুসারে) অর্ধবৃত্তস্থ কোণ সমকোণ। সুতরাং খ গ রেখার উপর অঙ্কিত খ গ ড ঠ বর্গক্ষেত্র

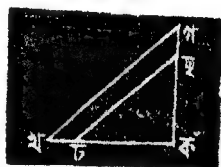
## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৫১

চ ক খ গ ও ক ক ট গ বর্গক্ষেত্রের অন্তরের সমান ।  
( ৩৫ শ প্রতিজ্ঞার প্রতিকৃতি দেখ ) ।

### ৮৮তি প্রতিজ্ঞা । সম্পাদ্য ।

কতিপয় বর্গক্ষেত্রের সমষ্টির সমান একটি বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত  
করিতে হইবে ।

ক খ, ক গ হইতে অনীম রেখাকে ক স্থানে সমকোণ  
করিয়া অঙ্কিত কর । ক খ হইতে  
নির্দিষ্ট অনাতর বর্গের একটি  
ভুজতুল্য এক ভাগ ক চ কাটয়া  
নও । ক গ হইতেও এক নির্দিষ্ট



অপর বর্গের ভুজ তুল্য একটি অংশ ছেদ কর ; যথা ক ছ ।  
চ, ছ ছেদ বিন্দুদ্বয় সংযুক্ত কর । চ ছ-র বর্গ, ক চ ও ক ছ-র  
বর্গের সমষ্টির সমান । পুনশ্চ, ক খ হইতে চ ছ-র তুল্য  
এক অংশ ছেদ কর, যথা ক খ । পরে ক গ হইতে তৃতীয়  
বর্গের ভুজ তুল্য একটি অংশ ছেদ কর, যথা ক গ । খ, গ  
সংযুক্ত কর, এইরূপে খ গ-র বর্গ নির্দিষ্ট তিনটি বর্গের  
সমান । এই রূপে ৪, ৫ ও ততোধিক বর্গের সমষ্টিতুল্য  
বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত হইতে পারে ।



## অতিরিক্ত প্রতিচ্ছা ।

১। ভূমি ও ভূমিসংলগ্ন একটা কোণ এবং ভূমির উপর পতিত লম্বের পরিমাণ নির্দিষ্ট থাকিলে, ত্রিভুজ কিরূপে অঙ্কিত করিতে হইবে ।

২। এমত একটা সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ অঙ্কিত কর, যাহার প্রত্যেক ভুজ ভূমির দ্বিগুণ হইবে ।

৩। কোন সমদ্বিবাহু ত্র্যাম্বের ভূমি এবং শীর্ষকোণের পরিমাণ পরিজ্ঞাত থাকিলে ঐ ত্রিভুজ কিরূপে অঙ্কিত করিতে হইবে ।

৪। একটা অসীম সরল রেখার এমত একটা বিন্দু নির্দেশ কর, যাহা দুইটা নির্দিষ্ট বিন্দু হইতে সমদূর হইবে ।

৫। এমত একটা সমকোণিক ত্রিভুজ অঙ্কিত কর, যাহার কর্ণ রেখা ভূমির দ্বিগুণ হইবে ।

৬। কোন নির্দিষ্ট সরল রেখাকে কর্ণ রেখার স্বরূপ করিয়া একটা বর্গ ক্ষেত্র অঙ্কিত কর ।

৭। কোন আয়ত ক্ষেত্রের কর্ণ ও একটা বাহুর পরিমাণ জানা আছে ঐ ক্ষেত্র কিরূপে অঙ্কিত করিতে হইবে ।

৮। কোন ত্রিভুজের শীর্ষ কোণ হইতে রেখা পাত করিয়া ঐ ত্রিভুজকে দুই সমান ভাগে বিভক্ত কর ।

৯। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি এবং তাহার উপর দুই ভুজের সমষ্টি জ্ঞাত আছে, ত্রিভুজ অঙ্কিত কর ।

১০। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি এবং তাহার উপর দুই ভুজের অন্তর জানা আছে, ত্রিভুজ অঙ্কিত কর ।

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৫৩

১১। যদি সমকোণিক ত্রিভুজের কোন ভূজকে সমান দুই খণ্ডে বিভক্ত করিয়া কর্ণের উপর লম্ব পাত করা যায়, তবে কর্ণের খণ্ডদ্বয়ের বর্গের অন্তর অপর ভূজটির বর্গের তুল্য হইবে।

১২। সমকোণিক ত্রিভুজের ভূজদ্বয়ের উপর অঙ্কিত সমবাহু ত্রিভুজ দুইটি একত্র যোগে কর্ণের উপর অঙ্কিত সমবাহু ত্রিভুজের তুল্য হইবে।

১৩। সমকোণিক ত্রিভুজে সমকোণ হইতে কর্ণের মধ্য বিন্দু পর্যন্ত রেখা টানিলে ঐ রেখা কর্ণের অর্ধাংশ তুল্য হইবে।

১৪। কোন নির্দিষ্ট সরল রেখাকে এমত রূপে বিভাজিত কর যে, তাহার দুই খণ্ডের আয়ত কোন নির্দিষ্ট আয়তের তুল্য হইবে।

১৫। এমত একটা বর্গ ক্ষেত্র অঙ্কিত কর, যাহা অন্য দুই বর্গ ক্ষেত্রের তুল্য হইবে।

১৬। এক নির্দিষ্ট সরল রেখাকে এমত দুই অংশে বিভক্ত করিতে হইবে যে, তাহাদের আয়ত তাহাদের অন্তরেব চতুর্ভুজ তুল্য হয়।

১৭। এমত একটা সমকোণিক সমান্তরাল ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে, যাহা এক নির্দিষ্ট সমচতুর্ভুজের সমান হয়, এবং যাহার দুই সংলগ্ন বাহুর অন্তর এক নির্দিষ্ট রেখার তুল্য হয়।

১৮। এমত একটা ত্রিভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে যাহা তন্তুলা উন্নত এবং সমানবাহু ও তুল্যাকোণিক পঞ্চভুজ ক্ষেত্রের সমান হয়।

১৯। এক নির্দিষ্ট সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের সমান এক

সমবাহু ত্রিভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে ।

২০। এক নির্দিষ্ট সামিবৃত্তমধ্যে সমচতুর্ভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে ।

২১। কোন নির্দিষ্ট বৃত্তের মধ্যে এক নির্দিষ্ট সরল রৈখিক ক্ষেত্রের সমান এক তুল্যাকোণিক সমান্তরাল ক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে ।

২২। একটা নির্দিষ্ট সমানবাহু ও তুল্যাকোণিক পঞ্চ ভুজ ক্ষেত্রের মধ্যে সমচতুর্ভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে ।

২৩। একটা নির্দিষ্ট বৃত্তের স্পর্শনী টানিতে হইবে, যাহা কোন নির্দিষ্ট সরল রেখার সমান্তরাল হয় ।

২৪। কোন সমবাহু ত্রিভুজের ভিতরে এবং বাহিরে দুইটা বৃত্ত অঙ্কিত করিলে, অন্তর্গত বৃত্তের ব্যাসার্দ্ধ বহির্গত বৃত্তের ব্যাসার্দ্ধের অর্ধেকের সমান হইবে ।

২৫। একটা সরল রৈখিক কোণকে ২, ৪, ৮, ১৬ প্রভৃতি সমান খণ্ডে ভাগ কর ।

২৬। একটা নির্দিষ্ট বিন্দু দিয়া এমন একটা রেখা টান, যাহা একটা নির্দিষ্ট সরল রেখার সহিত সংযুক্ত হইলে  $85^\circ$  পরিমিত একটা কোণ উৎপন্ন হয় ।

২৭। সমকোণকে ত্রিখণ্ড অর্থাৎ তিন সমান সমান ভাগে বিভক্ত কর ।

২৮। একটা নির্দিষ্ট বিন্দু দিয়া রেখা টানিয়া একটা সমান্তরাল ক্ষেত্রকে সমান দুই খণ্ডে বিভক্ত কর ।

২৯। একটা সমকোণিক সমধিবাহু ত্রিভুজের মধ্যে বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত করিতে হইবে ।

## ব্যবহারিক জ্যামিতি ও জ্যামিতিতত্ত্ব । ১৫৫

৩০ : বর্গক্ষেত্রের কর্ণদ্বয় পরস্পর সমান অংশে দ্বিখণ্ডিত হইয়া লম্বভাবে অবস্থিতি করে ও তদ্বারা বর্গক্ষেত্রটী চারিটী সমান ত্রিভুজে বিভক্ত হয় ।

৩১। যে বেখা সমান্তরাল ক্ষেত্রের কর্ণকে সমান ভাগে দ্বিখণ্ডিত করে, সে ঐ ক্ষেত্রকেও সমান অংশে বিভাগ করিবে ।

৩২। একটী সমকোণিক ত্রিভুজের মধ্যে একটী সমকোণিক ত্রিভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে। অঙ্গরূপে ত্রিভুজটী যে আদিম ত্রিভুজের চতুর্থাংশের একাংশ তাহা প্রমাণ কর ।

৩৩। একটী ত্রিভুজের কোন বাহুর কোন বিন্দু হইতে রেখা টানিয়া ঐ ত্রিভুজকে সমান দুই ভাগে বিভাগ করিতে হইবে ।

৩৪। ট্রাপিজিয়াম ক্ষেত্রে কোন একটী কোণ হইতে রেখা টানিয়া ঐ রেখাদ্বারা ক্ষেত্রকে সমদ্বিখণ্ড করিতে হইবে ।

৩৫। কোন সরল বৈধিক ক্ষেত্রের তুল্য একটী রম্বস অঙ্কিত করিতে হইবে ।

৩৬। একটী ত্রিভুজ অঙ্কিত কর বাহ্যর ক্ষেত্রফল একটী নির্দিষ্ট ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল তুল্য ও বাহ্যর ভূমি উক্ত নির্দিষ্ট ত্রিভুজের তুল্য ।

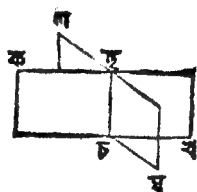
৩৭। কোন ত্রিভুজের তিনটী ভূজকে তিন বিন্দুতে সমদ্বিখণ্ড করিয়া যদি উক্ত বিন্দু সংযুক্ত করা যায়, তবে মধ্যে যে ত্রিভুজ উৎপন্ন হইবে তাহা আদিম ত্রিভুজের চতুর্থাংশ হইবে ।

---

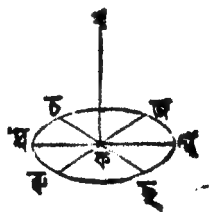
# ঘনজ্যামিতি ।

## পরিভাষা ।

১। ক খ ও গ ঘ দুইটি ধরাতল যদি চ ছ রেখাতে পরস্পর অবচ্ছেদিত হয়, তাহা হইলে ঐ রেখাকে সাধারণ খণ্ড কহে ।

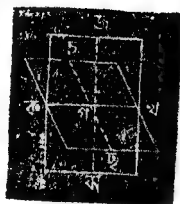


২। একটি ধরাতলের উপর যদি এমন একটি সরল রেখা টানা যায় যে, উহার মূলদেশ দিয়া ঐ ধরাতলে যত অপর রেখা টানা যাইবে, তাহাদের প্রত্যেকের সহিত প্রথমোক্ত রেখার সংযোগে সমকোণ উৎপন্ন হয়, তাহা হইলে ঐ প্রথমোক্ত রেখাকে উক্ত ধরাতলের লম্ব কহা যায়। ক খ একটি ক্ষুদ্ররেখা চ জ গ ছ ব ঘ ধরাতলের উপর এরূপে অঙ্কিত হইয়াছে যে, উহার মূল ক দিয়া উক্ত ধরাতলের উপরে ক ঘ, ক চ, প্রভৃতি রেখা টানিলে যদি খ ক ঘ, খ ক চ প্রভৃতি প্রত্যেকে সমকোণ হয়, তাহা হইলে ক খ উক্ত ধরাতলের লম্ব হইবে।

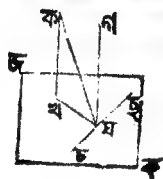


৩। ক খ যদি দুইটি ধরাতলের সাধারণ খণ্ড হয়,

এবং চ ছ ও জ ক যদি কং খ রেখার উপর সমকোণ ভাবে অঙ্কিত হয়, তাহা হইলে জ গ চ কোণই দুইটা ধরাভলের অবনতির মান হইবে।



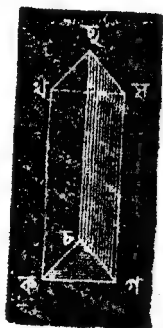
৩। মনে কব, জ ক ধরাভলের উপর ক ঘ রেখা অবনত হইয়াছে, এইক্ষেণে ক বিন্দু দিয়া জ ক ধরাভলের উপর লম্ব পাত করিয়া ঘ খ সংযুক্ত করিলে ক ঘ খ কোণই ক ঘ রেখার অবনতির মান হইবে।



৫। যে সকল ধরাভল একপ ভাবে সংস্থিত থাকে যে, তাহাদের হই দিক অবিশাল্য বৃদ্ধি করিলে কোন দিকেই পরস্পরের সহিত সংস্পর্শ হয় না, তাহার সমান্তর ধরাভল।

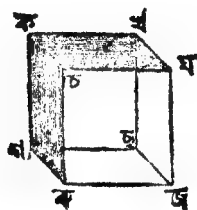
৬। যে বস্তুর দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও বেধ আছে তাহাকে ঘন বা নিটন বস্তু কহে।

৭। পহল নিটন বস্তু অর্থাৎ যে বস্তুর সীমাগুলি সমান্তরাল, সমান এবং সদৃশ সরলরেখিক ক্ষেত্র; এবং বাহার পার্শ্বগুলি সমান্তরাল চতুর্ভুজ। পহলের দিকের সংখ্যানুসারে তাহার নামের নির্দেশ হইয়া থাকে। যদি পহলের তিন দিক থাকে, তবে তাহাকে ত্রিপহল কহে;

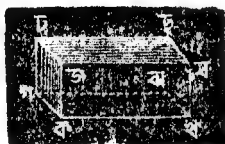


চারি দিক্ থাকিলে চৌপল বা চৌপহল, পাঁচ দিক্ থাকিলে পঞ্চপহল কহে, ইত্যাদি।

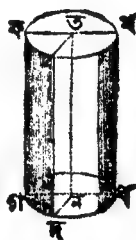
৮। চৌপল বস্তুর ছয়টি দিক্ প্রত্যেকে সমচতুর্ভুজ হইলে সমবাহক ঘন ক্ষেত্র কহে।



৯। যে ঘন বস্তুর ছয়টি আয়তাকার দিক্ আছে এবং প্রত্যেক সমুখস্থ যুগ্মদিক সমান ও সমান্তরাল, তাহাকে সমকোণিক সমান্তরাল ঘন বা নিউন বস্তু কহে।



১০। সমচতুর্কোণ ক্ষেত্র একটি ভূজের উপর দণ্ডায়মান থাকিয়া একবার চতুর্দিকে ঘূর্ণিত হইলে যে আকারটি হয়, তাহার নাম স্তম্ভ। সমান বাসবিশিষ্ট কতকগুলি বস্তু উপর্যুপরি স্থাপিত হইলে একটি স্তম্ভ হয়। গাছের গুঁড়ি, বাঁশ ও কূপের আকার স্তম্ভ।



১১। ঘাহার তলটি সরল রৈখিক ক্ষেত্রবিশেষের ন্যায়, পৃষ্ঠগুলি ত্রিভুজের ন্যায়, এবং ঐ ত্রিভুজগুলির শৃঙ্গ একটি বিন্দুতে শেষ হইয়া একটি সূচীর আকার হইয়াছে, তাহার

নাম স্কোণস্থচী । স্কোণস্থচীর  
তলস্থ ক্ষেত্রের আকারানুসারে  
নামের নির্দেশ হইয়া থাকে ।  
যদি স্কোণস্থচীর তলস্থ ক্ষেত্র  
ত্রিকোণাকার হয়, তাহা হইলে  
ত্রিকোণাকার স্কোণস্থচী কহে,  
বর্গ হইলে চতুর্ভুজাকার স্কোণ-  
স্থচী কহে, ইত্যাদি ।



১২। সমকোণ ত্রিভুজ,  
সমকোণপার্শ্ববর্তী দুইটি ভূ-  
জের একটির উপর দণ্ডায়মান  
হইয়া, আর একটির চারিদিকে  
ঘূর্ণিত হইলে যে আকার হয়,  
তাহার নাম স্থচী । নৈবেদ্যের  
আকার স্থচীর মত ।



১৩। অর্ধবৃত্ত আপন  
বাসের উপর দণ্ডায়মান  
হইয়া সকল দিকে ঘুরিয়া  
আসিলে যে আকারটি হয়,  
তাহার নাম বর্তুল । কামা-  
নের গোলার আকার বর্তুল,  
কদম ফুলের আকার বর্তুল ।



১৪। ঘন বস্তুর এক পার্শ্বের মধ্য হইতে অপর  
পার্শ্বের মধ্য পর্য্যন্ত যে রেখা কল্পনা করা যায়, তাহাকে



অক্ষদণ্ড কহে। সকোণসূচীর শূন্য হইতে ভূমির মধ্য পর্য্যন্ত যে রেখা টানা যায়, তাহাকে তাহার অক্ষদণ্ড কহে। বর্তনের বাস অর্থাৎ যে রেখাটী কেন্দ্রের মধ্য দিয়া গিয়া উভয় প্রান্তে সমাপ্ত হয়, তাহাকে উহার অক্ষদণ্ড কহে।

১৫। ঘন বস্তুর শূন্য বা মস্তক হইতে ভূমিতে লম্ব পাতি করিলে উহাকে উহার উন্নতি কহে।

১৬। কোন সকোণসূচী, বর্তুল বা অন্য কোন ঘন বস্তুর তলস্থ ক্ষেত্রের সমান্তরালে থাকিয়া যদি কোন সমতল ক্ষেত্র উক্ত বস্তুকে দুই ভাগে বিভক্ত করে, তাহা হইলে ঐ ভাগদ্বয়কে খণ্ড কহে। এই খণ্ডদ্বয়ের উপরের খণ্ডটী যদি পরিত্যক্ত হয়, তাহা হইলে নিম্নের খণ্ডটীকে প্রকাণ্ড কহে।

১৭। কোন ঘন বস্তুর অন্তর্গত দুই সমান্তরাল সমতল ক্ষেত্রের মধ্যবর্তী স্থানকে তাহার মণ্ডল কহে। ঐ সমতল ক্ষেত্র দুইটী যদি উক্ত ঘন বস্তুর কেন্দ্রের উভয় দিক হইতে সমান দূরে স্থাপিত হয়, তাহা হইলে ঐ মণ্ডলকে মধ্যমণ্ডল কহে।

১৮। বৃত্তখণ্ড আপন জ্যার উপর দণ্ডায়মান হইয়া সকল দিকে ঘুরিয়া আসিলে যে আকারটী হয়, তাহার নাম গোলাকার টঙ্ক।





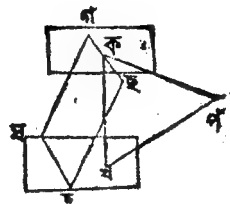
অনুমান ১। প্রস্তাবিত উপপাদ্য দ্বারা প্রতীয়মান হইতেছে যে, কোন ধরাতলের উপর একটি নির্দিষ্ট বিন্দু হইতে কেবল একটি লম্ব অঙ্কিত হইতে পারে, এবং সেই লম্ব ঐ বিন্দু ও ধরাতলের লঘুতম দূরত্ব রেখা।

২। যদি ক গ রেখা গ খ, গ ট ও গ চ প্রত্যেক রেখার সহিত সমকোণ উৎপন্ন করে, তবে এই তিনটি সরল রেখা একই ধরাতলে থাকিবে।

### ২য় প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক খ একটি সরল রেখা, যদি ইহা ক ও খ এই দুই ধরাতলের লম্ব হয়, তাহা হইলে এই দুইটি ধরাতল সমান্তরাল হইবে।

যদি ক ও খ সমান্তরাল না হয়, তবে উহারা বৃদ্ধি পাইলে অবশ্য এক দিকে সংলগ্ন হইবে। বৃদ্ধি পাইয়া প বিন্দুতে সংলগ্ন হউক। ক প ও খ প সংযুক্ত কর। যেহেতুক ক খ রেখা ক ও খ উভয় ধরাতলের উপর লম্বভাবে আছে, প ক খ ও প খ ক প্রত্যেকে সমকোণ, অতএব ক প, খ প ধরাতলের সমান্তরাল যাহা কল্পনার বিপরীত, সুতরাং অসম্ভব, এবং ক ও খ বৃদ্ধি পাইলে কোন দিকেই সংলগ্ন হইবে না ও কাষে কাষেই সমান্তরাল।



অনুমান। ক খ রেখা ক ও খ দুইটি সমান্তরাল ধরাতলের একটীর লম্ব হইলে অপরটীরও লম্ব হইবে।

### ৩য় প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

ক ও খ দুইটি সমান্তরাল ধরাতল গ ছ চ ঘ অপর একটি ধরাতল দ্বারা ছিন্ন হইলে, গ ছ ও ঘ চ ছেদ রেখা পরস্পর সমান্তরাল হইবে ( পূর্ব প্রতিরূতি দেখ ) ।

যেহেতুক ক ও খ দুইটি সমান্তরাল ধরাতল বন্ধিত হইলে কোন দিকে সংলগ্ন হইতে পারে না, গ ছ ও ঘ চ রেখা ঐ দুই ধরাতলে অবস্থিত বলিয়া, ইহারাও বন্ধিত হইলে সংলগ্ন হইতে পারে না, অতএব ইহারা সমান্তরাল ।

### ৪র্থ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

ক খ রেখা জ ক ধরাতলের ( ৪র্থ পরিভাষার প্রতিরূতি দেখ ) লম্ব হইলে, যে যে রেখা ( যথা গ ঘ ) ক খ রেখার সমান্তরাল করিয়া অঙ্কিত হইবে, তাহারাও ঐ ধরাতলের লম্ব হইবে ।

ক খ ও গ ঘ রেখা দিয়া একটি ধরাতল অঙ্কিত কর, বাহা জ ক ধরাতলকে খ ঘ রেখাতে ছিন্ন করিবে, জ ক ধরাতলে চ ছ রেখা খ ঘ রেখার লম্ব অঙ্কিত কর, এবং ক ঘ সংযুক্ত কর ।

চ ছ রেখা ক খ ঘ ধরাতলের লম্ব, অতএব চ ঘ গ কোণ সমকোণ, কিন্তু গ ঘ খ কোণও সমকোণ, যেহেতু ক খ রেখা খ ঘ রেখার লম্ব, এবং গ ঘ, ক খ-র সমান্তরাল । এই-কণে গ ঘ রেখা চ ঘ ও ঘ খ দুইটি রেখার লম্ব, অতএব এই রেখা জ ক ধরাতলেরও লম্ব ।

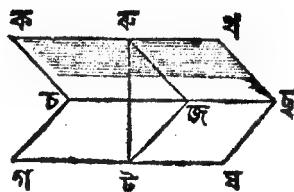
অনুমান । ক খ ও গ ঘ দুইটি রেখা জ ক ধরাতলের লম্ব হইলে, উহারা সমান্তরাল হইবে ।

### ৫ম প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক খ ও গ ঘ দুইটি রেখা চ ছ অপর একটা সরল রেখার সমান্তরাল হইলে, তাহারাও পরস্পর সমান্তরাল হইবে।

অর্থাৎ ধরাভল এ

রূপে অঙ্কিত কর যে,  
উহা চ ছ রেখার লম্ব  
হয়। ক খ ও গ ট রেখা  
চ অ রেখার সমান্তরাল  
বলিয়া পূর্বোক্ত উপ-



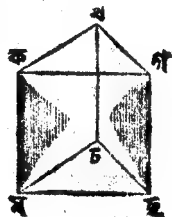
পাদ্যের অনুমানানুসারে তাহারা পরস্পর সমান্তরালও হইবে।

### ৬ষ্ঠ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক খ গ ও ঘ চ ছ কোণদ্বয়ের যদি ক খ রেখা ঘ চ-র সমান্তরাল ও খ গ রেখা চ ছ-র সমান্তরাল হয়, তবে ক খ গ কোণ ঘ চ ছ কোণের সমান হইবে।

ক খ, ঘ চ-র সমান ও খ গ, চ ছ-র সমান করিয়া ক গ, ঘ ছ, ক ঘ, খ চ ও গ ছ সংযুক্ত কর।

ব্যবহারিক জ্যামিতির ২৫শ প্রতিজ্ঞানুসারে ক খ চ ঘ সমান্তরাল চতুর্ভুজ, অতএব ক ঘ—  
খ চ; এইরূপে খ গ ছ চ সমান্তরাল  
চতুর্ভুজ এবং গ ছ—খ চ। এইরূপে  
ক ঘ ও গ ছ প্রত্যেকে খ চ-র সমা-  
ন্তরাল ও সমান বলিয়া (পূর্বোক্ত  
প্রতিজ্ঞানুসারে) ক ঘ, গ ছ-র

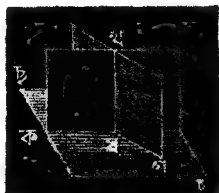


সমান ও সমান্তরাল, সুতরাং ক গ ছ ঘ সমান্তরাল চতুর্ভুজ, এবং ঘ ছ = ক গ। অতএব ক খ গ ও ঘ চ ছ দুইটি ত্রিভুজ সর্বতোভাবে সমান এবং  $\angle ক খ গ = \angle ঘ চ ছ$ ।

### ৭ম প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

যদি খ ঘ সরল রেখা চ ছ ধরাতলের উপর লম্বভাবে দণ্ডায়মান থাকে, তবে ঐ সরল রেখার উপর দিয়া যে ধরাতল গমন করিবে (যথা ক খ ঘ) তাহাও চ ছ ধরাতলের লম্ব হইবে।

চ ছ ও ক খ দুইটি ধরাতলের ক ঘ রেখাতে সম্পাত হউক : চ ছ ধরাতলে ঘ গ রেখা ক ঘ-র লম্ব করিয়া টান ; এইক্ষণে খ ঘ, চ ছ ধরাতলের লম্ব, এজন্য খ ঘ গ সমকোণ হইবে, এবং (৩য় পরিভাষা-দ্বারা) এই কোণ চ ছ ও ক খ ধরাতলের অবনতির মান ; সুতরাং এই ধরাতলদ্বয় পরস্পর লম্বভাবে অবস্থিত হইয়াছে।

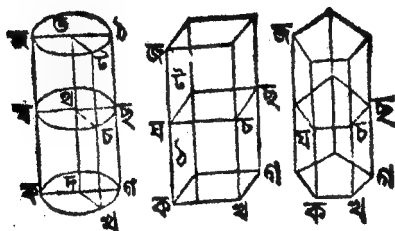


অনুমান। যদি ক খ ও গ খ দুইটি ধরাতল চ ছ একটা ধরাতলের উপর লম্বভাবে অবস্থিত হয়, তবে উক্ত দুই ধরাতলের সম্পাত রেখা খ ঘ, চ ছ ধরাতলের লম্ব হইবে।

### ৮ম প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

ক খ গ জ পহলের ভূমির সমান্তরাল একটা ধরাতল যদি ঐ পহলকে ছেদ করে, তাহা হইলে ঐ ছেদনে যে

নতুন ধরাভলের উৎপত্তি হয়, তাহা পহলের ভূমির সমান হইবে।



চ ছ ঘ সমান্তরাল ধরাভল যদ্বারা পহল ছেদিত হইয়াছে। ক খ গ ও চ ছ ঘ তইটী সমান্তরাল ধরাভল ক খ চ ঘ অপর একটি ধরাভল দ্বারা ছেদিত হইয়াছে, একজন্য (৩য় প্রতিজ্ঞানুসারে) ঘ চ রেখা ক খ রেখার সমান্তরাল; এইরূপে চ ছ, ছ ট ও ট ঘ রেখা যথার্থ খ গ, গ ঠ ও ঠ ক-র সমান্তরাল প্রতীত হইবে। অপর পহলের পরিভাবানুসারে উপলব্ধি হইতেছে যে, ক ঘ ও খ চ পরস্পর সমান্তরাল; তন্নিমিত্ত ক খ চ ঘ সমান্তরাল চতুর্ভুজ, এবং (ব্যবহারিক জ্যামিতির ২৪শ প্রতিজ্ঞানুসারে) ঘ চ = ক খ; এইরূপ চ ছ = খ গ, ছ ট = গ ঠ এবং ঘ ট = ক ঠ; অর্থাৎ ঘ চ ছ ও ক খ গ পরস্পর সমানবাহক। পুনশ্চ (৬ষ্ঠ প্রতিজ্ঞানুসারে) ঘ চ ছ কোণ = ক খ গ কোণ, চ ছ ট কোণ = খ গ ঠ কোণ, ইত্যাদি। অতএব প্রতিপন্ন হইতেছে যে, ঘ চ ছ ধরাভল ক খ গ ভূমির সর্বভোভাবে সমান।

## ৯ম প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

ক খ গ জ স্তম্ভের ভূমির সমান্তরাল একটী ধরাতল যদি ঐ স্তম্ভকে ছেদ করে, তবে ঐ ছেদনে যে ধরাতল উৎপন্ন হয়, তাহা উক্ত ভূমির সমান একটী বৃত্ত হইবে ।

ক গ ঠ জ ও খ ট ত দ হইটী (পূর্ব প্রতিজ্ঞার ১ম প্রতিকৃতি দেখ) ধরাতল, ত দ মেরুদণ্ড দিয়া গমন করুক ও ঘ চ ছ ধরাতলকে চ, ছ, খ বিন্দুতে ছেদ করুক । এই-রূপে স্তম্ভের পরিভাষা দ্বারা প্রতীকমান হইতেছে যে, খ চ রেখা দ খ রেখার সমান্তরাল, এবং (৩য় প্রতিজ্ঞানুসারে) খ চ, দ খ-র সমান্তরাল, অতএব খ চ খ দ সমান্তরাল চতুর্ভুজ এবং খ চ = দ খ ; এইরূপে খ ছ, দ গ-র এবং খ ঘ, দ ক-র সমান প্রদর্শিত হইতে পারে । কিন্তু দ খ, ক খ গ বৃত্তের ব্যাসার্ধ, সুতরাং ঘ চ ছ বৃত্তটীও ক খ গ বৃত্তের সমান ।

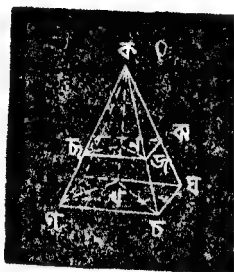
## ১০ম প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

গ চ ঘ ক একটী স্কোপসূচীর ভূমির সমান্তরাল কোন ধরাতল যদি ঐ সূচীকে ছেদ করে, তাহা হইলে ঐ ছেদন দ্বারা যে ধরাতল উৎপন্ন হয়, তাহা ঐ ভূমির সদৃশ হইবে এবং ভূমি উক্ত ছেদনজ ধরাতলের যত গুণ হইবে, শীর্ষ কোণ হইতে ভূমির উপর পতিত লম্বের বর্গ, ছেদনজ ধরাতলের উপর পতিত লম্বের তত গুণ হইবে ।

ছ জ ক ভূমির সমান্তরালে এক ধরাতল ; ক ন খ একটী লম্ব রেখা ভূমি ও ঐ ধরাতলের উপর টানিয়া জ ন ত



চ খ সংযুক্ত কর । এইরূপে  
( ৩য় প্রতিজ্ঞানুসারে ) ছ জ ও  
গ চ পরস্পর সমান্তরাল  
এবং ( ৬ষ্ঠ প্রতিজ্ঞানুসারে )  
গ চ ঘ কোণ ছ জ ক কোণের  
সমান । এই রূপে ঘ কোণ  
ক কোণের সমান ইত্যাদি ; অর্থাৎ ছ জ ক ছেননজ  
ধরাতল গ চ ঘ ভূমির সহিত তুল্যকোণিক ।



ক গ চ ও ক ছ জ সদৃশ ত্রিভুজে,

$$ক চ : ক জ :: গ চ : ছ জ ।$$

এই রূপে ক চ ঘ ও ক জ ক সদৃশ ত্রিভুজে,

$$ক চ : ক জ :: চ ঘ : জ ক,$$

$$\therefore গ চ : ছ জ :: চ ঘ : জ ক ।$$

এই রূপে প্রদর্শিত হইতে পারে যে, ছ জ ক ধরাতলের  
সমুদায় বাহু গ চ ঘ ভূমির সবগৌর বাতর সহিত অনুপাতীয়,  
এই জন্য ব্যবহারিক জ্যামিতির ৪৮শ প্রতিজ্ঞানুসারে, গ চ ঘ-র  
পরিমাণকল : ছ জ ক-র পরিমাণকল :: গ চ<sup>২</sup> : ছ জ<sup>২</sup> ।

$$\text{কিন্তু গ চ : ছ জ :: ক চ : ক জ ;}$$

অপর ক খ চ ও ক ন জ দুইটী সদৃশ ত্রিভুজে,

$$ক চ : ক জ :: ক খ : ক ন,$$

$$\therefore গ চ : ছ জ :: ক খ : ক ন, \text{ ইহার দুই পক্ষ বর্গ করিলে ;}$$

$$গ চ^২ : ছ জ^২ :: ক খ^২ : ক ন^২,$$

$$\therefore গ চ ঘ-র পরিমাণকল : ছ জ ক-র পরিমাণকল :: ক খ^২ : ক ন^২ ।$$

### ১১শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

ক খ গ ঘ সূচীর ভূমির সমান্তরাল কোন ধরাভল যদি ঐ সূচীকে ছেদ করে, তাহা হইলে ঐ ছেদন দ্বারা যে ধরাভল উৎপন্ন হইবে তাহা একটী বৃত্ত হইবে। এবং ভূমি উক্ত ছেদনজ ধরাভলের যত গুণ হইবে, সীর্ষ কোণ হইতে ভূমির উপর পতিত লম্বের বর্গ, ছেদনজ ধরাভলের উপর পতিত লম্বের তত গুণ হইবে।

ক খ গ ও চ ছ জ দুইটা সমান্তরাল ধরাভলের উপর ঘ ন য একটা লম্ব টান, এবং খ ক ঘ ও গ ক ঘ দুইটা ধরাভল ঘ ত ক মেরদণ্ড দিয়া গমন করুক, এই দুই ধরাভল চ ছ জ ধরাভলকে ত ছ ও ত জ রেখাতে ছেদ করিয়াছে। এইরূপে (৩য় প্রতিজ্ঞানুসারে) ত ছ, ক খ-র



সমান্তরাল, ও ত জ, ক গ-র সমান্তরাল, সুতরাং ঘ ক খ ও ঘ ত ছ দুইটা ত্রিভুজ সদৃশ আর ঘ ক গ ও ঘ ত জ দুইটা ত্রিভুজও সদৃশ, এইজন্য ঘ ক : ঘ ত :: ক খ : ত ছ, এবং ঘ ক : ঘ ত :: ক গ : ত জ ;  
 $\therefore$  ঘ ক : ত ছ :: ক গ : ত জ ।

কিন্তু ক খ, ক গ, ক খ গ বৃত্তের ব্যাসার্ধ বলিয়া পরস্পর সমান, অতএব ত ছ — ত জ, এই রূপে চ ছ জ পরিধিতে অন্ত কোন বিন্দু লইয়া ত বিন্দুর সহিত সংযুক্ত করিলে, তাহাও ত ছ বা ত জ-র সমান ঐরূপ প্রদর্শিত হইতে পারে, সুতরাং চ ছ জ একটা বৃত্ত।

অপর, ঘ ক ঘ ও ঘ ত ন দুইটী সঙ্গত ত্রিভুজে  
 $ঘ ম : ঘ ন :: ঘ ক : ঘ ত$  অথবা  $:: ক গ : ত জ$ ,

$\therefore ঘ ম^2 : ঘ ন^2 :: ক গ^2 : ত জ^2$ ; কিন্তু (বার  
 হারিক জ্যামিতির ৭১ তি প্রতিজ্ঞানুসারে)  $ক খ গ$ -  
 পরিমাণকল : চ ছ জ-র পরিমাণকল  $:: ক গ^2 : ত জ^2$

$\therefore ক খ গ$ -র ক্ষেত্রকল : চ ছ জ-র ক্ষেত্রকল :  
 $ঘ ম^2 : ঘ ন^2$ ।

যদি একটী সূচী অপর কোন ধরাতল দ্বারা একত্রে  
 ছেদিত হয় যে, ঐ ধরাতলটী ঐ সূচীর কোন পৃষ্ঠের সমান্ত-  
 রাল হয়, তাহা হইলে ঐ ছেদনে যে আকার উৎপন্ন হ-  
 সেইটী কেন্দ্রীয় আকার।

### ১২শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

বর্তুলের কোন অংশ দিয়া যদি অপর কোন ধরাতল  
 গমন করে, অথবা বর্তুলকে বথেছা কাটিয়া দ্বিখণ্ড করা  
 যায়, তাহা হইলে উভয় খণ্ডেরই ছেদমুখ গোলাকার  
 অর্থাৎ বৃত্ত হইবে।

ক গ খ ঘ বর্তুলের ক ছ খ  
 ভাগটী ছেদ করা হইয়াছে।

এইকণ্ঠে বর্তুলের কেন্দ্র  
 ম হইতে ক ছ খ ধরাতলের  
 উপর ম চ লম্ব টান, তাহা  
 হইলে গ ম চ ঘ বর্তুলের  
 কেন্দ্রও হইবে। ম ক খ খ  
 ও ম ছ ঘ দুইটী ধরাতল



এই মেরুদণ্ড দিয়া গমন করুক; ক চ ম ও ছ চ ম  
তাইটী সমকোণিক ত্রিভুজে, ম ক, ম ছ এতদ্ব্যতীত বর্জনের  
ব্যাসার্ধ বলিয়া পরস্পর সমান এবং ম চ এই দুই ত্রিভুজের  
সাধারণ বাহু, অতএব চ ক = চ ছ। এইরূপে অন্ত  
কোন রেখা চ বিন্দু দিয়া ক ছ থ ছেদনজ ধরাতলের  
পরিধি পর্যন্ত নিরূপিত করিলে যে চ ক-র সহিত সমান  
হইবে তাহা প্রদর্শিত হইতে পারে; অন্তরাং ক ছ থ এই  
ছেদনজ ধরাতলটী বৃত্ত ও ইহার ব্যাসার্ধ চ ক।

### \* ১৩শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

সমান ভূমি ও উন্নতিবিশিষ্ট পহল ও স্তম্ভ পরস্পর  
সমান।

মনে কর চম প্রতিজ্ঞার প্রতিকৃতিতে পহল ও স্তম্ভ একই  
ধরাতলের উপর দণ্ডায়মান আছে, এবং ইহারা ইহাদের  
ভূমির সমান্তরাল ম চ ছ ধরাতল দ্বারা ছেদিত হই-  
য়াছে। এইক্ষেণে এই ছেদনজ ধরাতলগুলি এতদ্ব্যতীত  
পরস্পরের সমান, কারণ (চম প্রতিজ্ঞানুসারে) তাহারা  
সবগীর ভূমির সহিত সমান। আর ভূমিগুলি যে পরস্পর  
সমান তাহা কল্পিত হইয়াছে। এইরূপে ইহাদের ভূমির  
সমান্তরালে অন্ত কোন ধরাতল নিরূপিত করিলে, তাহা-  
রাও পরস্পর সমান হইবে। এইক্ষেণে এই পহল ও স্তম্ভ  
অন্যথা স্তম্ভ সমান থও বা ধরাতলবিশিষ্ট, এবং ইহা-  
দিগের উভয়ের ও উন্নতি সমান বলিয়া ইহার একত্রিত  
বস্তুগুলি স্তম্ভ অংশ বা ধরাতল থাকিতে পারে, অপর-

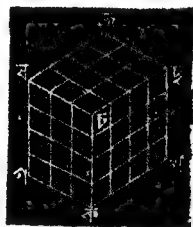
টিতেও ততগুলি ধরাতল থাকিবে, সুতরাং পহল ও ভল্ল সমান ভূমির উপর স্থাপিত ও সমান উন্নত হইলে যে পরস্পর সমান হইবে তাহা প্রতিপন্ন হইতেছে।

প্রমাণ। যদি চ ছ জ ব আয়ত অর্থাৎ সমচতুর্কোণ ধরাতল ক্ষেত্রের (৭৬ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দেখ) অন্তর্গত এক এক বর্গহাত পরিমিত ক্ষেত্রের উপর এক ঘনহাত পরিমিত এক এক ধানি ইষ্টক স্থাপিত করা যায়, তাহা হইলে যে ঘন ক্ষেত্রটি হইবে তাহা এক হাত উচ্চ হইবে; এবং তাহার তলস্থ সমচতুর্কোণ ক্ষেত্রে যতগুলি বর্গহাত আছে উক্ত ঘনক্ষেত্রের মধ্যে ততগুলি ঘনহাত হইবে। যদি ঐ ইষ্টকের স্তরের উপর ঐরূপ আর একটা স্তর স্থাপন করা যায়, তাহা হইলে সমুদায় ঘনক্ষেত্রটি ২ বৈধিক হাত উচ্চ হইবে, এবং তাহার তলে যতগুলি বর্গহাত আছে তাহার মধ্যে তাহার ২ গুণ ঘনহাত হইবে। ঐরূপে উল্লিখিত ৩ হাত উচ্চ হইলে, তলে যতগুলি বর্গহাত, তাহার মধ্যে তাহার ৩ গুণ ঘনহাত হইবে ইত্যাদি। সুতরাং কোন সমকোণিক ঘনক্ষেত্র যত বৈধিক হাত উচ্চ হইবে, তাহার তলস্থ ক্ষেত্রের বর্গহাতের সংখ্যাকে ততগুণ করিলে গুণকল উক্ত ঘনক্ষেত্রের অন্তর্গত ঘনহাতের সংখ্যা অর্থাৎ তাহার কালি হইবে। এইকণে তলস্থ বর্গ ক্ষেত্রটির কালি নির্ণয় করিতে হইলে, তাহার দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের গুণ করিতে হয়, সুতরাং ঘনক্ষেত্রটির ঘনকল অর্থাৎ কালি স্থির করিতে হইলে, তাহার দৈর্ঘ্য, প্রস্থ এবং উচ্চতা এই তিনকে গুণ করিতে হয়।

উদাহরণ ১। ক খ ছ জ ঘ গ ঘন ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ক খ ৪ হাত, বিস্তার ক গ ৩ হাত ও উচ্চতা ক চ ৪ হাত হইলে, তাহার কালি কত ?

উঃ। ৪৮ ঘনহাত ।

এই সমকোণিক ঘন ক্ষেত্রটি ৪ হাত উচ্চ বলিয়া, উহার তলস্থ ক্ষেত্রের বর্গহাতের সংখ্যা ১২কে ৪ গুণ করিলে, গুণফল ৪৮ ঘনহাত, উক্ত ঘনক্ষেত্রটির কালি হইবে ।



২। যে প্রস্তরখণ্ডের দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও উচ্চতা যথাক্রমে ৬, ৩ ও ২ ফুট, তাহার কালি কত ?

উঃ। ৩৬ ঘনফুট ।

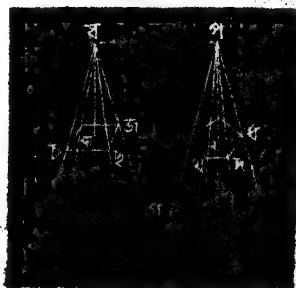
৩। যে পতলের ভূমির পরিমাণফল ২৪ বর্গফুট ও উন্নতি পরিমাণ ৩ ফুট, তাহার কালি কত ?

উঃ। ৭২ ঘনফুট ।

১৪শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

সমান ভূমি ও সমান উন্নতিবিশিষ্ট সূচী বা স্কোপসূচী পরস্পর সমান ।

মনে কর এই পার্শ্বস্থ স্কোপসূচীদ্বয় একই ধরাতলের উপর দণ্ডায়মান আছে, এবং ইহাদের ভূমির সমান্তরাল দিয়া যে ধরতল গমন করিয়াছে তাহার চ ছ জ ও ঘ দ ঘ ধরাতলগুলি উপর হইয়াছে । চ ছ জ ও ক খ গ



দুইটি ধরাতলের উপর ঘ ক ট লক্ষ নিকাশিত কর, আর  
খ দ ধ ও ঠ ড ণ দুইটি ধরাতলের উপর প ন ফ লক্ষ  
নিকাশিত কর। এইক্ষণে ঘ ট = প ফ, সুতরাং ঘ ক =  
প ন। কিন্তু ১০ম ও ১১শ প্রতিজ্ঞানুসারে,

ক খ গ-র পরিমাণফল : চ ছ জ-র পরিমাণফল ::  
ঘ ট<sup>১</sup> : ঘ ক<sup>২</sup>, এবং ঠ ড ণ-র পরিমাণফল : খ দ ধ-র  
পরিমাণফল :: প ফ<sup>২</sup> : প ন<sup>২</sup>,

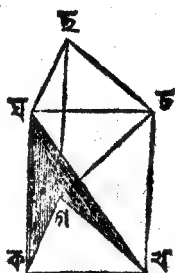
∴ ক খ গ-র পরিমাণফল : চ ছ জ-র পরিমাণফল : :  
ঠ ড ণ-র পরিমাণফল : খ দ ধ-র পরিমাণফল ; কিন্তু  
ক খ গ-র পরিমাণফল ঠ ড ণ-র পরিমাণফলের সহিত সমান  
কল্পিত হইয়াছে; অতএব চ ছ জ-র পরিমাণফল =  
খ দ ধ-র পরিমাণফল। এই রূপে ইহাদের ভূমির সমান্ত-  
রাতে অন্য কোন ধরাতল গমন করিলে তাহারাও সমান  
হইবে। অতএব এই সকোণস্থচীগুলি এই সকল সমান  
সমান্তরাল ধরাতলবিশিষ্ট বলিয়া ইহারা পরস্পর সমান।

### ১৫শ প্রতিজ্ঞা। উপপাদ্য।

যে সকল সকোণস্থচীর ভূমি ত্রিকোণাকার তাহারা  
সমান ভূমির উপর স্থাপিত ও সমান উন্নতিবিশিষ্ট  
পহলের ভূতীয়াংশের একাংশ।

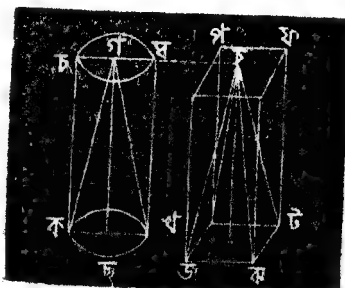
ক খ গ ও ঘ চ ছ পহলের দুই পার্শ্ব। অনেকরূপে  
ক খ গ ও ঘ চ ছ দুই ধরাতল এই পহলের মধ্য দিয়া গমন  
করিয়াছে, তাহা হইলে পহলটি তিনটি সকোণস্থচীতে  
বিভক্ত হইয়াছে এবং প্রতিটি হইবে।

পূৰ্ণপ্রতিজ্ঞানুসারে ক খ গ ঘ  
ও খ চ ঘ গ সমকোণস্থচীঘর ক খ ঘ  
ও খ চ ঘ সমান ভূমির উপর  
দণ্ডায়মান ও সমান উন্নতিবিশিষ্ট  
হওয়াতে পরস্পর সমান । এই রূপে  
ক খ ঘ গ ও ঘ ছ চ গ সকোণস্থচী-  
ঘর ক খ গ ও ঘ ছ চ সমান  
ভূমির উপর দণ্ডায়মান ও সমান উন্নতিবিশিষ্ট বলিয়া  
তাহারাও পরস্পর সমান ; সুতরাং ক খ গ ঘ সকোণ-  
স্থচী, ক খ গ ছ পহলের একতৃতীয়াংশ ।



অনুমান । স্থচী ও স্তম্ভ অথবা পহল যদি এক ভূমির উপর  
স্থাপিত ও সমান উন্নতিবিশিষ্ট হয়, তাহা হইলে স্থচীটি স্তম্ভ  
বা পহলের তৃতীয়াংশের একাংশ হইবে ।

ইতিপূৰ্বে প্রদর্শিত হইয়াছে যে, ক খ ঘ চ স্তম্ভ ও  
জ ক ট প পহল এবং ক খ গ স্থচী ও জ ক ট চ সকোণ-  
স্থচী সমান ভূমির উপর  
দণ্ডায়মান ও সমান  
উন্নতিবিশিষ্ট হইলে পর-  
স্পর সমান হয় । কিন্তু  
জ ক ট চ সকোণ-  
স্থচী জ ক ট ক প  
পহলের তৃতীয়াংশের



একাংশ, সুতরাং ক খ গ স্থচী ও জ ক ট ক প পহলের  
তৃতীয়াংশের একাংশ ।



প্রয়োগ। পূর্বোক্ত প্রতিজ্ঞা হইতে সূচী বা স্কোপ-সূচীর ঘনফল স্থির করিবার যুক্তিটী উৎপন্ন হইয়াছে ; যথা, ভূমির ক্ষেত্রফল উচ্চতার পরিমাণ দ্বারা গুণ করিয়া তাহার তৃতীয়াংশের একাংশ লইলেই ঘনফল স্থির হয় ।

উদাহরণ ১। - যে সূচীর তলস্থ ক্ষেত্রের পরিমাণফল ৬ বর্গফুট ও উচ্চতা ৭ ফুট, তাহার ঘনফল কত ?

উঃ । ১৪ ঘনফুট ।

২। যে স্কোপসূচীর তলস্থ ক্ষেত্র ৩ ফুট দ্বুজবিশিষ্ট সমচতুর্ভুজ ও উচ্চতা ৮ ফুট, তাহার ঘনফল কত ?

উঃ । ২৪ ঘনফুট ।

## ১৬শ প্রতিজ্ঞা । উপপাদ্য ।

বর্তুল স্তম্ভের অন্তর্গত হইলে উহা স্তম্ভের তৃতীয়াংশের একাংশ হয় ।

গ ঠ ঘ ট বর্তুল ও ইহার বেটনকারী স্তম্ভ খ চ ছ ক এবং ক ছ ম সূচী বাহার শীর্ষ বিন্দু বর্তুলের কেন্দ্র ম বিন্দুতে লগ্ন হইয়াছে। ঘ গ রেখা ইহাদের মেরুদণ্ড হউক। খ চ ভূমির সমান্তরাল জ ব একটী ধরাতল উক্ত তিনটী ঘন বস্তু ছেদ করিয়া গমন করুক। ইহা স্তম্ভকে জ বিন্দুতে, বর্তুলকে ড বিন্দুতে ও সূচীকে ঘ বিন্দুতে স্পর্শ করিতেছে ; এই বিন্দুগুলি হইতে বর্তুলের কেন্দ্র ম বিন্দু পর্যন্ত রেখা টান এবং ম বিন্দু দিয়া খ চ-র সমান্তরাল ট ম ঠ রেখা টান ।

ক ঘ ম ও খ দ ম সদৃশ  
ত্রিভুজে, ক ঘ : ঘ ম :: খ দ :  
দ ম ; কিন্তু ঘ ম = ক ঘ,  $\therefore$   
ম দ = খ দ ।



পুনশ্চ, ম দ ত সমকো-  
ণিক ত্রিভুজে ম ত<sup>২</sup> = ত দ<sup>২</sup>  
+ ম দ<sup>২</sup>, কিন্তু ম ত = জ দ,  
এবং ম দ = খ দ ;  $\therefore$  জ দ<sup>২</sup> = ত দ<sup>২</sup> + ম দ<sup>২</sup> । এইরূপে  
ব্যবহারিক জ্যামিতির ৭৮ প্রতিজ্ঞানুসারে,

ন  $\times$  জ দ<sup>২</sup> = ন  $\times$  ত দ<sup>২</sup> + ন  $\times$  খ দ<sup>২</sup> ; অর্থাৎ  
জ ক বৃত্তের ক্ষেত্রকল = ত ন বৃত্তের ক্ষেত্রকল + খ ঘ  
বৃত্তের ক্ষেত্রকল । তবেই স্তম্ভের খণ্ড, বর্জুল ও স্কোপ-  
হুটীর সবগীর খণ্ডের সমষ্টিতুল্য । এখন জ ক ছেদকের  
সমান্তরাল বৃত্ত ছেদক অঙ্কিত করা যাইবে, সকলেরি বেলা  
এইরূপ হইবে ; সুতরাং সামিস্তন্ত ট ছ, সামিবর্জুল ট ঘ ঠ  
ও স্কোপহুটী ক ছ ম-র সমষ্টিতুল্য, কিন্তু ক ছ ম  
স্কোপহুটী, ট ছ সামিস্তন্তের এক তৃতীয়াংশ ;  $\therefore$  সামিস্তন্ত  
ট ছ = সামিবর্জুল ট ঘ ঠ +  $\frac{১}{৩}$  সামিস্তন্ত ট ছ ;  $\therefore$   $\frac{২}{৩}$   
সামিস্তন্ত ট ছ = সামিবর্জুল ট ঘ ঠ । এবং সমান বৃত্তের  
বিভাগও সমান, কাজে কাজেই,

$\frac{২}{৩}$  স্তম্ভ খ চ ছ ক = ট ঘ ঠ গ বর্জুল ।

## দ্বিতীয় ভাগ ।

### রৈখিক পরিমাণ ।

রৈখিক, বর্গ এবং ঘনপরিমাণ নিরূপণ করা গণিত শাস্ত্রের যে অংশের উদ্দেশ্য, তাহার নাম পরিমাপক বিদ্যা বা ক্ষেত্রব্যবহার ।

ক্ষেত্রব্যবহার তিন ভাগে বিভক্ত ; যথা, রৈখিক পরিমাণ, ধারাতলিক অর্থাৎ বর্গপরিমাণ ও ঘনপরিমাণ ।

কোন পদার্থের পরিমাণ নিরূপণ করিতে হইলে, তাহার বর্গ অথবা ঘনফল একবারে কোন উপায় দ্বারা নির্ণয় হয় না । জরীপী ফিতা বা গজ ইত্যাদি দ্বারা তাহার রৈখিক পরিমাণ লইয়া, পশ্চাৎ যে সকল নিয়মাবলী প্রদত্ত হইবেক, তদ্বারা সরল রৈখিক পরিমাণ হইতে বর্গ ও ঘন ফল নিরূপিত হয়, যথা একটী বর্গ, ক্ষেত্রের পরিমাণ নিরূপণ করিতে হইলে তাহার দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের অর্থাৎ ঐ ক্ষেত্রের রৈখিক পরিমাণ লইতে হয় ; এবং এই দুইটী রৈখিক পরিমাণ একত্র গুণ করিলে তাহার বর্গফল নিরূপিত হয় । একটী বাস্তব দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও উচ্চতার পরিমাণের ধারাবাহিক গুণন দ্বারা ঘনফল স্থির করা যায়, কিন্তু এই তিনটির প্রত্যেকটাই ঐ বাস্তব রৈখিক পরিমাণ ।

রৈখিক পরিমাণ কখন বর্গ অথবা ঘন হইতে পারে না । দুইটী রৈখিক পরিমাণের গুণন দ্বারা বর্গ ও তিনটির গুণন

দ্বারা ঘনফল উৎপন্ন হয়। কোন ক্ষেত্রের বর্গফল ৪ হাত হইলে তাহা ৪ বর্গ হাত দ্বারা নির্দেশ করা যায়; ঘনফল ৪ হাত হইলে উক্ত ফলকে ৪ ঘন হাত বলা যায়; কিন্তু ইহা যদি কোন ক্ষেত্রের রৈখিক পরিমাণ হয়, তাহা হইলে বর্গ বা ঘন বলিয়া কেবল ৪ হাত বলিতে হয়।

দুইটি রৈখিক পরিমাণের গুণন দ্বারা যে ফল উৎপন্ন হয়, তাহাকে বর্গপরিমাণ বা ক্ষেত্রফল কহে।

তিনটি রৈখিক পরিমাণের অর্থাৎ দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও বেধের ধারাবাহিক গুণনে যে ফল উৎপন্ন হয়, তাহাকে ঘন পরিমাণ বা ঘনফল কহে।

কোন বর্গ পরিমাণকে রৈখিক পরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে যে ফল লব্ধ হয়, তাহাকে ঘনফল কহে। সুতরাং কোন ঘনফলকে বর্গফল দ্বারা বিভাজিত করিলে তাহার ভাগফল রৈখিক পরিমাণ হয়, এবং রৈখিক পরিমাণ দ্বারা ভাগ করিলে ভাগফল বর্গফল হয়।

বস্তু ও স্থানের দৈর্ঘ্যাদি মাপিবার ধারা ।

২৪ অঙ্গুলে ... ১ হাত । ১ হা, ( সাক্ষেতিক চিহ্ন )

৪ হাতে ... ১ ধনু । ১ ধ,

২০০০ ধনুতে বা ৮০০০ হাতে ১ ক্রোশ । ১ ক্রো,

৪ ক্রোশে ... ১ যোজন । ১ যো,

১২ ইঞ্চিতে ... ১ ফুট । ১ ফু,

১৮ ইঞ্চিতে ... ১ হাত । ১ হা,

৩ ফুটে ... ১ গজ অথবা ২ হাত । ১ গ,

৬ ফুটে ... ১ কেধর । ১ কে,

৪½ গজে	...	১ পোল বা কড ।	১ পো,
৪ পোলে	...	১ চেইন বা শৃঙ্খল ।	১ চে,
১০ চেইনে	...	১ ফর্লং ।	১ ফ,

১৭৬০ গজে বা

৩৫২০ হাত কিংবা ৮ ফর্লং

} ১ মাইল । ১ মা,

২ মাইলে বা ৭০৪০ হাতে ... ইঙ্গরেজী ১ ক্রোশ,

৩ মাইলে ... ১ লিগ্‌ । ১ লি,

৬০ মাইলে ... ১ ডিগ্রী । ১ ডি,

এখন ৮০০০ হাতে ক্রোশ না ধরিয়া, অনেকে ২ মাইলে অর্থাৎ ৭০৪০ হাতে ক্রোশ ধরিয়া থাকে । কাপড়ের মাপে হাত ৩ গজ, রাশমিস্ত্রী ও ছুতারমিস্ত্রীর হিসাবে ফুট ও ইঞ্চি ব্যবহার হয় ।

ভূমির দৈর্ঘ্য ও বিস্তার মাপিবার সময় আরও এক প্রণালী অবলম্বন করা গিয়া থাকে । সে প্রণালী এই ।

৪ হাতে ১ রৈখিক কাঠা অথবা এক কাঠা লম্বা

৮০ হাতে বা } ... ১ রৈখিক বিঘা অথবা

২০ রৈখিক কাঠায় } ১ বিঘা লম্বা ১/০

### সেকেন্দরী গজের পরিমাণ ।

- ১। লাকড়ি তুকে পাকড়ি । ২। তুঁ কাহাকা লাকড়ি ।
- ৩। মার জল কা লাকড়ি । ৪। তুঁকে কোন্‌ লায়া ।
- ৫। বুকে বর্জিনে লায়া । ৬। কোন্‌ কামকাওয়াস্তে ।
- ৭। গজ বানানেকা ওয়াস্তে । ৮। কোন্‌ গজ ।
- ৯। সেকেন্দরী গজ ।

নব-মুহুর্তে সেকেন্দরী গজ হয় অরণ্য থাকিবার সুবিধার জন্য হটক বা সেকেন্দর নাহের নাম রাখার নিমিত্ত হটক ,

এক একটা মুষ্টির এক এক বচন অথবা পদ রচিত হইয়াছে। এই গজ দ্বারা বলিয়া অর্থাৎ রাজসম্পত্তীর খাসের জমির জরীপ হইয়া থাকে, এবং অষ্ট মুষ্টি গজ দ্বারা লাখেরাজ, অশ্বোত্তর ইত্যাদি জমির জরীপ হইয়া থাকে। ইহাকে হস্তবোধ জরীপ কহে।

এই প্রকার ৫৫ গজ অর্থাৎ ১১০ হস্ত দীর্ঘ রজ্জুর নাম রশি। এই রশিকে ২০ তি ভাগে বিভক্ত করিলে এক এক ভাগকে কাঠা কহে। এই রশির অগ্রপশ্চাতে হাতাকান্ধা বলিয়া এক এক হস্ত রজ্জু থাকে।

### ১ম সম্পাদ্য।

সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি, কোটি ও কর্ণ এই তিনটির কোন দুইটা পরিজ্ঞাত থাকিলে, অপরটা কিরূপে নির্ণয় করিতে হইবে।

সমকোণিক ত্রিভুজের সমকোণ সম্মুখীন ভূজের বর্গ অপর দুই বাহুর অর্থাৎ ভূজ এবং কোটির বর্গের যোগ-ফল্য। ( বাঃ জ্যাঃ ৩৫শ প্রতিজ্ঞা ) ∴

১ নিয়ম। ভূমিকোটির বর্গনমষ্টির মূল কর্ণ।

২ নিয়ম। ভূমিকর্ণের বর্গান্তরের মূল কোটি।

৩ নিয়ম। কোটিকর্ণের বর্গান্তরের মূল ভূমি।

ক খ গ সমকোণিক ত্রিভুজ,  
বাহুর ক খ গ কোণ সমকোণ।

এই ত্রিভুজের ভূমি ক খ রেখা  
ড অক্ষর দ্বারা নির্দেশ কর,  
এবং কোটি ও কর্ণ খ গ ও ক গ



যথার্থ ল এবং ক অক্ষর দ্বারা নির্দেশ কর। এইকণে ব্যবহারিক জ্যামিতির ৩৫ শ প্রতিজ্ঞা হইতে এই তিনটী সূত্র উৎপন্ন হইতে পারে, যথা—

$$\text{সূত্র। (১) ক} = \sqrt{\text{ভ}^2 + \text{ল}^2},$$

$$(২) \text{ভ} = \sqrt{\text{ক}^2 - \text{ল}^2}, \text{ এবং}$$

$$(৩) \text{ল} = \sqrt{\text{ক}^2 - \text{ভ}^2}।$$

উদাহরণ ১। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূমি ৪০ এবং কোটি ৩০ ফুট, তাহার কর্ণ পরিমাণ কত হইবে ?

১ম নিয়নানুসারে।

১ম সূত্রানুসারে।

$$\begin{array}{r} ৪০ \quad ৩০ \\ ৪০ \quad ৩০ \\ \hline ১৬০০ \quad ৯০০ \\ ২০০ \\ \hline ২৫০০ \quad (৫০ = \text{কর্ণ ক গ।}) \\ ২৫ \\ \hline ০০ \end{array} \quad \sqrt{৪০^2 + ৩০^2} = ৫০ = \text{কর্ণ।}$$

২। কর্ণপরিমাণ ৬৫ এবং ভূমিপরিমাণ ৫৬ ফুট, কোটি কত হইবে ?

$$৬৫ \times ৬৫ = ৪২২৫। \quad ৫৬ \times ৫৬ = ৩১৩৬।$$

$$৪২২৫ - ৩১৩৬ = ১০৮৯ \quad (৩৩ \text{ ফুট} = \text{কোটি খ গ।})$$

$$\begin{array}{r} ৩৩ \\ ৩৩ \times ৩৩ \\ \hline ১০৮৯ \end{array}$$

## মৌখিক পরিমাণ ।

১১-৭

৩। একটি প্রাচীর ৩০ ফুট উচ্চ, এবং তাহার নীচেই ১৮ ফুট বিস্তার একটি খাল আছে, নান কয়েক ফুট লম্বা এক খানা মৈ হইলে তাহার উপর উঠিতে পারা যাইবে ?

উঃ । ৩৮ ১/২ ফুট ।

৪। একটি বর্গ ক্ষেত্রের এক পার্শ্বের পরিমাণ ১০০ গজ, তাহার কর্ণ রেখার পরিমাণ কত হইবে ?

উঃ । ১৪১.৪ গজ ।

৫। একটি প্রাচীরের পার্শ্ব দিয়া একটি রাস্তা আছে ।

ঐ রাস্তার বিস্তার ৭ হাত । রাস্তার ধার হইতে ২ হাত অন্তরে ১৫ হাত দীর্ঘ এক খানা মৈ রাখিলে ঐ প্রাচীরের ঠিক উপরে লাগে । প্রাচীর কত হাত উচ্চ ?

উঃ । ১২ হাত ।

৬। কোন সমবাহু ত্রিভুজের ভূজের পরিমাণ ১০ ফুট, তাহার লম্ব পরিমাণ কত হইবে ?

উঃ । প্রায় ৮ ফুট ৮ ইঞ্চি ।

৭। কোন একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ভূমিপরিমাণ ২৪ ফুট এবং ভূজের প্রত্যেকে ৩২ ১/২ ফুট, তাহার লম্বপরিমাণ কত ?

উঃ । ৩০ ফুট ।

৮। কোন বর্গ ক্ষেত্রের কর্ণপরিমাণ ১০ গজ, তাহার বাহুপরিমাণ কত হইবে ?

উঃ । ৭ গজ ০ ফুট ২ ১/২ ইঞ্চি ।

৯। সমকোণিক ত্রিভুজের সমকোণপার্শ্ববর্তী ভূজ দুইটির পরিমাণ যদি ৩০ হাত ও ৪৪ হাত হয়, তবে সমকোণ সম্মুখীন ভূজের পরিমাণ কত হইবে ?

উঃ । ৫৫ হাত ।

১০। এক দেওয়ালের ৩৫ ফুট অন্তর হইতে ২১ ফুট লম্বা একটি বাঁশ ঠিক ঐ দেওয়ালের উপরিভাগে লাগান হইয়াছে, দেওয়াল কত উচ্চ ?

উঃ । ৮৪ ফুট ।

১১। এক খানি সিঁড়ি ১০০ হস্ত উচ্চ একটি প্রাচীরের



সহিত লম্বভাবে সংলগ্ন হইয়া ঠিক তাহার মাথায় মাথায় ছিল ; পরে যখন ঐ সিঁড়ির নিম্ন ভাগ ১০ হস্ত সরান হয়, তখন তাহার অগ্রভাগ প্রাচীরের কোন স্থানে সংলগ্ন ছিল স্থির কর ?

উঃ । প্রায় ২২ ফুট ৬ ইঞ্চ ।

২য় সম্পাদ্য ।

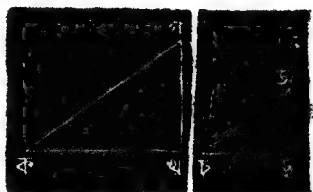
যদি দুইটি সম্মুখ ত্রিভুজ ক্ষেত্রের মধ্যে একটীর দুইটি বাহুর পরিমাণ নির্দিষ্ট থাকে ও অপরটীর উক্ত নির্দিষ্ট বাহুদ্বয়ের সমগামী কোন বাহুর পরিমাণ জানা থাকে, তাহা হইলে অবশিষ্ট সমগামী বাহুর পরিমাণ কিরূপে নির্ণয় হইবে ।

নিরূপ । ক খ গ ও  
চ ছ জ হই সম্মুখ ত্রিভুজ  
এখন (৪৭ প্রতিক্রমাসারে)

ক খ : খ গ :: চ ছ :

ছ জ, অথবা চ ছ : চ জ ::

ক খ : ক গ ।



উদা ১ । যদি ৪ ফুট বীশ ভূমিতে লম্ব ভাবে খরিলে তাহার ছায়া ৫ ফুট হয়, তাহা হইলে বে বৃক্ষ বা মন্দিরের দ্বারা ৮০ ফুট তাহার উচ্চতা কত ?

ছ জ রেখাকে বীশ ও খ গ রেখাকে মন্দির বলিয়া নির্দেশ কর, আর চ ছ ও ক খ রেখাদ্বয়কে বীশ ও মন্দিরের ছায়ায় অনুসরণ বলিয়া বোধ কর । এইরূপে বীশের অগ্রভাগ জ ছায়ায় শেষ সীমা চ সংযুক্ত কর, এবং মন্দিরের অগ্রভাগ খ ছায়ায় শেষ সীমা ক সংযুক্ত কর ; তাহা হইলে ক খ গ ও চ ছ জ সম্মুখ ত্রিভুজ হইবে ।

তাহাতে চ ছ : ছ জ :: ক খ : খ গ,

অর্থাৎ ৫ : ৪ :: ৮৩ : ৬৬ $\frac{১}{২}$

৪

৫ ) ৩৩২

অতএব মন্দিরের উচ্চতা — ৬৬ $\frac{১}{২}$  ফুট ।

যদি চারিটা রাশি সমানুপাতিক হয়, তাহা হইলে তাঁহাদের অন্ত্য রাশি দুইটির গুণফল, মধ্যম রাশি দুইটির গুণফলের সমান হইবে ।

সমানুপাতের এই ধর্ম থাকাতে অনায়াসে সপ্রমাণ হইতেছে যে, মধ্যম রাশি দুইটির গুণফলকে অন্ত্য রাশি দুইটির অন্ততর দ্বারা ভাগ করিলে অপর অন্ত্য রাশিটি লব্ধ হয় ; এবং অন্ত্য রাশি দুইটির গুণফলকে মধ্যম রাশিদ্বয়ের অন্যতর দ্বারা ভাগ করিলে অপর মধ্যম রাশিটি লব্ধ হয় ।

২। যদি একটি বর্গ ক্ষেত্রের বাহুর পরিমাণ ৫ ফুট এবং কর্ণের পরিমাণ ৭.০৭১ ফুট হয়, তবে যে বর্গ ক্ষেত্রের কর্ণের পরিমাণ ৪ ফুট, তাহার বাহুর পরিমাণ কত হইবে ?

উঃ । প্রায় ২ ফুট ১০ ইঞ্চি ।

৩। চারি ফুট লম্বা এমনত একটি বীণের ছায়া যদি ৩ ফুট হয়, তবে যে কীর্তিস্তম্ভের ছায়ার পরিমাণ ১৪.১৫ ফুট, তাহার উচ্চতা কত ?

উঃ । ২০.২ ফুট ।

৪। ৮৮ ফুট লম্বা এমনত একটি বস্তির ছায়া যদি ৭ ফুট হয়, তবে যে দ্বিকোণস্থচীর ছায়া ১৪০ ফুট, তাহার উচ্চতা কত ?

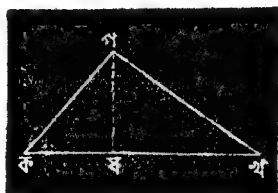
উঃ । ২০.০ ফুট ।

৫। ৩৬ হাত মানুষের ছায়া ৫৬ হাত, আর একটা বাটীর ছায়া ৭৫ হাত, বাটীটা কত উচ্চ ? উঃ। ৩০ হাত ।

৩য় সম্পাদ্য ।

কোন ত্রিভুজের বাহুদ্বয় এবং ভূমির পরিমাণ পরিজ্ঞাত আছে, তাহার লম্বপরিমাণ কত নির্ণয় করিতে হইবে ।

ক খ গ একটি ত্রিভুজের  
খ গ, ক গ বাহুদ্বয় এবং  
ভূমি ক খ-র পরিমাণ নি-  
দিষ্ট আছে, তাহার লম্ব গ  
ঘ-র পরিমাণ ধার্য করিতে  
হইবে ।



নিরূপ্য। খ ঘ ও ঘ ক ভূমির দুই খণ্ডের প্রত্যেকের  
পরিমাণ কত অগ্রে নির্ণয় করিতে হইবে। যদি খ গ  
হুইটী বাহুর মধ্যে বৃহত্তর হয়, তাহা হইলে খ ঘ খণ্ডটিও  
হুই খণ্ডের মধ্যে বৃহত্তর হইবে। এইরূপে ভূমির সহিত  
বাহুদ্বয়ের যোগের বাদৃশ অল্পপাত, অর্থাৎ ক খ : খ গ +  
গ ক, বাহুদ্বয়ের অন্তরের সহিত ভূমিখণ্ডদ্বয়ের বিয়োগের  
বাদৃশ অল্পপাত, অর্থাৎ খ গ — গ ক : খ ঘ — ঘ ক ;  
অথবা ক খ : খ গ + গ ক :: খ গ — গ ক :  
খ ঘ — ঘ ক। ভূমির খণ্ডদ্বয়ের বিয়োগকল সমুদায়  
ভূমির পরিমাণে যোগ করিয়া, তদর্ক লইলেই বৃহত্তর  
খ ও খ ঘ-র পরিমাণ নির্ণয় হইবে; আর ঐ বিয়োগকল  
ভূমিপরিমাণ হইতে অন্তর করিয়া তদর্ক লইলেই ক্ষুদ্র  
খণ্ডের (ক ঘ-র) পরিমাণ নির্ণয় হইবে। পরে ঐ ভূমির

অন্যত্র খণ্ডের পরিমাণের বর্গ তৎসম্বন্ধিত ক্ষুদ্র কোণ-  
সংলগ্ন ভূজের বর্গ হইতে অন্তর করিলে যাহা হয়, তাহার  
মূল লম্বের পরিমাণ হইবে ।

নিয়মান্তর । ত্রিভুজ ক্ষেত্রের দুই ভূজের পরিমাণের  
সমষ্টিকে, সেই ভূজদ্বয়ের পরস্পর বিয়োগফল দ্বারা গুণ  
করিয়া, গুণফলকে ভূমিপরিমাণ দ্বারা ভাগ করিলে যে ফল  
হইবে, তাহা ভূমি পরিমাণে যোগ করিলে তাহার অর্ধেক  
ভূমির বৃহৎ অংশের পরিমাণ হইবে ; এবং ঐ ফল ভূমি-  
পরিমাণ হইতে অন্তর করিলে, তদর্ধ ভূমির ক্ষুদ্রাংশের  
পরিমাণ হইবে । এইরূপে প্রত্যেক ভূজ ও তৎসম্বন্ধিত  
ভূমিখণ্ড দ্বারা এক একটী সমকোণিক ত্রিভুজ ক্ষেত্র উৎপন্ন  
হইবে, তাহা হইলে ১ম সম্পাদ্যের ২য় নিয়ম দ্বারা গ ঘ  
লম্বের পরিমাণ নির্ণয় হইবে ।

গ ঘ লম্বের পরিমাণ ব্যবহারিক জ্যামিতির ৩৭শ প্রতি-  
জ্ঞার দ্বারাও নির্ণয় হইতে পারে ।

সূত্র । যদি ক খ, খ গ ও ক গ ক্রমশঃ অ, আ এবং ই অক্ষর  
দ্বারা নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে উপরি উক্ত অক্ষপাতাঙ্কদ্বারা,

$$(১) \text{ খ ঘ—ঘ ক } = \frac{\text{অ}^2 - \text{ই}^2}{\text{অ}}, \text{ এতদ্বারা}$$

$$(২) \text{ খ ঘ } = ২ \left\{ \text{অ} + \frac{\text{অ}^2 - \text{ই}^2}{\text{অ}} \right\}, \text{ এবং}$$

$$(৩) \text{ ঘ ক } = ২ \left\{ \text{অ} + \frac{\text{অ}^2 - \text{ই}^2}{\text{অ}} \right\} ।$$

উদাঃ ১। কোন ত্রিভুজের ভূজপরিমাণ ৪২, ৪০ ও ২৬ ফুট ।

তাহার দীর্ঘতম বাহুর উপর পতিত লম্বের পরিমাণ কত হইবে ?

ক খ : খ গ + গ ক :: খ গ — গ ক : খ ঘ — ঘ ক,  
অর্থাৎ, ৪২ : ৬৬ :: ১৪ : ২২, এবং  
 $\frac{1}{2} (৪২-২২) = ১০$  ফুট = ঘ ক। কিম্বা শেষতত্ত্বানুসারে  
ঘ ক =  $\frac{1}{2} \left\{ ৪২ - \frac{৪০^২ - ২৬^২}{৪২} \right\} = ১০$  ফুট, এবং

গ ঘ =  $\sqrt{গ ক^২ - ঘ ক^২} = \sqrt{২৬^২ - ১০^২} = ২৪$  ফুট।

২। ভূমি ৩০ ফুট এবং দুই বাহু ক্রমশঃ ২৫ এবং  
৩৫ ফুট এমত এক ত্রিভুজ নির্দিষ্ট আছে, তাহার লম্বপরিমাণ  
কত নির্ণয় কর? উঃ। প্রায় ২৪ ফুট ৬ ইঞ্চি।

৩। ক খ গ ত্রিভুজের গ খ ১৫ হাত, ক গ ১৩ হাত ও ক খ  
১৪ হাত হইলে, গ ঘ লম্বের পরিমাণ কত? উঃ। ১২ হাত।

$১৫ + ১৩ = ২৮$ ।  $১৫ - ১৩ = ২$  ;  $২ \times ২৮ = ৫৬$ ।  $৫৬ + ১৪ = ৭০$ ।

$১৪ - ৮ = ৬$  ;  $১০ + ২ = ১২ =$  ক ঘ।

$১৪ + ৮ = ২২$  ;  $১৮ + ২ = ২০ =$  ঘ খ।

$\sqrt{ক ঘ^২ - ক গ^২} =$  গ ঘ, কিম্বা  $\sqrt{১২^২ - ১৩^২} = ১২ =$  গ ঘ।

৪র্থ সম্পাদ্য।

একটা সমবাহক ও সমকোণিক বহুভুজ ক্ষেত্রের বাহুর  
পরিমাণ নির্দিষ্ট আছে, তাহার অন্তর্গত ও বহির্গত বৃত্তের  
ব্যাসার্ধ নির্ণয় করিতে হইবে।

ক ছ ট জ ঘ সমবাহক  
বহুভুজের বাহুর পরিমাণ  
জানা আছে, তাহার অন্তর্গত  
ও উপরি অঙ্কিত বৃত্তের  
ব্যাসার্ধ য খ ও য ক-র পরি-  
মাণ নির্ণয় করিতে হইবে।



নিয়ম । নিম্নলিখিত তালিকার বহুভুজের ভূজসংখ্যা-  
 জুসারে, এই তালিকা হইতে অন্তর্গত বৃত্তের ব্যাসার্ধ পরিমাণ  
 লইয়া, তাহা উক্ত বহুভুজের বাহুর পরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে,  
 উক্ত বহু ভুজের অন্তর্গত বৃত্তের ব্যাসার্ধ নির্ণয় হয় ; এবং  
 সেই সংখ্যক ভুজের উপরি অঙ্কিত বৃত্তের ব্যাসার্ধ পরিমাণ  
 লইয়া, উক্ত বহুভুজের বাহুপরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে, ঐ বহু-  
 ভুজের উপরি অঙ্কিত বৃত্তের ব্যাসার্ধের পরিমাণ জানা যায় ।

বহু ভুজসংক্রান্ত তালিকা ।

বাহু সংখ্যা	আকার	অন্তর্গত বৃত্তের ব্যাসার্ধ- পরিমাণ ।	বহির্বৃত্তের ব্যাসার্ধের পরিমাণ ।	ক্ষেত্রফল
৩	ত্রিকোণ ... ..	.২৮৮৭	.৪৭৭৩	.৪৩৩০
৪	চতুর্ভুজ বা বর্গ...	.৫০০০	.৭০৭১	১.০০০০
৫	পঞ্চভুজ ... ..	.৬৮৮২	.৮৫০৬	১.৭২০৫
৬	ষড়ভুজ ... ..	.৮৬৬০	১.০০০০	২.৫৯৮১
৭	সপ্তভুজ ... ..	১.০৩৮৩	১.১৫২৪	৩.৬৩৩৯
৮	অষ্টভুজ ... ..	১.২০৭১	১.৩০৬৬	৪.৮২৮৪
৯	নবভুজ ... ..	১.৩৭৩৭	১.৪৬১২	৬.১৮১৮
১০	দশভুজ ... ..	১.৫৩৮৮	১.৬১৮০	৭.৬৯৪৩
১১	একাদশভুজ ...	১.৭০২৮	১.৭৭৪৭	৯.৩৬৪৬
১২	দ্বাদশভুজ ... ..	১.৮৬৬০	১.৯৩১৯	১১.১৯৬২

উদাহরণ ১। যে সমবাহক ও সমকোণিক পঞ্চভুজ ক্ষেত্রের বাহুর পরিমাণ ৫ ফুট ১ ইঞ্চি, তাহার অন্তর্গত ও উপরি অঙ্কিত বৃত্তের ব্যাসার্ধের পরিমাণ কত ?

উঃ। প্রায় ৩ ফুট ৬ ইঞ্চি, এবং ৪ ফুট ৪ ইঞ্চি।

২। কোন সমবাহক অষ্ট ভূজাকার পুষ্পোদ্যানের বাহুর পরিমাণ ২০৩ই গজ, উহার প্রত্যেক সম্মুখীন ভূজের মধ্যস্থানে সংযোগ দ্বারা যে চারিটা রাস্তা উৎপন্ন হয়, সেই চারিটা রাস্তার দৈর্ঘ্যপরিমাণের সমষ্টি কত ?

উঃ। ১২৬৫.১৫৮৮ গজ।

### ৫ম সম্পাত্ত ।

কোন বৃত্তের ব্যাসার্ধের পরিমাণ জানা থাকিলে, বৃত্তান্তর্গত সমচতুর্ভুজের বাহুর পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

নিয়ম। ব্যাসার্ধকে বর্গ করিয়া দ্বিগুণ কর, পরে তাহার বর্গ মূল লইলে সমচতুর্ভুজের বাহুর পরিমাণ হইবে।

উদাহরণ। যে বৃত্তের ব্যাসার্ধ ৪ হাত, তদন্তর্গত সমচতুর্ভুজের বাহুর পরিমাণ কত ?

উঃ। প্রায় ৫.৬ হাত।

### ৬ষ্ঠ সম্পাত্ত ।

কোন বৃত্তক্ষেত্রের ব্যাসের পরিমাণ পরিজ্ঞাত থাকিলে পরিধির পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে, এবং পরিধির পরিমাণ পরিজ্ঞাত থাকিলে ব্যাসের পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

নিয়ম ১ম। ৭ : ২২ :: ব্যাস : পরিধি।

২২ : ৭ :: পরিধি : ব্যাস।

নিয়ম ২য়। ১ এর সহিত ৩.১৪১৬\* এর যে অনুপাত, ব্যাসের সহিত পরিধির সেই অনুপাত।

৩.১৪১৬ এর সহিত ১ এর যে অনুপাত, পরিধির সহিত ব্যাসের সেই অনুপাত।



যদি ব অক্ষর দ্বারা ব্যাস, প অক্ষর দ্বারা পরিধি ও ত অক্ষর দ্বারা ৩.১৪১৬ রাশিটি নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে নিম্ন সূত্রগুলি প্রাপ্ত হওয়া যাইবে।

যথা,—(১)  $p = b \times t$ , এবং (২)  $b = \frac{p}{t}$ ,

উদাঃ ১। যে বৃত্তের ব্যাস ১০ হাত, তাহার পরিধি কত ?  
প্রথম নিয়মানুসারে  $১ : ২২ :: ১০ : ৩১\frac{১}{২}$

$$\frac{১}{১০} = \frac{২২}{৩১\frac{১}{২}}$$

পরিধি = ৩১.৫ হাত ; কিম্বা ৩১.৪২৮৫৭ হাত।

দ্বিতীয় নিয়মানুসারে পরিধি = ৩১.৪১৬ হাত।

যদি গণনার অভ্যস্ত সূক্ষ্মতা আবশ্যক না হয়, তাহা হইলে প্রথম নিয়মটী অবলম্বন করিতে হইবে ; আর গণনার সূক্ষ্মতা আবশ্যক হইলে, দ্বিতীয় নিয়মটী অবলম্বন করিতে হইবে।

\* যদি বৃত্তের ব্যাস এক সংখ্যা দ্বারা নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে পরিধি ৩.১৪১৫৯২৬৫৩৫৮৯৭৯ &c. হইবে। অঙ্ক কসিবার সুবিধার নিমিত্ত কেবল ৪টা দশমিক অংশ গ্রহণ করা গেল।



২। যে বৃত্ত ক্ষেত্রের পরিধি ৫০ ফুট, তাহার ব্যাস কত ?

প্রথম নিয়মামুসারে,  $২২ : ৭ :: ৫০ : 'x'$  —

$$\frac{২২}{৭} = \frac{৫০}{x} = ১৫.৯০৯ \text{ ফুট।}$$

দ্বিতীয় নিয়ম বা সূত্রামুসারে, ব্যাস  $= \frac{প}{৩.১৪} = ১৫.৯১৫৪ \text{ ফুট}$

৩। যদি পৃথিবীর ব্যাসের পরিমাণ ৭৯৫৮ মাইল হয়, তাহা হইলে পরিধির পরিমাণ কত ?

উঃ।  $২৫০০০.৮৫২৮ \text{ মাইল।}$

৪। যে গাড়ির চাকা ১ মাইল পথ অতিবর্তন করিলে ৫০০ বার ঘুরে, তাহার ব্যাসের পরিমাণ কত ?

উঃ। ৩ ফুট ৪.৩২ ইঞ্চ।

৫। যে বাষ্পীয় শকটের চাকার ব্যাস ৬ ফুট, তাহা এক হোরাষ ৬০ মাইল পথ গমন করিলে এক সেকণ্ডে কতবার ঘুরিবে ?

উঃ। প্রায় ৪৯ বার।

৬। চক্রেয় পরিধিপরিমাণ ৬৮৫০ মাইল হইলে, উহার ব্যাসপরিমাণ কত হইবে ?

উঃ। ২১৮০.৪ মাইল।

৭। একটি ঘড়ীর কাঁটা  $৩\frac{১}{৪}$  মিনিটে ৫ ইঞ্চ সরিয়া যায় ; কাঁটাটী কত লম্বা ?

উঃ। ১৪.৬৯ ইঞ্চ লম্বা।

### ৭ম সম্পাদ্য ।

কোন বৃত্তচাপের জ্যা এবং শর জানা আছে, ঐ বৃত্তের ব্যাস ও চাপার্ধের জ্যার পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

ধরা য় একটি বৃত্তের চাপ, উহার জ্যা  $৪৮$  ও শর  $৭$  চর পরিমাণ জানা থাকিলে, ব্যাস  $৬৭$  ও চাপার্ধের

জাখগ-র পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

নিয়ম। জারপরিমাণ যত হইবে, তাহার অর্ধেকের বর্গ করিয়া তাহাকে শরপরিমাণ দ্বারা ভাগ কর। পরে ভাগফলে শর-পরিমাণ যোগ করিলে বাসপরিমাণ লব্ধ হইবেক। এবং ১ম সম্পাদ্যাত্মন্যারে প্রাক্ষর্য করিলে চাপার্ধের জারপরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়।

যদি জ অক্ষর দ্বারা সমুদায় চাপের অর্ধ জা, চ দ্বারা চাপার্ধের জা, শ দ্বারা শর, আর ব দ্বারা বৃত্তের বাস নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে নিম্ন লিখিত সূত্রগুলি প্রাপ্ত হওয়া যাইবে। যথা,—

$$১ম। ব = \frac{জ^2}{শ} + শ, ২য়। চ = \sqrt{জ^2 + শ^2},$$

$$৩য়। ব = \frac{চ^2}{শ}, ৪র্থ। শ = \frac{চ^2}{ব}, ৫ম। চ = \sqrt{ব \times শ}।$$

উদাঃ ১। যদি কোন চাপের জারপরিমাণ ৪৮ ফুট ও শরপরিমাণ ১৮ ফুট হয়, তাহা হইলে ঐ চাপ যে বৃত্তের অংশ সেই বৃত্তের ব্যাসের পরিমাণ কত?

$$\frac{২৪}{২৪} = \frac{১৮ \times ৪৮}{ব \times ৪৮}$$

$$৪৮ = ১৮ \times ৫৭৬$$

$$\frac{৩২}{১৮} = ৫৭৬$$

$$১৮ = ৫৭৬$$

$$৫০ ফুট = ক গ।$$

সুতরাং  $x$  বা ব্যাসার্ধ = ২৫ ফুট ।

২। কোন চাপের জ্যার পরিমাণ ২৪০ ফুট ও শর বা উচ্চতার পরিমাণ ৩৪ ফুট হইলে, যে ব্যাসার্ধ লইয়া ঐ চাপ অঙ্কিত হইয়াছে তাহার পরিমাণ কত হইবে ?

$$১ম \text{ সূত্রানুসারে, ব্যাস} = \frac{১২০^২}{৩৪} + ৩৪ = ৪৫৭.৫৩ \text{ ফুট।}$$

সুতরাং ব্যাসার্ধ =  $৪৫৭.৫৩ + ২ = ২২৮.৭৬৫ = ২২৮$  ফুট ৯ ইঞ্চি ।

৩। যদি কোন চাপের জ্যার পরিমাণ ৪৮ ফুট এবং উচ্চতার পরিমাণ ৭ ফুট হয়, তাহা হইলে ঐ চাপার্ধের জ্যার পরিমাণ কত হইবে ?

২য় সূত্রানুসারে, চাপার্ধের জ্যার পরিমাণ

$$= \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{২৪^2 + ৭^2} = ২৫ \text{ ফুট।}$$

৪। একটি বৃত্তাকার দর্শক্ষেত্র আছে, তাহার ব্যাস-পরিমাণ ১০০, গজ, ঐ বৃত্তাকার ক্ষেত্রের মধ্য দিয়া একটি রাস্তা আছে এবং ঐ রাস্তার সহিত সমকোণিক হইয়া ব্যাসার্ধের মধ্যস্থল দিয়া আর একটি রাস্তা গিয়াছে, এই শেখোক্ত রাস্তার পরিমাণ কত নির্ণয় করিতে হইবে।

১ম সূত্রটির সমীকরণকে অবস্থানান্তর করিলে,

$$x = \sqrt{y (b - y)} = \sqrt{২৫ (১০০ - ২৫)} = ৪৩.৩ \text{ গজ।}$$

ঐ রাস্তার পরিমাণ =  $৪৩.৩ \times ২ = ৮৬.৬ \text{ গজ।}$

$x$  চম সমকোণিক ত্রিভুজ হইতেও উক্ত ফলটী প্রাপ্ত হওয়া যাইতে পারে।

৫। একটী সেতুর চাপাঙ্কের জ্যার পরিমাণ ২৪ ফুট, এবং চাপের উচ্চতার পরিমাণ ১৬ ফুট হইলে, যে ব্যাসার্ধ লইয়া ঐ চাপ অঙ্কিত হইয়াছে, তাহার পরিমাণ মত ?

উঃ। ১৮ ফুট ।

### ৮ম সম্পাদ্য ।

বৃত্তের কোন চাপের দৈর্ঘ্য নির্ণয় করিতে হইবে ।

প্রথমতঃ । চাপে যত অংশ আছে তাহার পরিমাণ ও ব্যাসার্ধের পরিমাণ নির্দিষ্ট থাকিলে, নিম্ন লিখিত নিয়মটী অবলম্বন করিতে হয় । যথা,—

১ম নিয়ম ।  $১৮০^\circ$  এর সহিত যেমন চাপাংশের অন্ত-পাত, ব্যাসার্ধের ৩.১৪১৬ গুণের সহিত উহার দৈর্ঘ্যের সেইরূপ অনুপাত ।

প্রকারান্তর । বৃত্তের পরিধি স্থির করিয়া বৃত্তাংশের অংশপরিমাণ দ্বারা গুণ কর, পরে এই গুণফলকে ৩৬০ দ্বারা ভাগ করিলে ভাগফল বৃত্তাংশের দৈর্ঘ্যপরিমাণ হইবে ।

দ্বিতীয়তঃ । সমুদায় চাপের এবং চাপাঙ্কের জ্যার পরিমাণ নির্দিষ্ট থাকিলে, নিম্ন লিখিত নিয়মটী অবলম্বন করিতে হয় । যথা,—

২য় নিয়ম । চাপাঙ্কের জ্যার পরিমাণ যত হইবেক তাকে ৮ গুণ করিয়া, সেই গুণফল হইতে সমুদায় চাপের জ্যার পরিমাণ বিয়োগ কর ; পরে বিয়োগফলের একতৃতীয়াংশ লইলেই চাপের দৈর্ঘ্যপরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যাইবে ।

সূত্র । যদি ব্যাসার্ধ অ অক্ষর দ্বারা,  $১৮০^\circ$  ব অক্ষর দ্বারা, চাপের অংশপরিমাণ চ অক্ষর দ্বারা, ৩.১৪১৬ ত অক্ষর



৪। চাপ  $১২^{\circ} ১০'$  বা  $১২ \frac{১^{\circ}}{৬}$  ও ব্যাসার্ধ ১০ ফুট হইলে,

ঐ চাপের দৈর্ঘ্য কত? উঃ। ১ম নিয়মানুসারে, ২.১২৩৪ ফুট।

সূত্র ৩য়। চাপ  $৯০^{\circ}$  অর্থাৎ বৃত্তের চতুর্থাংশের বেশী হইলে নিম্ন লিখিত সূত্রটি অবলম্বন করিতে হইবে। যথা—

খ গ ঘ চাপের (পূর্ব প্রতিকৃতি দেখ) চতুর্থাংশের জ্যা =

$$\sqrt{২ব(ব - \sqrt{ব^2 - চ^2})}$$

৫। যে গোল খিলানের জ্যা (খ ঘ) ৮০ ফুট এবং উচ্চতা (গ চ) ১৮ ফুট, তাহার দৈর্ঘ্য কত?

৭ম সম্পাত্তের ১ম ও ২য় সূত্রানুসারে ব = ক গ-র পরিমাণ = ৫০ ফুট; এবং চ = খ গ = ৩০ ফুট; এইক্ষেণে উপরি উক্ত সূত্রানুসারে, খ গ ঘ চাপের চতুর্থাংশের জ্যা =

$$\sqrt{২৫(৫০ - \sqrt{৫০^2 - ৩০^2})} = ১৫.৮১১৩, \text{ এবং}$$

দ্বিতীয় নিয়মানুসারে,  $(১৫.৮১১৩ \times ৮ - ৩০) \div ৩ = ৩২.১৩৩৫$  ফুট = খ গ চাপ।

ইহার দ্বিগুণ ৬৪.৩২৭০ ফুট খ ঘ চাপের দৈর্ঘ্য।

এই প্রণে কেবল দ্বিতীয় নিয়ম অবলম্বন করিয়া প্রকৃত্য করিলে চাপের পরিমাণ ৬৪ ফুট হইবে, অর্থাৎ প্রকৃত পরিমাণ অপেক্ষা প্রায় ৪ ইঞ্চি ক্ষুদ্র হইবে।

৬। চাপ  $৪৫^{\circ}$  অংশ ও ব্যাস ৪ ফুট হইলে, ঐ চাপের দৈর্ঘ্য কত? উঃ। ২.৫৭০৮ ফুট

৭। বৃত্তাংশ  $৩৪^{\circ} ২০'$  ও ব্যাস ৬ হাত হইলে, ঐ বৃত্তাংশের দৈর্ঘ্য কত? উঃ। ১.৭২৭ হাত।

৮। বৃত্তের ব্যাস ৫ ফুট হইলে, তাহার ৪ ফুট পরিমিত চাপে কত অংশ থাকিতে পারে?

বৃত্তপরিধি ৩৬০ অংশের চাপ; সুতরাং প্রাপ্তোক্তি

$$\text{বৃত্ত} = ৫ \times ৩.১৪১৬; \therefore ১^{\circ} \text{ এর চাপ} = \frac{৫ \times ৩.১৪১৬}{৩৬০};$$

$$\begin{aligned} \text{অতএব নির্দিষ্ট চাপের অংশ সংখ্যা} &= ৪ \div ১^{\circ} \text{ এর চাপ} \\ &= ৪ + \frac{৫ \times ৩.১৪১৬}{৩৬০} = ২১.৬৭৩^{\circ} = ২১^{\circ} ৪০' ২২''। \end{aligned}$$

৯। বৃত্তের ব্যাস ১৫ হাত হইলে, যে চাপের দৈর্ঘ্য ১৪ হাত, তাহার অংশ পরিমাণ কত? উঃ।  $১০০^{\circ} ১৬' ২''$ ।

### ৯ম সম্পাদ্য ।

বৃত্তান্তর্গত কোন জ্যার প্রাপ্ত হইতে কিয়দূর অন্তরে লম্ব উন্ডোলন করিলে, তাহার পরিমাণ নির্দ্ধারিত করিতে হইবে।

য য জ্যার য প্রাপ্ত হইতে (পূর্ব প্রতিকৃতি দেখ) য ছ হুরে ছ জ একটা লম্ব টানা হইয়াছে, ইহার পরিমাণ স্থির করিতে হইবে।

য ছ বৃত্তি করিয়া য ব-কে চ ছ-র সমান্তরাল করিয়া টান এবং য জ সংযুক্ত কর। এইকণে য ব জ সমকোণিক ত্রিভুজে, য ব<sup>২</sup> = য জ<sup>২</sup> - য ব<sup>২</sup>, কিন্তু য জ = ব্যাসার্ধ

$$ও ম ব = চ ছ .: জ ক^2 = \left\{ \frac{\text{বাস}}{2} \right\}^2 - (\text{চ ঘ} - \text{ছ ঘ})^2$$

দ্ব্যাকর্ষণ করিয়া,

$$জ ক = \sqrt{\left\{ \frac{\text{বাস}}{2} \right\}^2 - (\text{চ ঘ} - \text{ছ ঘ})^2} = জ ছ + ছ ক$$

পক্ষানয়ন করিয়া,

$$জ ছ = \sqrt{\left\{ \frac{\text{বাস}}{2} \right\}^2 - (\text{চ ঘ} - \text{ছ ঘ})^2} - \text{চ ম} .: (\text{চ ম} - \text{ছ ক})$$

$$= \sqrt{\left\{ \frac{\text{বাস}}{2} \right\}^2 - (\text{চ ঘ} - \text{ছ ঘ})^2} - (\text{ম গ} - \text{গ চ})$$

$$= \sqrt{\left\{ \frac{\text{বাস}}{2} \right\}^2 - (\text{চ ঘ} - \text{ছ ঘ})^2} - \text{ম গ} + \text{গ চ}$$

$$= \sqrt{\left\{ \frac{\text{বাস}}{2} \right\}^2 - (\text{চ ঘ} - \text{ছ ঘ})^2} - \frac{\text{বাস}}{2} + \text{গ চ}$$

১০ম সম্পাদ্য ।

যে মণ্ডলের সমান্তরাল দুইটি জ্যা ক খ, গ ঘ এবং  
বিস্তার চ ছ পরিজ্ঞাত আছে, তাহার বাস কত নির্ণয়  
করিতে হইবে ।

সূত্র । যদি অ = ২ ক খ  
= ক চ, আ = ২ গ ঘ =  
গ ছ, প = চ ছ এবং  
ব = বাস, ট ঠ = ২ ×  
ম খ বা ব্যাসার্ধ, তাহা  
হইলে,





$$ব = \sqrt{\{p^2 + 2(আ^2 + অ^2 + \left(\frac{আ^2 - অ^2}{p}\right)^2\}};$$

$$\text{এবং ক গ} = \text{খ ঘ} = \sqrt{p^2 + আ - অ^2}, \text{ আর}$$

$$অ ক = \frac{১}{২} ব - \frac{১}{২} \sqrt{\{(আ + অ)^2 + \left(\frac{আ^2 - অ^2}{p}\right)^2\}}$$

উদাঃ ১ কোন বৃত্তাকার কটিবন্ধের দুইটি সমান্তরাল বাহুর পরিমাণ ৬ ও ৮ ফুট এবং বিস্তার ৭ ফুট হইলে, বৃত্তব্যাসের পরিমাণ কত হইবে?

$$\begin{aligned} \text{ব বা ব্যাস} &= \sqrt{\{৭^2 + 2(৪^2 + ৩^2) + \left(\frac{৪^2 - ৩^2}{৭}\right)^2\}} \\ &= \sqrt{৪৯ + ৫০ + ১} = ১০ \text{ ফুট।} \end{aligned}$$

২। উপরি উক্ত উদাহরণে খ ঘ জ্যার, এবং অ ক উচ্চতার পরিমাণ কত নির্ণয় কর?

১ম সূত্র দ্বারা ব্যাসের পরিমাণ নির্ণয় করিয়া ২য় ও ৩য় সূত্র অবলম্বন কর।

$$\text{খ ঘ} = \sqrt{৭^2 + ৪ - ৩} = \sqrt{৪৯ + ১} = ৭.০৭ \text{ ফুট,}$$

$$\text{এবং অ ক} = \frac{১}{২} ১০ - \frac{১}{২} \sqrt{\{(৪ + ৩)^2 + \left(\frac{৪^2 - ৩^2}{৭}\right)^2\}}$$

$$= ৫ - \frac{১}{২} \sqrt{৪৯ + ১} = ১.৪৬৫ \text{ ফুট।}$$

৩। মণ্ডলের দুইটি সমান্তরাল জ্যার পরিমাণ ৬ ও ৮ ফুট এবং বিস্তার ১ ফুট হইলে ব্যাস কত হইবে?

উঃ। ১০ ফুট।

৪। যে বৃত্তাকার কটিবন্ধের দুইটি সমান্তরাল জ্যার পরিমাণ ১৬ এবং ১২ ফুট, আর বৃত্তের ব্যাসের পরিমাণ ২০ ফুট, ঐ কটিবন্ধের বিস্তার কত? উ। ১৪ ফুট।

১১শ সম্পাদ্য ।

কোন বৃত্তাভাস ক্ষেত্রের নিম্ন লিখিত চারিটি অংশের মধ্যে কোন তিনটির পরিমাণ নির্দিষ্ট থাকিলে, অবশিষ্টটির পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে ।

ক খ গরিষ্ঠ ব্যাস, গ ঘ লঘিষ্ঠ ব্যাস, জ ক এব্‌সিসা এবং চ জ অর্ডিনেট ।

সূত্র । যদি গ অক্ষর দ্বারা গরিষ্ঠ ব্যাসার্ধ ক খ, ল অক্ষর দ্বারা লঘিষ্ঠ ব্যাসার্ধ গ ক, অ অক্ষর দ্বারা এব্‌সিসা এবং জা অক্ষর দ্বারা অর্ডিনেট নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে,



$$\begin{aligned} \text{অ} &= \frac{\text{গ}}{\text{ল}} \sqrt{\text{ল}^2 - \text{আ}^2}, \text{ আ} = \frac{\text{ল}}{\text{গ}} \sqrt{\text{গ}^2 - \text{অ}^2}, \\ \text{গ} &= \frac{\text{ল} \times \text{অ}}{\sqrt{\text{ল}^2 - \text{আ}^2}}, \text{ এবং } \text{ল} = \frac{\text{গ} \times \text{আ}}{\sqrt{\text{গ}^2 - \text{অ}^2}} ; \text{ আর} \end{aligned}$$

কেন্দ্র হইতে অধিশ্রয়ের অন্তর কম =  $\sqrt{\text{গ}^2 - \text{ল}^2}$  ।

উদাঃ ১। যে বৃত্তাভাস ক্ষেত্রের গরিষ্ঠ ব্যাস ৩০ ফুট, লঘিষ্ঠ ব্যাস ২০ ফুট, এবং এব্‌সিসা ৩ ফুট, তাহার অর্ডিনেটের পরিমাণ কত ? দ্বিতীয় সূত্রানুসারে,

$$\text{অর্ডিনেট চ জ} = \text{আ } 3\frac{1}{2} \sqrt{15^2 - 3^2} = 2.926 \text{ ফুট ।}$$

২। গরিষ্ঠ ব্যাস ৭০ ফুট, লঘিষ্ঠ ব্যাস ৫০ ফুট এবং অর্ডিনেট ২০ ফুট হইলে, এব্‌সিসা কত হইবে ?

উঃ। প্রথম সূত্রানুসারে, এব্‌সিসা  $k$   $r$  = ২১ ফুট।

৩। গরিষ্ঠ ব্যাস, অর্ডিনেট এবং এব্‌সিসা ক্রমশঃ ১৮০, ১৬ ও ৫৪ ইঞ্চ হইলে, লঘিষ্ঠ ব্যাসের মান কত হইবে ?

উঃ। ৪র্থ সূত্রানুসারে, লঘিষ্ঠ ব্যাস = ৪০ ইঞ্চ।

৪। লঘিষ্ঠ ব্যাসের মান ৫০ ফুট, অর্ডিনেট ২০ ফুট এবং এব্‌সিসা ২১ ফুট হইলে, গরিষ্ঠ ব্যাসের মান কত হইবে ?

উঃ। তৃতীয় সূত্রানুসারে, গরিষ্ঠ ব্যাস = ৭০ ফুট।

৫। গরিষ্ঠ ব্যাস  $k$   $x$  ১০০ গজ, এবং লঘিষ্ঠ ব্যাস  $g$   $y$  ৬০ গজ হইলে,  $k$  কেন্দ্র হইতে  $m$  অধিশ্রয় পর্য্যন্ত দূরত্বপরিমাণ কত হইবে ? উঃ। শেষের সূত্রানুসারে  $k$   $m$  = ৪০ গজ।

৬। পৃথিবীর নিরক্ষবৃত্তস্থ ব্যাসের পরিমাণ ৭৮৯৯ মাইল এবং মেরুস্থ ব্যাস ৭৯২৬ মাইল হইলে, যে বৃত্তাভাস পরিধি পৃথিবীর উভয় মেরু দিয়া গমন করে, তাহার দুই অধিশ্রয়ের দূরত্বপরিমাণ কত ?

উ। ৬৫৪ মাইল ; অথবা পৃথিবীর কেন্দ্র হইতে বৃত্তাভাসের অধিশ্রয় পর্য্যন্ত ৩২৭ মাইল।

## ১২শ সম্পাত্ত ।

বৃত্তাভাস ক্ষেত্রের গরিষ্ঠ ও লঘিষ্ঠ ব্যাস-পরিমাণ জানা আছে, উহার পরিধিপরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

১ম নিয়ম। গরিষ্ঠ ও লঘিষ্ঠ ব্যাস দুইটির সমষ্টির অর্ধেককে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ কর। গুণফল পরিধিপরিমাণের প্রায় সমান হইবে।

২য় নিয়ম। গরিষ্ঠ ও লঘিষ্ঠ ব্যাস সমষ্টির অর্ধেকের সহিত তত্ভূতের বর্গ সমষ্টির অর্ধেকের মূল যোগ করিয়া, সেই যোগফলের অর্ধেককে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ করিলে, গুণফল পরিধি-পরিমাণের প্রায় সমান হইবে।

উদাঃ ১। যে বৃত্তাভাস ক্ষেত্রের গরিষ্ঠ ব্যাস ১৫ ফুট ও লঘিষ্ঠ ব্যাস ১০ ফুট, তাহার পরিধিপরিমাণ কত ?

উঃ। প্রথম নিয়মানুসারে ৩৯ ফুট ৩ই ইঞ্চ।

উঃ। দ্বিতীয় নিয়মানুসারে প্রায় ৩৯ ফুট ৭ ইঞ্চ।

যদি গরিষ্ঠ ব্যাসের খ প্রান্ত হইতে খ জ অন্তরে জ চ একটি লম্ব উত্তোলন করা যায়, তাহা হইলে জ চ-র পরিমাণ নিম্নলিখিত সমানুপাতে নিরূপিত হইবে।

খ ক<sup>২</sup> : ক গ<sup>২</sup> :: খ জ × জ ক : জ চ<sup>২</sup>, সমানুপাতের নিয়মানুসারে  $খ ক^২ \times জ চ^২ = ক গ^২ \times খ জ \times জ ক$ ,

$$\therefore জ চ^২ = \frac{ক গ^২}{খ ক^২} \times খ জ \times জ ক।$$

$$\text{অথবা জ চ} = \frac{ক গ}{খ ক} \sqrt{খ জ \times জ ক}।$$

### ১৩শ সম্পাদ্য।

ক খ গ কেপলী ক্ষেত্র, জ অধিশ্রয়, এই ক্ষেত্রের চ ছ পারামিটার, খ ক এবিসিা অর্থাৎ সর্বাধিক বিস্তার ও ক প অর্ডিনেট অর্থাৎ তলার্দ্ধ রেখা : এই রেখাত্রয়ের মধ্যে কোন দুইটির পরিমাণ জানা থাকিলে, অবশিষ্টটির পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।



যদি চ ছ পারামিটার প অক্ষর দ্বারা, খ ব এব্‌সিসা আ অক্ষর দ্বারা ও ব গ অর্ডিনেট অ অক্ষর দ্বারা নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে সূত্রগুলি এইরূপে লিখিত হইতে পারে। যথা,  $আ = \frac{অ^2}{প}$ ,  $অ = \sqrt{প \cdot আ}$ , এবং  $প = \frac{অ^2}{আ}$  ।

উদাঃ ১। ক খ গ ক্ষেপণী ক্ষেত্রের পারামিটার চ ছ ৫০ ফুট, এবং অর্ডিনেট ব গ ৬০ ফুট, তাহার এব্‌সিসা খ ব-র পরিমাণ কত ?

উঃ ১। সম সূত্রানুসারে  
 এব্‌সিসা বা আ =  $\frac{অ^2}{প} = \frac{৬০^2}{৫০} = ৭২$  ফুট ।

যে রেখা বৃত্তাভাসের কেন্দ্র দিয়া না যাইয়া তাহার পরিধির উভয় পার্শ্বে সমাপ্ত হয়, এবং উহার ব্যাস দ্বারা সমদ্বিখণ্ড হয়, তাহাকে এই ব্যাসের ডবল বা দ্বিগুণ অর্ডিনেট কহে। আর বৃত্তাভাসের কেন্দ্র হইতে অর্ডিনেট পর্য্যন্ত দূরত্বপরিমাণকে এব্‌সিসা কহে।

বৃত্তাভাসের লম্বিষ্ঠ ও গরিষ্ঠ ব্যাসের তৃতীয় অংশপাতিয়কে পারামিটার কহে।

যে রেখার উভয় প্রান্ত ক্ষেপণী ক্ষেত্রের কূটিল রেখার দ্বারা সীমাবদ্ধ হয়, এবং যাহা কোন ব্যাস দ্বারা সমদ্বিখণ্ড হয়, তাহাকে এই ব্যাসের দ্বিগুণ অর্ডিনেট কহে। আর ব্যাসের যে অংশ অর্ডিনেট দ্বারা ছেদিত হয় তাহাকে এব্‌সিসা কহে।

২। যে ক্ষেপণী ক্ষেত্রের পারামিটার ১০ হাত ও অর্ডিনেট ৪ হাত, তাহার এব্‌সিসার পরিমাণ কত ?

উঃ ১। ১.৬ হাত।

৩। যে ক্ষেপণী ক্ষেত্রের এব্‌সিসা ৪ হাত এবং অর্ডিনেট ১০ হাত, তাহার পারামিটারের পরিমাণ কত ?

উঃ ১। ২৫ হাত।

১৪শ সম্পাদ্য ।

কোন ক্ষেপণী ক্ষেত্রের সর্বাধিক বিস্তার ও তলার্দ্ধ রেখার পরিমাণ জানা আছে, তাহার চাপের দৈর্ঘ্যপরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে ।

যদি অ অক্ষব দ্বারা তলার্দ্ধ রেখা ও আ দ্বারা সর্বাধিক বিস্তার নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে ।

$$\text{খ গ চাপার্দ্ধ} = \text{প্রায় } \sqrt{\frac{8}{3} \text{ আ}^2 + \text{অ}^2}$$

উদা ১। খ জ ৩ ফুট ও জ ছ ৬ ফুট হইলে, ক্ষেপণী ক্ষেত্রের চাপার্দ্ধ খ চ-র পরিমাণ কত ?

$$\text{উঃ। } \text{খ চ} = \sqrt{\frac{8}{3} ৩^2 + ৬^2} = ৬ \text{ ফুট } ১১\frac{১}{২}।$$

২। যে ক্ষেপণী ক্ষেত্রের এব্‌সিসা ২ হাত ও অর্ডিনেট ৬ হাত, তাহার চাপার্দ্ধের পরিমাণ কত ? উঃ। ৬.৪২৯১।

লীলাবতীর প্রশ্ন ।

১। ভূজপরিমাণ ১২ হইলে কোটি এবং কর্ণ অকরণী হয়, এমত কএক সমকোণিক ত্রিভুজ নির্দেশ কর ।

$$\text{উঃ। } ১৬, ২০। ৯, ১৫। ৩৫, ৩৭ \text{ ইত্যাদি।}$$

২। কর্ণপরিমাণ ৮৫ হইলে ভূজকোটি অকরণী হয়, এমত কতিপয় সমকোণিক ত্রিভুজ নির্দেশ কর ।

$$\text{উঃ। } ৬১, ৬৮। ৪০, ৭৫।$$

৩। ভূজ কোটি এবং কর্ণ অকরণী হয়, এমত কতিপয় সমকোণিক ত্রিভুজ নির্দেশ কর ।

$$\text{উঃ। } ৩, ৪, ৫। ৫, ১২, ১৩। ১২, ১৬, ২০।$$

\* যে রাশির মূল আকর্ষণ করিতে হইলে কোন ভাগশেষ না থাকে তাকে অকরণী কহে ।

৪। ৩২ হাত উচ্চ একটা বাঁশ ভূমির উপর দণ্ডায়মান আছে, বায়ুর বেগে অকস্মাৎ কোন স্থলে ভগ্ন হওয়াতে, ভগ্নাংশ নত হইয়া পড়িয়া বাঁশের মূলের ১৬ হস্ত দূরে ভূমিসংলগ্ন হইল, এইক্ষণে মূল হইতে কত হাত উচ্চে ঐ বাঁশ ভগ্ন হইয়াছে ? উঃ। ১২ হস্ত।

৫। ৯ হাত উচ্চ এক স্তম্ভের মূলে একটা সর্পের গর্ত আছে। স্তম্ভের যত পরিমাণ তাহার তিন গুণ দূর হইতে সর্প গর্তে আসিতেছে, এমন সময়ে স্তম্ভোপরি উপবিষ্ট এক ময়ূর তাহা দেখিয়া সর্পের উপরে আনিয়া পড়িল। যে স্থলে ময়ূর সর্পকে ধরিল, তাহা স্তম্ভাগ্র হইতে যত দূর, তথা হইতে প্রথম লক্ষ্য স্থানও তত দূর। এখন গর্ত হইতে কত দূরে সর্প ধরা পড়িল ? উঃ। ১২ হস্ত দূরে।

৬। একটা কমলকলিকা কোন হ্রদের গর্ত হইতে উঠিয়া জলের উপর বিতস্তি পরিমাণ উন্নত ছিল, পরে, বায়ুর মন্দ মন্দ সঞ্চালনে ক্রমশঃ নত হইয়া দুই হস্ত দূরে গিয়া জলমগ্ন হইল। এইক্ষণে ঐ জল কত গভীর ছিল তাহা স্থির কর ? উঃ। ৩ হাত।

৭। কোন কীৰ্ত্তি স্তম্ভের তল হইতে এক শত হস্ত উর্দ্ধে দুই ব্যক্তি উপবিষ্ট ছিল, এবং সেই স্তম্ভের মূলের দুই শত হস্ত দূরে এক জলাশয়ের কূলে একটা বড় ঘোলামাছ নড়িতেছে দেখিয়া, ঐ দুই ব্যক্তির মধ্যে এক জন নামিয়া জলাশয়ে মাছের নিকট আসিল, অপর ব্যক্তি না নামিয়া স্তম্ভের উপর আরো কিয়দূর পধ্যস্ত সোজা উঠিয়া, কণ পথে

ঐ মাছকে লক্ষ্য করিয়া একটী শর নিক্ষেপ করিল; কিন্তু দ্বিতীয় ব্যক্তির উল্কে উঠেন ও শরটীর গমন পথ এতদ্রুতয়ের সমষ্টি প্রথম ব্যক্তির গমন পথের সমান। এইক্ষণে দ্বিতীয় ব্যক্তি স্তম্ভের উপর কত দূর পর্য্যন্ত উঠিয়াছিল? উঃ। ৫০ হস্ত।

৮। কোন সমকোণিক ত্রিভুজের ভূজ ও কোটি পরিমাণের অন্তর ৭ এবং কর্ণপরিমাণ ১৩ হইলে, ভূজ কোটির পৃথক্ পৃথক্ পরিমাণ কত? উঃ। ৫, ১২।

৯। দুইটী বাঁশ পরস্পর ৫ হাত দূরে আছে, একটী ১৫ হস্ত উচ্চ অন্যটী ১০ হস্ত উচ্চ, উভয়ের অগ্র-শূত্র দ্বারা পরস্পরের মূলের সহিত সংযুক্ত হইলে, যে স্থলে দুই শূত্রের সঙ্গাত হইবে তাহার উন্নতি কত? উঃ। ৮ হাত।

১০। যে বৃত্তের বাসপরিমাণ ২০০০, তাহার ভিতরে অঙ্কিত সমবাহক ত্রিভুজের ভূজপরিমাণ কত? উঃ। ১৭৩২ হুঃ।

১১। ঐ রূপ বৃত্তমধ্যে অঙ্কিত সমবাহক চতুর্ভুজের পরিমাণকত? উঃ। ১৪১৪ হুঃ।

১২। ঐ রূপ বৃত্তমধ্যে অঙ্কিত সমবাহক পঞ্চভুজ ও ষড়্ভুজের পরিমাণ কত? উঃ। ১১৭৫ হুঃ, ১০০০।

১৩। ঐ রূপ বৃত্ত মধ্যে অঙ্কিত সমবাহক সপ্তভুজ, অষ্টভুজ ও নবভুজ প্রত্যেকের পরিমাণ কত? উঃ। ৮৩৭ হুঃ, ৭৩৫ হুঃ, ৬৮৩ হুঃ।

১৪। বৃত্তের বাসপরিমাণ ২৪০ হস্ত নিরূপিত আছে, এবং পরিধি সমান অষ্টাদশ অংশে বিভক্ত আছে, এইক্ষণে তাহার একাংশ, দুই অংশ, তিন অংশ ইত্যাদি নবাংশ পর্য্যন্ত পৃথক্ পৃথক্ চাপের জ্যার পরিমাণ কি হইবে? উঃ। ৪২, ৮২, ১২০, ১৫৪, ১৮৪, ২০৮, ২২৩, ২৩৪, ২৪০।



## তৃতীয় ভাগ ।

### ভূমি পরিমাণ ।

ভূমি মাপিবার ধারা ।

৫৭৬ বর্গ অঙ্গুলিতে	...	১ হাত
৫ বর্গ হাতে	...	১ কাঁচা
২০ বর্গ হাতে বা ৪ কাঁচায়	...	১ ছটাক ১/০
৪ ছটাকে ৮০ বর্গ হাতে বা	}	১ পোয়া ১০
৫ বর্গ কাঠায়		
৪ পোয়াতে, ১৬ ছটাকে, বা	}	১ কাঠা ১০
৩২০ হাতে		
২০ বর্গ কাঠায় অথবা	}	১ বিঘা ১/০
৬৪০০ বর্গ হাতে		
৩২৪ ইঞ্চিতে	...	১ বর্গ হাত
১৪৪ বর্গ ইঞ্চি	...	১ বর্গ কুট
৯ বর্গ কুটে	...	১ বর্গ গজ
৪৮৪০ বর্গ গজে	...	১ একর
৬৪০ একরে	...	১ বর্গ মাইল
১৪৪০০ বর্গ কুটে	...	১ বিঘা
১৬০০ বর্গ গজ বা	}	১ বিঘা
১৪৪০০ বর্গ কুটে		

... - ৬৪০০ বর্গ হস্ত - ১/ বিঘা

$$৭২০ \text{ বর্গফুট} = ৩২০ \text{ বর্গ হস্ত} = \frac{৩}{১} \text{ কাঠা}$$

$$৪৫ \text{ ঐ} = ২০ \text{ ঐ} = \frac{১}{১০} \text{ ছটাক}$$

বর্গ গজের নিয়ম এই যে, তিন ফুটে চলিত যে গজ, তার বর্গ হইলে অর্থাৎ দীর্ঘ প্রস্থে পূরণ করিলে ( $৩ \times ৩ = ৯$  ফুট) এক বর্গ গজ = ৮ বর্গ হস্ত ।

অতএব  $১৬০০ \text{ বর্গ গজ} \times ৯ = ১৪৪০০ \text{ বর্গফুট}$  ।  
আর কি বিঘাতে  $৮০ \text{ হস্ত} \times ৮০ \text{ হস্ত} = ৬৪০০ \text{ বর্গ হস্ত}$  ।

কি হস্তে  $১১০$  দেড় ফুট, এই জন্ত  $৮০ \text{ হস্ত} \times ১১০ \text{ ফুট} = ১২০ \text{ ফুট}$  । আর  $১২০ \times ১২০ = ১৪৪০০ \text{ বর্গ ফুটে}$   $৬৪০০ \text{ বর্গ হস্ত}$  হইল ।

২১০ সওয়া দুই বর্গ ফুটে এক বর্গ হস্ত হয়, কারণ  $১১০ \times ১১০ = ২১০$  সওয়া দুই । বর্গ ফুটকে বর্গ হস্ত করিতে হইলে, যত ফুট থাকিবে, তাকে চতুর্গুণ করিয়া ৯ দিয়া ভাগ করিতে হয় ; এবং বর্গ হস্তকে ২১০ সওয়া দুই গুণ করিলে বর্গ ফুট নির্ণয় হয় । যেমন, ১ বিঘা অথবা  $৬৪০০ \text{ বর্গ হস্ত} \times ২১০ = ১৪৪০০ \text{ বর্গ ফুট}$  । এবং  $১৪৪০০ \text{ বর্গ ফুট} \times ৮ = ৫৭৬০০$ ,  $৫৭৬০০ \div ৯ = ৬৪০০ \text{ বর্গ হস্ত} = ১/১০ \text{ বিঘা}$  ।

১ উদাহরণ । ইংরাজী ১ একর ভূমি বঙ্গদেশীয় কাঠাতে পরিবর্তিত কর ।

১ একর =  $৪৩৫৬০ \text{ বর্গ ফুট}$  ; ইহাকে  $১৪৪০০$  ভাগ করিলে =  $৩০২৪০$  হয় ।  $৩৬০ \text{ বর্গফুট} = \text{অর্ধ কাঠা}$  ।  
∴ এক একর =  $৩/১০ \text{ বিঘা}$  ১০ কাঠা ।

২। ইংরাজী ১ এক রুড ভূমি বঙ্গদেশীয় কাঠাতে পরিবর্তিত কর।

এক রুড = ১০৮৯০ বর্গ ফুট,  $১০৮৯০ \times ৪ + ৯ = ৪৮৪০$  বর্গ হস্ত।  $৪৮৪০ \div ৩২০ = ১৫$  কাঠা + ৪০ অবশিষ্ট। ৪০ বর্গ হস্ত = ৮০ ছটাক।

∴ এক রুড = ৮০ কাঠা ৮০ ছটাক।

৩। ইংরাজী ১ পোল ভূমি বঙ্গদেশীয় কাঠাতে পরিবর্তিত কর।

এক পোল = ২৭২৪ বর্গ ফুট,  $২৭২৪ \times ৪ + ৯ = ১২১$  বর্গ হস্ত।  $১২১ \div ২০ = ৬$  ছটাক ১ বর্গ হস্ত।

৪। ইংরাজী ১২৩ একর ২ রুড ৩৭ পোল ৩ গজে বঙ্গদেশীয় কত ভূমি হইবে?

উঃ। ৩৭৪ বিঘা ১০ কাঠা ৮০ ছটাক ৯ হস্ত।

৫। বঙ্গদেশীয় ১/১০ বিঘা ভূমি ইংরাজী একরে পরিবর্তিত করিলে কত ভূমি হইবে?

১ বিঘা = ৬৪০০ বর্গ হস্ত = ১৪৪০০ বর্গ ফুট। অতএব ঐ ১৪৪০০ বর্গ ফুট ইংরাজী বর্গ পরিমাণের মাপের হিসাবে = ১ রুড ১২ পোল ২৭ গজ।

৬। বঙ্গদেশীয় ১৭ বিঘা ১৪ কাঠা ১/১০ ছটাকে ইংরাজী কত ভূমি হইবে?

উঃ। ৫ একর ৩ রুড ৩ পোল ২৪ গজ ২৪ ছুট।

গণকের চেইনের দ্বারা ভূমির মাপ হয়। ঐ চেইন ৪ পোল, কিংবা ২২ গজ, অথবা ৬৬ ফুট দীর্ঘ, এবং ১০০ লিঙ্কে বিভাজিত হওয়াতে প্রতি লিঙ্কের পরিমাণ

৭৫৪৪ ইঞ্চি । ১ বর্গ চেইন প্রতি ৪৮৪ বর্গ গজ অথবা এক একরের দশাংশের একাংশ থাকে । এই মতে দশ বর্গ চেইনের কাত ৪৮৪০ বর্গ গজে এক একর হয় ।

বঙ্গদেশীয় মাপ ইংরাজী মাপে পরিবর্তিত ।

বিঘা	কাঠা		একর	রুড্	পোল	গজ	ফুট	বর্গ ইঞ্চি
১	১ কাঠা	-			২	১২	৪	৭২
২	১/২ ঐ	-			৫	৮	৬	১০৮
৩	১/৩ ঐ	-			৭	২৮	২	৩৬
৪	১/৪ ঐ	-			১০	১৭	৪	৭১
৫	১/৫ ঐ	-			১৩	৬	৬	১০৮
৬	১/৬ ঐ	-			২৬	১৬	৪	৭২
৭	বিঘা	-	১		১২	২৭	"	"
৮	ঐ	-	২		২৫	২৩	৬	১০৮
৯	ঐ	-	৩		৩৮	২০	৪	৭২
১০	ঐ	-	১	১	১১	১৭	২	৩৬
১১	ঐ	-	১	২	২৪	১৪	"	"
১২	ঐ	-	৩	১	৮	২৮	"	"
১৩	ঐ	-	৬	২	১৭	২৫	৬	১০৮
১৪	ঐ	-	৩	৩	২৬	২৩	৪	৭২
১৫	ঐ	-	১৩	"	৩৫	২১	২	৩৬
১৬	ঐ	-	১৬	২	৪	১২	"	"
১৭	ঐ	-	৩৫	"	৯	৭	৬	১০৮

১ম সম্পাদ্য। সমচতুর্ভুজ, আয়ত, রম্বস ও রম্বৈড্ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল স্থির করিবার নিয়ম।

১ম নিয়ম। ক্ষেত্র সমচতুর্ভুজ হইলে, তাহার বাহুর পরিমাণকে বর্গ করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

২য়। ক্ষেত্র রম্বস হইলে, ভূজপরিমাণকে লম্বপরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

৩য়। ক্ষেত্র আয়ত হইলে, দৈর্ঘ্যপরিমাণকে প্রস্থপরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

৪র্থ। ক্ষেত্র রম্বৈড্ হইলে, তাহার দীর্ঘ ভূজের লম্বুখীন কোণ হইতে তদুপরি লম্বপাত করিয়া, সেই ভূজ ও লম্বের পরিমাণকে পরস্পর গুণ করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

যে ক্ষেত্র বা ভূমির দৈর্ঘ্য ১ হস্ত ও বিস্তার ১ হস্ত, তাহার ক্ষেত্রফল ১ বর্গহস্ত, অথবা তাহার কালি ১ হাত কথা যায়। ঐরূপ, যে ক্ষেত্র বা ভূমির দৈর্ঘ্য ১ অঙ্গুলি

চ	১	২	৩	৪	৫	৬	৭	৮	৯	১০	১১	১২	১৩	১৪	১৫	১৬	১৭	১৮	১৯	২০	২১	২২	২৩	২৪	২৫	২৬	২৭	২৮	২৯	৩০	৩১	৩২	৩৩	৩৪	৩৫	৩৬	৩৭	৩৮	৩৯	৪০	৪১	৪২	৪৩	৪৪	৪৫	৪৬	৪৭	৪৮	৪৯	৫০	৫১	৫২	৫৩	৫৪	৫৫	৫৬	৫৭	৫৮	৫৯	৬০	৬১	৬২	৬৩	৬৪	৬৫	৬৬	৬৭	৬৮	৬৯	৭০	৭১	৭২	৭৩	৭৪	৭৫	৭৬	৭৭	৭৮	৭৯	৮০	৮১	৮২	৮৩	৮৪	৮৫	৮৬	৮৭	৮৮	৮৯	৯০	৯১	৯২	৯৩	৯৪	৯৫	৯৬	৯৭	৯৮	৯৯	১০০
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----

ও বিস্তার ১ অঙ্গুলি হইবে, তাহার ক্ষেত্রফল ১ বর্গ অঙ্গুলি হয়। যদি ক খ ও ক ঘ উভয় রেখার পরিমাণ ১ অঙ্গুলি করিয়া হয়, তাহা হইলে ক খ গ ঘ চিত্রিত ক্ষেত্রটির ক্ষেত্রফল ১ বর্গ অঙ্গুলি হইবে। চ ছ জ ব চিত্রিত ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ৫ অঙ্গুলি ও বিস্তার ৪ অঙ্গুলি হইলে

স্পষ্টই দেখা যাইতেছে যে, উহার ক্ষেত্রফল ২০ বর্গ অঙ্কুলি হইবে; কারণ উহাকে ক খ গ ঘ চিহ্নিত ক্ষেত্রের সমান ২০ টি ক্ষেত্রে বিভাগ করা যাইতে পারে। অতএব, স্পষ্ট প্রতীয়মান হইতেছে যে, সমচতুর্ভুজ বা আয়ত ভূমির ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইলে দৈর্ঘ্যকে বিস্তার দিয়া গুণ করিতে হয়।

ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও ক্ষেত্রফল দ, ব ও ফ অক্ষর দ্বারা নির্দেশ করিলে, সূত্রত্রয় এইরূপে লেখা যাইতে

পারে। যথা,  $f = d \times b$ ,  $d = \frac{f}{b}$ , এবং  $b = \frac{f}{d}$ ।

উদাহরণ ১। যে আয়ত ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ৭ ফুট ও বিস্তার ৪ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে।

প্রথম সূত্রানুসারে  $7 \times 4 = ২৮$  বর্গ ফুট = ক্ষেত্রফল।

২। যে সমচতুর্ভুজ ক্ষেত্রের ভূজ ১৮ ইঞ্চি তাহার ক্ষেত্রফল কত ?

$$\begin{array}{r}
 ১৮ \\
 ১৮ \\
 ১৪৪ \left\{ \begin{array}{l} ১২ \\ ১২ \end{array} \right| \begin{array}{r} ৩২৪ \\ ২৭ \end{array}
 \end{array}$$

ক্ষেত্রফল =  $২\frac{১}{২}$  বর্গফুট।

৩। যে ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ৭ ফুট ৮ ইঞ্চি ও বিস্তার ৩ ফুট ১০ ইঞ্চি, তাহার ক্ষেত্রফল কত ?

৭ ফুট ৮ ইঞ্চি		
৩	১০	
<hr/>		
২৩	০	
৬	৪	৮ অংশ
<hr/>		
২৯	৪	৮

কোন ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ মিশ্র রাশির দ্বারা প্রকাশিত হইলে, সেই রাশিদ্বয়কে বৈধিক হাতে আনিয়া পরস্পর গুণ কর, গুণফল যত বর্গ হাত হইবে তত গত্তা ধরিয়া পরিবর্তিত কর, করিলে যত পণ তত ছটাক, যত চোক তত পোয়া, যত কাহন তত কাঠা কালি হইবে; পরে কাঠাকে বিঘায় আনিলেই হইবে। যদি দৈর্ঘ্য বা প্রস্থ বা উভয়েতেই ছটাক থাকে, তাহা হইলে উভয়কেই ছটাকে আনিয়া গুণ কর, গুণফল যত বর্গ ছটাক হইবে, তত কাক কালি ধরিয়া কড়ায় পরে গত্তায় আন, তৎপরে গত্তার সংখ্যাকে পূর্ববৎ পরিবর্তিত কর।

৪। যে ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ১১২ ও বিস্তার ১১০, তাহার ক্ষেত্রফল কত ?

এখানে, ক্ষেত্রফল = ১১২ × ১১০ = ১২৮ হাত × ১২০ = ১৫৩৬০ বর্গ হস্ত = ৪৮ কাহন = ৪৮ কাঠা = ২।৩; কিম্বা ১৫৩৬০ বর্গহাত = ১৫৩৬০ গত্তা কালি; এখন ১৫৩৬০ গত্তাকে পণ, চোক, কাহনে আনিলেই হইবে। অথবা, ৩৪০০ বর্গ হাতে ১ বিঘা, ৩২০ বর্গ হাতে

১ কাঠা, ৮০ বর্গ হাতে ১ পোয়া, এবং ২০ বর্গ হাতে ১ ছটাক ; অতএব ১৫৩৬০ কে ৬৪০০ দিয়া ভাগ করিলে, ভাগফল বিঘা এবং ভাগশেষ বর্গ হাত হইবে ; পরে ভাগশেষকে ৩২০ দিয়া ভাগ করিলে ভাগফল কাঠা এবং ভাগশেষ বর্গ হাত হইবে, ইত্যাদি । যথা—

$$\begin{array}{r} ২০ ) ১৫৩৬০ \text{ গণ্ডা} \quad \text{অথবা } ৬৪০০ ) ১৫৩৬০ \text{ ( ২ বিঘা} \\ \hline \end{array}$$

$$৪ ) ৭৬৮ \text{ পণ } \dots ০ \text{ গঃ}$$

$$৩২০ ) ২৫৬০ \text{ ( ৮ কাঠা}$$

$$৪ ) ১৯২ \text{ চোক } \dots ০ \text{ পঃ}$$

$$২৫৬০$$

$$২০ ) ৪৮ \text{ কাহন } \dots ০ \text{ চৌঃ}$$

$$২ \text{ বিঘা } \dots ৮ \text{ কাহঃ}$$

অতএব উক্ত বিঃ ২।৩ অর্থাৎ ২ বিঘা ৮ কাঠা ।

ভূমির এত হাত দৈর্ঘ্য এত হাত বিস্তার কত কালি হইবে প্রশ্ন হইলে, যে কেবল বর্গহস্ত দ্বারা কালি নির্দেশ করিতে হয় এমত নহে, বিঘা, কাঠা, ছটাক দ্বারা কালি নির্দেশ করাটী রীতি । এখন এক বর্গ বিঘাতে ৬৪০০ বর্গ হাত । যদি এক বর্গ হস্তকে ১ গণ্ডা ধরা যায়, তাহা হইলে ১ বিঘার ৬৪০০ গণ্ডা হইবেক । কিন্তু ৬৪০০ গণ্ডার ২০ কাহন । সুতরাং ১ বিঘার ২০ কাহন হইবে । তাহা হইলেই, ঐরূপ এক কাহনকে ১ কাঠা ও ১ পণকে ১ ছটাক ধরা বাইতে পারে । বর্গহস্ত



ধরিয়া কালি করিবার সময় যদি দৈর্ঘ্য ও বিস্তার বিঘা ও কাঠায় লিখিত থাকে, এবং কালি বর্গ হস্ত দ্বারা নির্দেশ করিতে হয়, তাহা হইলে প্রথমতঃ বিঘা ও কাঠা প্রভৃতিকে রৈখিক হাতে পরিবর্তিত করিতে হয়।

আর্য্য্যাতোই লিখিত হইয়াছে যে, ভূমি ৮০ হাত লম্বা হইলেই তাহাকে রৈখিক এক বিঘা কহে। যে ভূমির ৮০ হাত দৈর্ঘ্য ও ৮০ হাত বিস্তার, তাহার কালি এক বিঘা কহিয়া থাকে; সুতরাং  $৮০ \times ৮০ = ৬৪০০$  বর্গ হস্ত হইলে এক বিঘা কালি অর্থাৎ এক বর্গ বিঘা হয়। পুনশ্চ, ৪ হাত লম্বা হইলেই এক কাঠা কহে; এবং এক বিঘা দৈর্ঘ্য ও এক বিঘা বিস্তার হইলে যে রূপ এক বিঘা কালি কহিয়া থাকে; এক কাঠা দৈর্ঘ্য ও এক কাঠা বিস্তার হইলে সেই রূপে ৪০০ বর্গ কাঠায় এক বর্গ বিঘা হইত; কারণ ২০ কাঠা দৈর্ঘ্য ও ২০ কাঠা বিস্তার হইলে এক বর্গ বিঘা অথবা এক বিঘা কালি হয়। কিন্তু রৈখিক ২০ কাঠায় যেমন রৈখিক ১ বিঘা ধরা যায়, তেমনি ২০ কাঠা কালিতেও ১ বিঘা কালি ধরা রীতি। সুতরাং ১ কাঠা কালির পরিমাণ  $৬৪০০ \div ৩২০ = ৩২০$  বর্গ হস্ত হইল। তাহা হইলেই যে ভূমির ১ বিঘা দৈর্ঘ্য ও ১ কাঠা বিস্তার, তাহার কালি ১ কাঠা কহা যাইতে পারে; কারণ  $৮০ \times ৪ = ৩২০$ ।

ক্ষেত্রকল স্থির করিবার সঙ্কেত শুভকরের কাঠাকালি ও বিঘাকালির আর্য্য্যাতো পরিষ্কাররূপে নিদ্রিষ্ট আছে। শুভকরের কাঠাকালি ও বিঘাকালির সঙ্কেত এই;—

কাঠা কালি। কাঠায় কাঠার ধূলপরিমাণ।

বিংশতি \* গণ্ডার কাঠার প্রমাণ।

বিঘাকালি। কুড়ো † বা কুড়োবা কুড়োবা লীজো।

কাঠার কুড়োবার কাঠা লীজো।

কাঠার কাঠার ধূলপরিমাণ।

বিংশতি গণ্ডার কাঠার প্রমাণ।

নিয়ম ১ম। গুণকের প্রত্যেক শ্রেণীস্থ রাশি দ্বারা গুণ্যের প্রত্যেক শ্রেণীস্থ রাশিকে গুণ কর, এবং ঐ রাশিদ্বয়ের একটি অথবা উভয়টাই বিঘা হইলে ২য় নিয়মানুসারে গুণকল নির্ণয় করিয়া বামে লিখ, অন্তথা ৩য় নিয়মানুসারে গুণকল নির্ণয় করিয়া ডাইনে লিখ।

২য়। বিঘায় বিঘায় গুণ করিয়া বিঘা, বিঘায় কাঠার গুণ করিয়া কাঠা, বিঘায় পোয়ার পোয়া, বিঘায় ছটাকে ছটাক ইত্যাদি ধর।

৩য়। কাঠার কাঠার গুণ করিয়া বত তত গণ্ডা, কাঠার পোয়ার বত তত কড়া, কাঠার ছটাকে বত তত কাক্, পোয়ার পোয়ার বত তত কাক্, পোয়ার ছটাকে বত তত সিকি কাক্ বা ৫ তিল, ছটাকে ছটাকে বত তত সওয়া তিল।

৪র্থ। পোয়ার পোয়ার অথবা পোয়ার ছটাকে গুণ না

\* এই সঙ্কেত অবলম্বন করিয়া এ প্রদেশে ভূমির কালি স্থির হইয়া থাকে। পূর্বে “দশ বিশ গণ্ডার” বলা রীতি ছিল; এইকণে শুভকর ব্যবসায়ী গুরুমহাশয়েরা প্রায় সকলেই বিশ গণ্ডায় বলিয়া থাকেন।

† কোন কোন অঞ্চলে বিঘাকে কুড়ো কহে।

করিয়া, পোয়া ও ছটাককে ছটাকে আনিয়া একবারে ছটাকে ছটাকে গুণ করা সুবিধা, এবং গুণফল বত হইবে তত বার সওয়া তিল ধরিয়া ভাইনে না লিখিয়া, তত কাক কালি ধরিয়া একবারে বামে লেখা সুবিধা। পরে তৃতীয় নিয়মানুসারে যে সকল গুণফল উৎপন্ন হইয়াছে, সেই সকলকে একত্র যোগ করিয়া বাহা হইবে, তাহার পণ প্রতি কাঠা, বুড়ি প্রতি পোয়া, গণ্ডা প্রতি ১৬ গণ্ডা, কড়া প্রতি ৪ গণ্ডা, কাক প্রতি গণ্ডা, প্রতি ৫ তিলে কড়া ধরিয়া বামের গুণফল সমূহে যোগ করিলেই যোগফল নির্ণয় ক্ষেত্র-ফল হইবে।

উদাহরণ ৫ম। যে সমচতুর্কোণ ভূমির দৈর্ঘ্য বিঘা ১১  $\frac{১১৮}{১০০}$  এবং প্রস্থ বিঘা  $২\frac{৩৮}{১০০}$  তাহার ক্ষেত্রফল কত?

$  \begin{array}{r}  ১১৮ \ ১১৮ \\  \underline{২\ ৩৮} \quad \quad ১৩ \\  ২২/ \quad \quad ১১/ \\  ১/২ \quad \quad ৮৮৮ \\  \quad ৮৮ \quad \quad ৮৩১ \\  \quad \quad ১১৩ \\  \quad \quad ১৩৮৮ \\  \quad \quad \quad ১১৩ \\  \quad \quad \quad ১১৩৮ \\  \hline  ২৫ \ ১৮৮১১৮  \end{array}  $	$  \begin{array}{l}  ১১ \text{ বিঃ} \times ২ \text{ বিঃ} = \\  ২২ \text{ বিঃ}, \ ২ \text{ বিঘা} \times \\  ১১ \text{ কাঠা} = ২২ \text{ কাঠা} = \\  ১ \text{ বিঃ} ২ \text{ কাঃ}, \ ২ \text{ বিঃ} \times \\  ১ \text{ হুঃ} = ১৪ \text{ হুঃ, বামে} \\  \text{লিখ। পরে } ৩ \text{ কাঠা} \times \\  ১১ \text{ বিঃ} = ৩৩ \text{ কাঠা} = \\  ১ \text{ বিঃ} ১৩ \text{ কাঃ বামে লিখ।} \\  \text{পরে } ৩ \text{ কাঃ} \times ১১ \text{ কাঃ} = \\  ৩৩ \text{ গণ্ডা} = ১ \text{ পণ } ১৩ \\  \text{গণ্ডা ভাইনে লিখ। পরে} \\  ৩ \text{ কাঃ} \times ১ \text{ হুঃ} = ২১ \text{ কাক}  \end{array}  $
--	--

= ১ গুণ ৫ কাক ডাইনে লিখ। পরে ১৩ ছ × ১১ বিঃ  
 = ১৪৩ ছঃ (১৪৩ পণ = ৮ কাহন ১৫ পণ, সুতরাং)  
 ১৪৩ ছঃ = ৮ কাঃ ১৫ ছঃ বামে লিখ। পরে ১৩ ছঃ × ১১  
 কাঠা = ১৪৩ কাক (১০০ পণে ৬ কাহন ৪ পণ, আর  
 ৪৩ পণে ২ কাহন ১১ পণ, ৮ কাহন ১৫ পণ, সুতরাং  
 ১৪৩ কাক) = ৮ গুণ ১৫ কাক ডাইনে লিখ। অবশেষে  
 ১৩ ছঃ × ১ ছঃ = ১১ বর্গ ছটাক = ১১ কাক কালি  
 (১১ পণ ৫ কাহন ১১ পণ, সুতরাং) ১১ কাক = ৫ গুণ  
 ১১ কাক একবারে বামে লিখ। ডানদিকের গুণকলগুলি  
 যোগ করার ১৩১ হইল, বাহার ২ পণে ২ কাঠা, ৩ গুণার  
 ৪৮ গুণ ১০ পণ ৮ গুণ, ১ কড়ার ১ × ৪ = ৪ গুণ করিলে  
 ২ কাঠা আর পোয়া ১২ গুণ হয়, বাহাকে বামের গুণকল  
 সমূহে যোগ কর।

উক্ত প্রক্রিয়া এক্ষেপে আরও সংক্ষেপ করা যায়।

১১১ ১ ১০

২/৩৫০

২৩/ ২৫০

২/ ১৫০

৫১০

/ ২১২

২৫ ১৫৫/ ১৭১০

প্রথমে ২ বিঘা × ১ ছঃ =

১৪ ছ, ১৪ ছ, নামে, হাতে

শূন্য। পরে ২ বি × ১১

কা = ২২ কা, ১ বিঃ ২ কা ;

২ কাঠা নামে, হাতে ১

বিঃ ; ২ বিঃ × ১১ বি =

২২ বি আর ১ বি = ২৩

বি। তৎপরে এক্ষেপে ১১

বি × ১৩ ছ, এবং ১১ বি

× ৩ কাঠা গুণ করিলে বি ২/১৫৫ হয়। (১১ বি ×

২ বি আর ধরা হইবে না, কারণ একবার ধরা হইয়াছে)। অবশিষ্ট প্রক্রিয়া পূর্বের মত তাহা দৃষ্ট হইতেছে।

যে সমচতুর্কোণ দৈর্ঘ্যে ১১ বিঘা ও প্রস্থে ২ বিঘা, তাহার কালি ২২ বর্গ বিঘা; বাটার দৈর্ঘ্য ১১ বিঘা কিন্তু প্রস্থ ২ কাঠা তাহার কালি বর্গ বিঘা না হইয়া ২২ কাঠা হইবে। ইহার বৃত্তি কেন্দ্র অঙ্কিত করিয়া দেখিলেই প্রতীত হইবে।

ক খ গ ঘ একটি আরত কেন্দ্র, ইহার দৈর্ঘ্য ১১ বিঘা, প্রস্থ ২ কাঠা। ইহার দৈর্ঘ্যকে ১১ ভাগ কর, তাহা হইলে প্রত্যেক খণ্ড দৈর্ঘ্যে ১ বিঘা ও প্রস্থে ২ কাঠা হইবে। এইকণে ১ বিঘার রৈখিক পরিমাণ ৮০ হাত ও দুই কাঠার রৈখিক পরিমাণ ৪ হাত করিয়া ৮ হাত; অনন্তর প্রতি খণ্ডের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থপরিমাণ গুণ করিলে প্রতীক্ষমান হইবে যে, প্রত্যেকের কালি ২ কাঠা করিয়া সমুদায় কেন্দ্রের কালি ২২ কাঠা হইবে; যথা  $৮০ \times ৮ = ৬৪০ = ২$  বর্গ কাঠা, যেহেতু ৩২০ বর্গ হাতে এক কাঠা হয়। এক খণ্ডে দুই কাঠা হইলে ১১ খণ্ডে কাজে কাজেই ২২ কাঠা হইবে।

এরূপে যে সমচতুর্কোণের দৈর্ঘ্য ৬ বিঘা এবং প্রস্থ ৫ ছটাক, তদ্ব্যতীত  $৬ \times ৫ = ৩০$  টী বর্গ ছটাক হইবে। সুতরাং তাহার কালি ৩০ ছটাক ইত্যাদি। এই নিমিত্ত “কুড়োবা কুড়োবা কুড়োবা লীজো, কাঠার কুড়োবা, কাঠা লীজো” অর্থাৎ বিঘার বিঘার বিঘা, বিঘার কাঠার কাঠা ইত্যাদি ধরিতে হয়।

অপর, যেহেতু ২০ পণ্ডার ১ পণ, এবং ২০ ধূলে অর্থাৎ ২০ বর্গ কাঠার ১ কাঠা কালি, এই নিমিত্ত বহু বর্গ কাঠা

হয়, শুভঙ্কর ব্যবসায়ীরা লঘুকরণ সহজ হইবে বলিয়া তত গণ্ডা ধরিয়া পণে পরিবর্তিত করেন, পরে যত পণ হয় তত কাঠা কালি ধরেন। যথা ৪ কাঠা  $\times$  ১০ কাঠা কত কালি ?  $৪ \times ১০ = ৪০$  বর্গ কাঠা ( বা ধূল ) ৪০ গণ্ডায় ২ পণ, সুতরাং ২ কাঠা উত্তর। এই নিমিত্ত “ কাঠায় কাঠায় ধূল পরিমাণ, বিংশতি গণ্ডায় কাঠায় প্রমাণ ” অথবা “ কাঠায় কাঠায় যত তত গণ্ডা ” এবং তত গণ্ডায় “ পণ প্রতি কাঠা ” ধরিতে হয়। অপর, যেহেতু ২০ বর্গ কাঠায় ১ কাঠা কালি, অতএব ৫ বর্গ কাঠায় ১ পোয়া কালি, এই নিমিত্ত উল্লিখিত রূপ ৫ গণ্ডায় ১ পোয়া, বা “ বুড়ি প্রতি পোয়া ” ধরিতে হয়। ১ বর্গ কাঠায় ১৬ বর্গ হাত = ১৬ গণ্ডা কালি, এই নিমিত্ত “ গণ্ডা প্রতি ১৬ গণ্ডা ” ( বা গণ্ডা প্রতি ১৬ তিল ) হয়।

পূর্ববৎ ক্ষেত্র অঙ্কিত করিয়া দেখিলে প্রতীয়মান হইবে যে, ৫ কাঠা  $\times$  ৪ পোয়া = ২০ বর্গ পোয়া, ৩ কাঠা  $\times$  ৭ হু = ২১ বর্গ ছটাক, ইত্যাদি, এখন যে কারণে এক এক বর্গ কাঠাকে এক এক গণ্ডা ধরা যায়, সেই কারণেই এক এক বর্গ পোয়াকে এক এক কড়া ধরিতে হয়, কেননা ৪ বর্গ পোয়ার ১ বর্গ কাঠা হয় এবং ৪ কড়ার ১ গণ্ডা হয় ; এবং ঐ হিসাবে এক এক বর্গ ছটাকে এক এক কাক্ ধরিতে হয়, কেননা ৪ কাকে ১ কড়া এবং ৪ টী বর্গ ছটাকেও ১ টী বর্গ পোয়া হয়, এই নিমিত্ত “ কাঠায় পোয়ার যত তত কড়া, কাঠায় ছটাকে যত তত কাক্ ” ইত্যাদি।

অপর, যেহেতু ১ বর্গ পোয়া = ৪ বর্গ হাত = ৪ গণ্ডা

কালি, এবং যত বর্গ পোয়া হয় তত কড়া ধরা যায়, এই নিমিত্ত “কড়া প্রতি ৪ গণ্ডা” ধরিতে হয়, এবং ঐ হিসাবে “কাক প্রতি গণ্ডা” ধরিতে হয় ইত্যাদি।

ক্ষেত্র অঙ্কিত করিয়া দেখ, যে সমচতুর্কোণ দৈর্ঘ্যে ৮ বিঘা ৬ কাঠা ৭ ছটাক, এবং প্রস্থে ৩ বিঘা তাহার মধ্যে এই রূপ তিনটি সমচতুর্কোণ হয়;—একটির কালি ৪ বিঘা  $\times$  ৮ বিঘা, আর একটির কালি ৪ বি  $\times$  ৬ কা, আর একটির কালি ৪ বি  $\times$  ৭ ছ। যদি প্রথমোক্ত সমচতুর্কোণের প্রস্থ আর ৩ কাঠা বৃদ্ধি করা যায়, তাহা হইলে দৃষ্ট হইবে যে, সমুদায় বর্দ্ধিত সমচতুর্কোণের মধ্যে ঐ তিনটি সমচতুর্কোণ হইয়া আরও এই রূপ তিনটি সমচতুর্কোণ হয়; একটির কালি ৩ কা  $\times$  ৮ বি, আর একটির কালি ৩ কা  $\times$  ৬ কাঠা, আর একটির কালি ৩ কা  $\times$  ৭ ছ। অতএব বর্দ্ধিত সমচতুর্কোণ ঐ ছয়টি সমচতুর্কোণের সমষ্টি। কি নিমিত্ত গুণকের প্রত্যেক শ্রেণীস্থ রাশিধারা গুণোর প্রত্যেক শ্রেণীস্থ রাশিকে গুণ করিতে হয়, তাহার যুক্তি এখন স্পষ্ট প্রতীয়মান হইতেছে। ঐরূপ গুণ করিলে বস্তুতঃ কোন প্রস্তাবিত সমচতুর্কোণকে কতকগুলি সমচতুর্কোণে বিভাগ পূর্বক প্রত্যেকের ক্ষেত্রফল পৃথক পৃথক করিয়া নির্ণয় করা হয়; পরে সেই কলগুলির সমষ্টি লইলেই প্রস্তাবিত ক্ষেত্রের কালি লব্ধ হয়।

৬। যে জমির দৈর্ঘ্য ৫ হাত ২ অনুলি, বিস্তার ৪ হাত ৩ অনুলি, তাহার পরিমাণ কত বর্গ হস্ত?

৫ হাত, ২ অনুলি = ১২২ অনুলি,

৪ হা ৩ অনুলি = ১০০ অনুলি

সুতরাং, জমির পরিমাণ =  $১২২ \times ১০০ = ১২২০০$   
 বর্গ অঙ্গুলি =  $১২২০০ \div ১০৮০ = ১১ ২২ \frac{২}{৩}$  বর্গহস্ত  
 $১১ ২২$  বর্গহস্ত ।

এই প্রশ্নটির আর এক প্রকারে সমাধান করা যাইতে পারে। যথা,

$$\begin{array}{r} \text{হ:—অ:} \\ ৫—২ \\ ৪—৪ \\ \hline ২০—৮ \\ ২০ \frac{৮}{৪} \\ \hline ২১—৪ \frac{২}{৩} \end{array}$$

৭। একটি ঘরের মেঝে ১৫ ফুট ১০ ইঞ্চি বা ৩৮ ফুট ৪ ইঞ্চি প্রস্থ; এই ঘরের মেঝে কত ফুট কালি ?

$$\begin{array}{r} \text{ফু:} \quad \text{ই:} \\ ১৫ — ১০ \\ ৮ — ৪ \\ \hline ১১০ — ০ \\ ৬ — ৮ \\ ৫ — ৩৬ \\ \hline ১৩১ — ১১৬ \end{array}$$

\* সমচতুর্কোণ ভূমির ক্ষেত্রফল স্থির করা যেমন, কাপড় ইত্যাদি অন্ত অন্ত সমচতুর্কোণ সামগ্রীর পরিমাণ স্থির করাও সেই রূপ। এত হাত এত অঙ্গুলি দৈর্ঘ্য ও এত হাত এত অঙ্গুলি বিস্তার-এরূপ লিখিত থাকিলে অথবা উক্ত হইলে, প্রথমতঃ দৈর্ঘ্য ও বিস্তার উভয়কেই এক পরিমাণে আনিতে হয়, অর্থাৎ অঙ্গুলে পরিবর্তিত করিতে হয়; তাহার পরে, এই ঘরের স্থল করিলেই বর্গাঙ্গুলি ফল স্থির হয়। এই ফলকে,  $২৪ \times ২৪ = ৫৭৬$  দিয়া ভাগ করিলেই কত বর্গহস্ত তাহা স্থির হয়।



সপকালি করিবার সময় ১৩ হাত লম্বা ও ১ হাত প্রস্থ হইলে ১ হাত ধরে।

“দীর্ঘে সপ যত হাত, প্রস্থ দিয়া পূর তাত।

ডেরো দিয়া হরে আন, সপকালি তবে জান।”

৮। যে বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ৫০০ বর্গ হস্ত, তাহার বাহুর পরিমাণ কত?

এখানে, বর্গক্ষেত্রের বাহু =  $\sqrt{\text{দৈর্ঘ্য} \times \text{বিস্তার}}$ ,  
অর্থাৎ বর্গক্ষেত্রের বাহু =  $\sqrt{৫০০} = ২২.৩৬০৭$  ফুট =  
প্রায় ২২ ফুট ৪৬ ইঞ্চ।

৯। যে বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল এক একর, তাহার বাহুর পরিমাণ কত? উঃ। প্রায় ৬২.৬ গজ।

১০। বর্গ ক্ষেত্রের পার্শ্ব সকল কত পরিমাণের হইলে, উহার ক্ষেত্রফল ২১২ দীর্ঘ ও ১৮৩ বিস্তৃত সমান্তরিত ক্ষেত্রের সমান হইবে? উঃ। ১৬২.০৪৪ হাত।

১১। এক ব্যক্তির ২৫০ হাত দীর্ঘ ৭২ হাত বিস্তৃত এক খণ্ড ভূমি ছিল, সে ৩০০ হাত দীর্ঘ এক খণ্ড সমান দরের ভূমির সহিত ঐ ভূমি বিনিময় করিল, তাহার নূতন ভূমির বিস্তার কত? উঃ। ৬০ হাত।

১২। যে উঠানের দৈর্ঘ্য ২৩ ফুট ও বিস্তার ১৪৩ ফুট তাহার ক্ষেত্রফল কত? উঃ। ৩৭১৮ বর্গ গজ।

১৩। স্কোপহুটীর ভূমি সমচতুরঙ্গ হইলে, যদি তাহার পার্শ্বের পরিমাণ ৬৯৩ ফুট হয়, তাহা হইলে ঐ স্কোপহুটী যে ভূমির উপর দণ্ডায়মান আছে, তাহার ক্ষেত্রফল কত একর? উঃ। ১১ একর ৪ পোল।

১৪। যে দীর্ঘিকা  $৬\frac{১}{২}$  একর ভূমি ব্যাপ্ত, তাহার এক দিকের পরিমাণ কত ? উ:। ১৭৩.১২ গজ।

১৫। যদি কোন মেজেতে প্রস্তর বসাইবার খরচ প্রত্যেক বর্গ গজে ৪ সিলিং ১০ পেন্স পড়ে, তাহা হইলে যে ঘরের দৈর্ঘ্য ৪২ ফুট এবং প্রস্থ ২৩ ফুট  $১০\frac{১}{২}$  ইঞ্চি তাহাতে প্রস্তর বসাইতে কত ব্যয় হইবেক ?

উ:। ২৬ পাউণ্ড ১৮ সিলিং  $৬\frac{১}{২}$  পেন্স।

১৬। যে আয়ত ক্ষেত্রের পার্শ্বদ্বয়ের পরিমাণ বর্ষা ৩০০ হাত ও ২৭ হাত, তাহার সমান বর্গ ক্ষেত্রের এক পার্শ্বের পরিমাণ কত ? উ:। ৯০ হাত।

১৭। একটি চতুরস্র প্রাঙ্গনের পরিসর যদি ২৬ গজ ৫ ইঞ্চি হয়, এবং উহার ক্ষেত্রফল  $৬৮৩$  বর্গ গজ ২ ফুট ২৫ ইঞ্চি হয়, তাহা হইলে প্রাঙ্গনটী যে সমচতুরস্রাকার তাহা প্রমাণ কর। উ:। উহার দৈর্ঘ্য ২৬ গজ ৫ ইঞ্চি।

১৮। এক খণ্ড গালিচার দৈর্ঘ্য ২৪ হাত ও প্রস্থ  $\frac{১}{২}$  হাত ; আর এক খণ্ড গালিচার দৈর্ঘ্য ৮ হাত ; এখন ইহার প্রস্থ কত হাত হইলে পূর্বোক্ত গালিচার সমান হইবে।

উ:।  $১\frac{১}{২}$  হাত।

১৯। একটি কুঠরির পরিমাণ ২৬ ফুট  $\times$  ৩৫ ফুট ; ২ ফুট ৫ ইঞ্চি চৌড়া বহরের গালিচা কত গজ হইলে তাহাকে ঢাকিতে পারা যাইবে ? উ:। ১৩০ গজ।

২০। একটি সমচতুরস্র ঘরের দৈর্ঘ্য ১৮ ফুট ৯ ইঞ্চি,

যে মাহুর ২ ফুট ৩ ইঞ্চি চৌড়া তাহার কত গজ হইলে উহা  
আচ্ছাদিত হইবে ?

উঃ। ৫২ গজ ৩ ইঞ্চি।

২১। যদি উক্ত ঘর ১৩ ফুট ৪ ইঞ্চি উচ্চ হয়, আর উহার  
দেওয়াল কাগজে মুড়িতে হয়, তাহা হইলে যে কাগজ  
১ ফুট ৪ ইঞ্চি চৌড়া তাহার কত গজ আবশ্যক হইবে ?

উঃ। ২৪০ গজ।

২২। যদি দরওয়াজা প্রস্তুত করিবার মজুরি প্রতি  
বর্গ ফুটে ২ সিনিং ৩ পেন্স করিয়া পড়ে, তবে যে ঘর  
১ ফুট ৩ ইঞ্চি লম্বা ও ৩ ফুট ৬ ইঞ্চি চৌড়া তাহার মজুরি কত  
হইবে ? আর ঐ দরওয়াজার গলনের কালি কত ?

উঃ। { মজুরি ২ পাউণ্ড ১৭ সিনিং ১ পেন্স।  
কালি ২৫ ডু বর্গ ফুট।

২৩। যে সমচতুর্কোণ ভূমির কালি এক বিঘা ১৬ কাঠা  
১৩ ছটাক এবং প্রস্থ ১ কাঠা ৮ ছটাক, তাহার দৈর্ঘ্য কত ?  
ও গণ্ডা ২ কড়া কালিকে বর্গ ফুট কর ?

উঃ। ৩ বিঘা ১৭ কাঠা ৮ ছটাক। ৭ বর্গ ফুট ১২৬ ইঞ্চি।

২৪। ৩ বিঘা ১২ কাঠা দীর্ঘ এমন এক সমচতুর্কোণ  
ভূমির মধ্যস্থলে একটা সমচতুরস্র পুকুরিণী আছে, এবং ঐ  
পুকুরিণীর প্রত্যেক পাড়ে যে জমি আছে তাহার প্রস্থ  
১২০ সাত কাঠা তিন পুয়া ; ঐ পুকুরিণীর জনকর কত  
এবং পাড় কত ?

উঃ। ৭ দ৪৪/১৬ ; ৪ দ৪৪/৮

২৫। “চারি হাত বর্গ” ও “৪ বর্গ হাত, ইহাদের  
অভ্র কত ?

উঃ। ১২ বর্গ হস্ত।

২৬। এক ষণ্ড আয়তাকার ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ১৩৭৫ লিঙ্গ  
প্রস্থ ২ লিঙ্গ ; উহাতে কত একর ভূমি আছে ?

উঃ। ১ একর ১ রুড ২ পোল।

২৭। যদি প্রতি বর্গ ফুটের মূল্য ৩ সিলিং ৬ পেন্স হয়,  
তবে যে ভূমির দৈর্ঘ্য ২৪ ফুট ৩ ইঞ্চি ও বিস্তার ৭ ফুট ৬ ইঞ্চি,  
তাহার দাম কত ?

উঃ। ৩১ পাঃ ১৬ সিঃ ৬ পেন্স।

## ২য় সম্পাদ্য। ত্রিভুজ ক্ষেত্রের কালি।

১ম নিয়ম। ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইলে  
উহার যে দিক হয় এক দিক মাপ কর, এবং ঐ দিকের  
সম্মুখীন কোণ হইতে উহার উপর একটি লম্ব টানিয়া তাহার  
পরিমাণ স্থির কর ; তাহার পরে, ঐ লম্বের গুণফলের  
অর্ধেক লইলেই ক্ষেত্রফল স্থির হইবে।

ক্ষেত্র সমকোণিক ত্রিভুজ হইলে ভূমিপরিমাণকে কোটি  
পরিমাণ দ্বারা গুণ করিয়া যাহা হয়, তদর্ধ লইলে ক্ষেত্রফল

বর্গ ক্ষেত্রের কর্ণ ব্যক্ত থাকিলে তাহার ক্ষেত্রফল নির্ণয়  
করিতে হইবে।

নিয়ম। কর্ণপরিমাণকে বর্গ করিয়া তাহার অর্ধেক লইলেই  
ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

যদি কোন বর্গ ক্ষেত্র বা রহসের দুইটি কর্ণ নির্দিষ্ট থাকে,  
তাহা হইলে ঐ বর্গ ক্ষেত্র বা রহসের ক্ষেত্রফল এইরূপে নির্ণীত  
হইবে।

নিয়ম। কর্ণদ্বয়ের গুণফলের অর্ধেক লইলেই ক্ষেত্রফল  
স্থির হয়।

স্থির হয়। যথা ক খ গ সমকোণিক ত্রিভুজের (১৮১ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দেখ) খ গ কোটি দ্বারা ক খ গুণ করিয়া অর্দ্ধাংশ লইলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

ক্ষেত্র সমকোণিক ত্রিভুজ না হইয়া অল্প কোন আকারের হইলে, লম্বাধার ভুজের পরিমাণকে লম্বপরিমাণ দ্বারা গুণ করিয়া যাহা হয় তদর্দ্ধ লইলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়। যথা, ক খ গ সমকোণিক ত্রিভুজ ক্ষেত্রের লম্ব গ ঘ দ্বারা ক খ গুণ করিয়া অর্দ্ধাংশ হইলে কালি হয়।

২য় নিয়ম। ত্রিভুজ ক্ষেত্রের তিনটি দিকের পরিমাণ জানা থাকিলেও ক্ষেত্রফল স্থির হইতে পারে। তিন দিকের পরিমাণ একত্রে যোগ করিয়া তাহার অর্দ্ধেক যাহা হইবে, তাহা স্বতন্ত্র করিয়া রাখ। তাহার পরে, ঐ অর্দ্ধেক হইতে প্রত্যেক দিকের পরিমাণ স্বতন্ত্র স্বতন্ত্র বিয়োগ করিলে যে তিনটি রাশি হইবে, সেই রাশিত্রয় ও ঐ অর্দ্ধেককে পরস্পর ধারাবাহিক গুণ করিয়া, গুণফলের বর্গ মূল স্থির কর। ঐ বর্গমূল ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল হইবে।

উদাহরণ ১। ক খ গ ত্রিভুজের ভূমি ক খ ৪২ ফুট এবং লম্ব গ ঘ ৩৩ ফুট; উহার ক্ষেত্রফল কত হইবে?

প্রথম নিয়মানুসারে  $৪২ \times ৩৩ \div ২ = ৬৯৩$ ; এবং  $৬৯৩ \div ৩ = ১১$  বর্গগজ।

২। কোন ত্রিভুজের ক্ষেত্রের ভূজ পরিমাণ যথা-ক্রমে ১৩, ১৪ এবং ১৫ ফুট, উহার ক্ষেত্রফল কত হইবে?

# ভূমি পরিমাপ ।

২২৯

দ্বিতীয় নিয়-  
মানুসারে ।

১৩  
১৪  
১৫



২১

৬

১২৬

৭

২ ) ৪২

২১

৭০৫৬ ( ৮৪ বর্গফুট

৬৪

১৬৪ ) ৬৫৬

৬৫৬

৮৮২

৮

৭০৫৬

ভূজ পরিমাপের সমষ্টির অর্ধেক

২১

২১

২১

১৩

১৪

১৫

অবশিষ্ট

৮

৭

৬

অতএব, ক্ষেত্রফল = ৮৪ বর্গ ফুট + ৯ = ৯৩ বর্গগজ ।

৩। কোন ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ভূজপরিমাপ, ৩০, ৪০ ও ৫০

হস্ত, উহার ক্ষেত্রফল কত হইবে ?

এই উদাহরণে, ভূজপরিমাপের সমষ্টির অর্ধেক =

৩০ + ৪০ + ৫০

———— = ৬০ হস্ত ;

২

৩০ — ৩০ = ০ ; ৪০ — ৪০ = ০ ; ৫০ — ৫০ = ০ ;

অতএব, ক্ষেত্রফল =  $\sqrt{৬০ \times ৩০ \times ২০ \times ১০}$  বর্গহস্ত =

$\sqrt{৩৬০০০০}$  বর্গ হস্ত = ৬০০ বর্গ হস্ত ।

৪। কোন ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ভূমিপরিমাপ ৪০ ফুট,

এবং কোটিপরিমাপ ৩০ ফুট হইলে, উহার ক্ষেত্রফল কত

হইবে ?

উঃ । ৬৬৬ বর্গ গজ ।

৫। যে ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ভূমিপরিমাণ ২০, ৩০ এবং ৪০ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত হইবে ? উঃ । ৩২.২৭ বর্গ গজ ।

৬। যে ত্রিভুজ ক্ষেত্রের এক ভূমি ২৮৪, ও শীর্ষ কোণ হইতে তদুপরি লম্বপরিমাণ ১০, তাহার ক্ষেত্রফল স্থির কর ? উঃ । বিঘা ১৮১৮০ ।

৭। ৩২, ৪৮, ৬৪ হাত পরিমিত তিন ভূমিবিধিষ্ট ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল অপেক্ষা, ১৫০ হাত দীর্ঘ ও ৪৫ হাত বিস্তৃত আয়ত ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত গুরু বা লঘু ?

উঃ । ৬০০৩.৪ ইঞ্চ বর্গহস্ত গুরু ।

৮। যে সমকোণিক ত্রিভুজের কর্ণপরিমাণ ১০২ই ফুট, ও ভূমিপরিমাণ ১০০ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত ?

উঃ । ১২৫ বর্গ গজ ।

৯। যে ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ভূমিপরিমাণ ১২১ গজ এবং কালি এক একর, তাহার কোটিপরিমাণ কত ? উঃ । ৮০ গজ ।

১০। ক খ গ ত্রিভুজের ভূমি ক খ ৯৪৫ লিঙ্গ, এবং লম্ব গ ব ৫৮০ লিঙ্গ, তাহার ক্ষেত্রফল কত ?

উঃ । ২ একর ১ রুড ২ পোল ।

১১। যদি এক একর ভূমির দাম ৩৭০ পাউণ্ড হয়, তাহা হইলে যে ত্রিকোণাকার ক্ষেত্রের ভূমিপরিমাণ ১৪৬.৫, ১১৯.৫, এবং ৩২.৫ গজ তাহার মূল্য কত ?

উঃ । ৪০১ পাঃ ১৩ লিঃ ১০ পেঃ ।

১২। যে বর্গ ক্ষেত্রের কর্ণপরিমাণ ৬ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত ? উঃ । ২৮ বর্গফুট ।

১৩। যে আয়ত ক্ষেত্রের কর্ণপরিমাণ ১০ ফুট এবং

একটী বাহুর পরিমাণ ৮ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত?

উঃ। ৪৮ বর্গ ফুট।

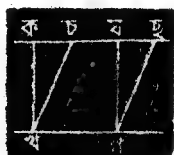
৩য় সম্পাদ্য। ট্রাপিজৈড্ ক্ষেত্রের কালি।

নিয়ম। ট্রাপিজৈডের যে দুই বাহু সমান্তরাল সেই বাহুদ্বয়ের সমষ্টিকে, তাহাদিগের অন্তর্গত লম্ব বেখার পরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে যাহা হয়, তাহার অর্ধেক লাইনেই ক্ষেত্রফল স্থির হইবে।

সমান্তরাল ভূজদ্বয়ের মধ্যে একটীর প্রান্ত হইতে অপরটীর উপর লম্বপাত করিয়া, সমান্তরাল বাহুদ্বয়ের সমষ্টির অর্ধেককে লম্বদ্বারা গুণ করিলে গুণফল ক্ষেত্রের পরিমাণ হইবে।

উদাহরণ ১। ক খ গ ছ ট্রাপিজৈড্; গ গ ও ক ছ দুইটী সমান্তরাল ভূজ পরস্পর ৭.৫ এবং ১২.২৫ ফুট, আব খ গ ও ক ছ বেখাদ্বয়ের অন্তর গ ঘ ১৫.৪ ফুট, উহাৰ ক্ষেত্রফল কত হইবে?

$$\begin{array}{r}
 ১২.২৫ \\
 ৭.৫ \\
 \hline
 ১৯.৭৫ \\
 ১৫.৪ \\
 \hline
 ৩০৫.০ \\
 ২৮৭৫ \\
 ১২৭৫ \\
 \hline
 \end{array}$$



ক্ষেত্রফল =

২) ৩০৫.১৫০ (১৫২.০৭৫ বর্গ ফুট।



২। যে ট্রাপিজৈড্ ক্ষেত্রের সমান্তরাল বাহুদ্বয়ের পরিমাণ ক্রমশঃ ২১ ফুট ৩ ইঞ্চ ও ১৮ ফুট ৬ ইঞ্চ, আর উহাদের অন্তর ৮ ফুট ৫ ইঞ্চ, তাহার ক্ষেত্রকল কত ?

উঃ। ১৬৭ বর্গ ফুট, ৩' ৪" ৬"।

৩। ক খ গ ছ ট্রাপিজৈড্ ক্ষেত্রে খ গ ও ক ছ দুইটী সমান্তরাল ভূজ যথাক্রমে ৪.৬ চেইন ও ৩ চেইন এবং গ ঘ ৬.০৩৭ চেইন, উহার ক্ষেত্রকল কত ?

উঃ। ২ একর ১ রুড ৭ পোল।

৪। যে ট্রাপিজৈড্ ক্ষেত্রের সমান্তরাল বাহুদ্বয়ের পরিমাণ যথাক্রমে ৮০ এবং ৬০ লিঙ্ক এবং অন্তর ৮৪০ লিঙ্ক, তাহার ক্ষেত্রকল কত ?

উঃ। ২ রুড ১৪ পোল।

৪র্থ সম্পাদিত। ট্রাপিজিয়ম অর্থাৎ বিষম চতুর্ভুজ ক্ষেত্রের কালি।

প্রথমতঃ। ট্রাপিজিয়ম ক্ষেত্রে কর্ণ রেখা দ্বারা ত্রিভুজক্ষেত্রে বিভাগ করিয়া, ঐ ত্রিভুজক্ষেত্রদিগের ক্ষেত্রকল, পূর্বলিখিত হই নিয়মের যে কোন নিয়মের দ্বারা স্থির করিয়া সমষ্টি করিলেই, ঐ ক্ষেত্রের বা ভূমির ক্ষেত্রকল স্থির হয়।

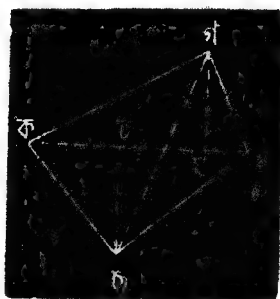
কিহা, কর্ণ রেখার উপর অপর দুইটী সম্মুখীন কোণ হইতে দুইটী লম্ব টানিয়া, ঐ দুই লম্বের সমষ্টিকে কর্ণ রেখা দ্বারা গুণ করিলে যে গুণকল প্রাপ্ত হওয়া যায়, তাহার অর্ধেক লইলেই ক্ষেত্রকল স্থির হয়।

দ্বিতীয়তঃ। ট্রাপিজিয়ম ক্ষেত্রের সম্মুখীন দুইটী কোণ

যদি পরস্পর পরস্পরের কোণে কোণ হয়, অর্থাৎ উভয়ের ঘোপে যদি দুই সমকোণ তুল্য হয়; তাহা হইলে উহার চারিটি বাহুর পরিমাণ যোগ করিয়া তার অর্ধেক হইতে প্রত্যেক দিকের পরিমাণ স্বতন্ত্র স্বতন্ত্র বিয়োগ করিয়া যে চারিটি রাশি হইবেক, তাহাদের ধারাবাহিক গুণফলের বর্গ মূল স্থির কর। ঐ বর্গ মূল ট্রাপিজিয়ামের ক্ষেত্রফল হইবেক।

উদাহরণ ১। ক গ খ ছ বিমম চতুর্ভুজ ক্ষেত্রের কর্ণরেখা ক খ ৪২ হস্ত এবং গ ঘ ও চ ছ দুইটি লম্ব যথাক্রমে ১৮ ও ১৬ হস্ত। উহার ক্ষেত্রফল কত?

$$\begin{array}{r}
 ১৮ \\
 ১৬ \\
 \hline
 ৩৪ \quad \text{সমষ্টি,} \\
 ৪২ \\
 \hline
 ৬৮ \\
 ১৬৬ \\
 \hline
 \text{ক্ষেত্রফল} = \\
 ২) ১৪২৮ ( ৭১৪ \text{ বর্গহস্ত}
 \end{array}$$



উদাহরণ ২। ক গ খ ছ বিমম চতুর্ভুজ ক্ষেত্রের ক গ, গ খ, খ ছ ও ছ ক যথাক্রমে ১৫, ১৩, ১৪ এবং ১২ হাত, এবং কর্ণরেখা ক খ ১৬ হাত। উহার ক্ষেত্রফল কত।

ক খ  
ক গ  
গ ঘ

১৬  
১৫  
১৩

২) ৪৪ সমষ্টি

২২ ২২ ২২  
১৬ ১৫ ১৩

৬ ৭ ৯  
৭

৪২  
৯

৩৭৮  
২২

৭৫৬  
৭৫৬

ক খ ১৬  
খ ঘ ১৪  
ঘ ক ১২

২) ৪২ সমষ্টি

২১ ২১ ২১  
১৬ ১৪ ১২

৫ ৭ ৯  
৭

৩৫  
৯

৩১৪  
২১

৩১৫  
৬৩০

$$V \sqrt{৮৩১৮} = ৯১.১৯২১। V \sqrt{৬৩১৫} = ৮১.৩৩২৩$$

ক গ খ ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল = ৯১.১৯২১

ক ঘ খ ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল = ৮১.৩৩২৩

অতএব, ক গ খ ঘ বিবম

চতুর্ভুজের ক্ষেত্রফল = ১৭২.৫২৪৭ বর্গ হস্ত।

৩। যে বিবম চতুর্ভুজ ক্ষেত্রের চারিটা বাহু যথাক্রমে ২৪, ২৬, ২৮ ও ৩০ হস্ত এবং সম্মুখীন দুইটা কোণ পরস্পর পরস্পরের কোড়ম্ব কোণ, তাহার ক্ষেত্রফল কত?

উঃ। দ্বিতীয় নিয়মানুসারে ৭২৩.৯৮৯ হস্ত।

৪। কোন বিবম চতুর্ভুজ ক্ষেত্রের দক্ষিণ দিকের পরিমাণ ২৭.৪০ চেইন, পূর্ব দিকের পরিমাণ ৩৫.৭৫ চেইন, উত্তর দিকের পরিমাণ ৩৭.৫৫ চেইন, পশ্চিম

## ভূমি পরিমাপ ।

২৩৫

দিকের পরিমাণ ৪১.৫৫ চেইন, এবং দক্ষিণ-পশ্চিম কোণ হইতে উত্তর-পূর্ব কোণ পর্যন্ত অঙ্কিত কর্ণ রেখার পরিমাণ ৪৮.৩৫ চেইন, তাহার ক্ষেত্রফল স্থির কর ?

উঃ। ১২৩ একর ১১.৮৬৫৬ পোল ।

৫। যে বিষম চতুর্ভুজ ক্ষেত্রের কর্ণ পরিমাণ ১০৮ই ফুট, এবং কর্ণের উপর পতিত দুইটি লম্বের পরিমাণ ৬৫ই ও ৬০ই ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত ?

উঃ। ৭৫৯ই বর্গ গজ ।

৬। কোন বিষম চতুর্ভুজ ক্ষেত্রের চারিটি ভূজপরিমাণ ১২, ১৩, ১৪ ও ১৫ হস্ত এবং সম্মুখীন কোণদ্বয় পরস্পর পরস্পরের কোড়ম্ব কোণ । উহার ক্ষেত্রফল কত ?

উঃ। ১৮০.৯৯৭ হস্ত ।

৭। ক গ খ ছ বিষম চতুর্ভুজ ক্ষেত্রের ক গ-র পরিমাণ = ৩১৪ ফুট, গ খ-র পরিমাণ = ২৩২ ফুট, খ ছ-র পরিমাণ = ২২৮ই ফুট, ছ ক-র পরিমাণ = ২৬৬ই ফুট এবং ক খ কর্ণের পরিমাণ = ৪১৭ই ফুট, উহার ক্ষেত্রফল কত ?

উঃ। ৭০৭২ই বর্গ গজ ।

৮। ক গ খ ছ ট্রাপিজিয়ম ক্ষেত্রের কর্ণ ক খ = ২০ গজ, এবং ছ চ ও গ ঘ লম্ব দুইটি যথাক্রমে ৪.২ গজ ও ৩.৮ গজ ; এইক্ষেত্রে ঐ ক্ষেত্রটিতে পাথর বসাইতে হইলে কত বর্গ গজ পাথর লাগিবে ?

উঃ। ৮০ বর্গ গজ ।

**৫ম সম্পাত্ত ।** বিষম বহুভুজ ক্ষেত্রের কালি ।

নিয়ম। বিষম বহুভুজ ক্ষেত্রে ত্রিভুজ চতুর্ভুজাদি ক্ষেত্রে বিভক্ত করিয়া, তদ্বৎ ক্ষেত্রের কলমাপক বৃত্ত

যারা প্রত্যেকের কল নির্ণয় পূর্বক সমষ্টি করিলে কালি হইবে।

উদাহরণ ১ম। ক খ গ ঘ চ ছ জ বিঘম বহুভুজ কেন্দ্রের নিম্ন লিখিত কর্ণ ও লম্বের পরিমাণ নির্দিষ্ট আছে, উহার কেন্দ্রকল কত ?

$$ক গ = ৫.৫$$

$$জ ঘ = ৫.২$$

$$জ গ = ৪.৪$$

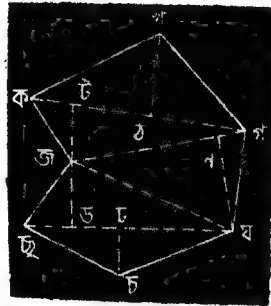
$$জ ট = ১.৩$$

$$খ ঠ = ১.৮$$

$$জ ড = ১.২$$

$$চ চ = ০.৮$$

$$ঘ ণ = ২.৩$$



১ মতঃ

ক খ গ জ বিঘম  
চতুর্ভুজের কেন্দ্র-  
কল সমাধান কর।

$$১.৩$$

$$১.৮$$

$$৩.১$$

$$৫.৫$$

$$১.৪৫$$

$$১৫.৫$$

$$১৭.০৫$$

২ মতঃ

জ ঘ চ ছ বিঘম  
চতুর্ভুজের কেন্দ্র-  
কল সমাধান কর।

$$১.২$$

$$০.৮$$

$$২.০$$

$$৫.২$$

$$১০.৪০$$

৩ মতঃ

জ গ ঘ জিহু-  
জের কেন্দ্রকল  
সমাধান কর।

$$৪.৪$$

$$২.৩$$

$$১.৬২$$

$$৮.৮$$

$$১০.১২$$

১৭.০৫ = ২ ক ধ গ জ ক্ষেত্রের কালি ।

১০.৪০ = ২ অ ঘ চ ছ ঐ ।

১০.১২ = ২ গ জ ঝ জিভূজের কালি ।

২) ৩৭.৫৭ = ২ ক ধ গ ঘ হ জ ক বিঘম বহভূজের কালি ।

১৮.৭৮৫ = ক ধ গ ঘ চ ছ জ বিঘম বহভূজের কালি ।

২। ক ধ গ ঘ জ পঞ্চকোণিক ক্ষেত্রের যদি ক গ কর্ণের পরিমাণ ৪০ হাত এবং উহার উপর পতিত ষ ঠ ও জ ট হইল লম্বের পরিমাণ ক্রমশঃ ৮ ও ৯ হাত, আর অ গ কর্ণ ও তত্বপরি পতিত ঘ ম লম্বের পরিমাণ ক্রমশঃ ৬ ও ৬ হাত হয়, তাহা হইলে ঐ পঞ্চকোণিক ক্ষেত্রের কালি কত ?

উঃ। ৪৫৪ হাত ।

৩। কোন একটী বিঘম বহভূজ ক্ষেত্রের প্রথম ভূজের পরিমাণ ৪০ হাত, দ্বিতীয় ভূজ ১৩০ হাত, তৃতীয় ভূজ ৬০ হাত, চতুর্থ ভূজ ৭০ হাত, ও পঞ্চম ভূজ ৮০ হাত, এবং তাহার প্রথম ও পঞ্চম ভূজের অন্তর্কর্তী কোণ হইতে, দ্বিতীয় ও তৃতীয় ভূজের অন্তর্কর্তী কোণ পর্যন্ত যে রেখা টানা যায় তাহার পরিমাণ ১৫০ হাত, ও শেষোক্ত কোণ হইতে চতুর্থ ও পঞ্চম ভূজের অন্তর্কর্তী কোণ পর্যন্ত যে রেখা টানা যায় তাহার পরিমাণ ১২০ হাত। ক্ষেত্রটির ক্ষেত্রকল কত স্থির কর ।

উঃ। ৭৬৬২. ১ বর্গ হস্ত ।

৬ষ্ঠ সম্পাদ্য। সমবাহু এবং সমকোণিক বহুভূজ ক্ষেত্রের কালি ।

১ম নিয়ম। বহুভূজ ক্ষেত্রের সমুদায় দিকের পরিমাণ

একত্রে যোগ করিয়া, সেই বোগফলকে বহুভুজের কেন্দ্র হইতে তাহার কোন বাহুর উপর পতিত লম্বের পরিমাণের অর্ধেকের দ্বারা গুণ কর, এই গুণফল সমবাহক ও সমকোণিক বহুভুজের ক্ষেত্রফল হইবে।

২য় নিয়ম। ২য় ভাগ ৪র্থ সন্দ্বোধনের নীচে বৃত্তান্তগত বহুভুজের ক্ষেত্রফলের যে তালিকা দেওয়া গিয়াছে, সেই তালিকা হইতে উল্লিখিত ক্ষেত্রফল লইয়া সমকোণিক ও সমবাহক ক্ষেত্রের বাহুপরিমাণ দ্বারা তাহাকে গুণ কর, এই গুণফল সমকোণিক ও সমবাহক ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল হইবে।

সূত্র। যদি ব অক্ষর দ্বারা বহুভুজের এক বাহু, যথা ছ ক নির্দেশ করা যায়, বহুভুজের কেন্দ্র ম হইতে ছ ক বাহুতে পতিত ম ক লম্ব ল অক্ষর দ্বারা নির্দেশ করা যায়, স অক্ষর দ্বারা বহুভুজের বাহুসংখ্যা নির্দেশ করা যায়, এবং অ অক্ষর দ্বারা বহুভুজ যত সংখ্যক হইবেক সেই সংখ্যার ( ২ ভাগ ৪র্থ সন্দ্বোধনের তালিকায় লিখিত ) ক্ষেত্রফল ব্যক্ত করা যায় ; তাহা হইলে,

ক্ষেত্রফল =  $\frac{১}{২} স \times ল \times ব$ , এবং ক্ষেত্রফল =  $অ \times ব^২$ ।

$$\text{আর } ব = \sqrt{\frac{\text{ক্ষেত্রফল}}{অ}} = \frac{২ \text{ ক্ষেত্রফল}}{স \times ল} \text{ এবং } ল = \frac{২ \text{ ক্ষেত্রফল}}{স \times ব}$$

বহুভুজের ক্ষেত্রফল, তাহার পরিমিতির জায়ত অথবা বাহু লম্বের সমষ্টি ও বহুভুজের ভিতরে অঙ্কিত বৃত্তের বর্কটের অর্ধেকের গুণফল তুল্য।

ম ক যদি অন্তর্গত বুন্ডের ব্যাসার্ধ হয়, তাহা হইলে  
ম ছ ক ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল = ছ ক  $\times$  ৩ ম ক ।

এইকণে বহুভুজ ক্ষেত্রের ম বিন্দু হইতে তাহার  
প্রত্যেক কোণে রেখা টানিলে প্রতীয়মান হইবে যে, ক্ষেত্রে  
যত বাহ আছে ততগুলি ত্রিভুজ ও তাহার প্রত্যেকে  
ম ছ ক ত্রিভুজের সদৃশ হইবে ; অতএব বহুভুজের ক্ষেত্রফল  
= বাহসংখ্যা  $\times$  ছ ক  $\times$  ৩ ম ক ; কিম্বা বাহসংখ্যা  $\times$   
ছ ক = পরিমিতি ।

$\therefore$  বহুভুজের ক্ষেত্রফল = পরিমিতি  $\times$  ৩ ম ক ।

উদাহরণ ১। যে সমবাহক ও সমকোণিক পঞ্চভুজের  
ছ ক বাহুর পরিমাণ ২৫ ফুট ও ত্রুপরিস্থ ম ক লম্বের  
পরিমাণ ১৭.২০৫, তাহার ক্ষেত্রফল কত ?

১ম নিয়মানুসারে ।

১৭.২০৫

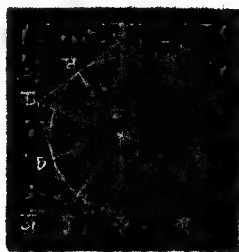
$২৫ \times ৫ = ১২৫ =$  সমুদায় বাহুর সমষ্টি ।

৮ ৩ ০ ২ ৫

৩ ৪ ৪ ১ ০

১ ৭ ২ ০ ৫

২ ) ২ ১ ৫ ০. ৬ ২ ৫



ক্ষেত্রফল = ১০ ৭ ৫. ৩ ১ ২ বর্গ ফুট ।



২য় সিরিমাছুলারে ।

তালিকা অনুসারে পঞ্চ ভূজের

ক্ষেত্রফল = ১.৭২০৫

৬২৫ = ২৫২

---

৮৬০২৫

৩৪৪১০

১০৩২৩০

---

ক্ষেত্রফল = ১০৭৫.৩১২৫ বর্গ ফুট।

২। যে বড়ভূজের বাহুর পরিমাণ ২০ ফুট, তাহার  
ক্ষেত্রফল কত? উঃ। ১০৩২.২৪ বর্গ ফুট।

৩। যে সমবাহক ত্রিভূজের ভূজপরিমাণ ২০ ফুট,  
তাহার ক্ষেত্রফল কত? উঃ। ১৭৩.২০ বর্গ ফুট।

৪। এক সমবাহক ষষ্ঠভূজের বাহুর পরিমাণ ২০ ফুট,  
তাহার ক্ষেত্রফল কত? উঃ। ১২৩১.৩৬ বর্গ ফুট।

৫। যে ষষ্ঠভূজের বাহুর পরিমাণ ৪.৯৭০৫ ও তত্বেপরি  
পতিত লম্বের পরিমাণ ৬, তাহার ক্ষেত্রফল কত?

উঃ। ১১৯.২৯২।

৬। যে বড়ভূজের বাহুর পরিমাণ ১৭ ফুট ৬ ইঞ্চি ও  
তত্বেপরি পতিত লম্বের পরিমাণ ১৮ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল  
কত? উঃ। ১১৫২.৫ বর্গ ফুট।

৭। যে সমত্রিভূজের ভূজ এবং কোটি ৮ ও ৬ হাত,  
তাহার ভিতরে অঙ্কিত বৃত্তের ব্যাসার্ধের পরিমাণ কত?

উঃ। ২ হাত।

৮। যে ত্রিভুজের ভূমি ১৮ হাত ও কর্ণ ৩০ হাত, তাহার ভিতরে অঙ্কিত বৃত্তের ব্যাসার্ধ কত ? উঃ। ৬ হাত।

৯। যে তুলাকোণিক ও সমবাহক দশভুজের বাহুর পরিমাণ ২০ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত ?

উঃ। ৩০৭৭.৬৮ বর্গ ফুট।

১০। যে সমবাহক ও তুলাকোণিক দশভুজের ক্ষেত্রফল ১৬ বর্গ ফুট, তাহার বাহুর পরিমাণ কত ?

তৃতীর সূত্রানুসারে, বাহু বা ব =  $\sqrt{\frac{\text{ক্ষেত্রফল}}{৫}}$ , অর্থাৎ,

$$\sqrt{\frac{১৬}{৫}} = ১.৪৪২ \text{ ফুট} = ১ \text{ ফুট } ৫.৩ \text{ ইঞ্চি।}$$

১১। কি ফুট বেড়া দিতে ফুট করা ৪ সিলিং ৮ পেন্স খরচে যে সমবাহক অষ্টভুজাকৃতি বাগানের বেড়া দিতে ৮৪০ পাউণ্ড পড়িয়াছে, তাহার অন্তর্গত ভূমিতে কতর দিতে কত ব্যয় হইবে, যদি খোয়া দিবার খরচ প্রতি বর্গ গজ পিছু ১০ই পেন্স হয়।

উঃ। ৪৭৫২ পাউণ্ড ১২ সিলিং ১ই পেন্স।

৭ম সম্পাদ্য। বৃত্তক্ষেত্রের কালি।

কোন বৃত্তক্ষেত্রের ব্যাস বা ব্যাসার্ধ জানা আছে, তাহার ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে।

১ম নিয়ম। ব্যাসকে বর্গ করিয়া তাহাকে ৩.১৪১৬ দিয়া ভাগ করিলে, ভাগফলের চতুর্থাংশ বৃত্তক্ষেত্রের কালি হইবে।

নিয়মান্তর। ব্যাসার্ধের বর্গকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ করিলে উহা বৃত্তক্ষেত্রের কালি হইবে। যদি গণনার অত্যন্ত সূক্ষ্মতা আবশ্যক না হয়, তাহা হইলে ঐ বর্গকে ২২ দিয়া গুণ করিয়া ৭ দিয়া ভাগ করিলে কালি স্থির হইবে।

কোন বৃত্তক্ষেত্রের পরিধি পরিজ্ঞাত আছে, উহার ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে।

২য় নিয়ম। পরিধির বর্গকে .০৭৯৫৮ দিয়া গুণ করিলে বৃত্তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল হইবে; কিম্বা পরিধিকে বর্গ করিয়া তাহার চতুর্থাংশকে ৩.১৪১৬ দিয়া ভাগ করিলে, ভাগফল বৃত্তক্ষেত্রের কালি হইবে।

নিয়মান্তর। পরিধি যত হইবেক, তাহার অর্ধেকের বর্গ করিয়া, তাহাকে ৩.১৪১৬ দিয়া ভাগ কর। ভাগফল বৃত্তের ক্ষেত্রফল হইবে। যদি গণনার অত্যন্ত সূক্ষ্মতা আবশ্যক না হয়, তাহা হইলে, ঐ বর্গকে ৭ দিয়া গুণ করিয়া ২২ দিয়া ভাগ করিলেই পর্যাপ্ত হইবে।

কোন বৃত্তক্ষেত্রের পরিধি ও ব্যাস জানা আছে, উহার ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে।

৩য় নিয়ম। পরিধিকে ব্যাস দিয়া গুণ করিয়া, গুণফলের চতুর্থাংশ লও; উহা বৃত্তের ক্ষেত্রফল হইবে।

বৃত্তের ব্যাসার্ধ ও পরিধি অ ও প অক্ষর দ্বারা নির্দেশ কর। আর ব্যাসের ৩.১৪১৬ গুণ পরিধি ত অক্ষর দ্বারা নির্দেশ কর, তাহা হইলে এই দুইগুলি প্রাপ্ত হওয়া যাইবে। যথা—

ক বা কেন্দ্রফল =  $t \times a^2$ , এবং  $a = \sqrt{\frac{k}{t}}$  ;

আর  $k = \frac{p^2}{8 \times t} = \frac{1}{2} a \times p$ , এবং  $p = \sqrt{8 \times k \times t}$ ,

উদাহরণ ১ম। যে বৃত্তকেন্দ্রের ব্যাসার্ধ ৫ ফুট, তাহার কেন্দ্রফল কত ?

১ম নিয়মানুসারে কেন্দ্রফল =  $৩.১৪১৬ \times ৫^2 = ৩.১৪১৬ \times ২৫ = ৭৮.৫৪$  বর্গ ফুট।

২য়। যে বৃত্তকেন্দ্রের পরিধি ১৩২ হাত, তাহার কেন্দ্রফল কত ?

স্থলগণনা করিতে হইলে, ২য় নিয়মানুসারে,

$$\text{কেন্দ্রফল} = \left\{ \frac{১৩২}{২} \right\}^2 \div ৩.১৪১৬ = \frac{৩৬৬^2}{৩.১৪১৬} =$$

$$\frac{৪৩৫৬}{৩.১৪১৬} = ১৩৮৬.৫৫ \text{ বর্গহস্ত।}$$

$$\text{স্থল গণনা করিলে, কেন্দ্রফল} = \left\{ \frac{১৩২}{২} \right\}^2 \times \frac{১}{২২} =$$

$$৬৬^2 \times \frac{১}{২২} = ৪৩৫৬ \times \frac{১}{২২} = \frac{৩০৪৯২}{২২} = ১৩৮৬ \text{ বর্গহস্ত।}$$

অতএব, স্থল গণনা ও স্থল গণনায় বিস্তর প্রভেদ নাই।

৩য়। যে বৃত্তকেন্দ্রের পরিধি ৮০ হাত ও ব্যাস ২৫.৪৬৪ হাত, তাহার কেন্দ্রফল কত ?

$$\text{এখানে কেন্দ্রফল} = \frac{\text{পরিধি} \times \text{ব্যাস}}{৪} = \frac{৮০ \times ২৫.৪৬৪}{৪}$$

$$= ২০ \times ২৫.৪৬৪ = ৫০৯.২৮ \text{ বর্গ হস্ত।}$$

৪র্থ। যে বৃত্তক্ষেত্রের পরিধি ১০.২১৫৬ গজ, তাহার ক্ষেত্রকল কত বর্গ ফুট? উ:। ৮৬.৫২৩০।

৫ম। ৩৬, ৪৮ ও ৬০ হাত ভূজপরিমিত একটী ত্রিভুজ ক্ষেত্র, ৩০ হাত দীর্ঘ ও ২৮ হাত বিস্তৃত একটী বর্গ ক্ষেত্র, এবং ৩০ হাত ব্যাসবিশিষ্ট একটী বৃত্তক্ষেত্র, এই তিনটির মধ্যে কোনটির ক্ষেত্রকল গুরু? উ:। প্রথমটির।

৬ষ্ঠ। যে বৃত্তক্ষেত্রের পরিধি ১৩২ হাত, তাহার ক্ষেত্রকল কত? উ:। ১৩৫৪.৭ বর্গহস্ত।

৭ম। যে বৃত্তক্ষেত্রের ব্যাস ২৮ হাত এবং পরিধি ৮৮ হাত, তাহার ক্ষেত্রকল কত? উ:। ৬১৬ বর্গ হস্ত।

৮ম। যে বৃত্তক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল এক একর, তাহার পরিধি কত? উ:। ২৪৬ গজ ১ ফুট ১০ ৬ ইঞ্চি।

৯ম। যে সমচতুর্ভুজের ক্ষেত্রকল ১৮ বর্গ হাত তদ্বহিষ্ণু বৃত্তের ব্যাস কত হইবে? উ:। ৬ হাত।

ক ম খ বৃত্তখণ্ডের ক্ষেত্রকল = ক খ চাপ  $\times \frac{1}{2}$  ম ক;  
 $\therefore$  ক খ অংশ বৃত্তপরিধিতে বৃত্ত বার ধারণ করে  $\times$  ম ক  
 খ-র ক্ষেত্রকল = ক খ অংশ বৃত্তপরিধিতে বৃত্ত বার ধারণ করে  
 $\times$  ক খ  $\times \frac{1}{2}$  ম ক, অর্থাৎ ক খ গ বৃত্তের ক্ষেত্রকল =  
 ক খ গ পরিধি  $\times \frac{1}{2}$  ম ক।

অনুমান। যে বৃত্তের ব্যাস এক একক, যদি তাহার পরিধি ত অক্ষর দ্বারা নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে ব্যবহারিক জ্যামিতির ৭২টি প্রতিজ্ঞানুসারে,

ত : ক খ গ পরিধি :: ১ : ২ ম ক;  $\therefore$  ক খ গ পরিধি  
 = ২ ত  $\times$  ম ক; এবং পূর্বোক্ত প্রক্রিয়া দ্বারা ক খ গ

বৃত্তের ক্ষেত্রফল = ক খ গ পরিধি  $\times$  ই ম ক = ২  $\times$  ম ক  $\times$  ই ম ক = ৩  $\times$  ম ক<sup>২</sup> ।

৮ম সম্পাদ্য । দুই ঐককেন্দ্রিক বৃত্তের পরিধির অন্তর্গত অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে ।

১ম নিয়ম । বহির্বেষ্টন ও অন্তর্বেষ্টনের সমষ্টিকে বিস্তারের অর্ধেক দ্বারা গুণ কর ।

২য় নিয়ম । বহিবৃত্তের ও অন্তর্বৃত্তের ব্যাস দুইটির সমষ্টিকে তাহাদের বিরোগফল দিয়া গুণ করিয়া গুণফলকে ৭৮৫৪ দিয়া গুণ কর ।

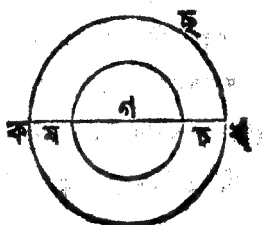
৩য় নিয়ম । বহির্বেষ্টন ও বিস্তারের গুণফল হইতে, ৩.১৪১৬ ও বিস্তারের বর্গের গুণফল বিরোগ কর ।

৪র্থ নিয়ম । অন্তর্বেষ্টন ও বিস্তারের গুণফল ৩.১৪১৬ ও বিস্তারের বর্গের গুণফল যোগ কর ।

৫ম নিয়ম । বহিবৃত্তের ও অন্তর্বৃত্তের ব্যাস দুইটির বর্গের বিরোগফলের চতুর্থাংশকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ কর ।

৬ষ্ঠ নিয়ম । বহিবৃত্তের ও অন্তর্বৃত্তের ব্যাসার্ধ দুইটির বর্গের অন্তরকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ কর ; কিম্বা বহিবৃত্তের ক্ষেত্রফল হইতে অন্তর্বৃত্তের ক্ষেত্রফল বিরোগ কর ।

৭ম নিয়ম । বহিবৃত্তের ও অন্তর্বৃত্তের ব্যাসার্ধ দুইটির সমষ্টিকে তাহাদের বিরোগফল দিয়া গুণ করিয়া, গুণফলকে ৩.১৪১৬ গুণ করিলে অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির ক্ষেত্রফল স্থির হইবে ।



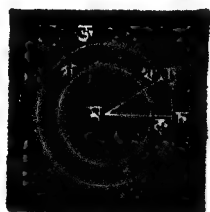
উদাহরণ ১। দুইটি ঐককেন্দ্রিক বৃত্তের ক খ ও ঘ চ ব্যাসদ্বয় ২০ ও ১২ ফুট, ঐ দুই বৃত্তপরিধির মধ্যগত অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির ক্ষেত্রফল কত ?

ক গ = ১০	৩.১৪১৬
ঘ গ = ৬	৬৪
	<hr/>
যোগফল ১৬	১২.৫৬৬৪
বিয়োগফল ৪	১৮৮.৪২৬
	<hr/>
শুণফল ৬৪	২০১.০৬২৪ = ক্ষেত্রফল ।

২। দুইটি ঐককেন্দ্রিক বৃত্তের ব্যাসদ্বয় যথাক্রমে ২০ ও ১০ হস্ত, ঐ দুইটি বৃত্তপরিধির মধ্যগত অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির কালি কত ? উঃ। ২৩৫.৬২ বর্গ হস্ত ।

৩। যে অঙ্গুরীয় আকারের ভূমির বহির্বেষ্টনের ব্যাস ৬ ফুট ও অন্তর্বেষ্টনের ব্যাস ৪ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত । উঃ। ১৫.৭০৮ ।

উদাহরণ ৪। যদি চ ছ জ ও ক খ গ দুই সমকেন্দ্রিক বৃত্তের বহির্বেষ্টন জ ছ চ ৬৬ হাত, অন্তর্বেষ্টন ক খ গ ৪৪ হাত এবং বিস্তার ক চ ৩½ হাত হয়, তবে ঐ বেষ্টনদ্বয়ের অন্তর্গত ভূমির কালি কত ?



এখানে, ক্ষেত্রফল = (বহির্বেষ্টন + অন্তর্বেষ্টন) ×  $\frac{\text{বিস্তার}}{২}$

= (৬৬ + ৪৪) ×  $\frac{৩}{২}$  = ১১০ ×  $\frac{৩}{২}$  = ১৬৫ = ১৬৫ বর্গ হাত ।

৫। একটি অকুরীর আকার ক্ষেত্রের বহির্বেষ্টন ৮৮ হাত, অন্তর্বেষ্টন ৪৪ হাত এবং বিস্তার ৭ হাত, উহার ক্ষেত্রকল কত স্থির কর। উঃ। ৪৬২ বর্গ হস্ত।

৬। একটি বাম্পীর যন্ত্রের পিঠেন প্রস্তুত করিতে হইবে যাহার ফাঁড়ের ক্ষেত্রকল ১১৯২ বর্গ গজ হইবে; এখন যদি ঐ পিঠেনের দ্বাত্ত ১ ইঞ্চ পুরু হয়, তবে উহার অন্তর্ব্যাস ও বহির্বেষ্টনের পরিমাণ কত স্থির কর।

উঃ।  $\left\{ \begin{array}{l} \text{অন্তর্ব্যাসপ্রায় } ৩৯ \text{ ইঞ্চ।} \\ \text{বহির্বেষ্টন } ১০ \text{ ফুট } ৮\frac{১}{২} \text{ ইঞ্চ।} \end{array} \right.$

৭। একটি গোলাকার মন্দিরের ভিত্তির চৌড়া ১ ফুট, ও অভ্যন্তরীণ মেজের পরিসর ৪৮ ফুট, উহার ভিত্তির কালি কত? উঃ। ১৫৩.৯০৮৪ বর্গ ফুট।

৯ম সম্পাদ্য। কোন বৃত্তক্ষেদকের ক্ষেত্রকল স্থির করিতে হইবে।

১ম নিয়ম। ব্যাসার্ধকে বৃত্তক্ষেদকের চাপের অর্ধেক দিয়া গুণ করিলে ক্ষেত্রকল স্থির হয়; কিম্বা ব্যাসকে বৃত্তক্ষেদকের পরিমাণ দিয়া গুণ করিয়া, গুণফলের চতুর্থাংশ লও; উহা বৃত্তক্ষেদকের ক্ষেত্রকল হইবে।

২য় নিয়ম। ৩৬০ অংশের সহিত বৃত্তক্ষেদকের চাপের পরিমাণগত অংশে যাদৃশ অনুপাত; বৃত্তের ক্ষেত্রকলের সহিত বৃত্তক্ষেদকের ক্ষেত্রকল তাদৃশ অনুপাত।

সূত্র।  $k$  অর্থাৎ ক্ষেত্রকল  $= \frac{1}{2} a \times \text{চাপ}$ , এবং  $a = \frac{2k}{\text{চাপ}}$ ।



উদাহরণ। গ ক ঘ গ বৃত্তক্ষেত্রে ব্যাসার্ধ ১০ হস্ত  
৬ জ্যা ক খ ১৬ হস্ত, উহার কেন্দ্রকল কত?

$$১০০ = ক গ^২$$

$$৬৪ = ক চ^২$$

---

$$৩৬ (৬ = গ চ$$

$$১০ = গ ঘ$$

---

$$৪ = চ ঘ$$

---

$$১৬ = চ ঘ^২$$

$$৬৪ = ক চ^২$$

---

$$৮০ (৮.৯৪৪২৭১৯ = ক ঘ$$

---

$$৭১.৫৫৪১৭৫২$$

$$১৬$$

---

$$৩) ৫৫.৫৫৪১৭৫২$$

$$২) ১৮.৫১৮০৫৮৪ \quad ক ঘ খ চাপ$$

$$৯.২৫৯০২৯৭ = চাপার্ধ$$

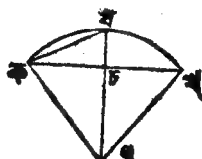
$$১০ = ব্যাসার্ধ$$

অতএব গকঘখ বৃত্ত- } 

---

ক্ষেত্রে কেন্দ্রকল } = ৯২.৫৯০২৯৭ বর্গ হস্ত।

২। কোন বৃত্তক্ষেত্রে চাপের পরিমাণ ১৬ অংশ  
এবং ব্যাস ১০ কুট; উহার কেন্দ্রকল কত?



১৮৫৪ =  $\frac{3}{4}$  ভ (৩.১৪১৬ এর চতুর্থাংশ)

২ = ৩২

১.০৬৮৬ = সমুদার বৃত্তের কেন্দ্রকল।

এইক্ষেপে, ২য় নিয়মামুসারে,  $৩৬০^{\circ} : ২১^{\circ} :: ১.০৬৮৬$ , অতএব বৃত্তক্ষেদকের কেন্দ্রকল,

$৩০^{\circ} : ৮^{\circ} :: ১.০৬৮৬ : ১.৮৮৪২৬$  বর্গ হস্ত।

৩। যে বৃত্তক্ষেদকের চাপ ২০ এবং ব্যাসার্ধ ১০ ফুট, তাহার কেন্দ্রকল কত? উঃ। ১১ $\frac{1}{2}$  বর্গ গজ।

৪। একটি বৃত্তক্ষেদকের চাপের জ্যা ১২ ফুট, এবং ব্যাসার্ধ ১৮ ফুট, তাহার কেন্দ্রকল কত স্থির কর।

উঃ। ১১০ $\frac{1}{2}$  বর্গ ফুট।

৫। বৃত্তের ব্যাসার্ধ ২৮২ ফুট হইলে ঐ বৃত্তের  $১৮৭^{\circ} ৩৭'$  পরিমিত ছেদকের কেন্দ্রকল কত হইবে?

উঃ। ১৫১২৪ বর্গ গজ।

৬। যে বৃত্তক্ষেদকের ব্যাসার্ধ ২৫ ফুট এবং চাপের পরিমাণ  $১৪৭^{\circ} ২২'$ , তাহার কালি কত স্থির কর।

উঃ। প্রায় ৮০৪.৪ বর্গ ফুট।

৭। যদি একটি বৃত্তক্ষেদকের চাপের জ্যার পরিমাণ ২৪ ফুট ও চাপের শর বা উচ্চতা ৬ ফুট হয়, তাহা হইলে তাহার কেন্দ্রকল কত হইবে? উঃ। ২০৮.৫৭২ বর্গ ফুট।

৮। যদি বৃত্তক্ষেদক বৃত্তার্ধ অপেক্ষা বৃহৎ হয়, ও তাহার জ্যার পরিমাণ ১২ ফুট এবং ব্যাসের পরিমাণ ১৫ ফুট হয়, তাহা হইলে তাহার কেন্দ্রকল কত হইবে? উঃ। ১২৪ $\frac{1}{2}$  বর্গ ফুট।

৯। কোন বৃত্তক্ষেদকের কেন্দ্রকল ৯ বর্গ ফুট এবং

বাস ৫ ফুট; এই বৃত্তক্ষেত্রের চাপের অংশপরিমাণ কত?

এখানে, সমুদার বৃত্তের ক্ষেত্রফল =  $৫^২ \times .৭৮৫৪$ ;

$$\therefore ১^{\circ} \text{ পরিমিতি বৃত্তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল} = \frac{৫^২ \times .৭৮৫৪}{৩৬০}$$

অতএব নির্দিষ্ট বৃত্তক্ষেত্রের অংশপরিমাণ =  $৯ +$

$$১^{\circ} \text{ বৃত্তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল} = ৯ + \frac{৫^২ \times .৭৮৫৪}{৩৬০} =$$

$$১৬৫^{\circ} ০' ৪''।$$

১০। যে বৃত্তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ১৮ বর্গ ফুট, ও বাস ৯ ফুট, তাহার অংশপরিমাণ কত? উঃ।  $১০১^{\circ} ৫১' ৩২''।$

১০ম সম্পাদ্য। কোন বৃত্তখণ্ডের ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে।

১ম নিয়ম। বৃত্তখণ্ডের চাপ দ্বারা যে বৃত্তক্ষেত্রক হইতে পারে, তাহার ক্ষেত্রফল পূর্ব সম্পাদ্যের দ্বারা সমাধান কর; পরে বৃত্তখণ্ডের অ্যা ও বৃত্তক্ষেত্রের দুইটা ব্যাস দ্বারা যে ত্রিভুজ ক্ষেত্র উৎপন্ন হয়, তাহার কালি করিয়া পূর্ব লক্ষ্য ক্ষেত্রফল হইতে বিরোধ কর, বিরোধফল বৃত্তখণ্ডের ক্ষেত্রফল হইবে।

২। বৃত্তখণ্ড সামিবৃত্ত অপেক্ষা বৃহৎ হইলে অবশিষ্ট বৃত্তখণ্ডের কালি নির্ণয় করিয়া সমুদার বৃত্তের কালি হইতে বিরোধ কর, বিরোধফল উক্ত বৃহৎ খণ্ডের কালি হইবে।

উদাহরণ ১। অ জ গ খ চ ব বৃত্তখণ্ডের অ্যা ব খ-র পরিমাণ ১২ ফুট এবং ব্যাসার্দ্ধ গ ম বা খ ম ১০ ফুট হইলে, তাহার ক্ষেত্রফল কত হইবে?

এখানে, প্রথমে গ চ ও খ গ-র  
পরিমাণ স্থির কর, আর দ্বিতীয়  
ভাগের চ ম সম্পাদ্যের দ্বারা  
ঘ গ খ চাপের দীর্ঘতার পরি-  
মাণ নির্দেশ কর। পরে ১ম  
নিয়মানুসারে ঘ গ খ বৃত্তখণ্ডের  
পরিমাণ স্থির করিতে হইবে, যথা :-



$$\text{চ ম} = \sqrt{\text{খ ম}^2 - \text{খ চ}^2} = \sqrt{১০^2 - ৬^2} = ৮,$$

$$\text{গ চ} = \text{গ ম} - \text{চ ম} = ১০ - ৮ = ২, \text{ এবং}$$

$$\text{খ গ} = \sqrt{\text{খ চ}^2 + \text{গ চ}^2} = \sqrt{৬^2 + ২^2} =$$

৬.৩২৪৫৫৫ ; এতদ্বারা ঘ গ খ চাপের দীর্ঘতা

$$= \frac{৬.৩২৪৫৫৫ \times ৮}{৩} - \frac{৩৮.৫২৬৪}{৩}, \text{ এবং}$$

১ম নিয়মানুসারে গ খ ঘ বৃত্তখণ্ডের পরিমাণ =

$$\frac{৩৮.৫২৬৪}{৩} \times ১০ - \frac{২}{৩} (১২ \times ৮) = ১৬.৩২৭৪$$

বর্গ ফুট।

২। গ খ ঘ জ বৃত্তখণ্ডের -ঘ গ খ কুটিল রেখার পরি-  
মাণ ৩৭' ৬ বাসার্ক ২৪ ফুট হইলে, উহার কেন্দ্রকল কত  
হইবে ? উঃ। ১২.৬ বর্গ ফুট।

৩। একটা বৃত্ত অঙ্কিত কর যাহার ব্যাসার্ধ ৮ ; অন-  
ন্তর ১৫ ব্যাসার্ধ লইয়া আর একটা বৃত্ত এতদ্রূপে অঙ্কিত কর  
যে, ইহার পরিধি পূর্ব অঙ্কিত বৃত্তের কেন্দ্র দিয়া গমন

করে ; এক্ষণে দুইটী বৃত্তের পরিধির অন্তর্গত স্থানের বর্গ পরিমাণ কত ?

উঃ । ৫২.০৭।

৪। যে বৃত্তখণ্ডের শর-পরিমাণ ২ ফুট এবং জ্যা ২০ ফুট, তাহার কালি কত হির কর।

উঃ । ২৬.৮৭৩১৮।

৫। একটী বৃত্তখণ্ডের শর ১৮ ফুট, এবং ব্যাস ৫০ ফুট, উহার ক্ষেত্রকল কত।

উঃ । ৬৩২.৬২৫।

৬। যদি একটী বৃত্তখণ্ডের জ্যার পরিমাণ ১৬ ফুট ও ব্যাসের পরিমাণ ২০ ফুট হয়, তাহা হইলে উহার ক্ষেত্রকল কত হইবে।

উঃ । ৪৪.৭২৯২।

৭। বৃত্তপরিধি ২৫ ফুট হইলে যদি বৃত্ত খণ্ডের চাপ ঐ বৃত্তের বড়ংশ হয়, তাহা হইলে বৃত্ত খণ্ডের কালি কত ?

উঃ । ১.৪৩১২ বর্গ ফুট।

৮। একটী বৃত্তখণ্ডের জ্যা ৪০ ফুট ও শর ৮ ফুট হইলে, উহার ক্ষেত্রকল কত হইবে ?

উঃ । ২১৯.৭৩ বর্গ ফুট।

১১শ সম্পাদ্য। বৃত্তাকার মণ্ডলের ক্ষেত্রকল হির করিতে হইবে।

( দ্বিতীয় ভাগের ১০ম সম্পাদ্যের প্রতিকৃতি দেখ )

নিয়ম। মণ্ডলকে একটী বিষম চতুর্ভুজ ক্ষেত্রে বিভাগ কর, যথা ক খ ঘ গ। পরে ক খ ঘ গ বিষম চতুর্ভুজের ক্ষেত্রকল ও ক খ ঘ ও ক গ দুইটী বৃত্তখণ্ডের কালি, ৩য় ও ৯ম সম্পাদ্যের দ্বারা সমাধান করিয়া ক্ষেত্রকলগুলি যোগ কর, যোগকল মণ্ডলের কালি হইবে।

উদাহরণ ১। যে বৃত্তাকার কটকটের বিস্তার ৪২ ফুট

এং দুইটি সমান্তরাল জ্যার পরিমাণ ৪৮ ও ৩৬ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত ? উ:। ২৫৩.৫ বর্গ গজ

২। একটি মণ্ডলের দুইটি সমান্তরাল জ্যার প্রত্যেকের পরিমাণ ১০০ গজ. এবং ব্যাসার্ধের পরিমাণ ৭২ গজ, তাহার ক্ষেত্রফল কত ? উ:। ১৩৫০০ বর্গ গজ।

৩। যে বৃত্তাকার কটিবন্ধের দুইটি সমান্তরাল জ্যার প্রত্যেকের পরিমাণ ২৬ ফুট, এবং বাহ্যিক ব্যাসার্ধ পরিমাণ ১৬ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত স্থির কর।

উ:। প্রায় ৬১ বর্গ ফুট।

১২শ সন্দ্বাদ্য। ক গ খ ঘ ক অর্ধচন্দ্রাকৃতি ভূমির ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে।

ক গ খ ঘ ক অর্ধচন্দ্রাকৃতির

দুইটি চাপের জ্যা ক খ দ্বারা যে ক গ খ ও ক ঘ খ বৃত্তখণ্ড উৎপন্ন হইয়াছে তাহাদের ক্ষেত্রফল ৯ম



সন্দ্বাদ্যের দ্বারা সমাধান কর। পরে বহিঃস্থ বৃত্তখণ্ডের ক্ষেত্রফল হইতে অন্তরস্থ বৃত্তখণ্ডের ক্ষেত্রফল বিয়োগ করিলে অর্ধচন্দ্রাকৃতি ভূমির কালি হইবে।

উদাহরণ ১। যে অর্ধচন্দ্রাকৃতি ভূমির জ্যা ক খ ৩৪ ফুট, এবং বাহ্যিক দুইটি চাপের শরদ্বয় ৫ ও ৩৬ ফুট তাহার ক্ষেত্রফল কত ? উ:। ২৫১ বর্গ ফুট।

২। যে অর্ধচন্দ্রাকৃতি ভূমির জ্যা ৪০ ফুট, এবং বাহ্যিক দুইটি চাপের শরদ্বয় ৪ ও ২০ ফুট তাহার ক্ষেত্রফল কত ? উ:। ৫৭.৪৬ বর্গ গজ।

১৩শ সম্পাদ্য । ত্রিভুজের অন্তর্গত ও  
বহিঃস্থ বৃত্তক্ষেত্রের কালি ।

১ম নিয়ম । ত্রিভুজের দ্বিগুণিত কেন্দ্রকলকে ভিন্নতী  
বাহুর সমষ্টি দ্বারা ভাগ করিলে, ভাগফল ঐ ত্রিভুজের  
অন্তর্গত বৃত্তক্ষেত্রের ব্যাসার্ধের সমান হইবে । সুতরাং  
এই সম্পাদ্যদ্বারা ব্যাসার্ধের বর্গকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ  
করিলে ঐ বৃত্তের কেন্দ্রকল হইবে ।

২য় নিয়ম । ত্রিভুজের বাহুত্রয়কে পরস্পর গুণ করিয়া  
গুণফলকে ত্রিভুজের দ্বিগুণিত কেন্দ্রকল দ্বারা ভাগ করিলে,  
ভাগফল ঐ ত্রিভুজের বহিঃস্থ বৃত্তক্ষেত্রের ব্যাসের সমান  
হইবে । সুতরাং ব্যাসার্ধের বর্গকে ৩.১৪১৬ দিয়া  
গুণ করিলে গুণফল ত্রিভুজের বহিঃস্থ বৃত্তক্ষেত্রের কালি  
হইবে ।

উদাহরণ । যে ত্রিভুজের ভূমি ৬ এবং কোটি বর্ধাক্রমে  
৮ ও ৬ হাত, তাহার ভিতরে অন্তর্গত বৃত্তের কালি কত ?

ত্রিভুজের কেন্দ্রকল  $= ৮ \times ৬ \div ২ = ২৪$  । ত্রিভুজের  
অন্তর্গত বৃত্তের ব্যাসার্ধ  $= ২৪ \times ২ \div (৬+৮+১০) = ২$ , বৃত্তের কালি  $= ২^2 \times ৩.১৪১৬ = ১২.৫৬৬৪$   
বর্গহস্ত ।

২য় । যে ত্রিভুজের ভূমি ১৮ হাত ও কর্ণ ৩০ হাত, তাহার  
ভিতরে অন্তর্গত বৃত্তের কালি কত ? উঃ । ৩১০.৩১৬ হাত ।

৩য় । ত্রিভুজের বাহুত্রয় বর্ধাক্রমে ৩, ৪, ৫ হইলে  
তাহার বহিঃস্থ বৃত্তের কালি কত হইবে ? উঃ । ১৫.৭০৮০ ।

১৪শ সঙ্গাদ্য । বৃত্তাভাস কেন্দ্রের কালি ।

১ম নিয়ম । বৃত্তাভাসের কেন্দ্রকল স্থির করিতে হইলে উহার পরিমিত ও লঘিষ্ঠ ব্যাসের গুণফলকে ৭৮৫৪ দিয়া গুণ করিলেই হয় ।

নিয়মান্তর । বৃত্তাভাস কেন্দ্রের লঘিষ্ঠ ব্যাসার্ধকে পরিমিত ব্যাসার্ধ দিয়া গুণ করিয়া গুণফলকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ করিলে, উহার কেন্দ্রকল স্থির হয় ।



উদাহরণ ১ । যে বৃত্তাভাস কেন্দ্রের পরিমিত ব্যাস ৩ হাত ও লঘিষ্ঠ ব্যাস ৪ হাত, তাহার কালি কত ?

এখান, কালি = পরিমিত ব্যাস  $\times$  লঘিষ্ঠ ব্যাস  $\times$  ৭৮৫৪  
 $= ৩ \times ৪ \times ৭৮৫৪ = ১৮৮৪৯৬$  বর্গহস্ত ।

২ । বৃত্তাভাসের মধ্যে একটা অণ্ডাকার পুন্ডরীকাকার পরিমিত ব্যাস ৩০ ফুট ও লঘিষ্ঠ ব্যাস ২০ ফুট, ঐ পুন্ডরীকাকার কালি কত ?

উঃ ৩৬০০ বর্গ গজ = ১ একর ৩১৬ বর্গ সজি ।

৩ । যে বৃত্তাভাসের পরিমিত ব্যাস ২১৪ হাত এবং লঘিষ্ঠ ব্যাস ১১২ হাত, তাহার কেন্দ্রকল কত ?

উঃ ৩২২৩০.৪১৫১ ।

৪ । যে বৃত্তাভাসের পরিমিত ব্যাস ৭০ গজ এক লঘিষ্ঠ ব্যাস ৫০ গজ, তাহার কেন্দ্রকল কত ? উঃ ২৭১২ বর্গ গজ ৮ ফুট ।



৫। কোন বৃত্তাভাসের গরিষ্ঠ ও লঘিষ্ঠ ব্যাসার্ধ যথাক্রমে ৪৩ ও ২৫, যে বৃত্তের পরিমাণ এই বৃত্তাভাসের সমান, তাহার সান্নিধ্যাসের পরিমাণ কত ? উঃ। ৩৫।

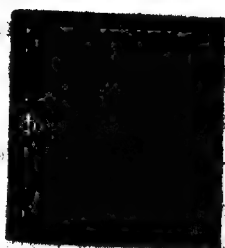
৬। যে বৃত্তাভাসের গরিষ্ঠ ও লঘিষ্ঠ ব্যাস যথাক্রমে ৪৪ ও ৩০ হাত, তাহার ক্ষেত্রকল কত ? এবং যদি গরিষ্ঠ ব্যাসের এক প্রান্ত হইতে ১০ হাত দূরে পরিধি পর্যন্ত একটি সরল অঙ্কিত করা যায়, তাহা হইলে ঐ অংশেরই বা পরিমাণ কত হইবে ?

উঃ। ৮০১.১ বর্গ হস্ত। লম্ব = ১৮৬.৮৫ হস্ত।

৩৬শ সন্দ্বাদ্য। কেপনী • আকারের ভূমির ক্ষেত্রকল স্থির করিতে হইবে।

১ম নিয়ম। অক্ষদণ্ডের পরিমাপকে ভূমিপরিমাণ দ্বারা ভাগ করিয়া, ভাগফলের অংশত্রয়ের দুই অংশ লইলেই কেপনী আকারের ভূমির ক্ষেত্রকল স্থির হয়।

উদাহরণ ১। ক ক গ  
কেপনী আকারের ভূমির  
অক্ষদণ্ড বা সর্বাধিক বিস্তার  
১২ হুট এবং উহার ভূমি  
ক গ ১২ হুট, উহার ক্ষেত্র-  
কল কত ?



• কেপনী অর্থাৎ, সুতরাং তাহার কালি নিরূপণ করা  
হইলো ; অতএব কেপনী ক্ষেত্রের কালি করিতে হইবে এ প্রকারে  
কেপনীর এক প্রান্তের পরিমাণ বুঝাইবে।

এখানে, ক্ষেত্রফল =  $3 \times 12 \times 2 = 16$  বর্গ ফুট।

২। যে ক্ষেপণীর তলরেখা ২০ ফুট এবং অক্ষদণ্ড বা সর্বাধিক বিস্তার ১৮ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত? উঃ। ২৪০ বর্গ ফুট।

৩। যে ক্ষেপণীর তলরেখা ১২০ হাত এবং সর্বাধিক বিস্তার ১০ হাত, তাহার ক্ষেত্রফল কত? উঃ। ৮০০ বর্গ হস্ত।

১৬শ সম্পাদ্য। ক গ ছ ঘ ক্ষেপণীমণ্ডলের কালি করিতে হইবে।

নিয়ম। ক্ষেপণীমণ্ডলের উভয় পার্শ্বের পরিমাণকে ত্রিঘাত করিয়া একটী ত্রিঘাত হইতে অপরটী বিয়োগ কর। পরে ঐ বিয়োগফলকে ক্ষেপণীমণ্ডলের বিস্তারের দ্বিগুণ পরিমাণ দ্বারা গুণ কর, এবং ঐ গুণফলকে পার্শ্বদ্বয়ের বর্গান্তরের তিন গুণ দিয়া ভাগ কর। ভাগফল ক্ষেপণীমণ্ডলের কালি হইবে।

১। ক গ ছ ঘ ক্ষেপণীমণ্ডলের ক গ ও ছ ঘ পার্শ্বদ্বয় বধাক্রমে ৬ ও ১০ হাত এবং বিস্তার ৪৮৪ হাত, উহার ক্ষেত্রফল কত?

ছ ঘ পার্শ্ব = ১০ বর্গ ১০০

ঘন ১০০০

ক গ ঐ = ৬ „ ৩৬

„ ২১৬

৬৪ বিয়োগফল

৭৮৪

৩

৮ = ২ ৪৮

১২২ )

৬২৭২

৪৭৬

৪১২

৩৮৪

১২৮

৩২৩৮৮ =

৩২ ৩ =

ক্ষেত্রফল

২। যে কেন্দ্রগামীগুলোর পার্শ্বের দৈর্ঘ্য ৬ ও ২০ ফুট এবং সর্বাধিক বিস্তার ৩ ফুট, তাহার ক্ষেত্রফল কত ?

উঃ। ২৪৫ বর্গ ফুট।

১৭শ সম্পাদ্য। সরল বা বক্রাকার রেখা দ্বারা বেষ্টিত বিষম ক্ষেত্রের কালি করিতে হইবে।

প্রথমতঃ। ক্ষেত্র অগ্রশস্ত এবং লম্বা হইলে নিম্নলিখিত নিয়মটী অবলম্বন করিতে হইবে। যথা—

ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্যকে সমান্তর কতিপয় লম্ব রেখা দ্বারা বিভাগ করিয়া, প্রথম ও শেষ লম্ব রেখার যোগার্দ্ধপরিমাণের সহিত ঐ দুই রেখার মধ্যগত সমস্ত অন্তিত লম্ব রেখার পরিমাণ যোগ কর। পরে ঐ যোগফলকে বিস্তার অর্থাৎ লম্ব রেখাগুলির সাধারণ ব্যবধানপরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে, ভাগফল বিষম ক্ষেত্রের কালি হইবে।

দ্বিতীয়তঃ। ক্ষেত্র অগ্রশস্ত ও লম্বা এবং উহার দৈর্ঘ্য অসমান্তর রেখাদ্বারা বিভাজিত হইলে, নিম্নলিখিত নিয়মের অবলম্বন করিতে হইবে।

১ম। ক্ষেত্রের অন্তর্গত বিষম চতুর্ভুজ ও ত্রিভুজাদি ক্ষেত্রের পৃথক পৃথক কালি করিয়া সমষ্টি করিলে ক্ষেত্রফল স্থির হয়।

২য়। ক্ষেত্রের সমুদায় বিস্তার অর্থাৎ লম্ব রেখাগুলির পরিমাণ যোগ করিয়া, যোগফলকে বিস্তার রেখার সংখ্যার দ্বারা ভাগ করিলে, ভাগফল উক্ত ক্ষেত্রের বিস্তারের গড়

হইবে; পরে ঐ গড় বিস্তারকে ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য দিয়া গুণ করিলে যাহা হইবে তাহাই ক্ষেত্রের কালি ।

উদাহরণ ১। ক খ গ ঘ একটা বিমম ক্ষেত্র, ইহা ঘ ক, চ ছ, জ ক, ট ঠ ও গ খ পাঁচটা সমান্তর রেখা দ্বারা বিভাজিত হইয়াছে। যদি ঘ ক ৮.২ ফুট, চ ছ ৭.৪ ফুট, জ ক ৯.২ ফুট, ট ঠ ১০.২ ফুট, গ খ ৮.৬ ফুট এবং ইহাদের মধ্যগত ব্যবধান ৫০ ফুট হয়, তাহা হইলে উক্ত ক্ষেত্রের কালি কত স্থির কর ।

প্রথম প্রণালীর ১ম নিয়ম দ্বারা

$$\begin{array}{r}
 ৮.২ \\
 ৮.৬ \\
 \hline
 ২ ) ১৬.৮ = \text{যোগকল} \\
 \hline
 ৮.৪ = \text{যোগার্ধ} \\
 ৮.৪ \\
 ৯.২ \\
 ১০.২ \\
 \hline
 ৩৬.২ \\
 ৫০ \\
 \hline
 \end{array}$$



কালি = ১৭৬০.০ বর্গফুট ।

২। এক খানি অসরল তড়াল লম্বে ২৫ ফুট এবং উহার ৩টা সমান্তর লম্ব বিস্তারের পরিমাণ ১৭.৪, ২০.৬, ১৪.২,

১৬.৫, ২০.১ এবং ২৪.৪ ইঞ্চি হইলে, উক্ত অনরল তরকারি কালি কত স্থির কর।  
উঃ। ৩০২৩ বর্গকুট।

তৃতীয়তঃ। ক্ষেত্রের বিস্তার অধিক ও তাহার ধার অনরল হইলে, তাহাকে এরূপ চতুর্ভুজ অথবা ত্রিভুজাদি ক্ষেত্রে বিভাগ কর যাহাতে কার্য্যসৌকর্য্য হয়; অনন্তর ঐ চতুর্ভুজ বা ত্রিভুজ সমুদায়ের কালি কর। পশ্চাৎ ঐ চতুর্ভুজ ও ত্রিভুজাদির বাহু হইতে ক্ষেত্রের বক্রাকার সীমাভাগে কতিপয় লম্বপাত করিয়া যে কএক খণ্ড ভূমি হইবে, সে সমুদায়ের কালি একত্র করিয়া উক্ত চতুর্ভুজ ও ত্রিভুজাদি ক্ষেত্রের কালিতে যোগ করিলে প্রকৃত ক্ষেত্রের কালি হইবে। অভ্যন্তরস্থ ক্ষেত্র হিসাব করিতে না হইলে ভূমির দশ পনর আয়গার দৈর্ঘ্যের গড় ও দশ পনর আয়গার বিস্তারের গড় ধরিয়া, পরস্পর গুণ করিলে যে গুণফল হয়, তাহাই ধরা গিয়া থাকে।



উদাহরণ। ক খ গ ঘ চ ছ জ চিহ্নিত ভূমির কালি করিতে হইলে, উহাকে ক খ ছ জ ও খ গ চ ছ হইয়া বিকল্প চতুর্ভুজ ক্ষেত্রে এবং গ ঘ চ ত্রিভুজ ক্ষেত্রে বিভাগ কর। পরে ক খ, ক জ, চ ঘ ও গ ঘ হইতে ক্ষেত্রের বক্র সীমা পর্য্যন্ত কতিপয়

নব রেখা পাত কর। অনন্তর ৪র্থ সম্পাদ্য দ্বারা ক হ ও  
বচ কর্ণ রেখার উপর নব পাত করিয়া ক খ হ জ ও খ গ চ ছ  
বিবম চতুর্ভুজের কালি, এবং দ্বিতীয় সম্পাদ্য দ্বারা গ ঘ চ  
ত্রিকুজের কালি, পরে ১৭শ সম্পাদ্য দ্বারা অবশিষ্ট ক্ষুদ্র  
ক্ষুদ্র অংশের ক্ষেত্রকল স্থির করিয়া, সমুদায় সমষ্টি করিলে  
ক খ গ ঘ চ ছ জ চিত্রিত ভূমির কালি হইবে।

১৮শ সম্পাদ্য । বরজিয়া কালি ।

প্রতি বরজে দুইটী সারি অর্থাৎ স্তম্ভ থাকে এবং  
প্রত্যেক সারিতে ষড়ভুজি পাণবৃকশ্রেণী থাকে তাহাকে  
মীরি অর্থাৎ ধাম কহে। তাহা প্রাচ্যে দুই মুষ্টি ও দৈর্ঘ্যে  
১০ হাত ৫ মুষ্টি হইয়া থাকে। ঐ মীরি সকলের মধ্য  
দিয়া পাণবৃক ভুলিয়া দিবার জন্য এক হাত পরিসর ক্ষুদ্র  
পথ থাকে তাহাকে পিলী বলে। দশটী মীরির পর এক বড়  
পথ রাখে। দশ মিরিতে এক আনা হয়। সারিষর মধ্য  
দিয়া যে বড় পথ রাখে তাহাকে পোরা কহে, তাহার পরি-  
সর ১ হাত ৩ মুষ্টি অর্থাৎ ১৮ হাত।

মীরির মধ্যে দৈর্ঘ্যে প্রাচ্যে দুই মুষ্টি চতুর্কোণ স্থানের চারি  
কোণে চারিটী শলাকা পুতিয়া থাকে, তাহাকে ধর বলে।  
প্রত্যেক মীরিতে, এই স্থান ১০ টী দর সমান ব্যবস্থানে অর্থাৎ  
৫ মুষ্টি অন্তর এক একটী দর স্থাপন করিয়া, সেই প্রোথিত  
শলাকা সমুদায়ের মস্তকে একটী দীর্ঘ কাটি বাঁধা যায় ;  
এবং ঐ পাঁচ মুষ্টি ব্যবস্থানে প্রত্যেক পার্শ্বে চারিটী শলাকা  
স্থান অন্তর, অর্থাৎ এক এক মুষ্টি অন্তরে এক এক শলাকা

পুঁতিয়া তাহাদের অগ্র, উপরিষ্ কাটির সহিত সংযোগ করিয়া দেওয়া যায়। প্রত্যেক শলাকার মূলে এক একটা পাণবৃক্ষ রোপণ করিয়া ঐ শলার সহিত বাধে। তাহাতে প্রত্যেক মীরিতে ১১২ টী পাণবৃক্ষ থাকিয়া বোল আনা বরজে ১৭১২০ টী পাণবৃক্ষ রোপিত হইয়া থাকে।

### বরজ পরিমাণ ।

- ১০ দরে ১১ মীর।  
 ১০ মীরিতে ১ আনা কিয়া পণ।  
 ৪ আনাতে ১ চৌক।  
 ৪ চৌকে ১ কাহন কিয়া বোল আনার বরজ।  
 বরজ কালি।

বরজ মাণের কালি গুন সর্বজন।

মাগ সারি থাম আগে করিবে পাতন।

এ তিন ক্রমেতে গুণ যত থাম হবে।

থার প্রতি দুই গুণা খরিয়া লইবে।

আসল যতেক গুণা একুন করিয়া।

রিশ গুণা কি আনার মিথিবে বুঝিয়া।

উদাঃ। যদি তিনটী বরজের প্রত্যেকটীতে ৫০০ সারি ও প্রতি সারিতে ৪০ টী থার থাকে, তাহা হইলে কত আনা বরজ হইবে?

$$৩ \times ৫ \times ৪০ = ৬০০, ৬০০ \times ২ = ১২০০,$$

$$১২০০ \div ১২ = ১০০ \text{ পণ} = ১০০ \text{ তিন কাহন বার পণ।}$$

## চতুর্থ ভাগ ।

### ঘন পরিমাণ ।

ভূমি পরিমাণ কালে কেবল দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ ধরিলেই চলে, কিন্তু পুঙ্খরিণী প্রস্তুত কালে কত পরিমাণে স্থিতিকা খনন করা হইল, তাহা নির্ণয় করিতে হইলে, কেবল দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ ধরিলেই চলেনা, দৈর্ঘ্য, প্রস্থ, গভীরতা এই তিনই ধরা আবশ্যক ; যাহার দৈর্ঘ্য প্রস্থ ও গভীরতা এই তিনই ধরিতে হয় তাহাকে ঘনক্ষেত্র কহে । যে ঘনক্ষেত্রের ছয়টি পৃষ্ঠ সমচতুর্কোণ ধরা তল ক্ষেত্র, এবং যাহার দৈর্ঘ্য ১ হাত, প্রস্থ ১ হাত, এবং বেধ ১ হাত, তাহাকে ১ ঘন হাত পরিমিত ক্ষেত্র কহে ।

### ঘন পরিমাণের ধারা ।

২৪ × ২৪ × ২৪ বা ১০৮২৪	ঘন অঙ্কুলে ... ১ ঘন হস্ত ।
১২ × ১২ × ১২ বা ১৭২৮	ঘন ইঞ্চি ... ১ ঘন ফুট ।
৩৬ × ৩৬ × ৩ বা ৪৬৮	ঘন ফুটে ... ১ ঘন গজ ।
২৭৭.২৭৮	{
অথবা প্রায় ২৭৭½	
৪১২ . . . . .	ঘন হস্তে ... ১ ঘন কোশ



১ম সম্পাদ্য । একটা সমকোণীক ও সমবাহক ঘন বস্তুর ঘনফল স্থির করিতে হইবে ।

নিয়ম । সমকোণিক ও সমবাহক ঘন বস্তুর দৈর্ঘ্য বিস্তার ও বেধের ধারাবাহিক গুণফল করিলে ঘনফল স্থির হয় ।

এক অঙ্গুলি দৈর্ঘ্য ও এক অঙ্গুলি বিস্তার হইলে যে রূপ এক বর্গঅঙ্গুলি হয়, সেই রূপ এক অঙ্গুলি দৈর্ঘ্য এক অঙ্গুলি বিস্তার ও এক অঙ্গুলি বেধ হইলে এক ঘন অঙ্গুলি কহা যায় । একটা কাঠ খণ্ড বাহার সকল পৃষ্ঠই সমচতুর্কোণ, যদি এক অঙ্গুলি দীর্ঘ, এক অঙ্গুলি বিস্তৃত ও এক অঙ্গুলি উচ্চ হয়, তাহা হইলে উহার পরিমাণ এক ঘন অঙ্গুলি কহা যাটতে পারে । ঐ রূপ যে বস্তুর দৈর্ঘ্য এক হস্ত, বিস্তার এক হস্ত, ও বেধ এক হস্ত তাহার পরিমাণ এক ঘন হস্ত । যে বস্তুর দৈর্ঘ্য দুই হস্ত, বিস্তার দুই হস্ত, ও বেধ দুই হস্ত, তাহাকে প্রথমতঃ সমান দুই খণ্ডে ছেদ করিলে, এক এক খণ্ডের দৈর্ঘ্য দুই হস্ত, বিস্তার দুই হস্ত ও বেধ এক হস্ত হয় । পুনর্বার ঐ খণ্ডগুলির প্রত্যেককে সমান দুই খণ্ডে বিভাগ করিলে, এক এক খণ্ডের দৈর্ঘ্য দুই হস্ত, বিস্তার এক হস্ত ও বেধ এক হস্ত হয় ; এবং সর্বশেষ ৪টা খণ্ড হয় । ঐ ৪ খণ্ডের প্রত্যেককে আবার সমান দুই খণ্ডে বিভাগ করিলে, এক এক খণ্ডের দৈর্ঘ্য ১ হস্ত, বিস্তার এক হস্ত ও বেধ ১ হস্ত হয়, অর্থাৎ প্রত্যেক খণ্ডের পরিমাণ ১ ঘনহস্ত হয়, এবং সর্বশেষ ৮ টী খণ্ড হয় । তাহা হইলেই, দুই হস্ত দৈর্ঘ্য দুই হস্ত বিস্তার ও দুই হস্ত বেধে, ৮

ঘনহস্ত হইল। ঐ রূপ, যে বস্তুর ৩ হস্ত দৈর্ঘ্য, ৩ হস্ত বিস্তার ও ৩ হস্ত বেধ, তাহাকে ১ হস্ত দীর্ঘ, ১ হস্ত বিস্তৃত ও ১ হস্ত উচ্চ, ২৭টি সমান খণ্ডে বিভক্ত করা যাইতে পারে। অর্থাৎ যে বস্তুর দৈর্ঘ্য ৩ হস্ত, বিস্তার ৩ হস্ত ও বেধ ৩ হস্ত তাহার পরিমাণ ২৭ ঘন হস্ত। অতএব, স্পষ্ট প্রতীয়মান হইতেছে যে, দৈর্ঘ্য বিস্তার ও বেধের ধারাবাহিক গুণফল স্থির করিলেই, ঘনফল অর্থাৎ কালি স্থির করা হইল। তাহা হইলেই এক ঘন হস্তে,  $২৪ \times ২৪ \times ২৪ = ১৩৮২৪$  ঘন অঙ্গুলি হইল; এবং এক ঘন ফুটে,  $১২ \times ১২ \times ১২ = ১৭২৮$  ঘন ইঞ্চি হইল।

কোন প্রাচীর অথবা কোন বস্তুর ঘনফল স্থির করিতে হইলে, প্রথমতঃ তাহার দৈর্ঘ্য বিস্তার ও উচ্চতার পরিমাণকে এক শ্রেণীস্থ রাশি করিতে হয়। যদি ঘনফল এত ঘন অঙ্গুলি হয়, তবে তাহাকে ১৩৮২৪ দিয়া ভাগ করিলেই কালি কত হস্ত তাহা স্থির হইবে। কালি ঘন ইঞ্চি হইলে, তাহাকে ১৭২৮ দিয়া ভাগ করিলেই ঘন ফুট হইবে।

সূত্র। যদি  $d$  অক্ষর দ্বারা ঘন বস্তুর পার্শ্বের দৈর্ঘ্যতা,  $ঘ$  অক্ষর দ্বারা ঘনফল এবং  $প$  দ্বারা উহার পৃষ্ঠ নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে,

$$ঘ = দ^৩, দ = \sqrt[৩]{ঘ}, \text{ এবং } প = ৬ \times দ^২।$$

উদাহরণ ১। একটা কার্ঠের গুঁড়ি দ্বারার সকল পৃষ্ঠই সমচতুরক, যদি ২৪ ইঞ্চি দীর্ঘ, ২৪ ইঞ্চি বিস্তৃত, এবং ২৪ ইঞ্চি উচ্চ হয়, তাহা হইলে উহার পরিমাণ কত হইবে?

একপে,

২৪ দৈর্ঘ্য

২৪ বিস্তার

৯৬

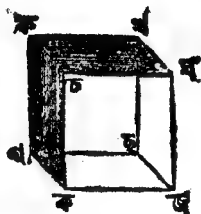
৪৮

৫৭৬

২৪ বেধ

২০০৪

১১৫২



ঘনফল = ১৩৮২৪ ইঞ্চি

২। যে সমবাহক ও সমকোণিক ঘন বস্তুর পার্শ্বের পরিমাণ ২২ ফুট, তাহার ঘনফল কত? উঃ। ৩২৪ ঘন গজ ১০ ফুট।

৩। যদি সমবাহক ও সমকোণিক ঘন বস্তুর পার্শ্বের পরিমাণ ১৮ ইঞ্চি হয়, তাহা হইলে তাহার পরিমাণ কত ফুট হইবে? উঃ। ৩৬।

৪। একটি চতুর্ভুজাকার ভূঁড়ির প্রত্যেক দিকের পরিমাণ ৬ ফুট ৮ ইঞ্চি হইলে, উহার পরিমাণ কত ঘন ফুট হইবে স্থির কর। উঃ। ২২৬ ঘন ফুট ৩' ৬" ৮"

৫। যে চতুর্ভুজ বাস্তবের পরিমাণফল ৩৪৩ ঘন ফুট তাহার পার্শ্বের দৈর্ঘ্য পরিমাণ কত?

২য় সূত্রানুসারে  $d = \sqrt[3]{\frac{V}{6}}$   $\frac{3}{4} = \sqrt[3]{\frac{343}{6}}$   $= ৭$  ফুট।

৬। যদি প্রত্যেক দিকে ৩ ফুট পরিমাণ এমন একটি সেতু কাঠের চতুর্ভুজ বাস্তব (ডালা সমেত) নির্মাণ করিতে হয়, তাহা হইলে কত বর্গফুট সেতু কাঠ উক্ত বাস্তবতে লাগিবে?

শেষ সূত্রানুসারে  $p = ৬ \times d^2 = ৬ \times ৩^2 = ৫৪$  বর্গকুট ।

৭। দৈর্ঘ্য ৫ হাত, প্রস্থ ৩।০ হাত, এবং উচ্চ ৪ হাত  
একটি মশারি প্রস্তুত করিতে হইলে, ২ হাত বহরের কত  
কাপড় লাগিবে? উঃ। ৪২৮ হাত ।

৮। কোন সমকোণিক ও সমাহক ঘন বস্তুর এক দিকের  
পরিমাণ ২ ফুট ৬ ইঞ্চি হইলে, উহার ঘনফল কত হইবে? উঃ। ১৫.৬২৫ ঘনফুট ।

৯। যে ঘনপ্রস্তরের পার্শ্ব ৪ হাত, তাহার মূল্য অপেক্ষা  
যাহার পার্শ্ব ৮ হাত, তাহার মূল্য কত অধিক? যদি প্রতি  
ঘনহস্তের মূল্য আট আনা করিয়া হয়। উঃ। ২২৪ টাকা ।

## ২য় সম্পাদ্য । আয়ত আকার ঘন বস্তুর কালি

নিয়ম। দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও উচ্চতা বা গভীরতার দ্বারা-  
বাহ্যিক গুণফল স্থির করিলেই কালি বা ঘনফল স্থির হয় ।

সূত্র। যদি  $d$  অক্ষর দ্বারা দৈর্ঘ্য  $b$  দ্বারা বিস্তার,  $u$   
দ্বারা উচ্চতা বা গভীরতা,  $v$  দ্বারা ঘনফল, এবং  $p$  দ্বারা  
পৃষ্ঠ নির্দেশ করা যায়, তাহা হইলে,

$$v = d \times b \times u, \quad d = \frac{v}{b \times u}, \quad b = \frac{v}{d \times u}, \quad u = \frac{v}{d \times b},$$

$$\text{এবং } p = ২ \{ d(b + u) + (b \times u) \}$$

উদাহরণ ১। একটি চতুর্ভুজ ধাম ২ হাত ২ অঙ্গুলি  
উচ্চ, ১ হাত ১৬ অঙ্গুলি দীর্ঘ ও ১ হাত ৬ অঙ্গুলি বিস্তৃত,  
তাহার পরিমাণ কত ঘন হস্ত?

এখানে, ঘনকল ঘ = দ × ব × উ = ১ হাত : ১৬ অঃ ×  
 ১ হাত : ৬ অঃ × ২ হাত : ২ অঃ = ৪০ অঃ × ৩০ অঃ × ৫০ অঃ  
 = ৬০০০০ ঘন অঙ্গুলি =  $\frac{৫০০০০}{১০০০}$  ঘন হস্ত = ৪৫০০  $\frac{১০}{১০০}$  ঘন  
 হস্ত = প্রায় ৪৫ ঘন হস্ত ।

এই প্রশ্নের সমাধান নিম্ন লিখিত প্রকারেও হইতে পারে ।

২ হাত — ২ অঙ্গুলি

১ .. — ১৬ ..

২ — ২

১ — ৮  $\frac{১৬}{১০০}$

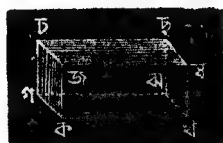
৩ — ১১  $\frac{৬৪}{১০০}$

১ — ৬

৩ — ১১  $\frac{৬৪}{১০০}$

১৮  $\frac{১৬৪}{১০০}$

৪ — ৮  $\frac{৬৪}{১০০}$  = প্রায় ৪৫ ঘন হস্ত ।



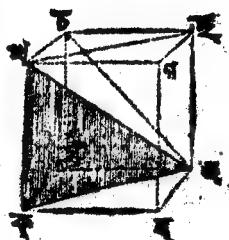
ভূমি মাপে বেক্রপ করা যায়, এই প্রক্রিয়াতে প্রথমতঃ  
 সেইরূপ করা গিয়াছে। তাহার পরে উচ্চতা ও দৈর্ঘ্যের  
 পরিমাণের গুণফলকে, বিস্তারের পরিমাণ দিয়া গুণ করাতে  
 ঘনকল স্থির হইয়াছে। ১ হাত দৈর্ঘ্য ও ১ হাত বিস্তার  
 হইলে ১ বর্গ হস্ত হয়, এই নিমিত্তে ২ হাত দৈর্ঘ্য ১ হাত  
 বিস্তারে, ২ বর্গ হস্ত ধরা গিয়াছে। ১ হাত দৈর্ঘ্য ও এক অঙ্গুলি  
 দ্বারা ১ বর্গ হস্তের  $\frac{১৬}{১০০}$  হয়, এই নিমিত্তে ১ হাত বিস্তার  
 বিস্তারে ১ অঙ্গুলি ধরা গিয়াছে। অঙ্গুলি দ্বারা  
 ও ২ অঙ্গুলি দ্বারা ২৪ ভাগের ১ ভাগ। আর ২ অঙ্গুলি দীর্ঘ  
 এখানে হাতের

১৬ অঙ্গুলি বিস্তৃত হইলে ৩২ বর্গ অঙ্গুলি হয়, এবং  $২৪ \times ২৪$  বর্গ অঙ্গুলে এক বর্গ হস্ত হয়, এই নিমিত্তে ২৪ অঙ্গুলের হাতে উহাতে  $\frac{৩২}{২৪}$  অঙ্গুলি ধরা গিয়াছে। এইরূপ করিয়া যে বর্গফল স্থির হইয়াছে, তাহাকে আবার বিস্তার দিয়া গুণ করিয়া ঘনফল স্থির করা গিয়াছে। ১ বর্গ হস্তকে ১ হাত দিয়া গুণ করিলে ১ ঘনহস্ত হয়, এই নিমিত্তে ৩ হাতে ৩ ১ হাতে ৩ হাত ধরা গিয়াছে। ১ বর্গ হস্তকে ১ অঙ্গুলি দিয়া গুণ করিলে ১ ঘন হস্তের  $\frac{১}{১৬}$  হয়, এই নিমিত্তে ১ হাত ও ১১৬ অঙ্গুলে ১১৬ অঙ্গুলি এবং ৩ হাত ও ৬ অঙ্গুলে ১৮ অঙ্গুলি ধরা গিয়াছে। আর এক বর্গহস্তের  $\frac{১}{১৬}$  কে ১ অঙ্গুলি দিয়া গুণ করিলে, ১ হস্তের ২৪ ভাগের ১ ভাগ হয়, এই নিমিত্তে ১১৬ অঙ্গুলি ও ৬ অঙ্গুলে ২৪ অঙ্গুলের হাতের  $\frac{১}{১৬}$  অঙ্গুলি ধরা গিয়াছে।

২। একটা চতুর্ভুজ কাষ্ঠের শুড়ির দৈর্ঘ্য ক খ ৬ ফুট (পূর্ব প্রতিষ্ঠিত সেধ) বিস্তার ক গ ২২ ফুট, এবং উচ্চতা খ ঘ ১  $\frac{১}{২}$  ফুট, তাহার পরিমাণ কত ?

$$\begin{array}{rcl}
 \text{খঘ} & = & ১.৭৫ \\
 \text{কখ} & = & ৬ \\
 \hline
 & & ১০.৫০ \\
 \text{কগ} & = & ২.৫ \\
 \hline
 & & ৫২.৫০ \\
 & & ২১০০ \\
 \hline
 \end{array}$$

$$২৬.২৫০ = \text{কালি}$$



৩। একটি চতুর্ভুজ খাম ৩.৪ উচ্চ, ১০.৪ দৈর্ঘ্য ও ৪.২ বিস্তৃত, তাহার কালি কত? উঃ। ১৪২.৯৪।

৪। যদি একটি চতুর্ভুজ প্রান্তর খণ্ডের দৈর্ঘ্য ৩ ফুট ২ ইঞ্চি, বিস্তার ২ ফুট ৮ ইঞ্চি ও উচ্চতা ২ ফুট ৬ ইঞ্চি হয়, তাহা হইলে উহার পরিমাণ কত ঘন ফুট হইবে? উঃ। ২১.৬।

৫। একটি বর্গ পুষ্করিণীর এক বাহু ১২ গজ, উহা খনন করিতে ৩৩৬ ঘন গজ মৃত্তিকা উঠাইতে হইয়াছিল। উহার গভীরতা কত? উঃ। ৭ রৈখিক ফুট।

৬। যে চেয়ো ৫ ফুট ৬ ইঞ্চি গভীর, এবং ১০ ফুট ৮ ইঞ্চি চৌড়া, তাহা দৈর্ঘ্যে কত হইলে তাহার কালি ১০৪০ ঘন ফুট হইবে? উঃ। ১২০ রৈখিক ফুট।

৭। একটি কাটা খাল ৭ ফুট ৩ ইঞ্চি গভীর, ২০ ফুট ৪ ইঞ্চি চৌড়া এবং ১০ মাইল লম্বা, তাহাতে কত ঘন ফুট জল আছে? উঃ। ৭৭৮৩৬০০ ঘনফুট।

৮। ছয় ফুট উচ্চ, এবং ৪ ফুট চৌড়া, একটি দ্বার রাখিয়া দৈর্ঘ্য ১৫ গজ, উচ্চতা ৭ ফুট এবং বেধ ১৩ ইঞ্চি এমন একটি প্রাচীর প্রস্তুত করিতে হইলে, যে ইটের এক এক খানির আয়তন ১০৮ ঘন ইঞ্চি, তাহার কতগুলি লাগিবে? উঃ। ৫০৪৪ খানা ইট।

৯। প্রতি ঘন ফুটের মূল্য ২ সিলিং ৪ পেন্স হইলে, যে কড়িকাঠ ৮ ফুট লম্বা, ১ ফুট ৮ ইঞ্চি প্রস্থ, এবং বাহার দল ১ ফুট ৬ ইঞ্চি, তাহার মূল্য কত? উঃ। ৫ পাউণ্ড ৫ সিলিং।

১০। যদি এক বর্গ গজ মাটি কাটিতে ৮ পেঙ্গ মজুরি পড়ে, ৬০ ফুট লম্বা, ৫ ফুট ৬ ইঞ্চ চোড়া এবং ১০ ফুট ৪ ইঞ্চ গভীর একটি খাল খনন করিতে কত মজুরি লাগিবে ?

উঃ। ৪ পাউণ্ড ৪ সিলিং ২১ পেঙ্গ।

১১। ক ঘ ছ খ সমকোণিক ও সমবাহক ঘন বস্তুর কর্ণ পজ ৩ হাত (পূর্ব প্রতিকৃতি দেখ), উহার ঘনকল কত ?

এখানে, ক ঘ জ ও জ ক খ দুইটী ত্রিভুজ সমকোণিক, সুতরাং,  $ক জ^২ = ২ ক ঘ^২$ , এবং  $খ জ^২ = ক ঘ^২ + ক জ^২$   
 $= ক ঘ^২ \times ২ ক ঘ^২ = ৩ ক ঘ^২$ ;

$\therefore ৩ ক ঘ^২ = ৩^২$ , এবং  $ক ঘ = \sqrt{৩}$ ;

$\therefore$  ক ঘ<sup>৩</sup>, কিংবা ঘনক্ষেত্রের কালি =  $৩\sqrt{৩}$ ।

১২। একটি চোবাচ্চা ৭ ফুট ৬ ইঞ্চ লম্বা, ১ ফুট ৯ ইঞ্চ চোড়া এবং ৩ ফুট ৬ ইঞ্চ গভীর, ইহাতে কত ধারী জল আছে ?

উঃ। ৪৫.৯৩৭।

১৩। দীর্ঘ প্রস্থ ও গভীর প্রত্যেক দিক ১৬ হাত একটি গর্ত আছে, এবং দীর্ঘ প্রস্থ ও গভীর প্রত্যেক দিক ৪ হাত আর একটি গর্ত আছে, শেযোক্ত গর্তটী পূর্বোক্ত গর্তের অপেক্ষা কত ক্ষুদ্র ?

উঃ। ৬৪।

১৪। এক রাজমিস্ত্রীর সহিত এই বন্দোবস্ত হইয়াছিল যে হাল্লর হাত অর্থাৎ ১০০ ঘন হাত (১ হাত ওসার ১ হাত উচ্চ ও ১০০ হাত লম্বা) গাঁধনি হইলে ১ টাকা পাইবে। এখন ৪০ হাত দীর্ঘ, ১৩ হাত প্রস্থ, ভিত ১১ হাত, উচ্চ ১০ হাত একটি ঘর প্রস্তুত হইয়াছে। তাহার মধ্যে



৫ হাত উচ্চ, ২ হাত ওসার ১০ টা দ্বার আছে । রাজমিস্ত্রী কত টাকা পাইবে ? উঃ । ১৩৭ টাকা ।

১৫। কোন পদার্থের দৈর্ঘ্য প্রস্থ ও বেধ প্রত্যেকেই ৯ ফুট, তাহার সমুদায় পৃষ্ঠকল কত ? উঃ । ৪৮৬ বর্গফুট ।

১৬। যদি এক কিউবিটের পরিমাণ ১৮ ইঞ্চি হয়, তাহা হইলে ৬৪ ঘন কিউবিটের মধ্যে কত ঘন ফুট থাকিবে ? উঃ । ২৬৮ ঘন ফুট ।

১৭। কতকগুলি মজুরের সহিত এই চুক্তি হইয়াছিল যে, তাহারা ১৬ কিউবিট লম্বা ১৬ কিউবিট চৌড়া ও ১৬ কিউবিট গভীর একরূপ চারিটা চৌবাচ্চা নীল দিয়া পরিপূর্ণ করিবে; কিন্তু তাহা না করিয়া তাহারা ৪ ঘন কিউবিট ৮ টা চৌবাচ্চা পরিপূর্ণ করিয়াছে । তাহারা কি চুক্তির সমুদায় কার্য সম্পন্ন করিয়াছিল ? যদি না করিয়া থাকে তবে কত কর্ম বাকি ছিল ? উঃ । ৬ ।

১৮। ভূমি ১ কাঠা দীর্ঘ ও এক কাঠা প্রস্থ হইলে এক বর্গ কাঠা হয়, কিন্তু ২০ কাঠা দীর্ঘ ২০ কাঠা বিস্তৃত হইলে কেন ২০ বর্গ কাঠা কালি না হয় তাহা প্রমাণ কর ?

১৯। যে লৌহ চতুর্কোণ ধামের দৈর্ঘ্য ৩৬ ফুট, বিস্তার ১৪ ফুট এবং বেধ ১২ ফুট, তাহার পরিমাণ কত ঘন ফুট ? এবং প্রত্যেক ঘনফুটের ওজন ১৮০ পাউণ্ড হইলে সমুদায় ধামের ওজন কত হইবে ?

উঃ । ১১০৮৮ ঘনফুট এবং ওজনে ৮৯১ টন ।

২০। দৈর্ঘ্যে ৩২ ফুট, বিস্তারে ১২ ফুট এমন এক আর-

তাকার চৌরাস্ক কত ফুট গভীর হইলে ১১২০ ঘনফুট জল ধরিতে পারে ?

$$\text{এয় সূত্রানুসারে গভীরতা} = \frac{\text{ঘ}}{\text{দ} \times \text{ব}} = \frac{১১২০}{৩২ \times ১২} = ৫ \text{ ফুট} ।$$

২১। যে সিন্দুক ৩ ১/২ ফুট দীর্ঘ, ২ ফুট বিস্তৃত এবং ১ ১/২ ফুট গভীর, তাহাতে কত বর্গ ফুট সেগুন কাঠ লাগিয়াছে ?

সেয় সূত্রানুসারে পৃষ্ঠ (প)

$$= ২ \left\{ ৩ \frac{১}{২} (২ + ১ \frac{১}{২}) + ২ \times ১ \frac{১}{২} \right\} = ৩০ \frac{১}{২} \text{ বর্গ ফুট} ।$$

২২। যে প্রাচীরের দৈর্ঘ্য ১৫২ হাত, বিস্তার ১ হাত ১৮ অঙ্গুলি ও উচ্চতা ১০ হাত ৮ অঙ্গুলি তাহার ঘনফল কত ?

উঃ। ২৭৪৮ ১/২ ঘনহস্ত ।

২৩। হস্তর ফুট অর্থাৎ ১০০ ঘনফুট গাঁথনী হইলে ১৮০ বেতন দিতে হইবে যদি এই রূপ নিয়ম থাকে ; তাহা হইলে ২৫২ ফুট দীর্ঘ, ২ ফুট ৪ ইঞ্চি বিস্তৃত ও ১৮ ফুট উচ্চ প্রাচীর গাঁথনীর কত বেতন দিতে হইবে ?

উঃ। ১৭১৮০/১৬ ১/২ ।

২৪। ১২৫ ফুট দীর্ঘ, ৩ ফুট বিস্তৃত, ৯ ফুট ১০ ইঞ্চি উচ্চ প্রাচীরের মধ্যে যদি ৫১ ফুট উচ্চ ৩১ ফুট ওসার ৮টা জানালা থাকে, তাহা হইলে কত ফুট গাঁথনি হইয়াছে ?

উঃ। ৩২২৫ ১/২ ঘনফুট ।

৩য় সম্পাদ্য । পইল বা স্তম্ভের ঘনফল

নির্ণয় করিতে হইবে ।

নিয়ম । পলহ বা স্তম্ভের ঘনফল স্থির করিতে হইলে,

তাহার নিম্নস্থ বা পার্শ্বস্থ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল স্থির করিয়া উচ্চতা বা দীর্ঘের পরিমাণ দিয়া গুণ করিতে হয়।

স্তম্ভের বেটনের বর্গের চতুর্থাংশকে ৩.১৪১৬ অথবা অভ্যন্ত সূক্ষ্মতা আবশ্যক না হইলে  $\frac{১}{২}$  দিয়া ভাগ করিলে ফাফা হয়, তাহাকে উচ্চতার পরিমাণ দিয়া গুণ করিলেও হয়।

পহল বা স্তম্ভের পৃষ্ঠফল স্থির করিতে হইবে।

নিম্নম। পহল বা স্তম্ভের ভূমি বা পার্শ্বের বেটনের পরিমাণকে দৈর্ঘ্য বা উচ্চতার পরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে উহার পৃষ্ঠদেশের কালি হয়।

যদি স্তম্ভের উভয় প্রান্ত ও পৃষ্ঠের ফল স্থির করিবার আবশ্যকতা হয়, তাহা হইলে পূর্ব নিয়মানুসারে যে পৃষ্ঠফল স্থির হইবে, তাহাতে দুই প্রান্তের পরিমাণ যোগ করিতে হইবে।

স্থূত্র। যদি দ অক্ষর দ্বারা দৈর্ঘ্য, খ অক্ষর দ্বারা ক্ষেত্রফল, ব অক্ষর দ্বারা বেটন, ঘ অক্ষর দ্বারা ঘনফল ও প অক্ষর দ্বারা পৃষ্ঠ নির্দেশ করা যায় তাহা হইলে,

$$ঘ = খ \times দ = \frac{ব^২ \times দ}{৪ \times ত}, \quad দ = \frac{ঘ}{খ} \text{ এবং } প = ব \times দ +$$

২ খ = পহলের পৃষ্ঠ দ্বারা দুই পাশ্ব; আর প = ত  $\times$  জ (ভূমির ব্যাসার্ধ)  $\times$  দ = স্তম্ভের নৃত্যাকৃতি পৃষ্ঠ—দুই পাশ্ব।

আরও ক্ষেত্রের কালি আর স্তম্ভের পৃষ্ঠফল স্থির করা উভয়ই সমান, কারণ একটা নলকে চিরিয়া সমধরাতল

করিলে সেই সমধরাভল একটি আয়ত ক্ষেত্রের সমান হইবে। অতএব আয়তক্ষেত্রের দুই পার্শ্ব বাহু ক্ষেত্রের উচ্চ পরিমাণ ও ভূমির পরিধির সমান হইবে।

উদাহরণ ১। ক খ গ ত্রিভুজ বস্তুর ক খ দৈর্ঘ্যের পরিমাণ ১২ ফুট এবং সমবাহক ভূমির প্রত্যেক ভূজের পরিমাণ ২২ ফুট, উহার ক্ষেত্রকল কত? ১ ম স্ত্রীমাসে, (১৮৯ পৃষ্ঠার তালিকামুসাবে সমবাহক ত্রিভুজ ক্ষেত্রের কালি।)

. ৪ ৩ ৩ ০

$$৬৬ = (২২)$$

\_\_\_\_\_

২ . ৫ ২ ৮ ০

. ১ ০ ৮ ২ ৫

\_\_\_\_\_

খ = ২ . ১ ০ ৬ ২ ৫ পার্শ্বের কালি

দ = ১ ২ দৈর্ঘ্য

\_\_\_\_\_

উঃ। ৩২.৪৭৫ ঘনফুট।

২। পলহের তলস্থক্ষেত্র ৫, ৪ ও ৩ ফুট ভূজবিশিষ্ট ত্রিভুজ, এবং উচ্চতা ১০ ফুট, তাহার ঘনকল কত?

উঃ। ৬০ ঘনফুট।

৩। ষট্ পলহের তলস্থক্ষেত্র ১ফুট ৬ ইঞ্চ ভূজবিশিষ্ট ত্রিভুজ, এবং দৈর্ঘ্য ৮ ফুট, তাহার ঘনকল কত?

উঃ। ৪৬.৭৬৬ ঘনফুট।

৪। যে গোল ধামের বেটন ৫ই ফুট ও উচ্চতা ২০ ফুট তাহার ঘনকল কত?



$$\text{দ্বিতীয় সূত্রানুসারে, ঘ} = \frac{ব^2 \times দ}{৪ \times ত} =$$

$$(৫\frac{১}{২})^2 \times ২০ \times .০৭৯৫৮ = ৪৮.১৪৬ \text{ ঘনফুট।}$$

৫। যে পাতকুয়ার নিম্নস্থ বৃত্তের ব্যাস ২ হাত, ৬ গভীরতা ৮ হাত, তাহার ঘনফল কত? এখানে, বৃত্তের ক্ষেত্রফল  $= (১^২) \times ৩.১৪১৬ = ৩.১৪১৬$  বর্গহস্ত, স্তম্ভরাজ্যের ঘনফল  $= ৩.১৪১৬ \times ৮ = ২৫.১৩২৮$  ঘনহস্ত।

৬। একজন রাজমিস্ত্রীর সহিত এই বন্দোবস্ত হইয়া ছিল, যে ইট, শুকি, চূণ সে দিবে, এবং ১০০ ঘন ফুট গাঁথনি হইলে ১৩৫০ টাকা পাইবে। ৫০০ ফুট দীর্ঘ, ২৫ ফুট বিস্তৃত, ১৪ ফুট উচ্চ প্রাচীর গাঁথনি হইয়াছে। তাহার মধ্যে ৫ ফুট উচ্চ, ৩ ফুট ওসার ২২টি জানালা এবং ৬ ফুট উচ্চ, ৪ ফুট ওসার ১০ টা দরজা; অপর গোল খাম ২৫ টা গাঁথনি হইয়াছে, এক একটির বেইন ৬ ফুট ও উচ্চতা ১২ ফুট। রাজমিস্ত্রী কত টাকা পাইবে?

উঃ। ২৭২০৮৮/১৫৩ $\frac{১}{২}$  গ।

৭। ১৫ হাত উচ্চ ৩ হাত বেইন একটা গোল খাম সুড়িতে ২ হাত ৩ অঙ্গুলি ওসারের কত কাপড় লাগিবে?

উঃ। ২১৩ $\frac{১}{২}$  হাত।

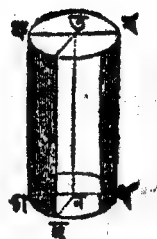
৮। যে গোল খামের তলস্থ বৃত্তের ব্যাস ২ ফুট ৩ ইঞ্চি ও উচ্চতা ১৬ ফুট, তাহার ন্যূনাকৃতি গাত্রের ঘনফল কত?

এখানে, শেষ সূত্রানুসারে  $প = ত \times অ \times দ = ৩.১৪১৬ \times ২\frac{৩}{৪} \times ১৬ = ১১৩.০৯৭৬$  বর্গফুট।

৯। যে ত্রিগহলের তলস্থ ক্ষেত্র  
৫ হাত দুজবিশিষ্ট সমবাহক ত্রিভুজ,  
এবং সমুদায় পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল ১৪৩  
বর্গ ফুট, তাহার দৈর্ঘ্য কত ?  
এখানে ওয় সূত্র পরিবর্তন দ্বারা,

প—২ খ

$$দ = \frac{প-২ খ}{২} = \text{প্রায় } ৮.০৯ \text{ ফুট।}$$



১০। প্রতি ঘনকূটের মজুরি ৩ শিলিং ৭½ পেন্স হইলে, যে  
কূপের ব্যাস ৩.৭৫ ফুট এবং গভীরতা ২২.৫ ফুট, তাহা খনন  
করিতে কত মজুরি লাগিবে ? উঃ। ১ পাঃ ১৩ শিঃ ৪½ পেঃ।

১১। যে কূপের পরিধি ৫৮ হাত, গভীরতা ২০ হাত,  
তাহাতে কত খারী জল আছে ? উঃ। ৪৮½ খারী।

**৪র্থ সম্পাদ্য।** সূচী বা সকোণসূচীর ঘন-  
ফল স্থির করিতে হইবে।

১ম নিয়ম। তলস্থ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলকে উচ্চতার পরি-  
মাণ দ্বারা গুণ করিয়া, গুণফলের তৃতীয়াংশ লইলেই সূচী  
বা সকোণ সূচীর ঘনফল স্থির হয়।

নিয়মান্তর। সূচীর ভূমির বর্গপরিমাণকে উচ্চতার তৃতী-  
য়াংশ দ্বারা গুণ করিলে গুণফল সূচীর ঘনফল হইবে।

২য় নিয়ম। সূচী বা সকোণসূচীর পৃষ্ঠফল স্থির করিতে  
হইলে, অগ্রভাগ হইতে তলা পর্যন্ত পৃষ্ঠদেশের যে পরি-  
মাণ, তাহার দ্বারা তলার পরধিকে গুণ করিয়া গুণফলের  
অর্ধাংশ লইতে হয়।

সূত্র।  $ঘ = \frac{৩}{৪} খ \times দ$ ,  $খ = \frac{৩ঘ}{দ}$ ,  $দ = \frac{৩ঘ}{খ}$ , এবং

$প = \frac{৩}{৪} ব \times দ$  (শীর্ষ কোণ হইতে পৃষ্ঠদেশক্রমে ভূমির দূরত্ব)

উদাহরণ ১। যে সূচীর তলস্থ বৃত্তের ব্যাস ক গ ২২ ফুট এবং উচ্চতা ঘ চ ১২ ফুট, তাহার ঘনকল কত ?

এখানে,  $২২ \times ২২ = \frac{৪}{৩} \times \frac{৪}{৩} \times \frac{২৭}{৩} = ৬৬ = ক গ ২$ ,  
পরে

$$\begin{array}{r}
 ১৭৮৫৪ \\
 ৬৬ \\
 \hline
 ৪.৭১২৪ \\
 ১৯৬৩৫ \\
 \hline
 \text{ভূমির কালি } ৪.৯০৮৭৫ \\
 ১২২ = ঘ চ \\
 \hline
 ৫৮.৯০৫০০ \\
 ২.৪৫৪৩৭৫ \\
 \hline
 \hline
 \end{array}$$



৩) ৬১.৩৫৯৩৭৫ (২০.৪৫৩১২৫ = সূচীর

ঘনকল।

২। যে সাকোণসূচীর তলস্থ ক্ষেত্র ১৮, ২৪ ও ৩০ হাত ভূখণ্ডবিশিষ্ট ত্রিভুজ, এবং উচ্চতা ৩৬ হাত, তাহার ঘনকল কত ?

এখানে তলস্থ সরল ত্রৈখিক ত্রিভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল =

$$\left\{ \frac{১৮ + ২৪ + ৩০}{২} \times \left( \frac{১৮ + ২৪ + ৩০}{২} - ১৮ \right) \right. \\
 \left. \times \left( \frac{১৮ + ২৪ + ৩০}{২} - ২৪ \right) \times \left( \frac{১৮ + ২৪ + ৩০}{২} - ৩০ \right) \right\}^{\frac{১}{২}} =$$

$$\sqrt{৩৬ \times ১৮ \times ১২ \times ৬} \text{ বর্গহস্ত} = \sqrt{৩৬ \times ৩৬ \times ৩৬}$$

$$\text{বর্গহস্ত} = ৬ \times ৬ \times ৬ = ২১৬ \text{ বর্গহস্ত} ;$$

$$\frac{\text{অতএব, প্রমোদিত স্কোণশূচীর ঘনকল} = ২১৬ \times \frac{৩৬}{৩} = ২১৬ \times ১২ = ২৫৯২ \text{ ঘন হস্ত} ।$$

৩। যে স্কোণশূচীর তলস্থ ক্ষেত্র ২ ফুট ভূজবিশিষ্ট পঞ্চভুজ ক্ষেত্র ও উচ্চতা ১২ ফুট, তাহার ঘনকল কত ?

তালিকাভূসারে পঞ্চভুজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রকল =

	১.৭২০৫
বাহুর বর্গ =	৪
তলস্থ ক্ষেত্রের কালি =	৬.৮৮২
তল উচ্চতার তৃতীয়াংশ =	৪
স্কোণশূচীর ঘনকল =	২৭.৫২৮



৪। যদি শূচীর তলস্থ বৃত্তের পরিধি ২ ফুট ও উচ্চতা ১০.২ ফুট হয়, তাহা হইলে তাহার ঘনকল কত হইবে ?  
উঃ। ২২.৫৬১ ঘনফুট।

৫। যে স্কোণ শূচীর ভূমি ৬ ইঞ্চি ভূজবিশিষ্ট ষড়ভুজ ক্ষেত্র, ও উচ্চতা ২.৪, তাহার ঘনকল কত ?  
উঃ। ১.৩৮ ঘনফুট

৬। যে শূচীর তলস্থ বৃত্তের ব্যাস ৪ ফুট, এবং তাহার চালুদিকের দৈর্ঘ্য বা শীর্ষকোণ হইতে পৃষ্ঠদেশক্রমে ভূমির দূরত্ব ৮ গ ১৮ ফুট, তাহার পৃষ্ঠকল কত ?



৩.১৪১৬
৫ ব্যাস
১৫.৭০৮০ পরিধি
১৮
১২৫৬৮৪
১৫৭০৮

২) ১৮২.৭৪৪ ( ১৪১.৩৭২ বর্গ ফুট = পৃষ্ঠকল ।

৭। যে সূচীর অগ্রভাগ হইতে তলা পর্যন্ত পৃষ্ঠদেশের পরিমাণ ২০ ফুট, এবং তলস্থ বৃত্তের পরিধি ৯ ফুট, তাহার পৃষ্ঠকল কত ? উঃ। ৯০ বর্গ ফুট।

৮। একটি সূচীর অগ্রভাগ হইতে তলা পর্যন্ত পৃষ্ঠদেশের পরিমাণ ৫০ ফুট, ও তলস্থ বৃত্তের ব্যাস ৮ ফুট ৬ ইঞ্চি, তাহার পৃষ্ঠকল কত ? উঃ। ৬৬৭.৫২ বর্গ ফুট।

৯। যে নকোণসূচীর তলস্থ ক্ষেত্র ৫ ফুট ভূমিখণ্ডিত ত্রিভুজ ও ঘনকল ৬২½ ঘন ফুট, তাহার উচ্চতা কত ? উঃ। প্রায় ১৭ ফুট ৪ ইঞ্চি।

১০। যে সূচীর ঘনকল ৮ ঘনফুট, এবং উচ্চতা ২ ফুট, তাহার তলস্থ বৃত্তের পরিধি কত ? উঃ। প্রায় ১২.২৮ ফুট।

১১। যদি প্রত্যেক ঘন ফুটের ওজন ১৭০ পাউণ্ড হয়, তাহা হইলে যে প্রস্তরনির্মিত সূচীর তলস্থ ক্ষেত্র ১ ফুট ৩ ইঞ্চি ভূমিখণ্ডিত ত্রিভুজ ও বাহার উচ্চতা ১০ ফুট, তাহার ওজন কত হইবে ? উঃ। ১ টন ১৮½ পাউণ্ড।

৫ম সম্পাদ্য। সূচীর বা সকোণসূচীর প্রকাণ্ডের

ঘনকল স্থির করিতে হইবে।

সূচীর বা সকোণসূচীর উপরিভাগে কতকটা না থাকিলে, অর্থাৎ তাহার উপরিভাগ হইতে ভূমির সমান্তরাল করিয়া কিয়দংশ কাটিয়া ফেলিলে যে খণ্ড অবশিষ্ট থাকে, তাহার নাম প্রকাণ্ড অথবা মস্তকশূন্য সূচী বা সকোণসূচী।

নিয়ম। তলস্থ ও উপরিস্থ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের সমষ্টিতে ঐ দুইটি ক্ষেত্রফলের গুণফলের বর্গ মূল যোগ কর, এবং যোগফলকে উচ্চতার পরিমাপ দিয়া গুণ করিয়া তাহার তৃতীয়াংশ লও। গৃহীত তৃতীয়াংশ প্রকাণ্ডের অর্থাৎ মস্তকশূন্য সূচীর বা সকোণসূচীর ঘনকল হইবে।

নিয়ম। তলস্থ ও উপরিস্থ বৃত্তের ব্যাসার্ধদ্বয়ের বর্গের সমষ্টিতে ঐ দুই ব্যাসার্ধদ্বয়ের গুণফল যোগ কর, এবং যোগফলকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ করিয়া যাহা হইবে, তাহাকে পুনশ্চ উচ্চতার তৃতীয়াংশ দ্বারা গুণ কর, গুণফল সূচীর প্রকাণ্ডের ঘনকল হইবে।

সকোণসূচীর তলস্থ ক্ষেত্র সমবাহুক বহুভুজ ক্ষেত্র হইলে, তাহার প্রকাণ্ডের ঘনকল নিম্ন লিখিত নিয়মটির দ্বারাও স্থির হইবে।

নিয়ম। তলস্থ ও উপরিস্থ ক্ষেত্রের বাহুদ্বয়ের বর্গের সমষ্টিতে উহাদের গুণফল যোগ কর, এবং যোগফলকে

বহুভুজসংক্রান্ত তালিকায় লিখিত বহুসংখ্যক ক্ষেত্রের ক্ষেত্র-  
কল দ্বারা গুণ করিয়া যাহা হইবে, তাহাকে পুনশ্চ উচ্চতার  
তৃতীয়াংশ দ্বারা গুণ কর, গুণকল সকোগনুচীর ঘনকল হইবে।

সূচীর বা সকোগনুচীর প্রকাণ্ডের পৃষ্ঠকল  
স্থির করিতে হইবে।

নিরম। সূচীর বা সকোগনুচীর প্রকাণ্ডের পৃষ্ঠকল স্থির  
করিতে হইলে, অগ্রভাগ হইতে তলা পর্যন্ত পৃষ্ঠদেশের যে  
পরিমাণ, তদর্ঘ্বে দ্বারা তলস্থ ও উপরিস্থ ক্ষেত্রের বেটনের  
সমষ্টিকে গুণ করিলেই হয়।

উদাহরণ ১। যে সূচীর প্রকাণ্ডের তলস্থ বৃত্তের ব্যাস  
২৮ ইঞ্চি, উপরিস্থ বৃত্তের ব্যাস ২০ ইঞ্চি এবং উচ্চতা ২০ ইঞ্চি,  
তাহার ঘনকল কত?

$$\begin{array}{r} 28 \\ \times 28 \\ \hline 224 \\ 560 \\ \hline 784 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 28 \\ \times 20 \\ \hline 560 \\ 560 \\ \hline 1120 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 20 \\ \times 20 \\ \hline 400 \end{array}$$

$$.2814 = 32 \text{ } 0.1814$$

$$10000$$

$$1120$$

$$10808$$

$$784$$

$$880.1814$$

$$20 = \text{উচ্চতা}$$

$$\text{ঘনকল} = 2201.1814 \text{ ঘন ইঞ্চি।}$$

# ঘনপরিমাণ ।

২৮৩

প্রকারান্তর । ১৪ (বাসার্দ্ধ)  $\times$  ১৪ = ১৯৬,  
 ১৪  $\times$  ১০ = ১৪০, ১০ (বাসার্দ্ধ)  $\times$  ১০ = ১০০,  
 ১৪০ + ১৯৬ + ১০০ = ৪৩৬; ৪৩৬  $\times$  ৩.১৪১৬ = ১৩৬২.৭৩৭৬;  
 ১৩৬২.৭৩৭৬  $\times$  ২০ + ৩ = ২৭২৫.৪৮৪০ ঘনইঞ্চি ।

২। যে সকোণস্থচীর প্রকাণ্ডের নিম্ন ও উপরিস্থ  
 ভাগটী সমবাহক পঞ্চভুজ ক্ষেত্র, উপরিস্থ ক্ষেত্রের বাহুর  
 পরিমাণ ৬ ইঞ্চি, নিম্নের ক্ষেত্রের বাহুর পরিমাণ ১ ফুট ৬ ইঞ্চি,  
 এবং উচ্চতা ৫ ফুট, তাহার ঘনফল কত ?

১৮	১৮	৬
১৮	৬	৬
১৪৪	১০৮	৩৬
১৮	৩২৪	
৩২৪	৩৬	
	৩ ) ৪৬৮	



১৪৬ যোগ পরিমাণের তৃতীয়াংশ ।

১.৭২০৫ তালিকায় লিখিত ক্ষেত্রফল ।

১০.৩২৩০

৮৬০২৫

১৭২০৫

২৪৮.৩২৮০ গড় ক্ষেত্রফল ।

৫

১৪৪ { ১২ ১৩৪১.২২০  
 ১২ ১১১.৮৩২৫ [ প্রকাণ্ডের ঘনফল ।  
 ২.৩৬২৩৭৫ ঘন ফুট = সকোণস্থচীর

প্রকারান্তর।  $১.৫ \times ১.৫ = ২.২৫$ ,  $১.৫ \times .৫ = .৭৫$ ,  
 $.৫ \times .৫ = .২৫$ ;  $২.২৫ + .৭৫ + .২৫ = ৩.২৫$ ,  
 $৩.২৫ \times ১.৭২০৫$  (ভাগিকায় লিখিত ক্ষেত্রফল)  $= ৫.৫৯১৬২৫$ ,  
 এখন  $৫.৫৯১৬২৫ \times ৫ + ৩ = ২.৩১২৩৭৫$  ঘন কুট।

৩। যে স্থচীর প্রকাণ্ডের তলস্থ বৃত্তের ক্ষেত্রফল ৮ বর্গ হাত, উপরিস্থ বৃত্তের ক্ষেত্রফল ২ বর্গ হাত এবং উচ্চতা ৬ হাত, তাহার ঘনফল কত?

এখানে, তলস্থ বৃত্তের ক্ষেত্রফল = ৮ বর্গহস্ত,

উপরিস্থ বৃত্তের ক্ষেত্রফল = ২ বর্গহস্ত,

উহাদের গুণকরের বর্গ মূল  $= \sqrt{৮ \times ২} = ৪$  বর্গ হস্ত;

$$\text{অতএব, ঘনফল} = \frac{(৮ + ২ + ৪) \times ৬}{৩} = ৮৪$$

ঘন কুট = ৮৪ ঘনহস্ত।

৪। যে পুষ্করিণীর উপরিভাগটী সমচতুর্কোণ, এবং তলটীও সমচতুর্কোণ, সকল দিক্ ঢাল, উপরের ক্ষেত্রফল ৯০ বর্গ হস্ত, তলার ক্ষেত্রফল ৪০ বর্গ হস্ত এবং গভীরতা ১২ হাত, তাহার কালি কত? উঃ। ৭৬০ ঘন হস্ত।

সকোণস্থচীর উপরি ভাগ কতকটা বাদ গেলে ঘেরূপ হয়, যে সকল পুষ্করিণীর সকল দিক্ ঢাল তাহারও আকার ঐরূপ, কেবল উপরিভাগ নীচে ও তলা উপরে, এই প্রভেদ। অতএব, ঐরূপ পুষ্করিণীর কালি করিতে হইলে সকোণস্থচীর কালির মত করিলেই হয়।

৫। যে পুত্রিণীর সকল দিক্ তাল, উপরি ভাগ ও তলা সমচতুর্কোণ, উপরি ভাগের একদিকের পরিমাণ ২০ হাত এবং গভীরতা ১৫ হাত, তাহার ঘনকল কত ?

উঃ। ৫৭৮৭১.১৫ ঘন হস্ত ।

পুত্রিণীর কালির অপর একটি নিয়ম আছে তাহা এই,—

উপরিস্থ ও তলস্থ ভাগের দৈর্ঘ্যের যোগকলকে তলস্থ ভাগের বিস্তারের যোগকল দ্বারা গুণ কর, পরে উপরের ও তলার ধারাতলিক কেন্দ্রকল হির করিয়া, তাহার যোগ সমষ্টিতে পূর্বোক্ত গুণকল যোগ কর, এই যোগকল ৬ দ্বারা ভাগ করিয়া গভীরতা দ্বারা গুণ করিলে পুত্রিণীর কালি হয় ।

৬। যে পুত্রিণীর উপরি-ভাগের দৈর্ঘ্য ক খ ১২ হাত, ও প্রস্থ ক গ ১০ হাত, তলাটির দৈর্ঘ্য চ হ ৬ হাত, ও প্রস্থ চ জ ৫ হাত এবং গভীরতা ট ঠ ৭ হাত, তাহার কালি বত ?



$12 + 6 = 18$ ,  $10 + 5 = 15$ ,  $18 \times 15 = 270$ ,  $12 \times 10 = 120$ ,  $6 \times 5 = 30$ ; এখন  $270 + 120 + 30 = 420$ ,  $420 \div 6 = 70$ ,  $70 \times 7 = 490$  ঘনহাত ।

ইটের পাজার ইট নির্ণয় করিবার জন্য পূর্বোক্ত নিয়ম

দ্বারা পাঁজার কালি করিয়া, এক খানি ইটের দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও উচ্চতাকে পরস্পর গুণ করিয়া যে কল হইবে, তদ্বারা পাঁজার কালিকে ভাগ করিলে যে কল হইবে, তাহাই ইটের সংখ্যা ।

৭। যদি ইটের দৈর্ঘ্য ১৮ অঙ্গুলি, প্রস্থ ১১ অঙ্গুলি ও উচ্চতা ৩ অঙ্গুলি হয়, তাহা হইলে যে পাঁজার উচ্চতা ১০ হাত, তদার দৈর্ঘ্য ৮ হাত ও প্রস্থ ৫ হাত, আর উপরের দৈর্ঘ্য ৬ হাত ও প্রস্থ ৪ হাত, তাহাতে উক্ত প্রকার কত গুলি ইট আছে ?

উঃ। ৩৮২৬৬ খান ।

বীধ স্থাপিতে হইলে নিম্নলিখিত নিয়মও

ব্যবহৃত হইয়া থাকে ।

৮। বীধের কল ও উপরের ওসার বা বিস্তারের সমষ্টিকে দুই দ্বারা ভাগ করিলে যে ভাগকল হইবে, তাহা আর বীধের দৈর্ঘ্য ও উচ্চতার ধারাবাহিক গুণকল নির্ণয় করিলে যে কল হইবে, তাহাই বীধের কালি ।

৯। যে বীধের দৈর্ঘ্য ৩০০ হাত, তদার বিস্তার ১২ হাত, উপরের বিস্তার ৪ হাত এবং উচ্চতা ১০ হাত, তাহার কালি কত ?

উঃ। ২৪০০০ হাত ।

অনেক স্থানে পুকুরিণী, রাস্তা, নদীতীরস্থ বীধের ধারে যে নিয়মে চাল হইয়া আইসে, তাহা এক প্রকার অল্পপাত দ্বারা প্রকাশিত হয় ।

মনে কর গ জ বীধ, গ ক ও জ চ ক্রমে চাল হইয়া ক ও

চ বিন্দুতে ভূমি সংলগ্ন খ

গ

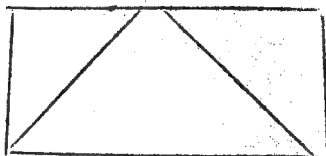
জ

ছ

হইয়াছে। বাঁধের ভূমির

ক ও চ বিন্দু হইতে ক

খ বা চ ছ বাঁধের উচ্চ-



তার সমান দুই লম্ব উঠো- ক

চ

লন কর। এইক্ষেণে গ খ ও ক খ এই দুইটি অস্থাপাত লইয়া

গ ক ঢাল প্রকাশিত হইয়া থাকে। ক চ ভূমি যদি সমতল

হয়, তাহা হইলে গ ক ও জ চ ঢাল সমান হইবে, কারণ

বাঁধের দুই পার্শ্বই এক প্রকার পদার্থ দ্বারা নির্মিত হইয়াছে।

পরীক্ষা দ্বারা দেখা গিয়াছে যে, যদি কোন বাঁধ অথবা রাস্তা খোয়া

দ্বারা প্রস্তুত হয়, তাহা হইলে  $\angle গ ক চ = ৯০^\circ$  হইবে।

যদি বালি দ্বারা প্রস্তুত হয়, তাহা হইলে  $\angle গ ক চ = ২২^\circ$  ,,

মাটি ... ,, ...  $\angle = ২৮^\circ$  ,,

করম ... ,, ...  $\angle = ৩৪^\circ$  ,,

প্রস্তর ... ,, ...  $\angle = ৪৫^\circ$  ,,

কিন্তু  $\angle গ ক চ = \angle ক গ খ$ ,  $\therefore$  ক গ খ কোণ ষ ক গ

কোণ অপেক্ষা প্রায়ই লঘু, কখন কখন সমান হয়;

সুতরাং খ গ, ক খ অপেক্ষা প্রায়ই বড়, কচিৎ সমান হয়।

যদি গ খ = ক খ, তাহা হইলে ঢালের অস্থাপাত ১ : ১ হইবে।

২ গ খ = ক খ, ,, ,, ২ : ১ ,,

৩ গ খ = ক খ, ,, ,, ১ : ১ ,,

ক চ = গ জ + খ গ + জ ছ = ২ ঢালের অস্থাপাত  $\times$  খ ক + গ জ।



৯। যে বাঁধের হুই দিকই চাল, তলার বিস্তার ১৬ হাত, উপরের বিস্তার ৩ হাত, উচ্চতা ১২ হাত এবং দৈর্ঘ্য ৫১২ হাত, তাহার ঘনকল কত ?

উঃ। ৫৮৩৬৮ ঘনহস্ত।

হুই দিকই চাল, এমন বাঁধের কালি স্থির করিতে হইলে, তলা ও উপরের বিস্তারের সমষ্টির অর্ধাংশকে উচ্চতার দ্বারা গুণ করিয়া, গুণফলকে দৈর্ঘ্যের পরিমাণ দ্বারা গুণ করিতে হয়।

১০। যে বাঁধের তলার বিস্তার ২৫ হাত, উপরের বিস্তার ৫ হাত, উচ্চতা ২০ হাত ও দৈর্ঘ্য ৭২৫৬ হাত, তাহা প্রস্তুত করিতে যদি ৫০০০ টাকা লাগিয়া থাকে ; তাহা হইলে, ২১৯২ হাত দীর্ঘ, ১৬ হাত উচ্চ, ১৫ হাত তলা ও উপরে ৩ হাত বিস্তৃত এমন বাঁধ প্রস্তুত করিতে সেই হারে কত লাগিবে ?

উঃ। ৮৮৩৮/১২৪৪৬৮।

১১। যে হুটীর প্রকাণ্ডের তলস্থ বৃত্তের পরিধি ২০ ফুট, উপরিস্থ বৃত্তের পরিধি ১০ ফুট, ও উচ্চতা ২৫ ফুট, তাহার ঘনকল কত ?

উঃ। ৪৬৪.২১৬ ঘনফুট।

১২। যে হুটীর প্রকাণ্ডের তলস্থ বৃত্তের ব্যাস ৮ ফুট, উপরিস্থ বৃত্তের ব্যাস ৪ ফুট, ও উচ্চতা ১৮ ফুট, তাহার ঘনকল কত ?

উঃ। ৫২৭.৭৮৮ ঘনফুট।

১৩। যে গোল পুষ্করিণীর সকল দিক চাল, ও তাহার উপরের পরিধি ৫০০ হাত, ও নীচের পরিধি ৩২০ হাত, এবং গভীরতা ১৮ হাত, তাহার কালি কত ঘন হস্ত ?

উঃ। ২৪৪৬৫০ ঘন হস্ত।

১৪। ১০ হাত উচ্চ ১৪ হাত প্রস্থ ও ১ মাইল দীর্ঘ একটা বাঁধ প্রস্তুত হইল ; যদি ইহার দুই দিকের ঢালের আনুপাত ১২ : ১ হয়, তাহা হইলে এই বাঁধ প্রস্তুত করিবার নিমিত্ত কত বিঘা জমি ক্রয় করিতে হইয়াছিল ?

বাঁধের ভূমিসংলগ্ন প্রস্থ =  $১৪ + ২ \times ১২ \times ১০ = ৪৪$  হাত ।

∴  $৪৪ \times ৩৫২০$  বর্গহস্ত জমি ক্রয় করিতে হইবে, ∴

$$\text{জমির পরিমাণ} = \frac{৪৪ \times ৩৫২০}{৬৪০০} \text{ বিঘা} = ২৪.২ \text{ বিঘা} = ২৪ \frac{১}{৫}$$

১৫। যে সকোণস্থীতীর প্রকাণ্ডের তলস্থ বড়ভূজের বাহুর পরিমাণ ১৮ ইঞ্চি, ও উপরিস্থ বড়ভূজের বাহুর পরিমাণ ১২ ইঞ্চি, এবং উচ্চতা ৬ ফুট, তাহার ঘনফল কত ? উঃ। ২৪.৬৮ ঘনফুট ।

১৬। ক খ গ চ ছ বর্গ সকোণস্থীতীর প্রকাণ্ডের তলস্থ সমচতুর্কোণ ভূমির বাহু ক খ-র পরিমাণ ৬ ফুট, ও উপরিস্থ সমচতুর্কোণ ভূমির বাহু ছ জ-র পরিমাণ ৪ ফুট, এবং অগ্রভাগ হইতে তলা পর্যন্ত জ ক পৃষ্ঠদেশের পরিমাণ

২০ ফুট, ইহার পৃষ্ঠফল কত ?

$$৬ \times ৪ = ২৪ \quad \left. \begin{array}{l} \text{তলস্থ ও উপরিস্থ} \\ \text{ক্ষেত্রের বেটন।} \end{array} \right\}$$

$$৪ \times ৪ = ১৬$$

$$৪০ = \text{যোগফল}$$

$$১০ = \frac{১}{২} \text{ উচ্চতা}$$

$$২) ৪০০ (৪৪ \frac{১}{৫} \text{ বর্গফল} = \text{পৃষ্ঠফল।}$$

১৭। একটা বড়ভূজাকৃতি কীষ্টিস্তম্ভের তলস্থ বড়ভূজ ক্ষেত্রের বাহুর পরিমাণ ৭২ ফুট, ও উপরিস্থ বড়ভূজ ক্ষেত্রের বাহুর পরিমাণ ২২ ফুট, এবং অগ্রভাগ হইতে তলা পর্যন্ত পৃষ্ঠদেশের পরিমাণ ৭৪ ফুট, তাহার পৃষ্ঠফল কত ? আর

যদি প্রতি বর্গফুট রস্ম করিতে ১ শিলিং ৩ পেন্স পড়ে, তাহা হইলে উক্ত কীর্তিস্তম্ভ রস্ম করিতে কত ব্যয় হইবে?

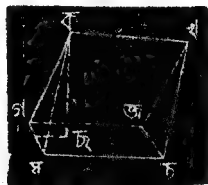
উঃ। ২২২০ বর্গফুট, এবং ১৫ পাউণ্ড ৮ শিলিং ৪ পেন্স।

**৬ষ্ঠ সম্পাদ্য।** কাজলার ঘনপরিমাণ নির্ণয় করিতে হইবে।

নিয়ম। ঢালদিকের বিস্তার ও পৃষ্ঠ দেশের দ্বিগুণ পরিমাণ একত্র যোগ করিয়া স্বতন্ত্র রাখ, তাহার পরে কাজলার উচ্চতাকে ভূমির বিস্তার দিয়া গুণ করিয়া বাহ্য হইবে, তাহাকে উপরিউক্ত যোগফল দ্বারা গুণ করিলে গুণফলের ষড়ংশ কাজলার ঘনফল হইবে।

উদাহরণ ১। যে কাজলার উন্নতি ক ছ ১৪ ইঞ্চ, পাশ ক খ ২১ ইঞ্চ, ও ভূমির দৈর্ঘ্য ঘ চ ৩২ ইঞ্চ, ও বিস্তার গ ঘ ৪২ ইঞ্চ, তাহার ঘনপরিমাণ কত ঘনফুট।

২১	১৪
৩২	৪২
৩২	
—	৫৬
৮৪	৭
	৬৩
	৮৫
	৩১৫
	৫০৪

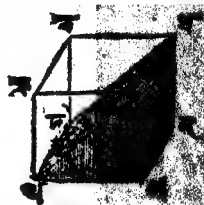


২২২০	{	১২	৫৩৫৫
		১২	৮২২.৫ ঘন ইঞ্চ উঃ।
		১২	৭৪.৩৭৫
		১২	৬.১২৭১১৬
			৫১৬৪১৩ ঘন ফুট উঃ।

২। যে কাজলার মুখের দৈর্ঘ্য ও উচ্চতা এবং ভূমির দৈর্ঘ্য ও বিস্তার প্রত্যেকে ২ ফুট, তাহার ঘনকল কত?

উঃ। ৪ ঘনফুট।

৩। ধ প ধ দ আয়তাকার কাজলার ভূমির দৈর্ঘ্য ধ প ১০ হাত, বিস্তার প ন বা ত ধ ৭ হাত, ও উন্নতি প ত বা থ ক ৮ হাত, উহার ঘনকল কত?



এই প্রস্নে, ধ প ধ দ কাজলা একটি পছল হইবে ও ধ প ন ব ক চতুর্ভুজাকার ঘন বস্তুর অর্ধেক হইবে, সুতরাং, ধ প ন ব ক ঘনবস্তুর ঘনকল =  $১০ \times ৭ \times ৮ = ৫৬০$ ;  $\therefore$  ধ প ধ দ কাজলার ঘনকল =  $\frac{৫৬০}{২} = ২৮০$  হাত।

৭ম সম্পাদ্য। কাজলার প্রকাণ্ডের ঘনকল

স্থির করিতে হইবে।

কাজলার উপরিভাগে কতকটা না থাকিলে অর্থাৎ উপরিভাগ হইতে একটি কাজলা বাদ গেলে যেহেতু আকারটা হয়, তাহার ঘনকল স্থির করিবার নিয়ম এই।—

নিয়ম। তলহ ও উপরিহ ধারাতলিক ক্ষেত্রকলের সম-স্থিতিতে তলহভরের মধ্যস্থ সমান্তরাল ছেদকের ক্ষেত্রকলের চতুর্ভুজ বোগ কর, এবং বোগকলের বড়াংশকে উচ্চতা দিয়া গণ করিলে কাজলার প্রকাণ্ডের ঘনকল স্থির হইবে।

উদাহরণ ১। যে প্রস্তরের উপরিভাগটা ১৪ ইঞ্চ দীর্ঘ ও ১২ ইঞ্চ বিস্তৃত একটি আরত ক্ষেত্র, ও তলটা ৬ ইঞ্চ দীর্ঘ ও ৪ ইঞ্চ বিস্তৃত একটি আরতক্ষেত্র, এবং বাহার উচ্চতা ৩০ ১/২ ফুট, ও মধ্যস্থ সমান্তরাল ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ১০ ইঞ্চ ও বিস্তার ৮ ইঞ্চ, তাহার ক্ষেত্রকল কত?

$$\begin{array}{r} ১৪ \\ ১২ \\ \hline ১৩৮ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ১০ \\ ৮ \\ \hline ৮০ \\ ৪ \end{array}$$

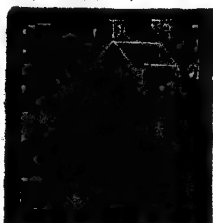
$$\begin{array}{r} ৬ \\ ৪ \\ \hline ২৪ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ৩২০ \\ ১৬৮ \\ ২৪ \\ \hline ৬) ৫১২ \end{array}$$

৮৫৬ ইঞ্চি = গড়ক্ষেত্রফল।

$$\begin{array}{r} ৩০২ \text{ উচ্চতা} \\ ২৫৬০ \\ \hline ৪২৬ \end{array}$$

$$\begin{array}{l} ১৪৪ \left\{ \begin{array}{l} ১২ \quad ২৬০২.৬ \\ ১২ \quad ২১৬.৮ \\ \hline \text{উত্তর।} \quad ১৮.০৭৪ \end{array} \right. \end{array}$$



উদাহরণ ২। ক খ গ জ চ আয়তাকার কাজলার প্রকা-  
ণের ক্রমির দৈর্ঘ্য ক খ বা চ ব ১২ হাত, এবং বিস্তার  
ক চ বা ব ব ৭ হাত, আর উপরিস্থ ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য হ জ  
বা ব গ ৮ হাত, ও বিস্তার গ জ বা ঘ ছ ৪ হাত, এবং  
উচ্চতা ব জ ৬ হাত, তাহার ঘনকল কত?

ক খ গ চ কাজলার ঘনকল =  $৬ \times ৭ \times ৬ (৮ + ২ \times ১২) = ২২৪$ ; হ জ গ চ কাজলার ঘনকল =  
 $৬ \times ৪ \times ৬ (১২ + ২ \times ৮) = ১১২$ ;  $\therefore$  ক খ গ জ চ  
কাজলার প্রকাণের ঘনকল =  $২২৪ + ১১২ = ৩৩৬$  ঘনহাত।

৩। ক খ গ জ চ সূচীর প্রকাণের তলস্থ বৃত্তের ব্যাস  
ক গ ৪ ফুট, উপরিস্থ বৃত্তের ব্যাস চ জ ২ ফুট, এবং উন্নতি  
ন ব ১৮ ফুট, ইহার ঘনকল কত?

এখানে, তলস্থ বৃত্তের কালি =  $8^2 \times .9858$ ,

উপরস্থ বৃত্তের কালি =  $2^2 \times .9858$ ,

তুই পার্শ্বের মধ্যস্থ ছেদকের কালি =  $3^2 \times .9858$ ;

$\therefore$  সূচীর প্রকাণ্ডের ঘনফল =  $\frac{1}{6} \times 18 (8^2 + 2^2 + 3^2 \times 3)$   
 $.9858 = 101.289$  ঘন ফুট।

৮ম সম্পাদ্য। বর্তুলের ঘনফল স্থির করিতে হইবে।

নিয়ম। বর্তুলের ব্যাসের ঘনপরিমাণকে .৫২৩৬ দিয়া ভাগ করিতে হয়; অথবা উহার ব্যাসার্ধের ঘনকে ৪.১৮৮৮ দিয়া ভাগ করিতে হয়। গণনার সুগত্যা আবশ্যক না হইলে  $\frac{1}{2}$  দিয়া ভাগ করিলেই হয়।

নিয়মাক্তর। বর্তুলের ব্যাসের ঘন পরিমাণের ষষ্ঠাংশকে ৩.১৪১৬ দিয়া ভাগ করিলে, গুণফল ঐ পদার্থের ঘনফল হইবে। এই নিয়ম হইতে প্রতীত হইতেছে যে, ব্যাসার্ধের ঘনকে ৩.১৪১৬ দিয়া ভাগ করিয়া গুণফলের  $\frac{1}{6}$  লইলে ঘনফল নির্দ্ধারিত হইবে।

উদাহরণ ১। যে বর্তুলের ব্যাস ১২ ফুট, তাহার ঘনফল কত?

$$12^3 \times .5236 = 208.9104$$

ঘনফুট।



২। যদি কুমগুলের পরিধি ২৫০০০

মাইল হয়, তাহা হইলে উহার ঘনপরিমাণ কত হইবে?

উঃ।  $25000 \times 3.1416 = 785400$  ঘন মাইল।

৩। যে বর্তুলের ব্যাস ৪ হাত, তাহার ঘনফল কত?

উঃ।  $4^3 \times .5236 = 131.216$  ঘনহাত।

৪। ১০ ইঞ্চি ব্যাসবিশিষ্ট ৫০০ কামানের গোলা প্রস্তুত করিতে হইবে, এইক্ষেত্রে ২৪ ফুট ২ ইঞ্চি দীর্ঘ, ৩ ফুট ৪ ইঞ্চি বিস্তৃত ও ২ ফুট ৬ ইঞ্চি উচ্চ একটা লোহার চাপ গলাইলে, উক্তলংঘ্যাক গোলা প্রস্তুত করিতে লোহার অকুলান পড়িবে কি কিছু অবশিষ্ট থাকিবে। যদি অবশিষ্ট থাকে, তাহা হইলে ইহার দ্বারা দৈর্ঘ্য বিস্তার ও বেধ তিনেই ২ ইঞ্চি এমন করটা লোহা শু প্রস্তুত হইতে পারিবে ?

উঃ। ৫০০ টা গোলা প্রস্তুত হইয়া প্রস্তাবিতরূপ ১০৭৭৫ টা লোহাও হইবে ও যৎকিঞ্চিৎ অবশিষ্ট থাকিবে।

৫। যে বর্তুলের ব্যাস ৫০ ইঞ্চি, তাহার ঘনফল কত ?

উঃ। ৬৫৪৫০ ঘন ইঞ্চি।

৬। যে কাঁপা গোলকের বহিঃস্থ ব্যাস ৯ ফুট ও বাহ্যর দল ২ ইঞ্চি, তাহার ঘন পরিমাণ কত ?

এখানে অন্তর্ব্যাস =  $৯ - ৪ = ৫$  ফুট। বহিঃস্থ বর্তুলের ঘনফল =  $৯^3 \times .৫২৩৬$ , অন্তরস্থ বর্তুলের ঘনফল =  $(৫)^3 \times .৫২৩৬$ , অতএব কাঁপা গোলকের ঘনফল =  $\{৯^3 - (৫)^3\} \times .৫২৩৬ = ৪০.৮৬$  ঘনফুট।

৭। ৩, ৪ ও ৫ অঙ্গুলি ব্যাসবিশিষ্ট তিনটি লৌহ বর্তুল গলাইয়া একটা বর্তুল প্রস্তুত হইল, ইহার ব্যাস কত ? উঃ। ৬ অঙ্গুলি।

৮। ৩ ইঞ্চি ব্যাসবিশিষ্ট একটা নীলের গোলা গলাইয়া ৬ ইঞ্চি ব্যাসবিশিষ্ট করটা ছিটাকলি প্রস্তুত হইতে পারে ? উঃ। ১৭২৮।

৯। একটা বর্তুল বেটন করিয়া স্তম্ভ নির্মাণ করিলে বর্তুলটির ঘনফল যে স্তম্ভের তৃতীয়াংশ হয় তাহা প্রমাণ কর ?

## ১ম সম্পাদ্য। বর্তুলখণ্ডের ঘনফল স্থির করিতে হইবে।

নিয়ম। ভূমির ব্যাসার্ধের বর্গকে তিন গুণ করিয়া তাহাতে উচ্চতার বর্গ যোগ কর, পরে যোগফলকে উচ্চতার পরিমাণ দিয়া গুণ করিয়া, গুণফলকে .৫২৩৬ দিয়া গুণ করিলে ঘনফল স্থির হয়।

নিয়মাস্তর। বর্তুলের ব্যাসের তিন গুণ হইতে বর্তুলখণ্ডের উন্নতির দ্বিগুণ অন্তর কর, পরে অবশিষ্টকে উন্নতির বর্গ দ্বারা গুণ করিয়া গুণফলকে .৫২৩৬ দিয়া গুণ করিলে ঘনফল স্থির হয়।

উদাহরণ ১। যে বর্তুলখণ্ডের ভূমির ব্যাসার্ধ ৮ ফুট, এবং উচ্চতা ৪ ইঞ্চি, তাহার ঘনফল কত ?

৮	৪	.৫২৩৬
৮	৪	৮৩২
৬৪	১৬	১০৪৭২
৩	১৯২	১৫৭০৮
		৪১৮৮৮
১৯২	২০৮	
	৪	
৮৩২		



৪৩৫.৬৩৫২ = উত্তর।

২। যে বর্তুলখণ্ডের ভূমির ব্যাস ২০ ফুট, ও উচ্চতা ৯ ফুট, তাহার ঘনফল কত স্থির কর ? উঃ। ১৭৯৫.৪২৪৪ ঘনফুট।

৩। বর্তুলের ব্যাস ১২ ফুট হইলে উহার যে খণ্ডের উন্নতি ৩ ফুট, তাহার ঘনফল কত ? উঃ। ১৪১.৩৭২ ঘনফুট।



৪। যে বর্তূলখণ্ডের ভূমির ব্যাস ৮.৬১৬৮৪ ও উচ্চতা ২½ ফুট, তাহার ঘনফল কত ? উঃ। ৭১.৫৬২৫ ঘনফুট।

৫। যদি বর্তূলের ব্যাস ৪০ হাত হয়, তাহা হইলে উহার খে খণ্ডের উন্নতি ৫ হাত, তাহার ঘনফল কত ?

উঃ। ১৪৩২.৯ হাত।

১০ম সম্পাদ্য। বর্তূলমণ্ডলের ঘনফল স্থির  
করিতে হইবে।

নিয়ম। তলস্থ ও উপরিস্থ বৃত্তাকার ক্ষেত্রের ব্যাসার্ধের বর্গ ও উচ্চতার তৃতীয়াংশ একত্রে সমষ্টি করিয়া উচ্চতাপরিমাণ দ্বারা গুণ কর, পরে ঐ গুণফলকে পুনশ্চ ১.৫৭০৮ দ্বারা গুণ করিলে বর্তূলমণ্ডলের ঘনফল স্থির হয়।

উদাহরণ ১। যে বর্তূলমণ্ডলের তলস্থ বৃত্তের ব্যাস ১২ ইঞ্চি, ও উপরিস্থ বৃত্তের ব্যাস ৮ ইঞ্চি, এবং উচ্চতা ১০ ইঞ্চি, তাহার ঘনফল কত ?

$$\begin{aligned} ৬^২ &= ৩৬ \\ ৪^২ &= ১৬ \\ ৩ \times ১০^২ &= ৩০০ \\ \hline &৮৫২ \end{aligned}$$

বর্তূলমণ্ডলের ঘনফল = ৮৫২ × ১০ × ১.৫৭০৮ = ১৩৪০.৪১৬ ঘনইঞ্চি।

২। যে বর্তূলমণ্ডলের তলস্থ বৃত্তের ব্যাস ১২ ফুট, ও উপরিস্থ বৃত্তের ব্যাস ১০ ফুট, এবং উচ্চতা ২ ফুট, তাহার ঘনফল কত ? উঃ। ১২৫.৮২৬৪ ঘনফুট।

৩। যে পিপের আকার বর্তুলের মধ্যমগুলের মত, যদি তাহার উর্দ্ধ ও অধঃস্থ ব্যাসদ্বয়ের প্রত্যেকের পরিমাণ ৫ ফুট ৮ ইঞ্চি, এবং গভীরতা ৫ ফুট হয়, তাহা হইলে ঐ পিপেতে কত গেলন জল ধরিতে পারে? উঃ। ১১৯৩৫ গেলন।

১১শ সম্পাদ্য। বর্তুল ও বর্তুলখণ্ডের দ্ব্যজপৃষ্ঠ-  
ফল • স্থির করিতে হইবে।

নিয়ম। বর্তুলের পৃষ্ঠফল স্থির করিতে হইলে, ব্যাসের বর্গকে ৩.১৪১৬ দিয়া গুণ করিতে হয়। সর্বাধিক পরিধিকে ব্যাসের দ্বারা গুণ করিলেও হয়।

নিয়ম। বর্তুলখণ্ডের বা বর্তুলমণ্ডলের পৃষ্ঠফল স্থির করিতে হইলে, সর্বাধিক পরিধিকে বর্তুলখণ্ড বা বর্তুলমণ্ডলের উচ্চতা দ্বারা গুণ করিতে হয়।

উদাহরণ ১। যে বর্তুলের ব্যাস ২ ফুট, তাহার পৃষ্ঠফল কত? পৃষ্ঠফল =  $২^২ \times ৩.১৪১৬ = ১২.৫৬৬৪$  বর্গফুট।

২। যে গোলকের ব্যাস ২ ফুট ১০ ইঞ্চি, তাহার পৃষ্ঠফল কত? উঃ। ২৫.২২ বর্গফুট।

৩। যে গোল প্রান্তরশিঙের পরিধি ৪ ফুট, তাহার পৃষ্ঠফল কত? এখানে, পৃষ্ঠফল =  $৪^২ \div ৩.১৪১৬ = ৪.০৯২৮$  বর্গফুট।

৪। যদি ভূমণ্ডলের মেরুদণ্ড বা ব্যাস ১২৫৭ $\frac{১}{২}$  মাইল ও পরিধি ২৫০০০ মাইল হয়, তাহা হইলে উহার পৃষ্ঠফল কত হইবে? উঃ। ১২৮১৪৩৭৫০ বর্গ মাইল।

• শরা অধোমুখ হইয়া থাকিলে দ্ব্যজ পৃষ্ঠ হয়; উর্দ্ধভাগে দৃষ্টি করিলে আকাশকে কুজ দেখায়।



এইক্ষেপে চ প = গ প — গ চ =  $\frac{২৫}{২} - ১ = ১২.৫$ ,  
অথবা ২ চ প = ৭৭

অতএব ঘনফল = (উ ক খ<sup>৩</sup> — ২ চ প × ক গ খ  
খণ্ডের ক্ষেত্রফল) উ = ( $\frac{১৬}{৩} ২৪^৩ - ৭ \times ১২.৫ \times ১৩৭৫$ )  
 $\times ৩.১৪১৬ = ৩৭৩৯২$  ঘনফুট।

২। যে চক্রাকার টঙ্কুর দৈর্ঘ্য ৬ ফুট, এবং মধ্যস্থ ব্যাস  
২২ ফুট, তাহার ঘনফল কত? উঃ। প্রায় ১৬২ ঘনফুট।

১৩শ সম্পাদ্য। কুলালচক্রাকার বস্তুর ঘন-  
ফল স্থির করিতে হইবে।

নিয়ম। কুলালচক্রের বেধ ও অন্তর্বৃত্তের ব্যাসের সম-  
ষ্টিকে বেধের বর্গের দ্বারা গুণ করিয়া, গুণফলকে পুনশ্চ  
২.৪৬৭৪, অথবা ৩.১৪১৬ এর বর্গের চতুর্থাংশ দিয়া গুণ কর।

উদাহরণ ১। যে চাকের বেধ ২ ইঞ্চি ও অন্তর্বৃত্তের  
ব্যাস ১২ ইঞ্চি, তাহার ঘনফল কত?

এখানে ঘনফল =  $(১২ + ২) \times ২^২ \times ২.৪৬৭৪$  বা  
 $১৩৮.১৭৭৪$  বর্গ ইঞ্চি।

২। যে অঙ্গুরীর বেধ ৪ ফুট, ও অন্তর্বৃত্তের ব্যাস ১৬  
ফুট, তাহার ঘনফল কত? উঃ। ৭৮২.৫৬৮ বর্গ ফুট।

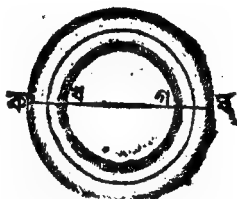
১৪শ সম্পাদ্য। কুলালচক্রাকার বস্তুর পৃষ্ঠ-  
ফল স্থির করিতে হইবে।

নিয়ম। অন্তর্বৃত্তের ও বহির্বৃত্তের ব্যাসার্ধ দুইটির সমষ্টিকে  
তাহাদের অন্তর অথবা অঙ্গুরীর বেধ দিয়া গুণ করিয়া,  
গুণফলকে ৯.৮৬৯৬ অর্থাৎ ৩.১৪১৬ এর বর্গ দিয়া গুণ কর।

উদাহরণ ১। যে কুলালচক্রের অন্তরস্থ ও বহিঃস্থ ব্যাসার্ধ  
বধাক্রমে ৬ ও ৮ ইঞ্চ, তাহার পৃষ্ঠকল কত ?

এখানে পৃষ্ঠকল =  $(৮+৬) (৮-৬) \times ৩.১৪১৬$   
= ২৭৬.৩৯৮৮ বর্গ ইঞ্চ।

২। যে অঙ্গুরীর বেধ ৪  
ইঞ্চ ও অন্তর্বৃত্তের ব্যাস ১৬ ইঞ্চ,  
তাহার ঘনকল কত ?



উঃ। ৭৮৯.৫৬৮ বর্গ ইঞ্চ।

১৫শ সম্পাদ্য। বর্তুলাভাসের ঘনকল স্থির  
করিতে হইবে।

অর্ধবৃত্তাভাসকে ব্যাসের উপর রাখিয়া সকল দিকে ঘুরিয়া  
আনিলে যে আকারটী হয়, তাহার নাম বর্তুলাভাস\*।  
উভয়ের আকার বর্তুলাভাস।

নিয়ম। অর্ধবৃত্তাভাস যে ব্যাসের উপর দণ্ডায়মান  
ধাকিয়া সকল দিকে ঘুরিয়া আইলে তাহাকে বর্গ করিয়া  
অপর ব্যাস দ্বারা গুণ কর, পরে গুণফলকে .৫২৩৬ দিয়া গুণ  
করিলে ঘনকল স্থির হয়।

উদাহরণ ১। যে অর্ধবৃত্তাভাস আপন লম্বিষ্ঠ ব্যাসের  
উপর দণ্ডায়মান হইয়া সকলদিকে ঘুরিয়া আসিলে একটী

\* বর্তুলাভাস দুই প্রকার;—বৃত্তাভাস আপন গরিষ্ঠ ব্যাসের  
উপর দণ্ডায়মান ধাকিয়া ঘুরিয়া আসিলে যে আকারটী হয়,  
তাহাকে অব্লেট বর্তুলাভাস কহে; বৃত্তাভাস আপন লম্বিষ্ঠ  
ব্যাসের উপর দণ্ডায়মান ধাকিয়া ঘুরিয়া আসিলে যে আকারটী  
হয়, তাহাকে প্রোলেট বর্তুলাভাস কহে।

বর্জুলাভাস জন্মে, যদি তাহার গরিষ্ঠ ব্যাস ৫০ হাত ও লঘিষ্ঠ ব্যাস ৩০ হাত হয়, তাহা হইলে তাহার ঘনফল কত ?

৩০	৫২৩৬
৩০	৪৫০০০
<hr/>	<hr/>
২০০	২৬১৮০০০০
৫০	২০২৪৪
<hr/>	<hr/>



৪৫০০০ ২৩৫৬২.০০০০ উত্তর ।

২। যে অর্ধ বৃত্তাভাস গরিষ্ঠ ব্যাসের উপর দণ্ডায়মান থাকিয়া সকল দিকে ঘুরিয়া আসিলে একটি বর্জুলাভাস জন্মে, যদি তাহার গরিষ্ঠ ব্যাস ৫০ ইঞ্চ ও লঘিষ্ঠ ব্যাস ৩০ ইঞ্চ হয়, তাহা হইলে তাহার ঘনফল কত ?

উঃ। ২২.৭২৫৭ ঘন ফুট।

১৬শ সম্পাদ্য। ক্ষেপণীস্তম্ভের ঘনফল স্থির করিতে হইবে।

ক্ষেপণী ক্ষেত্র আপন মেরুদণ্ডের উপর দণ্ডায়মান থাকিয়া সকল দিকে ঘুরিয়া আসিলে যে আকারটি উৎপন্ন হয়, তাহাকে ক্ষেপণী স্তম্ভ কহে।

নিয়ম। জলহ বৃত্তের ব্যাসের বর্গকে সর্বাধিক বিস্তার বা মেরুদণ্ডদ্বারা গুণ করিয়া গুণফলকে .৩৯২৭ দিয়া গুণ কর।

উদাহরণ। যে ক্ষেপণীস্তম্ভের নিম্নস্থ বৃত্তের ব্যাস ২৪ হাত, ও সর্বাধিক বিস্তার ৪২ হাত, তাহার ঘনফল কত ?

উঃ। ২৫০০. ১৯৮৪।

১৭শ সম্পাদ্য। কোন গুহুজের উচ্চতা এবং ভূমির পরিমাণ পরিজ্ঞাত থাকিলে, তাহার পৃষ্ঠফল ও ঘনফল নিরূপণ করিতে হইবে।

নিয়ম। ভূমির পরিমাণফলকে দ্বিগুণ করিলে পৃষ্ঠফল নিরূপিত হয়, এবং তাহাকে উচ্চতার দুই তৃতীয়াংশ দ্বারা গুণ করিলে ঘনফল নিরূপিত হয়।

উদাহরণ। যে গুহুজের ভূমির ব্যাস ৬০ ফুট, তাহার পৃষ্ঠফল ও ঘনফল কত? উঃ। পৃষ্ঠফল ৬২৮.৩২ বর্গগজ। ঘনফল ২০২৪.৪ ঘনগজ।

বৃত্তাকার, গাথিক অথবা বৃত্তাভাসাকার খিলান ছাদের কুন্ড পৃষ্ঠের পৃষ্ঠফল নিরূপণ করিতে হইবে।

নিয়ম। দৈর্ঘ্যপরিমাণকে প্রস্থপরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে খিলানের পৃষ্ঠফল নির্ণয় হয়।

উদাহরণ। যে বৃত্তাকার সেতুর দৈর্ঘ্য ১৪০, উচ্চতা ৩৫ ও বিস্তার ১২ ফুট, তাহার কুন্ড পৃষ্ঠের পৃষ্ঠফল কত হইবে?

উঃ। ১৯২৪.৪ বর্গ ফুট।

১৮শ সম্পাদ্য। জাহাজের বোঝাই নিরূপণ করিতে হইবে।

নিয়ম। জাহাজের মেরুদণ্ড অর্থাৎ দৈর্ঘ্যপরিমাণ বহু ফুট হইবে, তাহাকে আড়কাঠ অর্থাৎ প্রস্থপরিমাণ দ্বারা গুণ করিয়া, গুণফলকে পুনশ্চ আড়কাঠের প্রস্থপরিমাণ দ্বারা

রণ করিয়া ২৪ দ্বারা ভাগ করিলে যে ফল হইবে, তত টন বোঝাই জানিবে ।

উদাহরণ ১ । কোন অর্ধবপোতের মেরুদণ্ড ৭২ ফুট ও আড়কাঠ ২৪ ফুট, ঐ পোতের বোঝাই কত ? উঃ ।  $২২০\frac{১}{২}$  টন ।

২ । যদি কোন জাহাজের মেরুদণ্ড ৬০ ফুট ও আড়কাঠ ২০ ফুট হয়, তবে উহাতে কত টন বোঝাই ধরিতে পারে ?

উঃ ।  $১২৭\frac{১}{২}$  টন ।

## নৌকা মাপ কালি ।

“দীর্ঘে নৌকা যত হাত, প্রস্থ দিয়া পূর তত ।

চাড়া দ্বিগুণ করিয়া একুন, হাত প্রতি মন পরিমাণ ।”

১৯শ সম্পাদ্য । রজ্জুর ওজন নিরূপণ করিবার নিয়ম ।

নিয়ম । রজ্জুর বেড়ের বর্গ দৈর্ঘ্যপরিমাণ দ্বারা গুণ করিয়া, গুণফলকে ৪৮০ দিয়া ভাগ করিলে যত হয়, তত হন্দের রজ্জুর ওজন জানিবে । রজ্জুপরিমাণ তাহার বেড়ের দ্বারা নির্দেশিত হয়, যথা দুই ইঞ্চের রজ্জু বলিলে রজ্জুর বেড় দুই ইঞ্চ জানিবে ।

উদাহরণ ১ । এক শত ফেথম লম্বা, তিন ইঞ্চ বেড়, এমত রজ্জুর ওজন কত ? উঃ ।  $৩২ = ৯ \times ১০০ = ৯০০ + ৪৮০ = ১$  হান্দর, ৩ কোয়ার্টার ১৪ পৌণ্ড ।

২ । ১২০ ফেথম লম্বা, ৬ ইঞ্চ বেড়ের রজ্জুর ওজন কত ? উঃ । ১ হান্দর ।

২০ শ সম্পাদ্য । ধান্য রাশির মাপ ।

নিয়ম । ধান্য রাশির পরিধির পরিমাণকে ৯ দ্বারা ভাগ



করিলে যে ভাগফল প্রাপ্ত হওয়া যায়, তাহা দ্বান্ত রাশির মধ্যের উচ্চতা ; পুনর্যার পরিধিকে ৬ দ্বারা ভাগ করিয়া, ভাগফলের বর্গ উচ্চতাপরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে যে ফল প্রাপ্ত হওয়া যায়, তাহা দ্বান্তের \* খারী ।

উদাহরণ । এক দ্বান্ত রাশির পরিধি ৫৪ হাত, ইহাতে কত খারী দ্বান্ত আছে ?

উঃ ।  $৫৪ \div ৬ = ৯$  হাত উচ্চ । পুনর্যার  $৫৪ \div ৬ = ৯$  ;  
 দ্বান্ত রাশি  $= ৯ \times ৯ = ৮১ \times ৬ = ৪৮৬$  হাত ।

২১শ সম্পাদ্য । অসরল ঘন বস্তুর ঘনফল

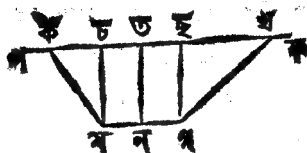
নির্ণয় করিবার নিয়ম ।

অসরল ঘন বস্তুকে সমান্তরাল খণ্ড দ্বারা কতিপয় অংশে বিভাগ করিয়া নিম্ন লিখিত প্রণালীতে প্রক্রিয়া করিলে ঘনফল স্থির হয় ।

শেবের খণ্ডদ্বয়ের সমষ্টিতে, মাকের খণ্ডগুলির সমষ্টির দ্বিগুণ যোগ কর, এবং ঐ যোগফলে শেব ও মাকের খণ্ড সমূহের মধ্যখণ্ডগুলির সমষ্টির চতুর্গুণ যোগ কর, পুনশ্চ এই যোগফলকে, কোন খণ্ড ও তাহার অব্যবহিত পরের মধ্যখণ্ডের সাধারণ দূরত্বের তৃতীয়াংশ দ্বারা গুণ করিলে ঘনফল স্থির হয় ।

উদাহরণ ১ । যে খাতের ৩০ হাত অস্তর, তিনটি ভিন্ন ভিন্ন স্থানের পরিমাণ বথাক্রমে ৪, ৩ ও ৫ হাত, এবং ঐ তিন স্থানের গভীরতা বথাক্রমে ৩, ২ ও ৪ হাত, আর ঐ তিন খণ্ডের তলস্থ বিস্তার ২ হাত, তাহার ঘনফল কত ?

\* খারীর দীর্ঘ প্রস্থ ও গভীর সকল দিকেই এক হাত থাকে ।



এই প্রাণে, প্রত্যেক খণ্ডগুলি ট্রাপিজয়েড হওয়াতে ;

$$১ম খণ্ডের ক্ষেত্রফল = \frac{১}{২} (৪ + ২) \times ৩ = ৯,$$

$$২য় খণ্ডের ক্ষেত্রফল = \frac{১}{২} (৩ + ২) \times ২ = ৫,$$

$$৩য় খণ্ডের ক্ষেত্রফল = \frac{১}{২} (৫ + ২) \times ৪ = ১৪,$$

$$১ম মধ্যখণ্ডের ক্ষেত্রফল = \frac{১}{২} \left( \frac{৪+৩}{২} + ২ \right) \times \frac{৩+২}{২} = ৬\frac{১}{৪},$$

$$২য় মধ্যখণ্ডের ক্ষেত্রফল = \frac{১}{২} \left( \frac{৩+৫}{২} + ২ \right) \times \frac{২+৪}{২} = ৯;$$

আর সাধারণ দূরত্ব =  $৩০ + ২ = ১৫$  হাত ;

$$\therefore \text{সমুদায় খাতের ঘনফল} = \frac{১৫}{৬} \{ ৯ + ১৪ + ৪(৬\frac{১}{৪} + ৯) \} = ৪৮২.৫ \text{ ঘন হাত।}$$

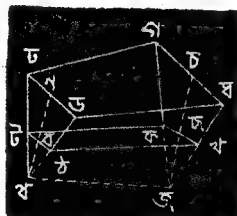
উদাহরণ ২। ক খ গ চ ঘ  
একটি ঘাসের গাদা, ইহার  
তলস্থ বৃত্ত ক খ-র পরিধি ৪০  
হাত, গ ঘ ছাইচের নিকটের  
পরিধি ৬০ হাত, তলা হইতে  
ছাইচ পর্যন্ত ও ছাইচ হইতে  
চূড়া পর্যন্ত উভয়ের পরি-  
মাণ প্রত্যেকে ১৫ হাত,



এইভাবে ঐ গাদার ঘনফল কত ?

এই প্রাঙ্গণে, ৩য় ভাগের ৭ম সম্পাদ্যের নিয়মামুসারে ক খ খণ্ডের পরিমাণকল প্রায় ১২৮ হাত, ঘ গ খণ্ডের পরিমাণকল প্রায় ২৮৮ হাত, এবং চ চিহ্নিত খণ্ডের ক্ষেত্রকল শূন্য। ক খ ও গ ঘ খণ্ডদ্বয়ের মধ্যবর্তী খণ্ডের পরিধি =  $\frac{১}{২} (৪০ + ৬০) = ৫০$ , এবং ঘ গ ও চ-র মধ্যবর্তী খণ্ডের পরিধি =  $\frac{১}{২} (৬০ + ০) = ৩০$ ; এই হেতু ক খ গ ঘ-র ঘনকল = প্রায়, ২০০ হাত, ও ঘ গ চ-র ঘনকল = প্রায় ৭২ হাত।  $\therefore$  ঘাসের গাদার ঘনকল =  $\frac{৭২}{৩} \{ ১২৮ + ০ + ৪ (২০০ + ৭২) + ২ \times ২৮৮ \} = ৪৪৮০$  ঘন হাত।

৩। মনে কর, ক খ গ ড ট ঠ লৌহবস্তুর এক খণ্ড, ইহার ভূমি গ ঘ ড চ, ক খ ঠ ট লৌহবস্তুর ধরাভালের সমান্তরাল। লৌহবস্তুর বিস্তার ক খ বা ট ঠ ৩০ ফুট, দৈর্ঘ্য খ ঠ ১ চেইন বা ৬৬ ফুট, মস্তকের উন্নাত চ ছ ও প ব যথাক্রমে ৮ ও ৬ ফুট, আর ঢাল ১২ ফুট : ১ ফুট। এইক্ষেণে এই লৌহবস্তুর খণ্ডের ঘনকল কত ?



এই প্রাঙ্গণে, গ ঘ =  $৩০ + ১২ \times ৮ \times ২ = ৫৪$ , অতঃপর ক খ ঘ গ-র ক্ষেত্রকল =  $\frac{১}{২} (৩০ + ৫৪) ৮ = ৩৩৬$ । এরূপে ট ঠ ড চ-র ক্ষেত্রকল = ২৩৪। এইক্ষেণে মধ্যখণ্ডের ক্ষেত্রকল স্থির করিতে হইলে, গড় উচ্চতা =  $\frac{১}{২} (৮ + ৬) = ৭$ , ও মস্তকের গড় বিস্তার =  $৩০ + ১২ \times ৭ \times ২ = ৫১$ ,  $\therefore$  মধ্যখণ্ডের ক্ষেত্রকল =  $\frac{১}{২} (৩০ + ৫১) ৭ = ২৮৩.৫$ । অতএব ৪র্থ ভাগের ৭ম সম্পাদ্য দ্বারা সমুদায় লৌহবস্তুর খণ্ডের

ক্ষেত্রফল =  $\frac{1}{2} \{ ৩৩৫ + ২৩৪ + ৪ \times ২৮৩.৫ \} = ১৮৭৪৪$   
ঘনফুট ।

৪। যে লৌহবস্তুর খণ্ডের উচ্চতা ২ চেইন অন্তর হইলে, ১, ১০, ৩০, ৪০ ও ১০০ ফুট, বস্তুর বিস্তার ৩০ ফুট, এবং ঢাল ৪ ফুট : ১ ফুট হয়, তাহার ঘনফল কত? উঃ। ১৪৯৬০০০ ঘনফুট ।

### ২৩শ সম্পাদ্য ।

যাহার পরমাণু সমস্তের সম্মিলিত নিবিড় সেই দ্রব্য অধিক ঘন। কোন নির্দিষ্ট পরিমিত স্থানের মধ্যে কোন কোন দ্রব্যের অধিক পরমাণু থাকিতে পারে, কাহারো বা অপেক্ষাকৃত কম থাকে। একটা বোতলের মধ্যে যত পারা থাকে, সেই বোতলের মধ্যে তত জল থাকিতে পারে না; আর জল যত থাকিতে পারে, তৈল তাহা অপেক্ষাও অল্প থাকে। অতএব, ইহা অনায়াসেই সিদ্ধান্ত করা যাইতে পারে যে, ঐ তিন দ্রব্যের মধ্যে পারা সর্বাপেক্ষা অধিক সাল্প, তাহার নীচে জল, তাহার নীচে তৈল। এক ঘন ইঞ্চি প্রমাণ স্বর্ণ যত ভারী, সেই প্রমাণ তাম্র তত ভারী নয়, এবং লৌহ তাম্র অপেক্ষাও অল্প ভারী। অতএব স্বর্ণের পরমাণু সমস্ত যত নিবিড় তাহা তেমন নয়, এবং লৌহ তাহা অপেক্ষাও অল্প। সুতরাং, ঐ তিন ধাতুর মধ্যে, স্বর্ণ সর্বাপেক্ষা অধিক সাল্প, তাম্র সাল্পতায় দ্বিতীয়, এবং লৌহ তৃতীয়। কোন বস্তু অপেক্ষা কোন বস্তু ভারী, তাহা অবগত হইবার নিমিত্ত এক সূক্ষ্মর নিরম নির্ধারিত হইরাছে। ৪০ তাপাংশ প্রমাণ নির্মল জলের প্রত্যেক ঘনফুট ওজন করিলে ডাক্তরি মাপের ১০০০ আউন্স হয়, সুতরাং অন্ত বস্তুর প্রত্যেক ঘনফুট ১০০০

আউল অপেক্ষা যত ৩৭ ভারী হয়, তাহা তত হাজার অঙ্ক দ্বারা নির্দেশ করা যায়। নিম্নে ৪০ তাপাংশ প্রমাণ নির্মল জলের এক ঘনফুট ১০০০ অঙ্কদ্বারা নির্দেশ করিয়া, অন্যান্য দ্রব্যকে তাহাদের গুরুত্ব ও লঘুত্বের নুনাধিক্য অনুসারে তদনুরূপ অঙ্কদ্বারা নির্দেশ করা গিয়াছে।

প্লাটিনম	২১৪৭০	খড়ী	২২৫২। ২৬৫৭
স্বর্ণ	১৯২৬০	বেলে মৃত্তিকা	১৯৮৪
পারদ	১৩৬০০	গজদন্ত	১৮২৬
সীসক	১১৩৫২	বাকুদ	১৭৪৫
রৌপ্য	১০৪৭০	বালি	১৫২০
তাম্র	৯০০০	পাথুরেকয়লা	১০২০। ১৩০০
ঢালাপিতল	৮৪০০	তার	১১৫০
ইস্পাত	৭৮৫০	বুককাঠ	১০৩০
লৌহ	৭৭০০	সমুদ্রের জল	১০৩০
ঢালালৌহ	৭০৬৫	নির্মলজল	১০০০
চিন	৭৩২০	মেহগ্নি কাঠ	১০৬৩
আনাইট প্রস্তর	৫৯৫০	ওক ঐ	৯৩৪
কাচ	৩০০০	বিচ ঐ	৬৯০
শ্বেত প্রস্তর	২৭০০	ফার ঐ	৪৫৩
মৃত্তিকা	২১৬০	ছিপি	২৪০
ইষ্টক	২০০০	বায়ু	১.২

১। এক খণ্ড শ্বেত প্রস্তর ১২ ফিট দীর্ঘে, ৩ ফিট প্রস্থে, এবং এক ফুট উচ্চে, উহা ওজন কত ?

$$\text{এখানে প্রস্তরের ঘনকল} = ১২ \times ৩ \times ১২ = ৪৪$$

ঘনফুট। প্রস্তরের প্রতি ঘনফুট ওজনে ২৭০০ আউন্স  
হইলে, সমুদায় প্রস্তরের ওজন = ৫৪ ঘনফুট = ৫৪ ×  
২৭০০ আউন্স = ১১১২.৫ পাউণ্ড।

২। এক খানি কার কাঠের কড়ির দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও বেধ  
বথাক্রমে ২০ ফুট, ৩ ইঞ্চি, ও ১ ইঞ্চি, তাহা ওজনে কত ?

উঃ। ১২১.৬ পাউণ্ড।

৩। যে সীসকের নল  $\frac{3}{4}$  ইঞ্চি পুরু, ও বাহার ভিতরের  
ছিদ্রের ব্যাস ২ ইঞ্চি, তাহার এক ফুট ওজনে কত হইবে ?

উঃ। ৮.৭ পাউণ্ড।

৪। যে ঢালা লৌহ ১ ইঞ্চি পুরু, ও বাহার ভিতরের ছিদ্রের  
ব্যাস ৬ ইঞ্চি, তাহার এক ফুটের ওজন কত ? উঃ। ৬৭.৪৫ পাউণ্ড।

৫। এক খণ্ড বিচ কাঠ ওজনে ৩০০ পাউণ্ড হইলে  
তাহার ঘনফল কত হইবে ?

এক ঘনফুট বিচ কাঠের ওজন = ৬১০ আউন্স।

∴ উক্ত কাঠখণ্ডে ঘনফুটের সংখ্যা =  $৩০০ \times ১৬$   
৬১০ = প্রায় ৭ ঘনফুট।

৬। যে লৌহ খণ্ডের ওজন ১ টন, তাহাতে কত ঘন-  
ফুট লৌহ আছে।

উঃ। ৪.৬৫৫।

৭। যে পয়নালার দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও বেধ বথাক্রমে ১০,  
৩ ও ২ ফুট, তাহা খনন করিতে কত গাড়ী মৃত্তিকা উঠি-  
য়াছে ? মনে কর প্রত্যেক গাড়ীতে ১৬ টন মৃত্তিকা ধরিতে  
পারে।

উঃ। ২৬.০৩।

৮। যে ঘোড়া ১৬ টন বোকাই লইয়া বাইতে পারে,  
সে কত ঘনফুট ওক কাঠ লইয়া বাইতে পারে ? উঃ। ৫৭.৫৫।

## নানা বিষয়িণী. উদাহরণমালা।

প্রতি ফুটের মূল্য ২৩ পেন্স হইলে, যে তক্তার দৈর্ঘ্য ১২ ফুট ৯ ইঞ্চ, এবং প্রস্থ ১ ফুট ৩ ইঞ্চ, তাহার মূল্য কত ?

উঃ। ৩ সিলিং ৩৬ পেন্স।

তক্তা অসরল হইলে দৈর্ঘ্যপরিমাণকে, গড় বিস্তারপরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে কালি স্থির হয়।

২। যে কড়ি কাঠের দৈর্ঘ্য ১৮ ফুট ৬ ইঞ্চ, মোটা ও সরু সিকের বিস্তার যথাক্রমে ১ ফু: ৬ ই: ও ১ ফু: ৩ ই: তাহার ঘনফল কত ?

উঃ। ২৮.৬১৭১৮৭৫ ফুট।

৩। যে কড়িকাঠের দৈর্ঘ্য ২৪ ৩/৪ ফুট, এবং গড় বিস্তার ও বেধ প্রত্যেকে ১.০৪ ফুট, তাহার ঘনফল কত ? উঃ। ২৬ ৩/৪ ফুট।

কড়িকাঠের প্রস্থ ও বেধ অসরল হইলে, গড় বিস্তার, ও গড় বেধ পরস্পর গুণ করিয়া, গুণফলকে পুনশ্চ দৈর্ঘ্যপরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে ঘনফল স্থির হয়।

৪। যে বৃক্ষের গুঁড়ি দৈর্ঘ্যে ৩২ ফুট, ও ছাল বাদে মধ্যের পরিধির পরিমাণ ৫ ফুট, তাহার ঘনফল কত ?

এখানে গড় পরিধির চতুর্থাংশের বর্গ  $= \left(\frac{5}{4}\right)^2 = \frac{25}{16}$ ,

∴ ঘনফল  $= \frac{25}{16} \times ৩২ = ৫০$  ঘন ফুট,

৫। যে বৃক্ষের গুঁড়ির দৈর্ঘ্য ২৪ ফুট, এবং মোটা ও সরু সিকের পরিধি যথাক্রমে ১৪ ও ২ ফুট, তাহার ঘনফল কত ?

উঃ। ২৬ ফুট।

বৃক্ষের গুঁড়ির মধ্য স্থানের বা গড় পরিধির চতুর্থাংশের বর্গকে দৈর্ঘ্যপরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে ঘনফল স্থির হয়।

৬। যদি তিনজন মিস্ত্রী ও দুই জন মজুরে ১২ বর্গগজ পরিমিত স্থানে পাথর বসাইতে পারে, আর মিস্ত্রীর রোজ ৪ সিলিং ও মজুরের রোজ ৩ সিলিং হয়, তাহা হইলে এক বর্গগজ স্থানে পাথর বসাইতে কত খরচ পড়িবে ?

৫ জন লোকের প্রাত্যহিক ব্যয় = ১৮ সিলিং ।

∴ ১২ বর্গ গজ পাথর বসাইবার ব্যয় = ১৮ সিলিং ।

∴ এক বর্গ গজের ব্যয় =  $\frac{১৮}{১২}$  = ১ সিঃ ৬ পেঃ ।

পাথর বসাইবার মিস্ত্রীর হিসাব বর্গ গজ বা বর্গ ফুটে ধরা হইয়া থাকে ।

৭। যদি প্রতিগজ রঙ্গ করিতে ১৪৮ ব্যয় হয়, তাহা হইলে যে গৃহের উচ্চতা, দৈর্ঘ্য ও বিস্তার যথাক্রমে ১৬ ফুট ৬ ইঞ্চি, ৩১ ফুট ৪ ইঞ্চি ও ২০ ফুট, সেই ঘরের ভিত্তি ও ছাদ রঙ্গ করিতে কত খরচ হইবে ?

উঃ । ৪৩৫৭ টাকা ।

রঙ্গের কাজ বর্গগজে ধরা হইয়া থাকে ।

৮। প্রতি বর্গ গজে যদি ১৮ মজুরি হয়, তবে যে দেও-রালের পরিমাণ  $১৮\frac{১}{২} \times ১২\frac{১}{২}$  ফুট, তাহা রঙ্গ করিতে কত ব্যয় হইবে ?

উঃ । ২৮৮/৫ ।

৯। একটা তিনতলা বাটীর এক দিকে প্রতিতলে তিনটী কবিতা জানালা আছে, ইহাদের বিস্তার ৩ ফুট ১১ ইঞ্চি। প্রথম তলের জানালার দৈর্ঘ্য ৭ ফুট ১০ ইঞ্চি, দ্বিতীয় তলের দৈর্ঘ্য ৬ ফুট ৮ ইঞ্চি, ও তৃতীয় তলের দৈর্ঘ্য ৫ ফুট ৪ ইঞ্চি। এইভাবে যদি প্রতিবর্গফুট কাচ বসাইতে ১৪ পেন্স খরচ হয়, তাহা হইলে ঐ কয়েকটা জানালার কাচ বসাইতে কত ব্যয় হইবে ?

উঃ । ১৩ পাউণ্ড ১২ সিলিং ১০ই পেন্স ।



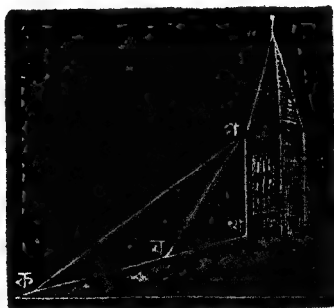
কাচ বসাইবার মিজীর হিসাব কুট, ইঞ্চ বা সংখ্যার হিসাবে ধরা হইয়া থাকে।

১০। প্রত্যেক বর্গ গজে ৮০ আনা ধরচ হইলে, ২৫ কুট ৬ ইঞ্চ দীর্ঘ, ও ১২ কুট প্রস্থ, একটি ঘরের মেঝেতে পাথর বসাইতে কত ধরচ পড়িবে? উঃ। ২৫।০ টাকা।

পাথর বসাইবার মিজীর হিসাব বর্গ গজে ধরা হইয়া থাকে।

১১। যদি প্রতি বর্গ গজে ৮০ আনা ব্যয় হয়, তবে ৩ মাইল দীর্ঘ ও ৪৭ কুট প্রস্থ, একটি রাস্তার খোয়া দিতে কত ধরচ পড়িবে? উঃ। ৫১৭০ টাকা।

১২। খ গ একটি পর্কভোপরি এক কীর্তিস্তম্ভ, উহার উচ্চতা নিরূপণ করিতে হইবে। জরীপ আমিন, মনে কর, খ হইতে ঘ পর্যন্ত ৫০ ফুট পরিমাণ করি-

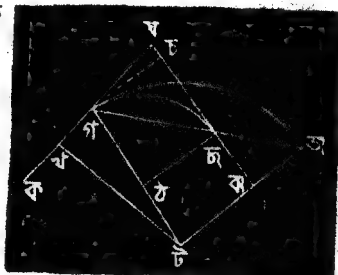


য়াছে এবং ঘ হইতে ক ৭৫ ফুট পরিমাণ করিয়াছে, এবং কোণমান যন্ত্র দ্বারা গ ঘ খ কোণ ও গ ক খ কোণ যথাক্রমে  $81^\circ$  ও  $28^\circ$  পরিমাণ করিয়াছে। এইকণে ঐ কীর্তিস্তম্ভের উচ্চতা কত? উঃ। ৭৬ ফুট।

১৩। তিনটি বর্গ কেন্দ্রের পার্শ্বপরিমাণ যথাক্রমে ৬, ৮ ও ২৪ কুট, ইহাদের কেন্দ্রকলের সমষ্টির তুল্য কেন্দ্রকল বিশিষ্ট বর্গ কেন্দ্রের পার্শ্ব পরিমাণ কত হইবে? উঃ। ২৬ কুট।

১৪। “আট হস্ত বর্গ” ও “৮ বর্গ হস্ত” ইহাদের  
অন্তর কত ? উঃ। ৫৬ বর্গ হাত ।

১৫। ক গ ও ব ছ  
দুই দিক দিয়া লৌহ-  
বস্ত্র গিয়াছে, এইক্ষণে  
এই দুইটা দিক অন-  
বছিন্ন কুটিল রেখার  
দ্বারা সংযুক্ত করিতে  
হইবে।



১৬। ১২ হাত উচ্চ দেওয়ালের নীচে এক নর্দমা আছে,  
উহার বিস্তৃতি ৯ হাত, নর্দমা ছাড়িয়া কত হাত দূরে মই  
ফেলিলে উহার ঠিক মাথার উপরে পড়িবে ? উঃ। ১৫ হাত ।

১৭। যে আরত ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ৩৬ ফুট ও প্রস্থ ২৫  
ফুট, তাহার ক্ষেত্রফলের সমান ক্ষেত্রফলবিশিষ্ট যে বর্গ  
ক্ষেত্র তাহার পার্শ্ব পরিমাণ কত ? উঃ। ৩০ ফুট ।

১৮। একটি ১০ অঙ্গুলি পরিমিত কাটি ভূমিতে ঠিক  
সোজাভাবে প্রোথিত করা গেল, উহার ৬ অঙ্গুলি মৃত্তিকার  
মধ্যে থাকিলে, বেলা একটার সময় উহার অর্ধ অঙ্গুলি  
ছায়া পড়িল, এইক্ষণে যে ইষ্টকালের ছায়া ঐ সময়ে  
৫ হাত হইয়াছিল, তাহার উচ্চতা কত ? উঃ। ৪০ হাত ।

১৯। একটি চোঙ্গের ব্যাস ৫ ফুট, এই চোঙ্গটা কত  
গভীর হইলে ৮০ গেলন জল ধরিতে পারে ? মনে কর প্রতি  
গেলনে ২৭ ৭.২৭৪ ঘন ইঞ্চি জল ধরে। উঃ। ৭.৮৪৫ ইঞ্চি ।

২০। যে বৃত্তের ক্ষেত্রফল ৩২.২৭ বর্গ ফুট, তাহার ব্যাসের এবং ভিতরে অঙ্কিত বর্গ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের অন্তর কত ? উঃ। ২৫ বর্গ ফুট।

২১। একটি ট্রাপিজিড ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ২৮ বর্গ ফুট, এবং তাহার দুইটি সমান্তরাল বাহুর পরিমাণ যথাক্রমে ৬ ও ৮ ফুট, এই দুইটি বাহুর অন্তর কত ? উঃ। ৪ ফুট।

২২। যদি পৃথিবীর ব্যাস ৮০০০ মাইল হয়, এবং ইহাৰ অভ্যন্তরে ৫ মাইলের পর সমুদ্রায় পদার্থ তরল হয়, তাহা হইলে পৃথিবীর কত অংশ দৃঢ় পদার্থে পূর্ণ আছে। উঃ। প্রায়  $\frac{৮৫}{১০০}$ ।

২৩। এক ঘন হস্ত পরিমিত স্থানে যদি  $১\frac{১}{২}$  মণ জল ধরে, তবে যে ঘন পাত্রের অভ্যন্তরেব এক পার্শ্বের পরিমাণ ২ ফুট ৬ অঃ, তাহাতে কত জল ধরিবে ? উঃ। মণ  $১৮\frac{১}{২}$ ।

২৪। এক বৃত্তাকার ভূর্গের চতুর্পার্শ্বে ১৩ গজ বিস্তৃত একটি খাত আছে, এখন ভূর্গের পরিধিপরিমাণ ৭০৪ গজ হইলে, ঐ খাতের ক্ষেত্রফল কত হইবে ? উঃ। প্রায় ২ একর।

২৫। যে ক্ষেত্রের বর্গফল ১৫ বর্গ হস্ত ৩৬ বর্গ অঙ্গুলি, তাহার ঘনফল ১০ ঘন হস্ত ৭৫৬০ ঘন অঙ্গুলি হইলে, উচ্চতার পরিমাণ কত হইবে ? উঃ। ১৮ অঙ্গুলি।

২৬। ৩ ইঞ্চি ব্যাসবিশিষ্ট একটি সীমের গোলা হইতে  $\frac{১}{২}$  ইঞ্চি ব্যাসবিশিষ্ট কবচা ছিটা প্রস্তুত হইতে পারে ? উঃ। ১৭২৮।

২৭। যে গৃহের দৈর্ঘ্য, বিস্তার ও উচ্চতা যথাক্রমে ৩৬ ফুট, ২৪ ফুট ও ২০ ফুট, সেই ঘর মুড়িতে কত বর্গ গজ মধ্যম লাগিবে ? ঘরের মধ্যে একটি জানালা আছে, তাহার

দৈর্ঘ্য ৬ ফুঃ, ও বিস্তার ৫ই ফুঃ ও দুইটা দ্বার আছে তাহাদের উভয়ের পরিমাণ (  $৭ই \times ৩ই$  ) ফুট । উঃ । ২৫৬৪ বর্গ গজ ।

২৮। ইঞ্চ = ১ মাইল দ্বলে ৪ বর্গ ফুট ৪ বর্গ ইঞ্চ এক খানি কাগজে কোন গ্রামের মানচিত্র অঙ্কিত হইল । ঐ গ্রামের বর্গ পরিমাণ কত বিঘা ? উঃ । ১১২২৮৮০/০ বিঘা ।

২৯। যে প্রাচীরের দৈর্ঘ্য ২০ গজ, প্রস্থ ৭ই ফুট, ও ভিত্তি বা বেধ ১৪ ইঞ্চ, সেই প্রাচীর গাঁথিতে ৯ ইঞ্চ দীর্ঘ ৩ই ইঞ্চ প্রস্থ, ও ২ই ইঞ্চ বেধের কত ইষ্টক লাগিবে ? উঃ । ১১৫২০ ।

৩০। ৪০ হাত বাসবিশিষ্ট একটি গোলাকার দুর্গের চতুর্দিকে, ১০ হাত প্রস্থ ২ হাত গভীর একটি গড়খাই খনন করা হইল । যদি ঐ গড় খাইয়ের দুইদিকের ঢালের অনুপাত ১ই : ১ হয়, তাহা হইলে ঐ গড়ের চতুর্দিকে কত ঘন হাতে মৃত্তিকা খনন করা হইল ? উঃ । ২১৯৯.১২ ঘন হাত ।

৩১। যে চৌবাচ্চা দৈর্ঘ্য ২৪ ফুট ৮ ইঞ্চ, প্রস্থ ১২ ফুট ৯ ইঞ্চ, তাহা হইতে কত ঘন ফুট জল বাহির করিয়া দিলে সমস্ত চৌবাচ্চার ১ ফুট জল কমিয়া যাইবে ? উঃ । ৩১৪ই ঘন ফুট ।

৩২। একটি বর্গ ক্ষেত্রের পার্শ্ব পরিমাণ ৫০ গজ, তদন্তর্গত অষ্ট ভূজ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত হইবে ? উঃ । ২০৭১ বর্গ গজ ।

৩৩। যে চতুর্ভুজ গর্ভ দীর্ঘ ১০ই হাত, প্রস্থ ৩ হাত ১৮ অঙ্গুলি, ও গভীরে ৩ই হাত, তাহাতে যত জল ধরে, আর একটি গর্ভেও তত জল ধরে, শেষোক্ত গর্ভটি দৈর্ঘ্য ১১ই হাত, প্রস্থ ৪ই হাত ; স্থির কর উহার গভীরতা কত ?

উঃ । ২ই হাত ।

৩২। যে বৃত্তের ব্যাস ১১৮০ ফুট হইল, তাহারে কত ফুট দূরী নামাইলে মাটি পাওয়া যাইবে? উঃ। ১২ ফুট।

৩৩। যে চৌপহলের উচ্চতা ৪১ ফুট, এবং ভূমির এক পার্শ্বের পরিমাপ ১২০ ফুট, তাহার পৃষ্ঠকল কত? উঃ। ৬৮.০৬২ ঘন ফুট।

৩৪। যে বৃত্তীর তলস্থ ক্ষেত্র ৪ ফুট ব্যাসবিশিষ্ট বৃত্ত, এবং উচ্চতা ২ ফুট, তাহার পৃষ্ঠকল কত? উঃ। ৩৭.৬৯৯ ঘন ফুট।

৩৫। প্রমাণ কর যে, কোন বর্ভুলের ঘন পরিমাণ তাহার বহির্বেষ্টিত স্তম্ভের দুইতৃতীয়াংশ।

৩৬। এক ভূমির উপর সমান উচ্চ করিয়া একটি স্তম্ভ, যাহার বর্ভুলার্ক অঙ্কিত হইল। বৃত্তী ও বর্ভুলার্কের সমষ্টি কত অস্তর? উঃ। ০.১

৩৭। চক্কের ব্যাস ২১৮০ মাইল হইলে, তাহার ঘনফল কত হইবে? উঃ। ৫৪২৪৬১৭৪৭৫ ঘন মাইল।

৩৮। যে গোলার পরিধি ১৫.৭০৮ ইঞ্চ, তাহার পৃষ্ঠকল কত হইবে? উঃ। ৭৮.৫৫ বর্গ ইঞ্চ।

৩৯। যে ইন্দারার বহির্দিকের ব্যাস ১২ হাত ও মধ্যস্থান দ্বারা এবং গভীরতা ১৪ হাত, তাহা প্রস্তুত করিতে ১২ আঙ্গুলি, বীর্ষ, ৬ অঙ্গুলি প্রস্থ এবং ৩ অঙ্গুলি বেধ যে ইট, তাহার কত লাগিবে। উঃ। ২৩৪০৬ ইটক।

৪০। যে শাঙ্কসূপের মূলের পরিধি ৬৬ হাত এবং উচ্চতা ১২ হাত, তাহারে কত খাড়ি ধাত আছে? উঃ। ১৭৫২ খাড়ি ধাত।

## পঞ্চমভাগ

### জরীপ।

ক্ষেত্রের মধ্যে কোন পদার্থ কি ভাবে অবস্থিত, সেই ক্ষেত্রের পরিমাণফল কত, এবং ভূপৃষ্ঠের কোন স্থান কত উন্নত, এবং কোন স্থান কত নিম্ন, এই সকল বিষয় যে উপায় দ্বারা স্থিরীকৃত হয়, তাহাকে জরীপ কহা যায়।

কোন ক্ষেত্রের সীমা, তাহার উপরিস্থ পদার্থ সমূহের অবস্থিতি, এবং সেই ক্ষেত্রের অথবা তাহার এক এক অংশের বর্গপরিমাণ নির্ণয় করিয়া, তৎসমুদায় বড় মানচিত্রে অবলম্বন করিয়া কাগজের উপর অঙ্কিত করিলে যে প্রতিকৃতি প্রকাশিত হয়, তাহাকে প্লান অথবা নক্সা কহে। এই নক্সা স্থপতিদিগের কার্যে নিতান্ত আবশ্যক হয়। যদি ক্ষুদ্র মানচিত্র দ্বারা এই নক্সা অঙ্কিত হয়, তাহা হইলে তাহাকে মাপ অথবা মানচিত্র কহা যায়। ইহা ভূগোলপাঠক ও ভ্রমণকারিদিগের কাষে লাগে।

এক স্থান হইতে অন্য স্থান পর্যন্ত একটী রাস্তা প্রস্তুত করিতে হইলে, শুরু যে সেই ভূমির প্লান প্রস্তুত করিতে হয় এমত নহে, কোন স্থান কত উন্নত বা অবনত তাহাও জানা আবশ্যক; এবং জরীপ দ্বারা স্থির করিয়া তদনুসারে কাগজের উপরে যে প্রতিকৃপ অঙ্কিত হয়, তাহাকে সেই ভূমির সেক্সন (খণ্ড) কহে।

শৃঙ্খল, রশি, ফিতা, যষ্টি, কাড়যষ্টি, খজা, দিক্‌দর্শন যন্ত্র, এবং কোণবীক্ষণ যন্ত্র, এই কয়েকটি যন্ত্রের সাহায্যে ভূমি জরীপ করা যায়। ক্ষুদ্র ক্ষুদ্র ভূমি নকল জরীপ করিতে দিক্‌দর্শন বা কোণপ্রদর্শন যন্ত্রের সাহায্যের আবশ্যকতা হয় না কেবল চেইন বা শৃঙ্খল ও জরীপীফিতা দ্বারা তাহা সম্পন্ন হইয়া থাকে।

জরীপীফিতা, সূত্র বা চন্দ্র দ্বারা নির্মিত হইয়া থাকে। ইহা দৈর্ঘ্যে ১০০ ফুট, এবং প্রত্যেক ফুট ১০ সমান অংশে বিভাজিত। ইহার এক প্রান্তে একটি ধাতুনির্মিত অঙ্গুরীয় ও অপর প্রান্তে চন্দ্র বা ধাতুনির্মিত কটুয়ার মধ্যে একটি শলাকায় আবদ্ধ থাকে। ঐ শলাকা কটুয়া ভেদ করিয়া একটি হাতলের সঙ্গে যুক্ত থাকে, তাহা ঘুরাইলে ফিতা কটুয়ার পার্শ্বস্থ ছার দিয়া আধার মধ্যে প্রবিষ্ট হইয়া শলাকায় জড়াইয়া যায়, এবং অঙ্গুরীয়টি ধারণ পূর্বক টানিলেই কটুয়া হইতে ফিতা বহির্গত হইয়া থাকে।

জমিদারী রশি, রজ্জু, বা চন্দ্র দ্বারা নির্মিত হইয়া থাকে। ইহা দৈর্ঘ্যে ৪০ গজ বা ৮০ হাত, এবং ২০টি অংশে বিভাজিত। প্রত্যেক অংশকে কাঠা কহে। রশির এক প্রান্ত হইতে প্রত্যেক ৪র্থ কাঠাতে ৮ বা ১০ অঙ্গুলি দীর্ঘ এক এক খণ্ড চন্দ্র বা রজ্জু বুলান থাকে, তাহাকে ফুলি কহে। ৫ কাঠার স্থানে ৫ টি অঙ্গুলিবিধিষ্ট মণিবন্ধের স্থায় এক এক খণ্ড চন্দ্র বাহ্য থাকে, তাহাকে পাঁচট কহে। ১০ কাঠার স্থানে, অর্থাৎ রশির মধ্যস্থলে, দশ অঙ্গুলি-

বিশিষ্ট করের স্থায় এক খণ্ড চর্ম বুলান থাকে, তাহাকে দশক কহে। বঙ্গদেশের প্রায় সর্বত্রই এই রশি ব্যবহৃত হইয়া থাকে : যেখানে ঐ রশির প্রচলন নাই, বাঁশের নল দ্বারা জরীপীকার্ষ্য সম্পন্ন হইয়া থাকে।

জরীপে গণ্টার্স চেইন নামক এক প্রকার শৃঙ্খল সচরাচর ব্যবহৃত হয়, ইহা দৈর্ঘ্যে ২২ গজ, অর্থাৎ ৬৬ ফুট, এবং ১০০ অংশে বিভাজিত। প্রত্যেক অংশকে লিঙ্ক কহে; এক একটা লিঙ্ক অপরটার সহিত দুইটা বা তিনটা অঙ্গুরীয় দ্বারা আবদ্ধ হইয়া একটি শৃঙ্খল হয়। সুতরাং এক একটা লিঙ্ক ৬ তাহার উভয় দিকের যোজক অঙ্গুরীয়ের অন্তর্কে লইয়া এক ফুটের  $\frac{১১}{১০}$  কিম্বা  $\frac{১১}{১০} \times ১২ = ১.৩২$  ইঞ্চি। শৃঙ্খলের এক প্রান্ত হইতে প্রত্যেক দশম লিঙ্কে একটি দ্বিতীয় দশম অর্থাৎ বিংশতি লিঙ্কে দুইটা, ত্রিশলিঙ্কে তিনটা, চত্বারিংশলিঙ্কে চারিটা অঙ্গুরীয় আকারের চিহ্ন সংলগ্ন থাকে, পঞ্চাশলিঙ্কে অর্থাৎ শৃঙ্খলের মধ্যস্থলে একটি গোলাকার চিহ্ন আবদ্ধ থাকে। এই চিহ্নগুলি থাকাতো শৃঙ্খলের লিঙ্ক দেখিবামাত্র একাদিক্রমে গণনা না করিয়াই তাহার সংখ্যা বলা যাইতে পারে। শৃঙ্খল ধরিবার সুবিধার নিমিত্ত তাহার দুইটা প্রান্তস্থ লিঙ্কে দুইটা বৃহৎ অঙ্গুরীয় আবদ্ধ থাকে। এই দুই লিঙ্ক অপর লিঙ্ক অপেক্ষা ক্ষুদ্র, ধরিবার অঙ্গুরীয় বা কড়া সংযোগে অপর লিঙ্কের সমান হয়; সুতরাং একটি ধরিবার কড়া হইতে অপরটার প্রান্ত পর্যন্ত ধরিলে তাহা এক জরীপীশৃঙ্খল বলিয়া অভিহিত হয়। জরীপীশৃঙ্খল



অধিক দিন ব্যবহার করিলে বাড়িয়া যাইবার সম্ভাবনা আছে, সুতরাং ইহাকে মধ্যে মধ্যে পরীক্ষা করিয়া দেখা আবশ্যিক।

জরীপে অপর এক প্রকার শৃঙ্খল ব্যবহৃত হইয়া থাকে। ইহা দৈর্ঘ্যে ১০০ লিঙ্গ ও প্রতি লিঙ্গ ১ ফুট, সুতরাং শৃঙ্খলটি ১০০ ফুট লম্বা। ইহার দুই প্রান্তে দুইটি ধরিবার হাতল আছে। যে দুইটি প্রান্তস্থ লিঙ্গ এই হাতলে সংযুক্ত থাকে, তাহা অপর গুলি অপেক্ষা এত ক্ষুদ্র যে হাতলের সংযোগে ঠিক এক লিঙ্গ পরিমিত হয়; সুতরাং একটা ধরিবার হাতল হইতে অপরটির প্রান্ত পর্যন্ত ধরিলে এক জরীপীশৃঙ্খল বলিয়া অভিহিত হয়।

এই শৃঙ্খল অপেক্ষা গটরের শৃঙ্খল অধিক কার্যোপযোগী; সুতরাং ইহা দ্বারা ভূমি পরিমিত হইলে ক্ষেত্রফল অনায়াসে নির্ধারিত হইতে পারে।

$$১ পার্চ = ৫৬ গজ = ১৬৬ ফুট।$$

$$৪ ঐ = ১৬৬ \times ৪ = ৬৬৬ ফুট = ১ শৃঙ্খল$$

সুতরাং যে বর্গক্ষেত্রের এক পার্শ্বের পরিমাণ ৪ পার্চ, তাহার কালি এক বর্গ শৃঙ্খল।

$$৪ \times ৪ = ১৬ বর্গ পার্চ = ১ বর্গ শৃঙ্খল।$$

$$\text{কিন্তু } ১ \text{ একর} = ১৬০ \text{ বর্গ পার্চ} = ১০ \text{ বর্গ শৃঙ্খল।}$$

এইরূপে কোন ভূমির ক্ষেত্রফল বর্গ শৃঙ্খল দ্বারা পরিমিত হইয়া ১০ সংখ্যার দ্বারা বিভাজিত হইলে একরে পরিণত হইতে পারে।

যেহেতু এক শূন্য একপদ লিখে বিভক্ত।

$$১ \text{ বর্গ শূন্যল} = ১০০ \times ১০০ = ১০,০০০ \text{ বর্গমিটার}$$

$$\therefore ১০ \text{ বর্গ শূন্যল} = ১০,০০০ \times ১০ = ১০০,০০০ \text{ বর্গমিটার}$$

কোন সংখ্যাকে ১০০,০০০ দ্বারা বিভাজিত করিলে যে কল উৎপন্ন হয়, ডাইন দিক্ হইতে পাঁচটা অঙ্কের পরে দশমিক চিহ্ন দিলে সেই কলই উৎপন্ন হয়।

কোন ভূমির ক্ষেত্রফল বর্গ লিঙ্গেতে নির্দিষ্ট থাকিলে ডাইন দিক্ হইতে পঞ্চম ও ষষ্ঠ অঙ্কের মধ্যে দশমিক চিহ্ন নিবেশিত করিলে, একরে পরিণত হইতে পারে; এবং দশমিক অংশকে যে উপায়ে রূড ও পার্চে পরিণত করিতে হয়, তাহা নিয়ে উদাহরণ দ্বারা প্রদর্শিত হইতেছে।

উদাঃ। কোন ক্ষেত্র গন্টরের চেইন দ্বারা পরিমিত হইয়া দৈর্ঘ্যে ৯.৬৫ শূন্যল, প্রস্থে ৪.২৫ শূন্যল হইলে, তাহার ক্ষেত্রফল কত হইবে?

$$৯.৬৫ \text{ শূন্যল} = ৯৬৫ \text{ লিঙ্ক}$$

$$৪.২৫ \text{ ঐ} = ৪২৫ \text{ ঐ}$$

$$৪৮২৫$$

$$১৯১০$$

$$৩৮৬০$$

$$৪১০১২৫ \text{ বর্গ লিঙ্ক}$$

এই গুণকলের ডাইন দিক্ হইতে পাঁচ অঙ্কের পরে দশমিক চিহ্ন নিবেশিত করিলে ৪.১০১২৫ একর হয়।

এবং দশমিক অংশকে ৪ দ্বারা গুণ করিলে ৪

$$০.৪০৫০০ \text{ রূড উৎপন্ন হয়।}$$

এবং ইহাকে ৪০ দ্বারা গুণ করিলে

$$৪০$$

$$১৬.২০০০০ \text{ বর্গ পার্স হয়।}$$

অতএব, ভূমির ক্ষেত্রফল ৪ একর ০ রুড ১৬.২ পার্স।  
 যেহেতু ১ একর = ৪৩.৫৬০ বর্গ ফুট। যদি পূর্বোক্ত ভূমি  
 ১০০ শত ফুট শৃঙ্খল দ্বারা পরিমিত হইত, তাহা হইলে  
 উহার দৈর্ঘ্য প্রায় উত্তরে গুণ করিয়া, গুণফলকে এক শুরে পরি-  
 ণত করিবার নিমিত্ত ৪৩৫৬০ সংখ্যার দ্বারা বিভক্ত কান্তরিতে  
 হইত; কিন্তু ইহা পূর্বোক্ত প্রক্রিয়ার, অর্থাৎ গণ্টারের  
 শৃঙ্খল দ্বারা ভূমি পরিমাণ করিয়া ক্ষেত্রফল নিরূপণ করি-  
 য়ার সময় ডাইন দিক্ হইতে পাঁচটি অঙ্কের পরে দশমিক  
 চিহ্ন নিবেশ করার তার সহজ নহে।

### শুদ্ধ শৃঙ্খলদ্বারা জরীপ করিবার নিয়ম ।

কোন ক্ষেত্র শুদ্ধ শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ করিতে হইলে, ঐ  
 ক্ষেত্রকে যত গুলি ত্রিভুজ কিম্বা চতুর্ভুজাকারে বিভক্ত করিবে  
 পারা যায়, ভাগ করিতে হয়। পরে সর্বোপরি ভূমির সীমা জরীপ  
 করিয়া তাহার অন্তর্গত ত্রিভুজ সমূহের বাহুর পরিমাণ জরীপ  
 করিবে। কোন ক্ষেত্র জরীপ করিতে হইলে, কোন নির্দিষ্ট  
 স্থান হইতে জরীপ আরম্ভ করিয়া, ভূমি যতদূর সরল থাকিবে  
 ততদূর মাপ করিবে। পরে সেই স্থান হইতে অন্যদিকে মাপ  
 আরম্ভ করিতে হইবে; এই রূপে যতক্ষণ, প্রথম যে স্থান  
 হইতে কার্য আরম্ভ করা হইয়াছিল, সেই স্থানে উপস্থিত না  
 হইবে, ততক্ষণ পূর্বোক্ত প্রণালীতে কার্য করিতে হইবে। এই  
 সকল স্থানকে ইংরাজীতে ষ্টেশন্ কহে; আমরা ইহাকে  
 নির্দর্শন স্থান বা থাক বলিয়া উল্লেখ করিব। প্রথম নির্দর্শন

স্থান হইতে অপর কোন নিদর্শন স্থান স্পষ্ট লক্ষিত হইবে বলিয়া প্রত্যেক নিদর্শন স্থানে এক এক গাছি ঘটি বা নিশান (কাণ্ডা) প্রোথিত হয়। এই নিশানগুলি ভূমিতে ঠিক লম্বভাবে নিহিত হইয়াছে কি না তাহা জরীপ আমীনকে পরীক্ষা করিয়া দেখিতে হইবে।

এক নিদর্শন স্থান হইতে অপর নিদর্শন স্থান জরীপ করিতে হইলে, জরীপ আমীনের এক জন সহকারীর প্রয়োজন হয়। জরীপ আমীন, জরীপাফিতা বা শৃঙ্খলের মূল ধারণ পূর্বক, প্রথম নিদর্শন স্থানে দণ্ডায়মান থাকেন, এবং সহকারীকে শৃঙ্খলের অগ্রভাগ ধরিয়া দ্বিতীয় নিদর্শন স্থানকে লক্ষ্য করিয়া তদভিমুখে সরল রেখাফর্মে যাইতে হয়। সহকারী তাহার বাম হস্তে দশ গাছি শর \* লইয়া যায়। যখন শৃঙ্খল সমকোণে প্রসারিত হয়, সহকারী তাহার অগ্রভাগ অর্থাৎ কড়া লইয়া ভূমির উপর দৃঢ় রূপে ধরিয়া থাকে। শৃঙ্খল দ্বিতীয় নিদর্শন স্থানের সচিৎ সম্মুখে পড়িল কি না, তাহা দেখিবার জন্য জরীপ আমীন সহকারীকে তাহার বাম অথবা দক্ষিণ দিকে সরিতে কহেন; অনন্তর শৃঙ্খল পাছটী ভূমির উপর সরলভাবে পড়িলে, সহকারী কড়ার প্রান্তে একটী শর ভূমির উপর লম্বভাবে নিহিত করে। তদনন্তর জরীপ আমীন শরের কাছে আসিয়া শর গাছটী তুলিয়া লন, এবং

---

\* এই শরকে আমীনেরা বলঙ্গা বা ফরঙ্গ কহিয়া থাকে। ইহা দৈর্ঘ্যে এক হাতের কম। ইহার এক মুখ সূচ্যগ্র, ও অপর মুখ বীকান আংটার মত।

অবশিষ্ট ভূমির পরিমাণার্থে পুনর্য্যায় পূর্বমত প্রক্রিয়া করিতে থাকেন। যখন দেখেন যে নয় গাছ শর তাহার হস্তে আসিয়াছে, এবং দশম গাছটি অপর গুলির ন্যায় ভূমিতে নিহিত হইয়াছে, তখন সহকারীকে আর অগ্রসর হইতে না কহিয়া, তাহার হস্তস্থিত শৃঙ্খলের এক প্রান্ত আপনি ধরিয়া দশম শরের কাছে উপস্থিত হন, এবং সেই স্থান চিহ্নিত করিয়া চিঠাতে ১০০০ অর্থাৎ লিঙ্কের সংখ্যা লিখিয়া পুনরায় তাহার হাতে পূর্বমত শরগুলি দেন, এবং যতক্ষণ লক্ষ্য নিদর্শন স্থানে উপস্থিত না হন, ততক্ষণ পূর্বোক্ত প্রণালীতে কার্যা করেন। জরীপ করিবার সময় শৃঙ্খলের পার্শ্বস্থ পদার্থ ও ক্ষেত্রসীমার অবস্থিতি নিরূপণ করিবার জন্য, তৎসমুদায় পদার্থ হইতে শৃঙ্খলের উপর জরীপীকৃতি দ্বারা লম্বপাত করিতে হয়, এবং চিঠায় লম্বের পরিমাণ লিখিয়া রাখিলে, তদ্রূপে ক্ষেত্রের নক্সা অনায়াসে প্রস্তুত হইতে পারে।

শৃঙ্খলকে দযছে ব্যবহার করা কর্তব্য। অত্যন্ত টানিলে লিঙ্ক সকলের মধ্যগত অঙ্গুরীয় সকলের মুখগুলি পরস্পর বিয়োজিত হইয়া শৃঙ্খলের পরিমাণ বৃদ্ধি করে এবং ভূমির পরিমাণের সত্যতা হয়।

যদি শৃঙ্খলের পরিমাণ টানাটানি করিয়া এক ইঞ্চি বৃদ্ধি হইয়া পড়ে, তাহা হইলে ভূমির পরিমাণ যত শৃঙ্খল হইবে, প্রত্যেক শৃঙ্খলে ১ টঞ্চ পরিমিত অধিক ভূমি শৃঙ্খল ভুক্ত হইয়া ভূমির প্রকৃত পরিমাণের লাঘব করিবে। আবার যদি শৃঙ্খল সমাক্রুপে প্রসারিত না হয়, অর্থাৎ কিছুমাত্র

সম্প্রতি থাকে, তাহা হইলে পরিমের রেখার পরিমাণ বৃদ্ধি হইবেক। ইহা নিম্নলিখিত উদাহরণ দ্বারা প্রদর্শিত হইতেছে।

যদি কোন শৃঙ্খলের পরিমাণ প্রকৃত পরিমাণ অপেক্ষা ১ ইঞ্চি বৃদ্ধি প্রাপ্ত হয়, এবং তদ্বারা কেবল দুইটা স্থানের মধ্যে দূরত্ব পরিমাণ করিয়া দুই মাইল হয়, তাহা হইলে ঐ দূরত্বের প্রকৃত পরিমাণ কত ?

২ মাইল =  $5,280 \times 2 = 10,560$  ফুট। প্রত্যেক শত-ফুটে এক ইঞ্চি পরিমিত অধিক ভূমি ধরা হইলে,  $10,560$  ফুট ভূমিতে কত অধিক ধরা হয় ?

$100 : 10,560 = 1 : \text{অতিরিক্ত ভূমির পরিমাণ।}$

$\therefore \text{অতিরিক্ত ভূমির পরিমাণ} = \frac{10560}{100} = 105.6 \text{ ইঞ্চি।}$   
 $= 8.8 \text{ ফুট।}$

এইরূপ যদি শৃঙ্খলের পরিমাণ প্রকৃত পরিমাণ অপেক্ষা কম হয়, কিম্বা শৃঙ্খল প্রকৃতরূপে প্রসারিত না হয়, তাহা হইলে ভূমির পরিমাণ প্রকৃত পরিমাণ অপেক্ষা বৃদ্ধি প্রাপ্ত হয়। এই দোষ সংশোধন করিতে হইলে, ভাস্কর্যমূলক পরিমাণের সমষ্টি নিরূপণ করিয়া, পরিমিত রেখার পরিমাণ হইতে বিয়োগ করিলে যাহা অবশিষ্ট থাকে, তাহাই ভূমির প্রকৃত পরিমাণ।

### শৃঙ্খল পরীক্ষা করিবার উপায়।

এই ভ্রম নিবারণ করিবার নিমিত্ত শৃঙ্খলকে সর্বদা পরীক্ষা করা কর্তব্য। এই ভ্রম সংশোধন তিন প্রকারে হইতে পারে। প্রথমতঃ; দৈর্ঘ্য ৬ ফুট এবং দলে চারি দিকে এক ইঞ্চি স্থল,

দুই গাছি ইশ্পাত নির্মিত দণ্ড, ফুট ও ইঞ্চির চিহ্ন অঙ্কিত করিয়া মধ্যে মধ্যে তদ্বারা শৃঙ্খলের পরিমাণ পরীক্ষা করিতে হয়। দ্বিতীয়তঃ ; কোন সংশোধিত শৃঙ্খলের সহিত ঐক্য করিয়া দেখিতে হয়। তৃতীয়তঃ ; কোন প্রাচীরে, কি ছাদে, কি ভূমির উপর দুইটী গোঁজ এক্রূপে প্রোথিত করিতে হইবে যে, তাহাদের মধ্যগত দূরত্ব ১০০ এক শত ফুট হয়। এবং ঐ দুই গোঁজের ঠিক মধ্যস্থানে অপর একটী গোঁজ প্রোথিত করিলে, একটী গোঁজ হইতে অপরটীর দূরত্ব ৫০ লিঙ্গ হয়। এইরূপে শৃঙ্খলকে প্রতিদিন গোঁজ সকলের দূরত্বের সহিত ঐক্য করিয়া দেখিতে হইবেক। কিছু দিন ব্যবহৃত হইয়া পুরাতন হইলে এবং সময়ে ব্যবহৃত হইলে শৃঙ্খলের আর অধিক সংশোধন আবশ্যক হয় না।

### চিঠার বিবরণ ।

ভূমির পরিমাণ নির্ণয়ের কাগজকে চিঠা কহে। জরীপ করিবার সময় যে গ্রাম অথবা স্থান জরীপ করা যায়, তাহার অনুরূপ চিত্র প্রস্তুত হইতে পারে না। তজ্জন্য তৎকালে শৃঙ্খল বা কোণবীক্ষণ যন্ত্রদ্বারা ভূমির কোণের যে অংশ ও দীর্ঘ প্রস্থাদির যে পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়, তাহা চিঠাতে পরিষ্কার রূপে লিখিতে হয়। পরে জরীপ সমাপ্ত হইলে এই চিঠা হইতে নকসা প্রস্তুত হইতে পারে।

চিঠার আদর্শ পক্ষাৎ প্রদর্শিত হইবে। চিঠা বিলোমে পত্রাক্রম হইয়া থাকে, অর্থাৎ তাহার নিম্ন দেশ হইতে লিখিতে

আরম্ভ করিতে হয় ; কারণ ভূমি মাপ কালে জরীপকর্তাকে ক্রমশঃ অগ্রবর্তী হইতে হয় ; সুতরাং চিঠার অঙ্কপাত সেই নিয়মে ক্রমশঃ নিম্ন হইতে উর্দ্ধে হইয়া থাকে । চিঠাকে ইংরা-জীতে ফিল্ড বুক কহে । এই পুস্তকের প্রতি পৃষ্ঠার তিনটি করিয়া স্তম্ভ থাকে, দ্বিতীয় অর্থাৎ মধ্য স্তম্ভে ভূমির দৈর্ঘ্য-পরিমাণ লিখিত হইয়া থাকে ; এবং চেইন হইতে ভূমির দক্ষিণ ও বামদিকে যে সমস্ত লম্বপাত করা হয়, তাহার পরিমাণ উক্ত স্তম্ভের দক্ষিণ ও বামদিকের অর্থাৎ প্রথম ও তৃতীয় স্তম্ভে লিখিত হয় । প্রতি পৃষ্ঠার নিম্নদেশ হইতে লিখিতে আরম্ভ করিয়া যেমন ক্রমশঃ জরীপ চলিতে থাকে, সেই রূপ ক্রমাগত উর্দ্ধদিকে অঙ্কপাত করিয়া যাইতে হয় । ক চিহ্নিত স্থান, খ চিহ্নিত স্থান ইত্যাদি “ ● ক ” “ ● খ ” এই রূপ সাঙ্কেতিক চিহ্ন দ্বারা লিখিত হইয়া থাকে । জরীপের সময় চেইন বা শৃঙ্খল কোন দিকে যায় তাহা দর্শাইবার জন্য চিঠাপুস্তকে “ পশ্চিম, ” “ পূর্ব, ” “ পূর্বোত্তর ” “ দক্ষিণ-পশ্চিম, ” এই রূপ লিখিতে হয় । কোন কোন স্থলে “ পূর্বোত্তর ” ইত্যাদি না লিখিয়া এই রূপ চিহ্ন ( ৩২৯ পৃষ্ঠা ৭ ম প্রতিকৃতি দ্রষ্টব্য ) লিখিত হইয়া থাকে ।

কখন কখন চিঠায় আর একটী অতিরিক্ত স্তম্ভ বা স্তম্ভ থাকে, ইহাতে মন্তব্য কথা লিখিত হইয়া থাকে । যদি কোন থাকের সম্বন্ধে সংখ্যা ব্যবধানাদি ব্যতিরিক্ত অন্য কোন কথা লিখনের আবশ্যক হয়, তবে তাহা মন্তব্য ঘরে লিখা যায়, অর্থাৎ যদি কোন থাকের স্থান বিশেষরূপে নির্ণয় করিয়া



লিখিতে হয়, তবে নিকটবর্তী কোন ইমারত বা বৃহৎ বৃক্ষ বা দীর্ঘিকার সহিত তাহার যে কোণের অংশ পরিমাণ (বিয়ারিং) ও ব্যবধান তাহা মন্তব্য ঘরে লিখা যায়। যথা—“অমুক সংখ্যক থাকের নিকটে অমুক মন্দির বা বৃক্ষ বা বাটী আছে তাহার ব্যবধান ও বিয়ারিং এত”।

যে জমী জরীপ হইবে, তাহার দুই দিকের সীমার সহিত পার্শ্বস্থ দুই মৌজার সীমার যে বিয়ারিং তাহাও মন্তব্য ঘরে লিখিত হয়। যথা—“এই থাক হইতে পার্শ্বস্থ অমুক অমুক মৌজার মধ্য দিয়া এত বিয়ারিং দৃষ্টে সীমা চলিয়াছে।” পার্শ্বস্থিত প্রত্যেক মৌজার সীমা নিজ মৌজার যে থাক হইতে আরম্ভ হইয়া যত থাক পর্য্যন্ত বিস্তৃত আছে তাহার বিবরণ। যথা—“অমুক মৌজা এত সংখ্যক থাক হইতে এত সংখ্যক থাক পর্য্যন্ত বিস্তৃত আছে।”

জরীপের সময় উত্তরাদি দিকের নাম সম্পূর্ণরূপে লিখিতে হইলে অধিক সময় ও অধিক কাগজ লাগে, এজন্য সাঙ্কেতিক অক্ষর দ্বারা লিখিত হইয়া থাকে। যথা—উত্তর হলে “উ” দক্ষিণস্থলে “দ” ইত্যাদি লিখিত হইয়া থাকে। “ত” লিখিলে তত্ত্ব, অর্থাৎ অগ্রে যে জমী জরীপ হইল তাহার; আরম্ভ-র সহিত যে দিকের প্রথমাক্ষর যোগ হইবে, তাহার সেই দিক বুঝাইবে। যদি দিকসূচক সাঙ্কেতিক অক্ষরের পূর্বে “ডি” কি “পা” লেখা যায়, তাহা হইলে উল্লঙ্ঘন কি পার, অর্থাৎ সেই ক্ষেত্র ডিজাইয়া বা পার হইয়া অমুকদিকে গমন বুঝাইবে। যথা—

ত উ—অর্থাৎ যে জমী জরীপ হইল তাহার উত্তর।

ত নৈ— ঐ তাহার নৈঋত।

ডিদ ঐ তাহা ডিঙ্গাইয়া দক্ষিণ।

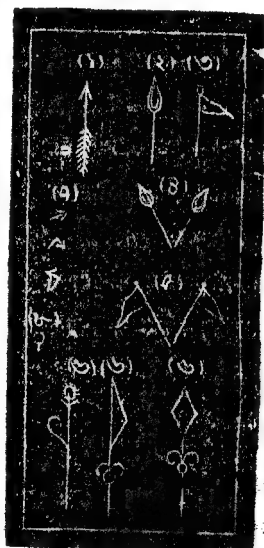
কোন কোন স্থানে “তউ,” স্থলে “তছু” (অর্থাৎ তৎ উত্তর তদুত্তর) লেখারও ব্যবহার আছে। ডি দ, না লিখিয়া কিতা পার বা তুই কিতা পার ও অধিক দূর হইলে অলভ্য নব এরূপও লিখা যায়।

চিঠাতে যে সকল চিহ্ন ব্যবহৃত হয়, তাহা এই।

● এই চিহ্ন থাকিলে নিদর্শন স্থান বুঝাইবে।

চিঠাতে একটা পদ বা পতাকা চিহ্ন থাকিলে তাহাকে মিনার অর্থাৎ তেসীমানার স্তম্ভ বুঝায়। (২য় ও ৩য় প্রতি-রুতি দ্রষ্টব্য)। দুইটা পদ বা পতাকা চিহ্ন থাকিলে তাহাকে তোখা অর্থাৎ চারি সীমানার স্তম্ভ বুঝায়। (৪র্থ ও ৫ম প্রতি-রুতি দ্রষ্টব্য)।

এক নিদর্শন স্থান হইতে ভূমির মধ্য দিয়া অপর নিদর্শন স্থান পর্যন্ত যে রেখা অঙ্কিত হয়, অর্থাৎ যে বেখা দ্বারা পরিমাণের সন্দেশ ভঞ্জন হয়, তাহাকে প্রামাণিক রেখা কহে।



যে রেখা কেবল শৃঙ্খল দ্বারা পরিমিত হয়, তাহাকে জরীপী রেখা বা শৃঙ্খল রেখা কহে। দিগদর্শন যন্ত্রদ্বারা বিষারিঃ লইয়া যে রেখার জরীপ হয়, তাহাকে বিষারিঃ রেখা কহে।

জরীপ করিতে করিতে যদি কোন রাস্তা, নদী, অথবা বাগানের উপর দিয়া চাইন যায়, তাহা হইলে চিঠাপুস্তকে যে রূপে লিখিতে হইবে, তাহা পশ্চাৎ প্রদর্শিত হইবে।

অসমদেশে জরীপীচিঠার শীর্ষদেশে অর্থাৎ নক্সার উপরিভাগে পর্যায়ক্রমে আসামী, দাগ, দীর্ঘ, প্রস্থ, সারা, জিনিস লিখিতে হয়। আসামীর নিম্নে যে প্রজার জমী তাহার নাম, ও দাগের নিম্নে যত সংখ্যক ভূমি জরীপ হয়, ক্রমশঃ তাহার সংখ্যা; ভূমি যে পরিমাণে দীর্ঘ তাহা দৈর্ঘ্যের নিম্নে এবং প্রস্থের যে পরিমাণ তাহা প্রস্থের নিম্নে লিখিতে হয়। সারা শব্দে ভূমির পরিমাণ। কালি করিয়া যে মানের ভূমি তাহার অঙ্ক সারার নীচে পড়িবে, ঐ ভূমি বাস্তব কি উদ্ভাস্ত কি বাগাৎ ইত্যাদি যে প্রকারের হয়, তাহা জিনিসের নিম্নে লিখিতে হইবে। আসামী ও দাগ নক্সার এক ঘরেও লিখা যাইতে পারে, ভূমির চতুঃসীমা আসামীর নামের নিম্নে অথবা সর্ব্ব নিম্নে লিখিবার রীতি।

কোন জমীর দৈর্ঘ্য কি প্রস্থ পঁচাকোণা কি বক্র থাকিলে, দুই কি তিন মাপে তাহা জরীপ করিয়া, ঐ দুই কি তিন মাপের অঙ্ক সমষ্টি করিয়া গড় হিসাবে (এব্রেজ মতে) দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ ধরা হইয়া থাকে। ঐ প্রকার মাপকে দোভে রিজা ভেভেরিজা কহে।

প্রথম জরীপের পর দ্বিতীয়বার যে জরীপ হয়, তাহাকে

পরতল জরীপ কহে । কিতা শব্দে জমীর খণ্ড । জমাই জমী  
শব্দে সকর জমী । দ্রোত শব্দে আবাদ । হৈমন্তিক ধাতু  
যে ভূমিতে হয়, তাহাকে শালী জমী কহে । হরিৎখণ্ড, অর্থাৎ  
হৈমন্তিক ধান্য ভিন্ন, আন্ত ধাতু ও অন্ত শব্দাদি যে ভূমিতে  
হয়, তাহাকে সুনী ভূমি কহে । শালি ও সুনী জমী চারি  
প্রকার ; প্রথম, দ্বিতীয়, তৃতীয়, চতুর্থ শ্রেণীর ভূমিকে চলিত  
পারস্ত ভাষায়, আউগুল, হুয়েম, সুরেম, চাহারম কহে । বস-  
বাসের ভূমির নাম বাস্তু ; গো সমূহ যে ভূমিতে চরে, তাহাকে  
গোচর কহে । পুষ্করিণী, দীঘিকা, ডোবা, প্রভৃতিকে জলকর,  
এবং মৃত গরু ফেলিবার স্থানকে ভাগাড় বলে । অনাবাদ  
ও পতিত জমী যাহার কর ধার্য্য নাই তাহাকে খাসখামার কহে ।  
রাস্তা খাসখামার মধ্যে গণ্য । বাস্তুর সংলগ্ন যে ভূমি তাহাকে  
উদ্বাস্তু, এবং বিপ্রশামিক নিরুর ভূমিকে ব্রহ্মোত্তর কহে । এক  
গ্রামের জমী অপর গ্রামের মধ্যে ও শেষোক্ত গ্রামের জমী পূর্বোক্ত  
গ্রামের মধ্যে থাকিলে ঐ জমীকে পিতলগোলা কহে । বাগাৎ  
অর্থাৎ বাগান, বাঁশ থাকিলে বাঁশবাগাৎ লিখে ।

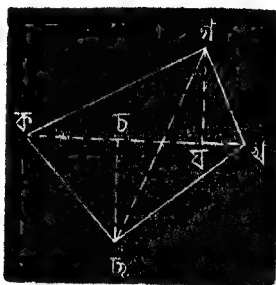
শৃঙ্খল ও ক্রুশযন্ত্র এবং শুদ্ধ শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ ।

বিষমাকার ক্ষেত্রের জরীপ ।

ক্ষেত্র বিষমাকার হইলে তাহাকে ত্রিভুজ ক্ষেত্রে বিভাগ  
করিয়া জরীপ কারতে হয় ।

ক গ খ ছ একটা বিষমাকার ক্ষেত্র ; ইহার জরীপ, নজা ও  
ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে ।

ক চিহ্নিত স্থানে মাপ আরম্ভ করিয়া ক থ অভিমুখে কিসদূর যাইয়া তথায় জুশ দণ্ডের একটি ছিদ্র ক থ রেখার সমান্তরে রাখিয়া অপর ছিদ্র দিয়া দেখিলে, যদি ছ চিহ্নিত স্থান ও এই দ্বিতীয় ছিদ্র এক



রেখায় পতিত হয়, তাহা হইলে ঐ স্থানে ক থ রেখার লম্ব\*

\* শৃঙ্খল রেখার বামে কি ডাহিনে যে মাপ লইতে হয়, তাহাকে লম্বমাপ কহে।

মনেকর, ক গ খ ছ ভূমির ক হইতে খ যে দূরত্বপরিমাণ তাহা মাপিতে হইবে। ক থ-কে শৃঙ্খল রেখা কল্পনা করিয়া এই রেখা দিয়াই মাপ চালাইতে হইবে। ক থ শৃঙ্খল রেখা মাপিবার সময়ে ভূমির বাঁকগুলি নির্ণয় করিবার নিমিত্ত, প্রথমতঃ ঐ রেখার কোন্ কোন্ স্থানের বামে কি দক্ষিণে বাঁকগুলি আছে তাহা নিরূপণ করিতে হইবে। পরে উহার সেই স্থানের কত বামে কি কত দক্ষিণে বাঁকগুলি আছে তাহা নিরূপণ করিতে হইবে। অতএব বাঁকগুলি নির্দেশ করিবার জন্য অগ্রে মাপটি শৃঙ্খল রেখার উপরে হইবে, অর্থাৎ ক হইতে যতদূর মাপিয়া আসিয়া বাঁকটিকে বামে কি দক্ষিণে দৃষ্ট হইল, তাহা নিরূপণ করা ; পরে মাপটি শৃঙ্খল রেখার সেই স্থান হইতে বাঁকের শেষ সীমা পর্যন্ত মাপিলে যত, তাহা নিরূপণ করা ; এই রূপ দুই দুইটা মাপ লইতে হয় বলিয়া, ভূমির বাঁকগুলির ঠিকানা শৃঙ্খল রেখা মাপিবার সঙ্গে সঙ্গেই করিতে হয়। এই উদাহরণে ভূমির বাঁক প্রথম চ স্থানে পরে ঘ স্থানে নির্দেশিত হইয়াছে।

চ ছ করিয়া করিয়া ঐ লম্বের পরিমাণ নিরূপণ করিতে হইবে ।  
 যদি ঐ স্থান হইতে ছ স্থান ক্রমদণ্ড দ্বারা সমান্তরে দৃষ্ট না  
 হয়, তাহা হইলে জরীপকর্তা ক খ কণ রেখার কিঞ্চিৎ অগ্র  
 বা পশ্চাতে যাইয়া পরীক্ষা করিবে । পরে ক চ দূরত্বের  
 পরিমাণ স্থির করিয়া চিঠা পুস্তকের মধ্যস্থলে লিখিতে হইবে,  
 ও ছ চ লম্বের পরিমাণ নিরূপণ করিয়া দক্ষিণ দিকের স্তম্ভে  
 লিখিতে হইবে । এই রূপে ক ঘ-র দূরত্ব নিরূপণ করিয়া  
 মধ্য স্তম্ভে লিখিতে হইবে ; এবং গ ঘ লম্বের পরিমাণ বাম-  
 পার্শ্ব স্তম্ভে লিখিতে হইবে । ইত্যাদি—

যদি ক চ = ৮০, চ ছ = ১১০, ক ঘ = ২২০, ঘ গ =  
 ১২০, এবং ক খ = ৩৪০ লিঙ্গ হয়, তাহা হইলে চিঠা পুস্তকে  
 নিম্ন লিখিত প্রণালীতে লিখিতে হইবে ।

বাম লম্ব	কণ রেখা	দক্ষিণ লম্ব
০	৩৪০ খ ০ পর্যন্ত	০
১২০	২২০	
	৮০	১১০
০	ক ০ হইতে	০

পূর্বোক্ত ক্ষেত্রের নক্সা করিতে হইবে । একটী মানদণ্ড  
 লইয়া তাহার জুই ইঞ্চি ১০০ লিঙ্গ ধরিয়া ক চ একটী  
 রেখাপাত কর, যাহা উক্ত পরিমাণে ঐ দণ্ডের ৮০ লিঙ্গের  
 সমান হইবে । অপর, ঐ পরিমাণে চ স্থান হইতে ১১০

লিঙ্ক পরিমিত চ ছ একটি লম্ব রেখা টান, ও ক ঘ রেখাকে ২২০ লিঙ্কের সমান কর। পুনশ্চ, ১২০ লিঙ্ক পরিমিত ঘ গ আর একটি লম্ব টান এবং ক খ-কে ৩৪০ লিঙ্কের সমান কর। পরে ক ছ, ছ খ, খ গ, ও গ ক সংযুক্ত করিলে, ক ছ খ গ প্রতিকৃতিটি ক্ষেত্রের ঐ পরিমাণে অনুরূপ চিত্র হইবে।

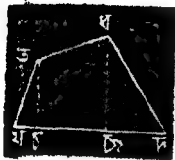
এতদ্বারা, ক ছ খ গ ক্ষেত্রের কালি ৩য় ভাগের ৪র্থ সম্পাদ্য দ্বারা =  $২ \times ৩৪০ \times (১১০ + ১২০) = ৩৯২০০$   
 বর্গলিঙ্ক = ১ রুড ২২.৫৬ পোল।

২। নিম্ন লিখিত ক্ষেত্রের জরীপ ও ক্ষেত্রকল স্থির করিতে হইবে।

খ দ রেখার পরিমাণ স্থির কর, এবং চ ও ছ স্থানদ্বয়ের দূরত্ব চিঠা পুস্তকে লিখ, যথা,

৩ দ পর্য্যন্ত		
	খ দ = ১০৯৭	
ছ খ = ৫৯৫	খ ছ = ৭৪৫	
চ ত = ৩৫২	খ চ = ১১০	
এম	খ ● হইতে পূর্বদিকে	

চ ত খ হ বিবরণে



৩৫২  
৫৯৫  
}

ল

২৪৭  
৬৩৫ = চ হ

যোগ

ত খ চ ত্রিভুজ

৩৫২

১১০

৪৭৩৫

২৮৪১

৩৮৭২০

৫৬৮২

৬০১৩৪৫

১০২৭

৩৮৭২০

৭৪৫

২০২৪৪০

৩৫২ = ছ দ

২) ৮৪২৫০৫

ছ দ খ ত্রিভুজ

৪,২৪৭৫২.৫

৫৯৫

৪

৩৫২ = ছ দ

১১০১০

১১২০

৪০

২২৭৫

১৭৮৫

৩,২৬০৪০০

২০২৪৪০

৩০৫

১৮১২০০০

৭৪৫ = খ ছ

১৫১০০

১১০ = খ চ

১৮,২৭১০০

৬৩৫ = ছ চ

উ খ দ খ কেজের কেজফল = ৪ একর • রুড ও পোল ১৮ গজ।



## ত্রিভুজ ক্ষেত্রের জরীপ ।

৩। নিম্ন লিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটি ক্ষেত্রের  
নক্সা ও ক্ষেত্রফল স্থির কর ।

প্রামাণিক	● অ পর্য্যন্ত	৩৮৪	● অ হইতে	১২৪৪	৭০০	গ চিহ্নের	বামদিকে গমন
	● ক পর্য্যন্ত						
	● গ পর্য্যন্ত						
● অ	● খ পর্য্যন্ত	৮৫২	খ চিহ্নের	১৩৩৮	১০০০	ক চিহ্নের	পূর্বে গমন
	● ঘ পর্য্যন্ত						
	● ঙ পর্য্যন্ত						
● অ	● অ পর্য্যন্ত	৬০০	ক চিহ্নের	৬০০	ক চিহ্নের	ক চিহ্নের	পূর্বে গমন
	● খ পর্য্যন্ত						
	● গ পর্য্যন্ত						

ক্ষেত্র ত্রিভুজাকার  
হইলে, তাহার প্রত্যেক  
কোণে এক একটি দণ্ড  
প্রোথিত করিয়া, তাহার  
প্রত্যেক পার্শ্ব পরিমাপ  
কর। তবে অন্ততঃ তাহার



হই পার্শ্ব নিদর্শন স্বরূপ দুইটী স্থল চিহ্নিত করিয়া, তাহা-  
দের পরস্পর দূরত্ব অর্থাৎ ব্যবধান নির্ণয় করিয়া, সেই নিদ-  
র্শন স্থানদ্বয়কে সংযুক্ত কর, এই রেখাকে প্রামাণিক রেখা  
কহে; কারণ ইহার দ্বারা কালি বিস্তৃত হইয়াছে কি না তাহা  
প্রমাণ করা যায় ।

ক খ গ ত্রিভুজটী অঙ্কিত হইলে যদি অ অা প্রামাণিক  
রেখা ৩৮৪ লিঙ্গ হয়, তাহা হইলে প্রতীত হইবে যে জরীপে  
কোন ভ্রম নাই; এবং গ ঘ লম্বের পরিমাণ ৭৭০ লিঙ্গ  
হইবে। অতএব ক খ গ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল =  $১০৩৮ \times$   
 $৭৭০ \div ২ = ৫,১৫১৩০ = ৫ একর ২৪ পোল।$

জরীপ বিস্তৃত হইয়াছে কিনা জানিবার নিমিত্ত, ত্রিভু-  
জের শীর্ষ কোণ হইতে ভূমির মধ্যস্থান অথবা ইহার নিকটস্থ  
কোন বিন্দু পর্য্যন্ত এক একটী মাপ দিবে। নম্না অঙ্কিত  
করিবার সময়ে ত্রিভুজগুলি অঙ্কিত করিয়া, ঐ মাপগুলির  
সহিত মিলাইলে জরীপের বিস্তৃততা নিরূপিত হইবে।

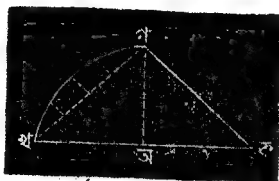
কোন ভূমির চতুঃসীমা মাপ করিতে হইলে, প্রতি শৃঙ্খল  
রেখার শেষে এক একটী যোষক রেখা লইতে হয়। যদি  
তিনটী শৃঙ্খল রেখা দ্বারা ভূমির চতুঃসীমা পূর্ণ হয়, তাহা  
হইলে একটী যোষক রেখা, চারিটী শৃঙ্খল রেখা দ্বারা চতুঃ-  
সীমা পূর্ণ হইলে দুইটী যোষক রেখা, পাঁচটী হইলে তিনটী  
যোষক রেখা, লইলে চলে। শেষে যে যোষক রেখা গ্রহণ  
করা যায়, সেইটীকে প্রামাণিক রেখা কহে।

৪। নিম্ন লিখিত চিঠার সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে এক  
ত্রিভুজাকার ক্ষেত্রের নম্না ও ক্ষেত্রফল স্থির কর।

	৩৩০ ক ৩ পর্য্যন্ত
	৩ গ হইতে ডাইন দিকে
০	৩৫০ গ ৩ পর্য্যন্ত
৩৬	২৫০
৪০	১৭০
২০	৮০
	৩ খ হইতে ডাইন দিকে
প্রামাণিক	৫০০ খ ৩ পর্য্যন্ত
	২৫০ অ ৩ পর্য্যন্ত
	৩ ক হইতে পশ্চিম দিকে

রেখা অ গ = ২৩২

এই চিঠা পুস্তকে তিনটি শৃঙ্খল রেখা আছে। এক শৃঙ্খল রেখার পরিমাণ সং-পূর্ণ হইলে মধ্যে স্তম্ভে একটি রেখা টান, যথা, ক খ শৃঙ্খল



রেখার ক ও খ দুই নিদর্শন স্থানের ব্যবধান পরিমাণ করিয়া অঙ্কিত হইয়াছে। জরীপ আমীন ক চিহ্নিত সীমায় উপনীত হইয়া ডাইনদিক দিয়া গ অভিমুখে গমন করে। ইহা চিঠা পুস্তকে “ খ হইতে ডাইন দিকে ” লিখিত হইয়াছে। প্রামাণিক রেখার পরিমাণ, জরীপ বিত্ত হইয়াছে কি না ভাষা জানিবার জন্য লিখিত হইয়াছে।

প্রতিকৃতি নিম্নাংশন। যে সমান অংশের মানদণ্ড দুই ইক ১০০ লিঙ্কের সমান, তাহা দ্বারা ক খ গ একটি ত্রিভুজ অঙ্কিত কর, ইহাতে ক খ = ৫০০, খ গ = ৩৫০ এবং ক গ রেখা = ৩৩০ লিঙ্ক। পরে খ গ পর রেখার উপর লম্বগুলি টান জরীপ

বিশুদ্ধ হইয়াছে কিনা জানিবার জন্য ক হইতে ২৫০ লিঙ্ক লগ, বখা, ক অ, এবং অ গ সংযুক্ত করা। যদি অ গ ২৩০ লিঙ্ক হয়, তাহা হইলে ক্ষেত্রের জরীপ ঠিক লিখা হইয়াছে। গণনা সৌকর্য্যের নিমিত্ত গ বিন্দু হইতে ক খ রেখার উপর একটি লম্বপাত কর; এই লম্ব ২৩০ লিঙ্ক।

গণনা।  $২ \triangle ক খ গ = ৫০০ \times ২৩০ = ১১৫০০০$  খ গ রেখার উপর লম্ব দ্বারা যে সকল ত্রিভুজ ও বিষম ক্ষেত্র উৎপন্ন হইয়াছে তাহাদের ক্ষেত্রফলের সমষ্টি

$$= ১৩৬৮০$$

$$২ \overline{১৩৬৮০}$$

$$\text{ক্ষেত্রফল} = ২ \text{ রুড } ২৫.৩৪৪ \text{ পোল} = ৬৫৮৪০$$

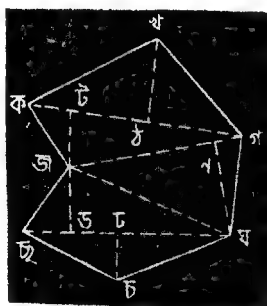
বহুভুজ ক্ষেত্রের জরীপ।

৫। নিম্নলিখিত পরিমাণ হইতে একটি ক্ষেত্র পাত কর, এবং তাহার ক্ষেত্রফল স্থির কর।

<div> <div>চ</div> <div>অ ১২০</div> <div>খ ২৩০</div> <div>গ ১৮০</div> <div>ট</div> <div>আরম্ভ</div> </div>	<div> <div>● খ পর্য্যন্ত</div> <div>৫২০</div> <div>২৮৮</div> <div>২০৬</div> <div>ছ চিল্লৈ গমন</div> </div>	<div> <div>৮০ চ</div> <div>•</div> <div>গ</div> <div>ঠ</div> <div>১৩০</div> <div>পূর্বদিকে গমন</div> </div>
	<div> <div>● অ পর্য্যন্ত</div> <div>৪৪০</div> <div>১৫২</div> <div>গ চিল্লৈ বাম দিকে</div> </div>	
	<div> <div>● গ পর্য্যন্ত</div> <div>৫৫০</div> <div>৪১০</div> <div>১৩৫</div> <div>ক স্থানে</div> </div>	

প্রতিকৃতি নিকাশন। নিম্নস্থ ক্ষেত্রটী দুইটী বিষম ক্ষেত্র ও একটি ত্রিভুজ ক্ষেত্রে বিভাগকৃত হইয়াছে, যথা ক খ গ জ, জ ঘ চ ছ ও গ জ ঘ। ক গ কর্ণ রেখা অঙ্কিত কর; ইহার পরিমাণ ৫৫০ লিঙ্ক। ক হইতে ১৩৫ লিঙ্ক লইয়া ১৩০ লিঙ্ক পরিমিত ট জ একটি লম্ব টান; ও ক হইতে ৪১০ লিঙ্ক লইয়া ১৮০ লিঙ্ক পরিমিত ঠ খ একটি লম্ব টান। এইক্ষণে ক খ, খ গ, গ জ এবং জ ক সংযুক্ত কর; এতদ্বারা ক খ গ জ প্রথম বিষম ক্ষেত্রটী উৎপন্ন হইবে।

পরে গ জ রেখায় গ হইতে ১৫২ লিঙ্ক লইয়া গ স্থানে ২৩০ লিঙ্ক পরিমিত একটি লম্ব টান; গ ঘ ও ঘ জ অঙ্কিত করিলে গ জ ঘ ত্রিভুজটী নির্মিত হইবে। পরিশেষে, জ-কে কেন্দ্র



করিয়া জ ড = ১২০ ব্যাসার্ধ লইয়া একটি চাপ নির্মাণ কর, এবং ঘ-কে কেন্দ্র করিয়া ড ঘ = ৩১৪ (= ৫২০ — ২০৬) ব্যাসার্ধ লইয়া আর একটি চাপ অঙ্কিত কর, ইহা পূর্ব অঙ্কিত চাপকে ড বিন্দুতে ছেদ করিবে। ড বিন্দু দিয়া ৫২০ লিঙ্ক পরিমিত একটি কর্ণ রেখা টান, যথা, ঘ ছ। এই রেখার ২৮৮ লিঙ্কের নিকট হইতে চ চ লম্বটী টানিয়া, ঘ চ, চ ছ এবং ছ জ সংযুক্ত করিলে ক্ষেত্রপাত সমাধা হইবে।

১৩০	৪৪০	১২০
১৮০	২৩০	৮০
৩১০	১৩২০০	২০০
৫৫০	৮৮০	৪২০
১৫৪০০	১০১২০০	১০৪০০০
১৫৫০		

কেন্দ্রফলের দ্বিগুণ

১৭০৫০০

ক ঘ গ জ বিদ্যম কেন্দ্র ।

১০১২০০ ঘ গ জ জিহ্বজ ।

১০৪০০০ ঘ চ ছ জ বিদ্যম কেন্দ্র ।

২) ৩.৭৫৭০০

১.৮৭৮৫০ = ১ এঃ, ৩ কঃ ২০ই পোঃ ।

৩। নিম্নলিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটী কেন্দ্রের  
নাম ও তাহার কেন্দ্রফল স্থির কর ।

● জ পর্যন্ত		
	১০২০	
ই ৪৭০	৮২০	উ
ঈ	৬১০	এ. চ
ঋ ৩২০	৫৮৫	ই
গ ৭০	৪৪০	আ
অ	৩১৫	৩৫০ খ
আরম্ভ	ক স্থানে	পূর্বে গমন

ক আ গ ত্রিভুজ ।

ক আ = ৪৪০

আ গ = ৭০

৩০৮০০

ঘ ই উ ছ বিঘম চতুর্ভুজ ।

ঘ ই = ৩২০

ছ উ = ৪৭০

যোগ = ৭২০

ই উ = ৩০৫

৩২৫০

২৩৭০

২৪০২৫০

অ খ চ ঙ বিঘম চতুর্ভুজ ।

অ খ = ৩৫০

ঙ চ = ৫০

যোগফল = ৪০০

অ ঙ = ২২৫

১১৮০০০

গ আ ই ঘ বিঘম চতুর্ভুজ ।

ঘ ই = ৩২০

আ গ = ৭০

যোগফল = ৩২০

আই = ১৪৫

১২৫০

১৫৬০

৩২০

৫৬৫৫০

ছ উ জ ত্রিভুজ । ক অ খ ত্রিভুজ ।

উ জ = ১৩০ ক অ = ৩১৫

ছ উ = ৪৭০ অ খ = ৩৫০

২১০০

১৫৭৫০

৫২

১৪৫

৬১১০০

১১০২৫০

ঙ চ জ ত্রিভুজ । ক্ষেত্রফলের যোগ ।

জ ঙ = ৪১০ ৩০৮০০

চ ঙ = ৫০ ৫৬৫৫০

২৪০২৫০

২০৫০০

৬১১০০

১১০২৫০

১১৮০০০

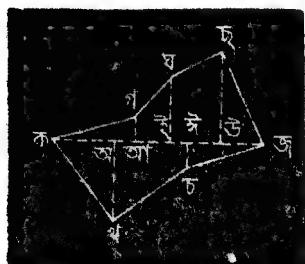
২০৫০০

২) ৬৩৮১৫০

৩.১২০৭৫

ক্ষেত্রফল = ৩ একর = রুড

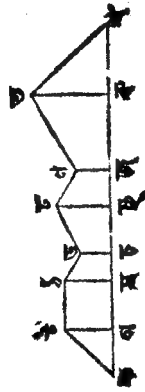
৩০২ পোল ।



কুটিল ক্ষেত্রের জরীপ।

৭। নিম্নলিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটি ক্ষেত্রের  
নঙ্গা ও ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে।

		৩য় পর্য্যন্ত		
০		৯৪৫	খ	
ক	৯১	৭৮৫	জ	
গ	৫৭	৬৩৪	ছ	
চ	৮৮	৫১০	ট	
ড	৭০	৩৪০	ঘ	
ঠ	৮৪	২২০	গ	
দ	৬২	৪৫		
০		০০		
অবশিষ্ট		ক স্থানে	গমন পূর্বে	



$$ক গ = ৪৫$$

$$গ ট = ৩২$$

$$৯০$$

$$২৭০$$

$$২৭২০$$

$$গ ট = ৩০$$

$$ঘ ট = ৮৪$$

$$১৪৬$$

$$গ ঘ = ১৭৫$$

$$৭০০$$

$$১০২২$$

$$১৪৬$$

$$২৫৫৫০$$

$$ঘ ট = ৮৪$$

$$চ ড = ৭০$$

$$১৪৪$$

$$ঘ চ = ১২০$$

$$১২৪৮০$$



৩৪৪

কেন্দ্রব্যবহার ।

৫ম ভাঃ

চ ড = ৭০ •

ছ চ = ৮৮

জ গ = ৫৭

ছ চ = ৮৮

জ গ = ৫৭

ক ত = ২১

১৫৮

১৪৫

১৪৮

চ ছ = ১৭০

ছ জ = ১২৪

জ ক = ১৫১

১১০৬০

৫৮০

১৪৮

১৫৮

২২০

৭৪০

১৪৫

১৪৮

২৬৮৬০

১৭২৮০

২২৩৪৮

কেন্দ্রফলের বিস্তার ।

২৭২০

ক খ = ১৭০

২৫৫৫০

ক ত = ২১

১৮৪৮০

২৬৮৬০

১৭০

১৭২৮০

১৫৩০

২২৩৪৮

১৫৪৭০

১৫৪৭০

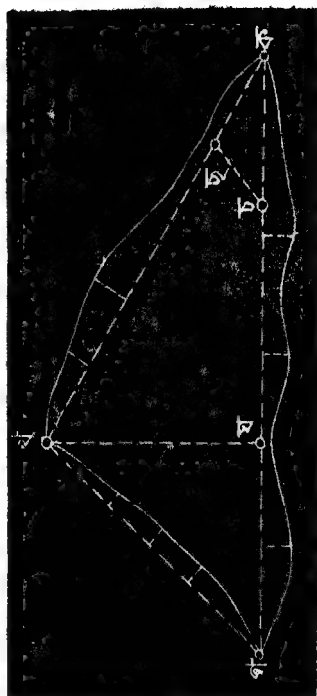
২) ১.২২৪৭৮

০.৬৪৭৩২ = ০ একর ২ রুড ২৩ পোল ।

৮। নিম্ন লিখিত চিঠা হইতে একটি কেন্দ্রের নাম  
ও কেন্দ্রকল স্থির কর।

প্রাথমিক	● ক পর্য্যন্ত	
	২৫০৪	•
	২০০০	৭৪
	১৮৬০	রেখা চ ছ = ৩৫১
	১৬৫০	১৩৭
	১৪৩০	৯০
	১২২০	১৪৪
	৮৫০	৩০
	৪২৫	১১০
	০০০	•
৮০ ১২৮ ৯৮	● গ হইতে	বামে
	● গ পর্য্যন্ত	
	১৩৪৬	
	১০৭২	
	৭০৮	
	৪৫৮	
	০০০	
	● খ হইতে	বামে
	● খ পর্য্যন্ত	
	১৯৪৬	•
● ছ	১৪৯০	৯৬
	১২০০	১৫২
	১০০০	১১২
	৬০০	
	৫২০	৫০
	০০০	
	● ক দাগে	গমন ইশানে
	আরম্ভ	

ক্ষেত্রটি অঙ্কিত করিয়া  
 চ ছ প্রামাণিক রেখা  
 মাপিয়া দেখিলে উহার  
 পরিমাণ ৩৫১ লিঙ্গ  
 হইবে ও খ ঘ লম্বের  
 পরিমাণ ১০৫৬ লিঙ্গ  
 হইবে; সুতরাং ক খ গ  
 ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল = ক গ  
 $\times$  খ ঘ  $\div ২ = ১৩২২১১২$   
 বর্গলিঙ্গ। ইহাতে ক খ  
 ও ক গ রেখাদ্বয়ের  
 পার্শ্বস্থ ভূমির ক্ষেত্র-  
 ফল ৩২৭৮৫৮ বর্গলিঙ্গ  
 যোগ করিয়া, যোগফলে  
 খ গ রেখার পার্শ্বস্থ  
 ভূমির ক্ষেত্রফল (১০০৩০৮)

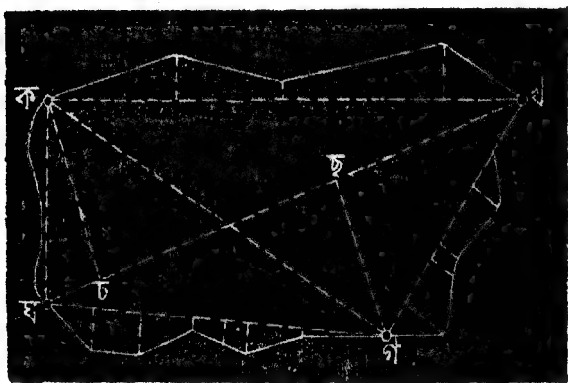


বাদ দাও, তাহা হইলে ১৫৪৯৬৪২ বর্গলিঙ্গ অবশিষ্ট থাকিবে।

সুতরাং ক খ গ ভূমির ক্ষেত্রফল = ১৫৪৯৬৪২ বর্গলিঙ্গ  
 = ১৫ একর ও প্রায় ২ রুড।

৯। নিম্নলিখিত নক্সা দেখিয়া, আনুমানিক পরিমাণ  
 দিয়া, একটি চিঠা লিখিয়া তাহার ক্ষেত্রফল স্থির কর।

এই ক্ষেত্র পরিমাণ করিতে হইলে, প্রথমতঃ ক গ য হ  
বিষম চতুর্ভুজের দ্বিগুণ ক্ষেত্রকল স্থির করিয়া, তাহাতে

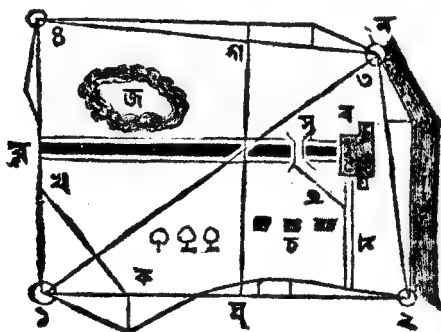


বহিঃস্থ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলগুলির দ্বিগুণ যোগ করিলেই, এই  
ক্ষেত্রের দ্বিগুণ ক্ষেত্রকল প্রাপ্ত হওয়া যাইবে। ক গ রেখাটী  
দ্বারা ক্ষেত্রটী স্বার্থক্রমে জরীপ ও অঙ্কিত হইল কি না,  
তাহা অনায়াসে জানা যাইতে পারে। যদি চিঠা পুস্তকে  
লিখিত ক গ রেখার পরিমাণ অঙ্কিত ক্ষেত্রের ক গ রেখার  
পরিমাণের সহিত মিলে, তাহা হইলে জরীপ ঠিক হইয়াছে,  
অন্তথা পরতল জরীপ করা উচিত।

১০। নিম্নলিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটী ক্ষেত্রের  
নম্বা ও তাহার ক্ষেত্রকল স্থির করিতে হইবে।

বামদিকের লম্ব	শৃঙ্খল রেখা	ডাইনদিকের লম্ব।
স — প্রামাণিক	৯৫০ ৬ ৩ পর্য্যন্ত ৫৭০ ১৪৫ ● ১ হইতে	— স রেখা ক খ = ৩০৭
	৬২০ ● ১ পর্য্যন্ত ৪০০ খ পর্য্যন্ত ২৬০ ১৫০ ● ৪ হইতে বামে	০ ৩৮ ০ ০ ৪০ রাস্তাপর্ধ্যন্ত ২০ ৫৫
	৮১০ ● ৪ পর্য্যন্ত ৩০০ ১৬০ ● ৩ হইতে বামে	০ ২৪ — স ৪০
	৫৬০ ● ৩ পর্য্যন্ত ৪০০ ● ২ হইতে বামে	৬০।৭০। নদীপর্ধ্যন্ত
৪০ ৪০ বেড়া মিলিত বেড়া পার	৮৬০ ● ২ পর্য্যন্ত ৬০০ ৫০০ ৪৮০ ৩৫০ ২০০ ক পর্য্যন্ত ● ১ হইতে	বাহিরে ৮০ > পূর্বে

এই চিঠা পুস্তকে অঙ্কিত পাঁচটি শৃঙ্খল রেখা ৩১ ৩২ ৩৩ এবং ৩৪ ৩৫ ৩৬ এই দুইটি ত্রিভুজের ভূজস্থানীয় হইয়াছে । ক্ষেত্রের চতুর্দিকে বেড়া আছে এবং প্রথম লম্বের নিকট বেড়ার যে রূপ আকার হইয়াছে তাহা দর্শাইবার জন্য > চিহ্ন দেওয়া হইয়াছে । শৃঙ্খল রেখায় ৪৮০ লিঙ্কের পার্শ্বে “বেড়া মিলিত” বলিয়া যে লেখা আছে, তদ্বারা বুঝিতে হইবে যে, বামদিকে যে বেড়া আছে তাহা উহার সহিত ঐ স্থানে মিলিত হইয়াছে । যে স্থানে বেড়া পার হওয়া গিয়াছে, যথা ৩৩ ও ৩৬ নিদর্শন স্থানের মধ্যে গ চিহ্নিত স্থান, তথায় শৃঙ্খল রেখার উভয় দিকে রেখা টানা হইয়াছে । যেখানে বেড়ার এক প্রান্ত অবধি অপর প্রান্ত পর্য্যন্ত সরল ভাবে আছে,



তথায় ঐ রেখাগুলির পার্শ্বে স এই অক্ষর প্রদত্ত হইয়াছে ; যথা চিঠা পুস্তকে ৩০০ লিঙ্কের উভয়দিকে প্রদর্শিত হইয়াছে । গ ও ঘ দুইটি স্থানের অবস্থিতি শৃঙ্খল রেখায় নিরূপণ করিয়া গ ঘ সরল বেড়াটি নজ্ঞাতে অঙ্কিত হইতে পারে ।

যেখানে ফাঁড়গুলি শৃঙ্খল রেখার উপর লম্বভাবে উঠে-

লন না করিয়া বেড়ার অভিমুখে অঙ্কিত হয়, তথায় — এই চিহ্ন প্রদত্ত হইয়া থাকে। যেমন ৩৩ ৩৪ নিদর্শন স্থানে স্থিত ৩০০ লিঙ্কের নিকট ২৪ ব্যবহৃত হইয়াছে। এই উদাহরণে ক খ প্রামাণিক রেখা; ইহার দৈর্ঘ্য ও ইহা যেখানে ৩১ ৩৩ কর্ণ রেখা ছেদ করিয়াছে তাহার পরিমাণ শেষ শৃঙ্খল রেখায় লিখিত হইয়াছে।

৩১ ৩২ ৩৩ ও ৩৩ ৩১ ৩৪ দুইটি ত্রিভুজের ৩১ ৩২ = ৮৩০, ৩২ ৩৩ = ৫৬০, ৩৩ ৩৪ = ৮১০, ৩৪ ৩১ = ৬২০, এবং ৩১ ৩৩ = ৯৫০ লিঙ্ক। ১০০ লিঙ্কে ২ ইঞ্চি কল্পনা করিয়া ঐ দুইটি ত্রিভুজ অঙ্কিত করিয়া ৩১ ৩৩ কর্ণের উপর লম্বপাত করিলে, উহারা যে প্রত্যেকে ৫০১ ও ৫২৪ লিঙ্ক তাহা প্রতীয়মান হইবে। এবং এতদ্বারা ৩১ ৩২ ৩৩ ৩৪ ট্র্যাপিজিয়ম ক্ষেত্রের কালি অনায়াসে স্থিরীকৃত হইবে। এখন ৩১ ক ও ৩৪ খ, যথাস্থ ২০০ ও ৪০০ লিঙ্কের সমান করিয়া ক খ যুক্ত কর। পরে কম্পাস দ্বারা ক খ রেখা মাপিয়া নির্দিষ্ট মানদণ্ড হইতে ইহার পরিমাণ নির্ণয় কর। জরীপ দ্বারা ক খ রেখার পরিমাণ যে ৩০৭ লিঙ্ক স্থির হইয়াছে, মানদণ্ড দ্বারা যদি সেই পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়, তাহা হইলে জরীপ বিস্তৃত হইয়াছে ইহা নিরূপিত হইবে। অতথা জরীপে ব্যতিক্রম ঘটিয়াছে ইহা অবশ্য স্বীকার করিতে হইবে। অনন্তর ৩১ ঘ = ৯৮০, ও ৩৩ গ = ৩০০ লিঙ্কের সমান লইয়া গ ঘ যুক্ত কর। তৎপরে প্রথম চারিটি শৃঙ্খল রেখা হইতে যে যে লম্ব উত্তোলন করা গিয়াছে তাহা অঙ্কিত করিলে ক্ষেত্রের নক্সা সমাধা হইবে।



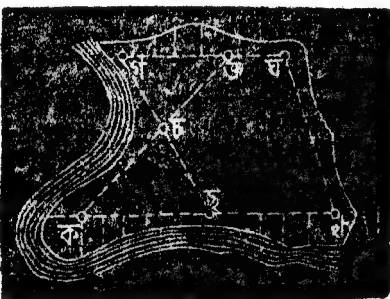


৩০ খ পর্য্যন্ত ১৩২১ ৩০ চ-তে	কর্ণ প্রত্যাগমন
৩০ ছ পর্য্যন্ত ১৯৩৯ ৩০ খ-র বামে	কর্ণ
৩০ খ পর্য্যন্ত ৫৩৬ ৩০ ঘ-র বামে	কর্ণ
৩০ ঘ পর্য্যন্ত ১৬৬৪ ৩০ ক-র দক্ষিণে	কর্ণ
৩০ ক পর্য্যন্ত ৫৬৯ ৩০ চ-র বামে	
৩০ চ পর্য্যন্ত ১৬৭ ৩০ জ পর্য্যন্ত ৬০০ ৩০ ঘ পর্য্যন্ত ৮০০ ৩০ ঙ পর্য্যন্ত ২১০ ৩০ ক-র দক্ষিণে	
৩০ জ পর্য্যন্ত ১৬৬ ৩০ ঘ পর্য্যন্ত ৮০০ ৩০ ঙ পর্য্যন্ত ২১০ ৩০ ক-র দক্ষিণে	{ ৩০ ছ পর্য্যন্ত ১৬০৭ বেড়ার দৈর্ঘ্য ।
৩০ ক পর্য্যন্ত ২৫০ ৩০ খ-র দক্ষিণে	
৩০ খ পর্য্যন্ত ১৬৯ ৩০ ঘ-র দক্ষিণে	{ ৩০ জ হইতে ৩০ ঘ পর্য্যন্ত ৫১১ প্রামাণিক রেখা ।
৩০ ঘ পর্য্যন্ত ১৬৯ ৩০ ক হইতে	উত্তরে গমন ।

## নদীর উপকূল জরীপ ।

১২ । কোন ক্ষেত্র জরীপ করিতে হইলে সৰ্ব্বাঙ্গে ঐ ক্ষেত্রের চতুর্দিকে বেড়াইয়া কোন কোন স্থলে নিদর্শন স্থান করিলে সুবিধা হইতে পারে এমত করিবে । যে যে স্থানে নিদর্শন স্থানের উপযুক্ত বলিয়া বোধ হইবে, সেই সেই স্থলে এক একটা ঘটি প্রোথিত করিবে । মনে কর, ক নিদর্শন স্থান হইতে খ নিদর্শন স্থানের অভিমুখে শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ করিতে হইবে । ক খ সরল রেখাক্রমে খ ঘটির সম্মুখে বা পশ্চাতে নিশান প্রোথিত করিবে । যেমন ক হইতে ক্রমশঃ খ অভিমুখে জরীপ করিতে করিতে অগ্রসর হইবে, সেই সঙ্গে শৃঙ্খলের দক্ষিণ পার্শ্বস্থ নদীর তীর হইতে শৃঙ্খলের উপর লম্বপাত করিয়া তাহার পরিমাণ চিঠাতে লিখিবে । লম্বপাত একরূপে করিতে হইবে, অর্থাৎ প্রতি লম্বের মধ্যে এমন ব্যবধান রাখিবে যে, তাহাদিগের অগ্রভাগ যোগ করিলে একটা সরল রেখা হয় । নতুন অঙ্কিত করিবার সময় চিঠা পুস্তক দেখিয়া লম্ব উত্তোলন করিলে, এবং সেই সকল লম্বের প্রান্তগুলি সংযুক্ত করিয়া দিলে, অবিকল নদীর আকার হয় ।

এই পার্শ্বস্থ  
পঞ্চভূজ ক্ষেত্র  
ক খ, খ ঘ, ঘ গ,  
গ ছ, ও ক জ  
রেখাক্রমে জরীপ  
করা হইয়াছে ।  
শেষোক্ত দুইটা



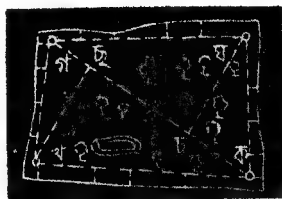
রেখা চ স্থানে অবচ্ছেদিত হইরাছে। এই ক্ষেত্রটির জরীপ ও নক্সা অঙ্কিত করিতে হইবে।

প্রথমতঃ নদীর কূলের সন্নিগটে ক চিহ্নিত স্থানে জরীপ আরম্ভ করিয়া খ অভিমুখে গমন কর। ছ চিহ্নিত নিদর্শন স্থানে উপস্থিত হইয়া ইহার পরিমাণ লিখ, এবং খ চিহ্নিত স্থানে উপস্থিত হইয়া ক খ-র দূরত্ব ও ক খ রেখার উপর যে লম্বপাত করা হইয়াছে তাহার পরিমাণ লিখ। এই রূপে খ হইতে ঘ রেখা মাপিয়া যাও এবং ঘ গ পরিমাণ কালে ঘ জ-র পরিমাণও লিখিয়া রাখ। অনন্তর গ ছ পরিমাণ কর ও গ হইতে চ চিহ্নিত স্থানের দূরত্ব লিখিয়া রাখ। পরিশেষে ছ হইতে ক অভিমুখে যাইয়া ক জ পরিমাণ কর ও ক হইতে চ চিহ্নিত স্থানের পরিমাণ লিখ। এই ক্ষেত্র জরীপকালীন প্রত্যেক রেখার উপর যে লম্বপাত করা যায় তাহারও যে পরিমাণ লইতে হইবে ইহা বলা বাহুল্য।

চিঠা হইতে ক ছ, ছ চ ও চ ক তিনটি রেখার পরিমাণানুসারে একটী ত্রিভুজ অঙ্কিত কর। পরে, ক ছ, ক চ ও ছ চ নির্দিষ্ট পরিমাণানুসারে খ, জ ও গ পর্য্যন্ত বর্দ্ধিত কর। এই ক্ষণে যদি গ জ রেখার পরিমাণ চিঠায় লিখিত পরিমাণের সহিত মিলে, তাহা হইলে জরীপ ক ছ চ ও গ চ জ ত্রিভুজের সম্বন্ধে যে বিবৃতি হইয়াছে তাহা সপ্রমাণ হইল। অপর গ জ-কে ঘ পর্য্যন্ত প্রসারিত করিয়া গ ঘ-র পরিমাণ যদি চিঠায় লিখিত পরিমাণের সহিত

মিলে, তাহা হইলে সমুদায় জরীপ বিত্তক হইয়াছে জানিবে, নচেৎ পরতল জরীপ আবশ্যক ।

১৩। ক খ গ ঘ একটা প্রশস্ত মাঠ জরীপ করিতে হইবে। অগ্রে ক থাক হইতে খ থাকের অভিমুখে শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ কর, এবং বাম-

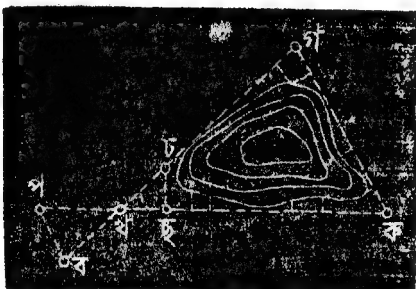


পার্শ্বস্থ বক্র রেখার অবস্থিতি ক্রমশঃ শৃঙ্খলের উপর রশি দ্বারা লম্বপাত করিয়া নির্ণয় কর। যখন খ থাকে আসিয়া উপস্থিত হইবে, তখন সেই স্থানে জরীপ কার্য শেষ করিয়া, পুনরায় ঐ প্রণালী অবলম্বন পূর্বক ক্রমান্বয়ে খ গ, গ ঘ ও ঘ ক জরীপ কর। পরে চারিটা রেখা জরীপ হইলে ক গ কর্ণ রেখা ও তদুপরি খ ও ঘ হইতে পতিত, খ ছ ও ঘ চ দুইটা লম্ব রেখা জরীপ করিতে হইবে। ক গ রেখা জরীপ করিবার উদ্দেশ্য এই যে, ইহার দুই দিকস্থ দুইটা ত্রিভুজের অবস্থিতি জানা যাইবে; সুতরাং তাহা অঙ্কিত করা সহজ হইয়া উঠিবে, ও খ ছ ও ঘ চ দুইটা লম্ব রেখার জরীপ করিবার উদ্দেশ্য এই যে, ইহাদের দ্বারা জরীপের বিত্তকতা জানা যাইতে পারে; যথা, প্রথমতঃ ক গ কর্ণের দুই দিকে দুইটা ত্রিভুজ অঙ্কিত করিলে একটা চতুর্ভুজ ক্ষেত্র অঙ্কিত হইবে। এই ক্ষেত্রে কাঁটাকম্পান দ্বারা খ ছ ও ঘ চ রেখাদ্বয় মাপিয়া নির্দিষ্ট মানদণ্ড হইতে ইহাদের পরিমাণ কত নির্ণয় কর। পরে জরীপ দ্বারা খ ছ ও খ চ রেখাদ্বয়ের

যে পরিমাণ স্থির হইয়াছে, মানদণ্ড দ্বারা যদি সেই পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়, তাহা হইলে জরীপ ঠিক হইয়াছে বলিতে হইবে।

১৪। মনে কর ক খ, খ গ ও গ ক তিনটি রেখাক্রমে একটি পুঙ্খরীণী চতুঃসীমা জরীপ করা হইয়াছে। এই ক্ষেত্রে জরীপ ঠিক হইল কি না তাহা জানিবার নিমিত্ত, চ ছ একটি রেখা দ্বারা

খ ক ও খ গ  
সংযুক্ত কর;  
যদি চ ছ রেখার  
পরিমাণ অভ্যন্ত  
ক্ষুদ্র হয়, তাহা  
হইলে গ খ ও



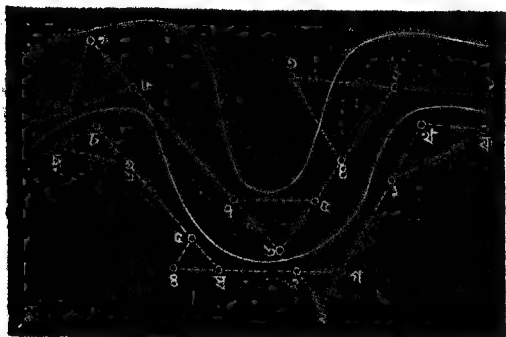
ক খ-কে ব ও প পর্যন্ত বৃদ্ধি করিয়া খ ব ও খ প-কে গ খ ও ক খ-র তৃতীয়াংশের সমান কর। নতুন অঙ্কিত করিবার সময় প ব রেখার পরিমাণ, চিঠা পুস্তকে লিখিত মাপের সহিত যদি ঐক্য হয়, তাহা হইলে জরীপ ঠিক হইয়াছে, অন্যথা পরতল জরীপ আবশ্যক।

বন, বাদা, পুঙ্খরীণী, রাস্তা প্রভৃতি জরীপ।

১৫। গজের দুই ইঞ্চি এক চেইনের স্থানীয় জ্ঞান করিয়া চিঠা পুস্তকে লিখিত নিম্নের সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটি রাস্তার নক্সা প্রস্তুত কর।

সংযোগ	১৬০ নাগাইত ১০ দাগ	রেখা ৩১০ ৩৯ = ১৬০
২৫	৫০	১৪৪
অরন্ত	৩৮ গমন বামে	
	৬৫০ নাগাইত ৯ দাগ	
	৫০০ নাগাইত ৮ দাগ	১৬০
৩০	৪০০	১৪০
১০০	২০০	৪০
সংযোগ	১৬০	রেখা ৩৭ ৩৫ = ১২০
৮০	৫০	
অরন্ত	৩৬ গমন ডাইনে	
৩০	৪৫০ নাগাইত ৬ দাগ	
৯০	৩১০ নাগাইত ৫ দাগ	৬০
সংযোগ	২৪০ নাগাইত ৪ দাগ	রেখা ৩৪ ৩৩ = ২২০
৬০	১৫০	১০০
অরন্ত	৩২ গমন বামে	
	৪৫০ নাগাইত ৩ দাগ	
বেড়াপার	৩৫০	বাহির দিকে
৮০	২০০ নাগাইত ২ দাগ	৯০
৫০	১০০	৯৪
৪০	০	৯৮
অরন্ত	৩১ দাগে গমন পশ্চিমে	

এই স্থানে জরীপ ১ দাগে আরম্ভ করিয়া ২, ৩ দাগ পর্যন্ত জরীপ করিয়া দুই পার্শ্বের লম্বগুলির পরিমাণ

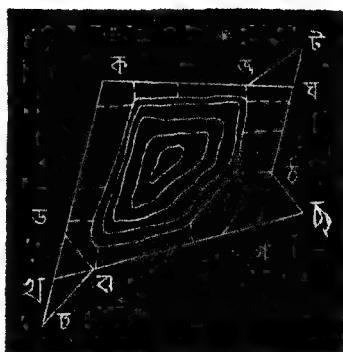


লিখিতে হইবে। পুনশ্চ ২ দাগে আসিয়া ২ দাগ হইতে ৩ দাগ পর্যন্ত শৃঙ্খল রেখার পরিমাণ লিখিতে হইবে; আর দ্বিতীয় শৃঙ্খল রেখা প্রথম শৃঙ্খল রেখার সহিত সংযোগ করিবার নিমিত্ত ৪ দাগ হইতে ৩ দাগের দূরত্ব লিখিতে হইবে। অপর ৩ দাগ হইতে ৮ দাগ পর্যন্ত দূরত্ব জরীপ করিতে হইবে; আর ৭ দাগ হইতে ৫ দাগ পর্যন্ত যে ব্যবধান তাহা দ্বিতীয় ও তৃতীয় শৃঙ্খল রেখার সংযোগে যে কোণ উৎপন্ন হয় তাহার পরিমাণ হইবে।

এই প্রণালীতে প্রধান প্রধান নগরের রাস্তা সকল জরীপ হইয়া থাকে।

১৬। বাদা কিয়া বন জরীপ করিতে হইলে, তাহাকে ত্রিভুজ দ্বারা বিভক্ত করিয়া জরীপ করা যাইতে পারে না, তাহার

চতুঃসীমা জরীপ করিতে হয় । কিন্তু কেবল চতুঃসীমা জরীপ করিয়া যাইলে শৃঙ্খলের গতি অর্থাৎ কোথায় কোন্ভাবে গিয়াছে জানা যায় না ; সুতরাং নতুন অঙ্কিত হইতে পারে না, অতএব কেবল শৃঙ্খল



দ্বারা কোণ নিরূপণ করা যায় এরূপ উপায় অবলম্বন করা উচিত ।

মনেকর, ক খ গ ঘ একটি জঙ্গল জমি জরীপ করিতে হইবে ; ইহার ক, খ, গ, ঘ, চারিটি নির্দেশন স্থান । এইক্ষেণে ক নির্দেশন স্থান হইতে খ পর্যন্ত জরীপ করিয়া চ পর্যন্ত শৃঙ্খল বুদ্ধি কর ; এবং চ স্থানে একটি ধুজা পুতিয়া খ গ জরীপ করিয়া যাও, পরে খ গ-র মধ্যে ক একটি বিন্দু নির্দেশ করিয়া চ ক জরীপ কর, তাহা হইলে খ চ ক একটি ত্রিভুজ নির্দিষ্ট হইবে । এই রূপে গ ছ ঠ ত্রিভুজ নির্দিষ্ট হইলে ঘ বিন্দুর অবস্থিতি জানা যাইবে ; সুতরাং আর ত্রিভুজ অঙ্কিত করিবার আবশ্যকতা থাকে না । কিন্তু জরীপ ঠিক হইল কি না জানিবার জন্য ঘ ট জ আর একটি ত্রিভুজ অঙ্কিত করিতে হইবে । যদি এরূপ ঘটিয়া উঠে যে, ক খ রেখা চ বিন্দু পর্যন্ত বুদ্ধি করিবার ঘো নাই, তাহা হইলে ক খ রেখায় ড এক বিন্দু নির্দেশ কর, ড খ গ রেখায় ক বিন্দু নির্দেশ কর, পরে ড ক জরীপ



করিয়া লও, তাহা হইলে ড খ ঙ ত্রিভুজ নির্দিষ্ট হইবে এই রূপে যখন যেমন সূত্রবিধা হইবে, তখন তদনুসারে প্রস্তাবিত দুইটি প্রণালীর অন্তর্ভুক্ত অবলম্বন করিয়া কার্য্য করিতে হইবে ।

১৭। কোন প্রশস্ত মাঠ অথবা গ্রাম জরীপ করিতে হইলে, জরীপ আমীন সর্ব্বাঙ্গে সেই মাঠ অথবা গ্রামের চতুর্দিকে বেড়াইয়া দেখেন যে কোন কোন স্থল নিদর্শন স্থান বলিয়া স্থির করিবেন। নিদর্শন স্থানগুলি এক্রূপ স্থানে করিতে হইবে যে, শৃঙ্খলের উভয় পার্শ্বস্থ দ্রব্যের অবস্থিতি স্থির করিতে যেন ২০০ ফিটের অধিক লম্ব গ্রহণ করিতে না হয়, কারণ লম্বগুলি ১০০ ফিটের অনধিক লওয়াই সহজ এবং সম্ভব। যদি কখন শৃঙ্খল হইতে ২০০ ফিট অপেক্ষা অধিকতর দূরবর্তী দ্রব্যের অবস্থিতি নিরূপণ করিতে হয়, তাহা হইলে শৃঙ্খলের উপর ত্রিভুজ অঙ্কিত করিলে তৎ-কার্য্য সম্পন্ন হইবে। মনে কর, ক খ শৃঙ্খল হইতে ( ৩৩৬ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দেখ ) গ দ্রব্যের অবস্থান নিরূপণ করিতে হইবে। ক খ, ক গ ও খ গ এই তিনটির পরিমাণ কত তাহা স্থির কর; পরে ক খ গ ত্রিভুজ অঙ্কিত করিলে গ বিন্দুর অর্থাৎ গ দ্রব্যের অবস্থিতি নিরূপিত হইবে। দুই পাছি শৃঙ্খলের সাহায্যে ভূমির উপর কি রূপে ত্রিভুজ অঙ্কিত

---

লম্ব গুলির দূরত্ব অধিক হইলে জরীপীকিতা দ্বারা এবং অল্প হইলে ফুটে বিভক্ত ১০ ফুট লম্বা ষষ্টি দ্বারা পরিমিত হইয়া থাকে ।

করিতে হয় তাহা ১ম ভাগে প্রদর্শিত হইরাছে। নিদর্শন স্থানগুলি স্থির হইলে সেই সেই স্থানে একটা খুঁটা প্রোধিত করিবে। পরে খুঁটার পশ্চাতে কিম্বা সম্মুখে নিশান প্রোধিত করিয়া পূর্ব মত জরীপ করিবে।

শৃঙ্খলের সম্মুখে নদী ব্যবধান পড়িলে তাহা

পরিমাণ করিবার নিয়ম ।

১৮। জরীপ করিতে করিতে শৃঙ্খলের সম্মুখে বাগী, নদী, হ্রদ ইত্যাদি ব্যবধান পড়িয়া থাকে, এমনস্থলে শৃঙ্খল কখনই তাহার মধ্য দিয়া চালাইতে পারা যায় না, সুতরাং কতকগুলি উপায় দ্বারা তাহা অতিক্রম করিতে হয়। সেই সকল উপায়ের মধ্যে কয়েকটি নিম্নে প্রদর্শিত হইতেছে।

মনেকর, ক ক শৃঙ্খলের অভিমুখে ব্যবধান পড়িয়াছে, ইহাকে অতিক্রম করিতে হইবে।

ক ক শৃঙ্খলের উপর ক ও ক বিন্দু হইতে ক ঘ ও ক প দুইটা সমলম্ব নিদর্শন করিয়া, ততক্ষণ না ক ক-র



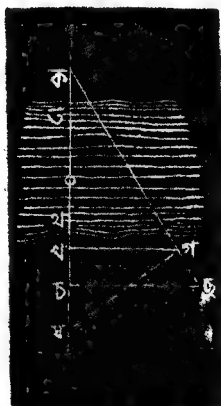
ব্যবধান অতিক্রান্ত হইবে, ততক্ষণ ঘ গ সরল রেখাক্রমে জরীপ করিয়া যাইবে। পরে চ ও ছ বিন্দু হইতে ক ঘ বা ক প-র সমান করিয়া চ খ ও ছ জ দুইটা সম উত্তোলন করিয়া খ জ সরল রেখাক্রমে জরীপ করিয়া যাও। খ জ, ক ক-র সহিত সমান্তর হাকিবে ও ক জ ও ঘ ছ দুইটা রেখা সমান হইবে।

১৯। মনে কর, ক ছ শৃঙ্খলের সম্মুখে নদী ব্যবধান পড়িয়াছে, এই নদীর পরিসর স্থির করিতে হইবে। নদীর অপর পারে যাইয়া খ একটি নিশান প্রোথিত কর। ছ ক শিকলের উপর ক ঘ লম্বপাত কর। ক ঘ-কে



গ বিন্দুতে সমাধিষ্ঠ করিয়া ইহার উপর একটি নিশান নির্ধিত কর। পরে ঘ বিন্দুতে ক ঘ-র উপর একটি লম্বপাত কর, এবং খ গ সরল রেখাক্রমে নিশান পুতিয়া যাও, মনে কর খ গ ও ঘ চ, চ বিন্দুতে ছেদিত হইয়াছে। ঘ চ পরিমাপ কর, তাহা হইলেই নদীর পরিসর স্থিরীকৃত হইল; কেননা ঘ চ = ক খ = নদীর পরিসর।

২০। খ ঘ শিকলের সম্মুখে নদী ব্যবধান পড়িয়াছে; নদীর অপর পারে খ ঘ রেখার সমান্তরালের ক একটি নিশান প্রোথিত কর। খ ঘ রেখার উপর খ গ একটি লম্বপাত কর, এবং ইহারক বহু বৃদ্ধি করিলে স্রবিকা বহু বৃদ্ধি কর। মনে কর খ গ = ১০০ হাত। ক গ রেখার উপর গ বিন্দুতে গ ঘ একটি লম্ব উত্তোলন কর, মনে কর, গ ঘ ও ক ঘ, দুই বিন্দুতে মিলিত হইয়াছে। খ ঘ-কে পরিমাপ কর (= ৩০০ হাত)। এইকণে ক গ-র পরিমাপ



৪৭শ প্রতিজ্ঞার ১ম অনুমানানুসারে নির্ণয় হইতে পারে, যথা, ক গ ঘ সমকোণিক ত্রিভুজ, সুতরাং ঘ ঘ × ঘ ক = ঘ গ<sup>২</sup>, ∴ ঘ ক =  $৪০০^২ ÷ ৩০০ = ৫৩৩\frac{১}{৩}$  হাত।

২১। যদি ঘ ঘ রেখার সম্মুখে কোন ব্যবধান পড়ে, তাহা হইলে এইরূপে অতিক্রম করিতে হইবে। নদীর তীরে ৪০০ হাত পরিমিত একটি সরল রেখা ঘ গ পাত কর। সুবিধা মত ঘ ঘ রেখায় চ একটি বিন্দু নির্দেশ করিয়া ঘ চ পরিমাপ কর (= ৩০০ হাত); চ বিন্দু দিয়া ঘ গ-র সমান্তরাল চ ছ অঙ্কিত কর, মনে কর চ ছ ও ক গ রেখা ছ বিন্দুতে মিলিত হইয়াছে, পরে চ ছ পরিমাপ কর (= ৬০০ হাত)।

ক চ ছ ও ক খ গ দুইটি তুল্যকোণিক ত্রিভুজ, সুতরাং চ ছ : খ গ :: চ ক : খ ক, কিম্বা ৬০০ : ৪০০ :: ক খ + ৩০০ : ক খ, অতএব ক খ = ৬০০ হাত।

২২। ক গ চ শৃঙ্খল রেখার সম্মুখে নদী পড়িয়াছে। নদীর পরিসর চ ছ, চ ছ-র পরিমাপ নির্ণয় করিতে হইবে।

গ চ এক গাছি শৃঙ্খলের মধ্যস্থান ঘ।

ঘ স্থানে একটি নিশান প্রোথিত করিয়া, চ ঘ ও ঘ গ-র উপর চ জ ঘ ও ঘ ক গ দুইটি সমবাহক ত্রিভুজ অঙ্কিত কর, এবং জ ও ক স্থানে নিশান প্রোথিত কর। পরে হ ঘ ও ঘ ক সরল রেখাকরে ছ জ ট ও ঘ ট দুইটি রেখা পাত কর। ইহা-



দেয় সম্পাত বিষ্ণু ট স্থানে একটি নিশান পোত ও ট পরিমাণ কর। এখন জ ক ট ও ছ চ জ দুইটি সদৃশ ত্রিভুজ হইরাছে; সুতরাং ট ক : জ ক :: চ জ : চ ছ; কিন্তু জ ক = চ জ = চ ঘ = ৫০ লিঙ্গ  $\therefore$  ক ট : চ ঘ :: চ ঘ : চ ছ =

$$\frac{চ ঘ^2}{ক ট} = \frac{৫০^2}{ক ট} = \frac{২৫০০}{ক ট}$$

বদি ক ট ১৫ লিঙ্গ হয়, তাহা হইলে নদীর পরিসর চ ছ = ১৬৬৬ লিঙ্গ হইবে।

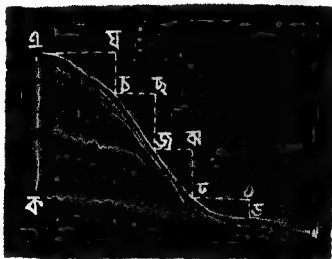
শৃঙ্খলের সম্মুখে ব্যবধান পড়িলে তাহা অতিক্রম করিবার অন্যান্য উপায় ১ম ভাগে প্রদর্শিত হইয়াছে। ৫১, ৫২ ও ১০২ পৃষ্ঠা দৃষ্টব্য।

### ক্রমনিম্নভূমির জরীপ।

২৩। সমতল ভূমি জরীপ করিতে করিতে সম্মুখে উন্নত অথবা ক্রমনিম্ন ভূমি পড়িলে, পূর্বোক্ত প্রণালী অনুসারে জরীপ করিলে প্রকৃত পরিমাণ অপেক্ষা বেশী হইবে; সুতরাং তদনুসারে নক্সা প্রস্তুত করিলে সমুদায় ভুল হইয়া যাইবে। মনে কর ক এ খ একটি ক্রমনিম্ন ভূমি, এবং এ খ, ক খ অপেক্ষা বৃহৎ; সুতরাং নক্সা প্রস্তুত করিবার সময় এ খ-র পরিমাণ জানিলে চলিবেক না, ক খ-র পরিমাণ ধার্য্য করিতে হইবে। ইহা যে প্রণালী অবলম্বন করিলা ধার্য্য হইয়া থাকে, তাহা নিম্নে প্রদর্শিত হইতেছে।

এ চিত্রিত স্থানে শৃঙ্খল বৃত্ত দূর সোজা করিয়া পারা যায় টানিয়া ধরিতে হইবে। বোধ কর ঘ পর্যন্ত শৃঙ্খল

সোজা ধরা হইয়াছে; পরে রস্থানে একটি ওলনদড়ী  
ঝুলাইয়া দিয়া উহা যে  
স্থানে ভূমিতে সংলগ্ন  
হইবে, তথা ( চ ) হইতে  
শুঙ্খল ধরিয়া পুনর্বার  
পূর্বোক্ত প্রকারে কার্য্য  
করিতে হইবে। যে  
পধ্যস্ত খ বিদূতে



আসিয়া উপস্থিত না হইবে, ততক্ষণ পূর্বোক্ত প্রণালী অব-  
লম্বন করিয়া কার্য্য করিবে। অনন্তর সমুদায় শুঙ্খলের  
মাপগুলি সমষ্টি করিলে ক খ-র পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যাইবে,  
অর্থাৎ  $এ ঘ + চ ছ + জ ঝ + ট ঠ + ড ধ = ক খ$ ।  
আর সমুদায় ওলনদড়ীর পরিমাণ সমষ্টি করিলে ক এ-র  
পরিমাণ লব্ধ হইবে, অর্থাৎ  $ঘ চ + ছ জ + ঝ ট +$   
 $ঠ ড = ক এ$ ।

২৪। জরীপ করিয়া পূর্বে এতদ্দেশে চিঠা লিখার প্রকৃ-  
রীতি ছিল ক্রাফা নিয়ে প্রদর্শিত হইতেছে।

জরীপীচিঠা মোজে বলরায়পুর, পল্লসণে গিরিপড়  
জমীদার শ্রী প্রসন্ননারায়ণ দেব ।

কাঠাকুড়া ৮০ হাতের মাপ ।

শ্রী রামচন্দ্রলাল চক্রবর্তী জরীপ আমীন ।

শ্রী কাশীনাথ দাস মুহুরী ।

সন ১২৭৯ সাল তারিখ ১০ই হইতে ১৫ই  
অগ্রহায়ণ ।

দিনায়জমজমী।

বিভারিখ ১০ই অগ্রহায়ণ।

রোজ রবিবার।

অগ্রে আরম্ভ গ্রামের বায়ুকোণে গোপালপুরের সীমানায়  
কালীনাথ মুন্সির তালুকদারের জমাই জমীর দক্ষিণ পূর্বে।

আলামী দাগ	উদং পূঃপঃ সারা	জিনিস
নং ১। প্রজা পণেশকলে	১৮০ ১৮২ ২৮১	ধানি আউণ্ডল।
নং ২। তদ। প্রজা ঐ	১/১ ১০ ১১	ধানি দোএম।

নং ৩। তপ। প্রজা হলধরমণ্ডল ১৩১ ১৪২ ২১৩	চাষি বাস্তু ১০
	উছান্ত ১০
	পালান ১১৩

কৈঃ। ব্যবসা। তাইন লাজল	বলদ	গাভী	জী	পুরুষ	লায়েক
চাষ	১	২	১	৪	৩
				নালায়েক	খানা
					১

নং ৪। তপ। জোত হলধর মণ্ডল ২/১ ২/৪ ৪৪ ধানি আউণ্ডল  
কৈঃ। ইহার ৩৮ আইলে ও দাগ মধ্য দুইটা আত্র গাছ  
আছে।

নং ৫। তপ। জোত বলরাম পাল ১১২ ২১১ ৩/২ ধানিদোএম  
কৈঃ। দাগমধ্যে একটা কুলের গাছ আছে।

নং ৬। তপ। জোত ঐ ১/০ গড় ১/৪ ২১৩	নারি আউণ্ডল
	১১৩
	বাগাৎ ১/০

কৈঃ। ইহার তাল ডহর পার কাবিলপুরের জমি।

তদপূ সন্ন্যাসীর ডোবা।

জুকসীলহকিকৎ

ব্যবসা	বলদ	গাভী	যহুবা	জী	লায়েক	নালায়েক	খানা
বন্দ চালায়	১	২	১	৪	৩	১	১

নং ৭। তপুউ। জোত রামকিশোর হুজুর দং ১৮৩ ১৮২  
বাজে চান্দনিয়া বাস।

তফসীল হকিকৎ

ব্যবসা	তাইন পুরুষ	স্ত্রী	লায়েক	নালায়েক	খানা
স্বজাতীয়	৩	১	১	২	১

নং ৮। তদ। জোত রামকৃষ্ণ কুস্তকার ১/০২/০২/০০ } বাজে  
চান্দনিয়া  
বাস ১৮০  
পালান।

ইহার ত দ কাবিলপুরের জমির মধ্যে সন্ন্যাসীর ডোবা।

ব্যবসা	তাইন পুরুষ	স্ত্রী	লায়েক	নালায়েক	খানা
স্বজাতীয়	৩	২	২	১	১

অদ্য হরিশ্চন্দ্র মিত্র গোমস্তা ও রামকৃষ্ণ মণ্ডল প্রভৃতির  
মোকাবিলায় জরীপ হইল। ইতি।

এইরূপ দিন দিন জরীপ করিয়া চিঠা প্রস্তুত হইয়া থাকে।

একওয়াল জমি।

আলামী	জমিজমি	জেরজমি	১৮১২
নং ১	২৮১		কৈফিয়ৎ
২	৪১	হাজীরা	১৮১২
৩	২১৩	পলাতকা	
৪	৪১০	চাকরাণ	
৫	৩/২	নাথেরাজ	
৬	২১৩	দেবোত্তর	
৭	১৪২	ব্রহ্মোত্তর	
৮	২/০	পীরপাল	
	১৮১২	গরপহুনি	



## নিরিখনামা ।

আলম্বী	অমিঅন্নি	নিরিখ অমিদারী প্রতিবিঘা	নিরিখ রাইয়তি প্রতিবিঘা	বৃক্ষ ও মল্লম্ব্যবিভং
ধানি আউওল	৭/১	২৥	৩৥	জী ৮
ধানিদোএম	৩/৩	১	৥	পুরুষ ১২
সারি আউওল	১/৩৥	১	১৥	গাভী ৫
চাবি বাহ	১০	২৥	৩	জায়েক ৮
উষাহ	১০	২	২৥	নালায়েক ৩
পালান	১১৩	১৥	১১৬	খানা ৩
বাজেচান্ননিয়াবাহ	৩/২	৪	৫৥	লাজল ১
বাগাৎ	১/০	৫	৭৥	বলদ ৬

১৮২৥

## খাকবস্ত সংক্রান্ত জরীপের নিয়ম ।

খাকবস্ত জরীপ তিন প্রকার, যথা সীমাবন্দী জরীপ, মহালওয়ারী জরীপ, ক্ষেত্রবটক জরীপ ।

কোন মৌজার চতুঃসীমা জরীপকে সীমাবন্দী জরীপ কহে । মৌজার অন্তর্গত অসংলগ্ন টুকরা জমির জরীপকে মহালওয়ারী জরীপ কহে । মৌজার অন্তর্গত পরস্পর সংলগ্ন টুকরা জমির জরীপকে ক্ষেত্রবটক জরীপ কহে ।

কোন মৌজা বা ক্ষেত্র যে পর্য্যন্ত বিস্তৃত থাকে, সেই বিস্তৃতির শেষকে ঐ মৌজা বা ক্ষেত্রের সীমা কহে ; এবং সেই শেষ রেখা সরল হইলে তাহাকে লাইন বা সরল সীমা বলে ।

মৌজার এক সরল সীমা হইতে অপর সরল সীমা আরম্ভ হলে, যে যে কোণ উপস্থিত হয় ; সেই সেই কোণে

মাটির স্তম্ভ অর্থাৎ থাক প্রস্তুত করিয়া মোজার চতুঃপার্শ্ব বেটেনপূর্বক, তাহাকে সন্নিহিত অপর মোজা হইতে পৃথক্ করিতে হয়, এই পৃথক্ করার নাম সীমাবন্দী করা ।

তুই সীমানার থাককে ধুই, তিন সীমানার থাককে মিনার ও চারি সীমানার থাককে তোখা বলে । ধুই তুই হাত, মিনার তিন হাত ও তোখা চারি হাত উচ্চ হইয়া থাকে ।

খণ্ড জমি সীমাবন্দী করিতে হইলে স্তম্ভ প্রস্তুত না করিয়া, এক একটা বাঁশ পুতিয়া, এক এক থাক কল্পনা করিয়া লইতে হয়, ও প্রত্যেক থাকের সঙ্গে তাহার পশ্চাতের থাকের যে বিয়ারিং ও ব্যবধান তাহা লিখিতে হয় ।

কোন গ্রাম চকবন্দী জরীপ করিতে হইলে, গ্রামের বাহু কোণে ভেসীমানায় জরীপ আরম্ভ করিবে । যদি বায়ুকোণে তিন গ্রামের সীমা সংযোগ না থাকে, তবে কিঞ্চিৎ দক্ষিণ বা পূর্বে ঘাইয়া, যেখানে গ্রামজন্মের সীমা পাওয়া যায়, সেই স্থানে আরম্ভ করা উচিত । মোজার দিকে বাম হাত রাখিয়া তাহার চতুর্দিক জরীপ করিতে হয় । নিদর্শন স্থান গুলিতে ক, খ নাম না দিয়া ১, ২, ৩ প্রভৃতি নম্বর দিতে হয় ।

কোন মোজা তুই কিয়া ততোধিক মহালভুক্ত হইলে, প্রথমতঃ মোজার সীমাবন্দী করিবে । তৎপরে যে মহালের জমি অধিক, তাহা ছাড়িয়া বাকী খণ্ড খণ্ড মহালের জমি পৃথক্ পৃথক্ সীমাবন্দী করিয়া একাদিক্রমে সংখ্যাপাত করিবে । এই সকল খণ্ড জমিকে চক্ কিয়া হক্কা অথবা টুকরা জমি কহে ।

এক মোজার মধ্যস্থলে যদি অপর কোন মোজার টুকরা

জমি থাকে এবং ঐ টুকরা হইতে প্রথমোক্ত মৌজার সীমা অন্ত্যস্ত দূর হয়, তাহা হইলে সীমাবন্দীর কোন থাক হইতে ঐ জমি একবারে দেখিতে পাওয়া যায় না। অতএব সীমাবন্দীর কোন থাক হইতে ক্রমে দশ দশ বিঘা বা তাহার নূন অস্তরে এক এক থাক কল্পনা করিয়া, দৃষ্টি করিতে করিতে ঐ জমির এক কোণ দৃষ্টি করিবে। তাহাতে ঐ জমির স্থান নিরূপিত হইবে। এই প্রক্রিয়াতে যদি থাক টেড়া বেঁকা হইয়া পড়ে তাহাতে ক্ষতি নাই; কেননা ঐ সকল থাকের বিয়ারিং ও ব্যবধান লওয়া যাইবে ও তদৃষ্টে নম্রা উঠিবে। অনন্তর, ঐ টুকরা জমির উপর উক্ত কোণ হইতে দৃষ্টি করিতে করিতে অগ্রসর হইয়া, তাহার অপর কোণ বা থাক লক্ষ্য করিয়া বিয়ারিং এবং ব্যবধান লইবে; এবং বারবার এই প্রক্রিয়াধারা টুকরা জমির সীমা স্থির করিবে। যদি টুকরা জমির পূর্বোক্ত কোণের অপর দিক হইতে বড় মৌজার আর এক থাক লক্ষ্য করিয়া, অগ্রসর হইতে হইতে বিয়ারিং ও ব্যবধান গ্রহণ পূর্বক উক্ত থাকে উত্তীর্ণ হইয়া তাহাকে টুকরা জমীর সহিত যোগ করা যায়, তাহা হইলে তাহাকে যোগবিয়ারিং কহে।

টুকরা জমির চতুঃসীমা জরীপের সঙ্গে মৌজার চতুঃসীমা জরীপের যোগ করিবার নিমিত্ত, টুকরা জমির যে পার্শ্ব মৌজার নিকটবর্তী, তথায় এক নিশান স্থাপিত করিয়া মৌজার সীমানার এক পার্শ্ব হইতে নিশানের বিয়ারিং লইয়া উভয়ের অন্তর্গত দূরত্ব পরিমাণ মাপিতে হয়। টুকরা জমিটি যদি আর একটা বড় টুকরার মধ্যে থাকে, তাহা হইলে তাহার

চতুঃসীমা জরীপকে এই বড় টুকরার চতুঃসীমা জরীপের সঙ্গে যোগ করিতে হয় ।

মৌজার সীমাবন্দীর চিঠা প্রথম লিখিয়া, টুকরা জমির চিঠা পৃথক লিখিতে হয়, কেননা মৌজার সীমাবন্দীতে চিঠার চারিটা ঘর থাকে, কিন্তু টুকরা জমির চিঠাতে পাচটা ঘর । প্রথম ঘরে টুকরার সংখ্যা, দ্বিতীয় ঘরে টুকরার থাকের সংখ্যা, তৃতীয় ঘরে বিয়ারিং সংখ্যা, চতুর্থ ঘরে ব্যবধান সংখ্যা এবং পঞ্চম ঘরে মন্তব্য কথা, অর্থাৎ সীমাবন্দী যে থাক হইতে আরম্ভ ও যে থাকে সমাপ্ত হয়, এবং সেই টুকরা যে মহাল ভুক্ত তাহার বিবরণ লিখা যায় । টুকরা জমির সীমাবন্দীতে প্রত্যেক থাকের সঙ্গে, তাহার পশ্চাতের বিয়ারিং ও ব্যবধান লিখিবার রীতি আছে, সুতরাং নক্সাতে সেই টুকরার স্থান নির্ণয় করিবার জন্য যে থাক হইতে প্রথম দৃষ্টি করা যায়, কিংবা যোগ বিয়ারিং লওয়া যায়, তাহার বিয়ারিং ও ব্যবধান লেখার আবশ্যক হয় না, কেবল সেই থাকের সংখ্যা লিখিয়া পূর্বোক্ত দুই ঘরে শূন্য দিতে হয় ।

মৌজাভুক্ত প্রত্যেক মহালের নম্বর (সংখ্যা) ও মালিক লিখিকার এবং প্রত্যেক মহালের টুকরা নির্ণয় করা ইত্যাদি বিবরণ ১২টা ঘরবিশিষ্ট একটি কক্ষে নক্সার নীচে লিখা যায়, তাহাকে ওয়াজবল আরজ কহে । তাহার প্রথম ঘরে থাকবস্তের নম্বর ; দ্বিতীয় ঘরে পরগণার নাম ; তৃতীয়ে মৌজার নাম ; চতুর্থে মৌজার লিখিত মহালের নম্বর ; পঞ্চমে মৌজার লিখিত মালিক ও হাল দখলিকারের নাম ; ষষ্ঠে

প্রত্যেক মহালের চকের সংখ্যা ; সপ্তমে রক্তের চিহ্ন ; অষ্টমে ভিন্ন গ্রামের ছিটা জমি যাহা নিজ গ্রামের গর্ভে আছে তাহার বিবরণ ; নবমে নিজ গ্রামের ছিটা জমি যাহা ভিন্ন গ্রামের গর্ভে আছে তাহার বিবরণ ; দশমে চতুঃসীমা অর্থাৎ পার্শ্ববর্তী মোজা সকল যে থাক হইতে আরম্ভ হইয়া যে থাকে সমাপ্ত হয় তাহার বিবরণ ; একাদশে মণ্ডল কর্মচারীর নাম ; দ্বাদশে মন্তব্য কথা অর্থাৎ যে সকলে আপত্তি থাকে, এবং আপত্তি উপস্থিত হইয়া যে সীমাংসা হয়, তাহার বিবরণ লিখা হয়।

অষ্টম ঘরটি আবার চারিটি ক্ষুদ্র ঘরে বিভক্ত হয়। তাহার প্রথমে ভিন্ন গ্রামের থাকবস্তার লিখিত নাম, দ্বিতীয়ে ভিন্ন মহালের নাম, তৃতীয়ে চকের তাইন, চতুর্থে রক্তের বিবরণ।

নবম ঘরটি তিনটি ক্ষুদ্র ঘরে বিভাজিত হয়। প্রথম ঘরে নিজ মহালের নাম ও সংখ্যা, দ্বিতীয়ে চকের তাইন, তৃতীয়ে যে গ্রামের গর্ভে আছে, তাহার নাম।

ক্ষেত্রবন্টক বা ক্ষেত্রবট জরীপকে হাতাবন্দী খসড়া জরীপ কহে, এবং প্রত্যেক মহালের জমি একবারে ষতটুকু মাপ করা যায়, তাহাকে হাতা কহে।

হাতাবন্দী খসড়া জরীপে, প্রথমতঃ রীতিমত মোজার সীমাবন্দী করিবে, তাহার পর সীমাংসংলগ্ন প্রত্যেক হাতার বিয়ায়িং ও ব্যবধান লইয়া সীমাবন্দী করিয়া দাইবে। অনন্তর মহাবন্দী অর্থাৎ অবশিষ্ট প্রত্যেক হাতার দৈর্ঘ্য ও পরিমার কেবল শৃঙ্খল দ্বারা পরিমাপ করিয়া জরীপ করিবে।

তাহাতে “তপ” ‘তদ’ ইত্যাদি শব্দদ্বারা প্রত্যেক হাতা হইতে অন্য হাতার দিক্ নির্ণীত থাকিবে।

মোজার বায়ু কোণ হইতে আরম্ভ করিয়া ক্রমে হাতাবন্দী করিয়া যাইবে, এবং প্রত্যেক হাতার দুই পার্শ্বের বিয়ারিং ও ব্যবধান পূর্বেই নির্ণীত হইয়াছে, বলিয়া, কেবল অন্য দুই পার্শ্বের বিয়ারিং ও ব্যবধান নির্ণয় করিয়া, হাতাবন্দীর চিঠাতে ঐ দুই পার্শ্বের বিয়ারিং ও চতুর্পার্শ্বের দৈর্ঘ্যপরিমাণ লিখিবে।

হাতাবন্দী জরীপের চিঠা স্বতন্ত্র; তন্মধ্যে বিয়ারিং দ্বারা যে জরীপ হয়, তাহার চিঠায় ১৬টী ঘর থাকে, এবং শুদ্ধ শৃঙ্খল দ্বারা যে জরীপ হয়, তাহার চিঠায় ১২টী ঘর মাত্র থাকে। যথা,—

১ম নিদর্শন স্থানের (ষ্টেশনের) সংখ্যা (নম্বর), ২য় দাগের সংখ্যা, ৩য় দিকের নির্ণয়, ৪র্থ জিলা ও পরগণার নাম, ৫ম মহালের নাম ও সংখ্যা এবং মালিক ও হাল দখলাকারের নাম, ৬ষ্ঠ কুশকের নাম, ৭ম দৈর্ঘ্যবিয়ারিং, ৮ম দৈর্ঘ্যের মাপ, ৯ম প্রস্থবিয়ারিং, ১০ম প্রস্থের মাপ, ১১শ ষ্টেশন বিয়ারিং, ১২শ ব্যবধান (ডিষ্টেন্স), ১৩শ ক্ষেত্রফল, ১৪শ জমির বিবরণ, ১৫শ শস্যাদির নির্ণয়, ১৬শ মন্তব্য কথা।

১ম দাগের সংখ্যা (নম্বর), ২য় ভৌজির \* সংখ্যা, ৩য়

\* কালেক্টরীতে ভৌজি নামে খাতাতে জমির যে নম্বর লিখা থাকে, তাহাকে ভৌজি নম্বর কহে এবং যে ব্যক্তি খাজনা দেয় তাহাকে মালিক কহে। জমি মালিকের অধিকারে না থাকিয়া অন্য ব্যক্তির অধিকারে থাকিলে হাল দখলাকার কহে।

মহালের নাম, ৬র্থ মালিক ও হাল দখলিকারের নাম, ৫ম কৃষকের নাম, ৩ষ্ঠ দিকের নির্ণয়, ৭ম দৈর্ঘ্য, ৮ম প্রস্থ, ৯ম কালি, ১০ম জমির বিবরণ, ১১শ শস্যাদির বিবরণ, ১২শ মন্তব্য কথা ।

ক্রোড়পত্রে ক'র পৃষ্ঠায় চতুঃসীমার মাপ ও চতুঃসীমা সংলগ্ন টুকরা জমিগুলির মাপ লিখিবার প্রণালী প্রদর্শিত হইয়াছে । ৭ পৃষ্ঠায় সীমাসংলগ্ন ব্যতীত অন্যান্য টুকরার মাপ লিখিবার প্রণালী প্রদর্শিত হইয়াছে ।

খাকবস্তুর রীত্যনুসারে মৌজা কিম্বা ক্ষেত্রের বায়ু কোণ হইতে প্রথম নিদর্শন স্থান আরম্ভ করিতে হয় ; এবং মৌজা বামে রাখিয়া প্রত্যেক সরল সীমা কিম্বা লাইন হইতে, অন্য সরল সীমা আরম্ভ হলে যে কোণোৎপত্তি হইবে, তথায় অঙ্গারের এক একটা স্তূপ করা হয় ; এবং এই রূপে ক্রমে ক্রমে এক এক নিদর্শন স্থান অর্থাৎ স্তূপ প্রস্তুত হইয়া থাকে । প্রথম নিদর্শন স্থান প্রস্তুত হইলেই ভাহার উপর দিগদর্শন বস্ত্র স্থাপন করিবে, এবং দ্বিতীয় নিদর্শন স্থান যে স্থলে নির্মিত হইবে, সেই স্থলে নিশান খাড়া করিয়া, কত বিয়ারিং লক্ষ্য করিবে । অনন্তর, প্রথম নিদর্শন স্থান হইতে দ্বিতীয় নিদর্শন স্থান বত বিয়া ব্যবধান তাহা শূন্য দ্বারা পরিমাণ করিবে, এবং এই বিয়ারিং এবং ব্যবধানপরিমাণ ও প্রথম নিদর্শন স্থানের সংখ্যা চিঠাতে লিখিতে হইবে । তৎপরে ঐ নিশানের স্থানে দ্বিতীয় নিদর্শন স্থান প্রস্তুত করিবে, এবং ভাহার উপর দিগদর্শন বস্ত্র বসাইয়া পূর্বে লিখিত বিয়ারিং হুটে ঐ নিদর্শনস্থান প্রস্তুত হইয়াছে

কি না, অর্থাৎ পূর্ব নিদর্শন স্থানের লক্ষিত বিস্তারিত শুদ্ধ  
রূপে লওয়া গিয়াছে কি না, তাহা পরীক্ষা করিয়া, তথা  
হইতে তৃতীয় নিদর্শনস্থান লক্ষ্য করিবে; এবং তাহার  
বিস্তারিত ও ব্যবধান ও দ্বিতীয় নিদর্শন স্থানের সংখ্যা  
চিঠাতে লিখিবে। এইরূপে প্রত্যেক নিদর্শন স্থান  
হইতে অন্য নিদর্শন স্থান লক্ষ্য ও তাহার ব্যবধান  
পরিমাণ করিয়া মোট বেষ্টনপর্যন্ত শেষ নিদর্শন স্থান  
হইতে প্রথম নিদর্শন স্থান লক্ষ্য করিয়া জরীপ সমাপ্ত  
করিবে।

সীমার বাহিরে অনতিদূরে বাটী, বৃক্ষ, নদী, রাস্তা,  
মন্দির প্রভৃতি যে কোন স্থায়ী চিহ্ন থাকে, তাহা লক্ষ্যধারা  
অথবা কোন স্তম্ভ হইতে লক্ষ্য করিয়া, তাহার বিস্তারিত  
ও দূরত্ব বৃত্ত হয়, তাহা চিঠার মন্তব্যের ঘরে লিখিবে, এবং  
নতুন অঙ্কিত করিবার সময় ঐ চিহ্ন সকলের প্রতিকৃতি  
উহার বধ্যস্থানে চিত্রিত করিতে হইবে। ভবিষ্যতে সীমা  
লইয়া বিবাদ উপস্থিত হইলে, তদ্বারা বিশেষ উপকার  
হইতে পারে।

কোন মহালের ভূমি পৃথক পৃথক চকবন্দী রূপে সরিকী  
বটন হইয়াছে। ঐ ভূমি কোন সরিকের কত, তাহা  
জানিতে হইলে, মোট গ্রাম থাক করণানন্তর বহিঃসীমার  
কোন দাগে দিগদর্শন বন্দ বসাইয়া, তথা হইতে মহালের  
যে যে স্থানে ঐরূপ ভূমি আছে, তাহা পৃথক পৃথক থাক  
করিলেই বাহার বৃত্ত ভূমি তাহা নির্ণয় হইতে পারে।



যে মানদণ্ড দ্বারা জরীপ করিতে হয়, তাহার পরিমাণ চিঠার শিরোভাগে লিখিতে হইবে।

চিঠার শীর্ষদেশে ও ওয়াজবল আরম্ভের সমস্ত কাগজে মোজার নাম স্পষ্ট করিয়া বড় অক্ষরে লিখিতে হইবে। ইহার বাম ভাগে ছোট অক্ষরে জেলার ও দক্ষিণ ভাগে পরগণার নাম ও উপরে থাকবস্তুর নম্বর এবং নীচে ধান্য ও মুন্সেফের মোতালক লিখিবে; এবং যে সন ও মাসের যত তারিখে জরীপ সমাপন হয় তাহা লিখিতে হইবে। এতদ্বির যে সকল ব্যক্তির সম্মুখে জরীপ হইয়া থাকে, তাহাদেরও নাম লিখিতে হয়।

ফর্দের (ষ্টেটমেন্টের) খানেশুমারির ঘরে হিন্দু মুসলমান লোকসংখ্যা ও পতিত জমীর সংখ্যা যথার্থরূপে হিসাব করিয়া লিখিতে হইবে। প্রতি প্রজার ঘরের সংখ্যাও লিখিবে, এবং বাটীকে এক ঘর বলিয়া ধরিবে।

এক মহালের চকের মধ্যে অন্য মহালের ছোট কোন জমি থাকিলে প্রথমতঃ সমুদায় মাপিয়া শেষে মধ্যবর্তী টুকরা মাপিবে।

প্রথম থাকবস্তুর আরম্ভে মোজার বায়ুকোণ জরীপ আরম্ভ করার রীতি আছে, যদি ঐ বায়ু কোণ তেনীমানা হয়, তবে চিঠার মন্তব্য ঘরে একটা পদ্ব চিহ্ন দিবে অথবা এই লিখিবে “অমুক মোজার শেষ সীমায় অমুক মোজা প্রাপ্ত”; কিন্তু যদি প্রথম নম্বরে তেনীমানা না হয়, তবে “অমুক মোজা ও পরগণা প্রাপ্ত”।

মোজা জরীপে প্রবৃত্ত হওয়ার ৪৫ দিবস পূর্বে ঐ

মোজার প্রকাশ্যস্থলে এই বিবরণে এক খণ্ড বিজ্ঞাপন স্থলাইয়া দিতে হইবেক যে, নিজ মোজা ও মোজার সীমার বহিঃস্থ জমীর অধিকারীগণ জরীপ কালে উপস্থিত থাকিয়া আপন আপন অধিকারভূক্ত ভূমির বখার্ব রূপে সীমা দেখাইয়া দেয় ও কোন আপত্তি থাকিলে তাহাও উপস্থিত করে, নচেৎ জরীপ সমাপনে এক সপ্তাহের মধ্যে আবেদন না করিলে পক্ষাৎ তাহার কোন আপত্তি গ্রাহ্য হইবেক না ।

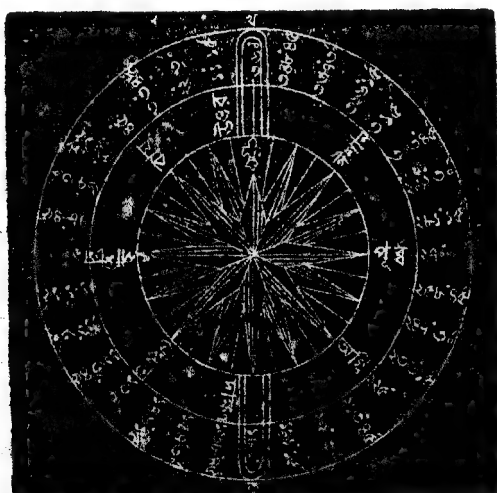
ইতি পূর্বে শুদ্ধ শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ করিবার নিয়ম প্রদর্শিত হইয়াছে, এইকণে দিগ্-দর্শন যন্ত্রদ্বারা উক্ত কার্য্য যেরূপে সম্পন্ন হইয়া থাকে তাহা উল্লিখিত হইতেছে ।

সীমাবন্ধী করিবার সময় থাকের নিদর্শন স্বরূপ যে কয়লার স্তূপ অথবা ঘণ্টী স্থাপিত হয়, তাহার উপর দিগ্-দর্শন যন্ত্র সমানভাবে স্থাপন করিতে হয় । দিগ্দর্শন যন্ত্রদ্বারা এক থাক হইতে অন্য থাক যত অংশ তাহা নিরূপিত হয় । শৃঙ্খল বা টেপদ্বারা থাকের ব্যবধান পরিমিত হইয়া থাকে । মানদণ্ড ও পরিমাপক দ্বারা নম্বা প্রস্তুত হইয়া থাকে ।

দিগ্দর্শন যন্ত্র দুই প্রকার, সামান্য ও মৌকুরিক । সামান্য দিগ্দর্শন যন্ত্র এক খানি গোলাকার চাঁদা (পরকল অর্থাৎ অংশপট) তাহার পরিধিতে ৩৬০ অংশ বা বিয়ারিং চিহ্নিত থাকে ও ঠিক মধ্যস্থলে একটী হুচী সংলগ্ন থাকে, এবং হুচীর অগ্রভাগে একটী চূষক শলাকা স্থাপিত হয়, সেটী

নিম্নতই উত্তরাভিমুখে থাকে। চাঁদা থানি কাচের ঢাকনি-  
বিশিষ্ট একটি গোলাকার কোটার মধ্যে নিহিত থাকে।

কোটাটি গোল, ৪।৫ ইঞ্চি ব্যাসবিশিষ্ট এবং আধ ইঞ্চি  
বা কিছুদধিক গভীর। কোটার বিপরীত ধারে দুই থানি  
চারি অঙ্গুল দীর্ঘ কাঁপা বীক্ষণ চুম্বী (সাইট) লম্বভাবে  
প্রোথিত থাকে। ছিদ্রের ভিতর দিয়া নিম্নের সামগ্রী  
দেখিতে পাওয়া যায়। একটার বীক্ষণ চুম্বীর ছিদ্র অধিক  
চোড়া, সেই ছিদ্রের মধ্য দিয়া এক গাছি তার সংলগ্ন থাকে।  
কোটার গর্ভে একখানি চাঁদা আঠা দিয়া সংলগ্ন থাকে।  
যে বীক্ষণ চুম্বীর মধ্য দিয়া সরু তার আছে, চাঁদার উত্তর  
ভাগটি ঠিক তাহার নিম্নে থাকে। এই যন্ত্রটি একটি আধার  
পেঁচ দ্বারা কাঠের এক ত্রিপদীর উপর স্থাপিত থাকে। যখন  
যন্ত্রটি ব্যবহৃত হয়, তখন পেঁচটি আঁটিয়া দিলে উহা ত্রিপদীর  
মস্তকের উপরে থাকিয়া চতুর্দিকে ঘুরে, অথচ উহার পড়িয়া  
ঘাইবার সম্ভাবনা থাকে না।



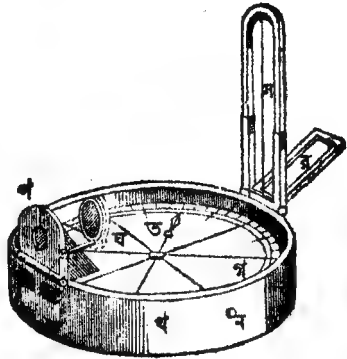
সারকম্বকরেন্ট অর্থাৎ গোলাকার বস্তুর পরিধি ৩৬০ ভাগে বিভাজিত বলিয়া কল্পনা করা যায়, এবং প্রত্যেক ভাগ অংশ বলিয়া অভিহিত হয়। অংশ সহজে গণনা করিবার জন্য উত্তর দিক্ হইতে আরম্ভ করিয়া একাদি ক্রমে সংখ্যাপাত দ্বারা পরিধি বেঠেনপূর্বক পুনশ্চ উত্তর-দিকে ৩৬০ সংখ্যাতে সমাপ্ত হইয়াছে। সেই অংশ চিহ্নিত গোলাকার একখণ্ড চিত্রপট, দিগ্‌দর্শন যন্ত্রের শলাকার নীচে থাকে তাহাকেই পরকল বা চাঁদা অথবা অংশপট্ কহে। তদ্বারা দিকের বিয়ারিং নির্ণীত হয়। এতদ্বাভীত আরও এক খণ্ড চিত্রপট পরকল সংজ্ঞা প্রাপ্ত হয়, তাহাকে নক্ষার পরকল কহে। তদ্বারা নির্ণীত বিয়ারিংয়ের নক্ষা প্রস্তুত হইয়া থাকে।

দিগ্‌দর্শন যন্ত্রের পরিধির অষ্টম ভাগ অর্থাৎ  $85^\circ$  অংশ ব্যবধানে এক এক দিক্ কল্পনা করা যায়। বথা, উত্তর হইতে  $85^\circ$  অংশ ব্যবধানে ঈশান কোণ, তাহা হইতে  $85^\circ$  ব্যবধানে পূর্ব দিক। এই রূপ পর্যায়ক্রমে প্রত্যেক দিক্  $85^\circ$  ব্যবধান থাকাতে, ঈশান কোণে  $85^\circ$ , পূর্বদিকে  $20^\circ$ , অগ্নি-কোণে  $135^\circ$ , দক্ষিণে  $180^\circ$ , নৈঋত কোণে  $225^\circ$ , পশ্চিম-দিকে  $270^\circ$ , বায়ুকোণে  $315^\circ$  এবং উত্তরে  $360^\circ$  সমাপ্ত হইয়াছে।

দিগ্‌দর্শন যন্ত্রের পরকল ও নক্ষা করিবার পরকল এই উভয় পরকলই তুল্য, কেবল অংশ সংখ্যা বিপরীত ভাবে অঙ্কিত হয়, অর্থাৎ দিগ্‌দর্শন যন্ত্রের পরকলে বামাবর্তে এবং নক্ষা করিবার পরকলে দক্ষিণাবর্তে অংশসংখ্যা অঙ্কিত হয়।

## মৌকুরিক দিগ্‌দর্শন যন্ত্র

ভূমি জরিপ করিবার  
পক্ষে সামান্য দিগ্‌দর্শন  
যন্ত্র অপেক্ষা মৌকু-  
রিক দিগ্‌দর্শন যন্ত্র  
অধিক কার্যোপযোগী  
ও বিস্তৃত। এই প্রকার  
যন্ত্রে সূচীটী অংশ-  
পটের সহিত সংলগ্ন  
থাকে, এবং অংশপট



সূচীর সহিত ঘূর্ণিত হয়। সামান্য দিগ্‌দর্শন যন্ত্রের সহিত  
এই দিগ্‌দর্শন যন্ত্রের সকল অংশেই ঐক্য আছে, কেবল  
যে নিবন্ধন ইহার নাম মৌকুরিক দিগ্‌দর্শন যন্ত্র হইয়াছে  
এতুলে তাহার বর্ণনা করা যাইতেছে।

এই যন্ত্রে একটা বীক্ষণ চুঙ্গী থাকে। ঐ বীক্ষণ চুঙ্গীর  
মধ্যে একটা তার আছে। এই বীক্ষণ চুঙ্গীর বিপরীত দিকে  
ধাতুনির্মিত আধার মধ্যে মুকুর খানি সংস্থাপিত থাকে।  
এই মুকুর সাহায্যে জরীপ আমীন, লক্ষ্য বস্তু এবং লক্ষ্য-  
বস্তু ও দিগ্‌দর্শন যন্ত্রের সূচীর সহিত রেখা কল্পনা করিলে  
যে কোণ হয়, তাহা যুগপৎ দর্শন করিতে পারেন। সামান্য  
দিগ্‌দর্শন যন্ত্র দ্বারা কোন বস্তু লক্ষ্য করিতে হইলে,  
জরীপ আমীনকে চুঙ্গীস্থিত তারকে একপে স্থাপন করিতে

হয় যে, সেই ভাৱেৰ সমন্বয়ে ৰেখা কল্পনা কৰিলে, ঐ ৰেখা লক্ষ্য বস্তৱ ঠিক মধ্যস্থল ভেদ কৰিয়া যায়, এবং ঐ ৰেখাও চুপক স্থচীৰ সংযোগে যে কোণ হয় তাহাৰ পৰিমাণ দেখিয়া নিৰূপণ কৰেন।

মৌকুৱিক দিগ্‌দৰ্শন যন্ত্ৰেৰ গুণ এই যে, চুপকীৰ মধ্যস্থিত ভাৱ লক্ষ্য বস্তৱ সমন্বয়ে স্থাপন কৰিলে, অংশপট্টেৰ কোন না কোন অংশ লক্ষ্য বস্তৱ সমন্বয়ে স্থাপিত হয়। স্থচীৰ কম্পন নিবৃত্তি হইলেই দৰ্শক সেই চুপকীৰ মধ্য দিয়াই লক্ষ্য বস্তৱ কোণেৰ অংশ পৰিমাণ নিৰ্ণয় কৰিতে পায়েন।

কোন নিদৰ্শন স্থানেৰ উপৰ টেসীন (দিগ্‌দৰ্শন যন্ত্ৰ স্থাপন কৰিবাৰ ত্ৰিপদবিশিষ্ট আসন) স্থাপন কৰিয়া তাহাৰ উপৰ দিগ্‌দৰ্শন যন্ত্ৰ বসাইবে। অনন্তৰ দ্বিতীয় নিদৰ্শন স্থানে নিশান প্ৰোথিত কৰিয়া দিগ্‌দৰ্শন যন্ত্ৰেৰ নীচেৰ বীক্ষণ চুপকীতে চকুদিয়া উপৰেৰ চুপকীৰ মধ্যদিয়া ঐ নিশান সমন্বয়ে লক্ষ্য কৰিতে হইবে। তাহাতে আমাৰ নৈৰ সঙ্গে সঙ্গে যন্ত্ৰৰ পৰকলেৰ উত্তৰ দিক দক্ষিণাবৰ্ত্তে ঘূৰিয়া সেই লক্ষিত দিকে যাইবে। কিন্তু যন্ত্ৰেৰ স্থচী সৰ্ব্বদাই উত্তৰাভিমুখে থাকে, সুতৰাং উত্তৰেৰ কাঁটাৰ নীচে বাম পাৰ্শেৰ যে বিয়াৰিং আইসে, সেই বিয়াৰিং লক্ষিত দিকেৰ বিয়াৰিং হইল। এই ৰূপে এক নিদৰ্শন স্থান হইতে অন্য নিদৰ্শন স্থান লক্ষ্য কৰিয়া তাহাৰ বিয়াৰিং নিৰ্ণয় কৰিতে হইবে। অৱীপেৰ সময় যে দিকেই লক্ষ্য কৰা যাউক না; দিগ্‌দৰ্শন যন্ত্ৰেৰ মধ্যস্থ পৰকলেৰ বা কাঁটাৰ যে ৰেখাটী চুপক শলাকাৰ মূখ্যেৰ নিৰ্ণয় পতিত

হয়, সেইটাই বিয়ারিং স্থির করিয়া লিখিতে হইবে। যথা, ঈশান কোণ লক্ষ্য করিলে, পরকলের উত্তর দিক্ দক্ষিণ পার্শ্বে  $৪৫^\circ$  অংশের হয়। তাহাতে বামপার্শ্বে  $৪৫$  বিয়ারিং উত্তরাভিমুখে শলাকার নিম্নে আইসে। এইরূপ পূর্বদিক লক্ষ্য করিলে  $৯০$  বিয়ারিং হয় ইত্যাদি। কিন্তু নজা করিবার সময় পরকল উত্তর দক্ষিণে রীতিমত বসিয়া থাকে। তাহাতেই ঐ  $৪৫$  ও  $৯০$  বিয়ারিং বামপার্শ্বে দৃষ্ট হয়। বাস্তবিক ঐ  $৪৫$  বিয়ারিং দক্ষিণ পার্শ্বে একাদিক্রমে গণনা করিলে ঈশান কোণ, এবং  $৯০$  বিয়ারিং গণনা করিলে পূর্বদিক পাওয়া যায়। এই রূপ বায়ু কোণ লক্ষ্য করিলে, দ্বিগুণ দর্শন যন্ত্রে পরকলের উত্তর দিক্ দক্ষিণাবর্তে একাদিক্রমে  $৩১৫$  বিয়ারিং অংশের হয়; তাহাতেই বামপার্শ্বে  $৩১৫$  বিয়ারিং দৃষ্ট হয়, এবং উত্তর দিক দৃষ্টি করিলে যন্ত্রের উত্তরদিক  $৩৬০$  বিয়ারিং অংশের হইয়া ঘুরিয়া পুনরায় উত্তর দিকে আইসে।

দ্বিগুণ দর্শন যন্ত্রের পরিধি  $৩৬০$  অংশে বিভক্ত হইয়া জাহার  $৩৬০$  বিয়ারিং হইয়াছে। কোন বিয়ারিংয়ের ঠিক বিপরীত পার্শ্বে যে অন্য বিয়ারিং থাকে, তাহাকে পূর্বোক্ত বিয়ারিংয়ের পাল্টা বা বিপরীত কহে। যথা,  $১$  বিয়ারিংয়ের পাল্টা  $১৮১$  বিয়ারিং ও  $৯০$  বিয়ারিংয়ের পাল্টা  $২৭০$  বিয়ারিং।

ঐ পাল্টা বিয়ারিংয়ের ব্যবধান  $১৮০^\circ$  অংশ হয় বলিয়া  $১$  অবধি  $১৮০$  বিয়ারিং পর্যন্ত যে কোন বিয়ারিংয়ের পাল্টা পাওয়া আবশ্যিক, তাহাতে  $১৮০$  যোগ করিলেই হয়। এক

১৮০ অংশের উর্দ্ধে বস্তু বিয়ারিং হয় ; তাহার পাল্টা একাদিক্রমে তত হইয়া থাকে । কেননা ৩৬০ বিয়ারিংয়ের উর্দ্ধে আর বিয়ারিং নাই । অতএব ১৮০ বিয়ারিংয়ের উর্দ্ধে ৩৬০ বিয়ারিং পর্য্যন্ত যে কোন বিয়ারিংয়ের পাল্টা লইতে হইবে, সেই বিয়ারিং হইতে ১৮০ বিয়ারিং বিয়োগ করিলে, তাহার পাল্টা স্থির হয় । যথা, ১৮৯ বিয়ারিংয়ের পাল্টা ১৮০ বিয়োগ দ্বারা ৯ বিয়ারিং স্থির হয় ।

১ম নিদর্শন স্থান হইতে ২য় নিদর্শন স্থান লক্ষ্য করিলে বস্তু বিয়ারিং দৃষ্ট হইবে, দ্বিতীয় নিদর্শন স্থানে দিগ্‌দর্শন যন্ত্র স্থাপন করিয়া প্রথম নিদর্শন স্থান লক্ষ্য করিলে, যদি সেই বিয়ারিং দক্ষিণের কাঁটার নীচে দৃষ্ট হয়, তাহা হইলে জানা যায় যে, পূর্বনিদর্শন স্থানের লক্ষিত বিয়ারিং বিত্ত্ব হইয়াছে । এই রূপে জরীপ হইয়া থাকে ।

একটা নদীর পার্শ্বস্থিত অসরল ভূমির নক্সা অঙ্কিত করিতে হইবে ।



ক চিত্রিত বিন্দুকে নিদর্শন স্থান করিয়া তদুপরি ত্রিগুণ স্থাপন করিয়া দিগ্‌দর্শন যন্ত্র সরলভাবে বসায় । পরে অচিত্রিত স্থানে একটি পতাকা লম্বভাবে ধর । অনন্তর দিগ্‌দর্শন যন্ত্রের নীচের বীক্ষণ চুঙ্গীর দ্বিত্ব দিয়া এক্রপে দেখে যে, উপরের বীক্ষণচুঙ্গীর সম্যবর্তী তারের সমন্বয়ে যেন পতাকাদণ্ডটি সমন্বিত বসিয়া বোধ হয় । পরে



দেখ যে, দিগদর্শন যন্ত্রের গর্ভস্থ চুম্বক শলাকার যুথের নিম্ন ভাগে চাঁদার অঙ্কিত অংশসংখ্যার মধ্যে কোন সংখ্যাটি পড়িয়াছে। যে সংখ্যা পড়িবে সেইটী চিঠার মধ্যের ঘরে নিদর্শন স্থানের উপর লিখ। এখন ঐ চিঠা দৃষ্টে ক্ষেত্রের নক্সা এবং ক্ষেত্রফল স্থির করা যাইতে পারে।

	৐ জ পয্যন্ত
১২৭	৭২০
১৬৩	৬০০
২২৬	৫০০
১৩৯	৩৫০
৮০	২০০
৭৪	১০০
০	০০
	৯১°
আরম্ভ	৐ ক

প্রতিকৃতি নিকাশন।  
 একতা কাগজে একটী চিহ্ন লও, যথা ক। পরে ক চিহ্নে কোণমান গজ স্থাপন করিয়া বিয়ারিং অনুসারে পরিমাণ স্থির করিয়া ক জ একটী রেখাপাত কর। অনন্তর জরীপে যে যে লম্ব উত্তোলন করা হইয়াছে, চিঠা দেখিয়া।

গমনপূঃ  
 সেই সেই লম্বের স্থানে ক জ রেখার উপর এক একটী চিহ্ন দাও ; এবং ঐ চিহ্নগুলি হইতে চিঠায় লিখিত পরিমাণানুসারে লম্ব উত্তোলন কর। এখন ঐ লম্বগুলির শীর্ষদেশ দিয়া রেখা টানিলে নদীর প্রতিক্রম অঙ্কিত হইবে। পূর্বে যে নিয়মানুসারে ক্ষেত্রফল স্থির হইয়াছে, সেই রূপে ইহার পরিমাণ স্থির করিলে ৯৬২৫০ বর্গ মাইল হইবে। দিগদর্শন যন্ত্র ও শুল্ক উভয় দ্বারা যে জরীপ করা যায়, আর ও

শৃঙ্খল দ্বারা যে জরীপ করা যায় এ দুয়েরই চিঠা এক প্রকার, কেবল এই মাত্র ভেদ যে, দিগ্‌দর্শন যন্ত্র ও শৃঙ্খল উভয় দ্বারা জরীপ করিলে চিঠাপুস্তকে অংশের অঙ্ক সকল লিখিত থাকে, শুদ্ধ শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ হইলে চিঠাপুস্তকে অংশের অঙ্ক সকল লিখিত থাকে না। মনে কর শৃঙ্খল রেখা পূর্ব পশ্চিম-দিকের অভিমুখে আছে। এই শৃঙ্খল রেখা উত্তর-দক্ষিণাভিমুখে কোন রেখা দ্বারা মধ্যে অবচ্ছিন্ন হইলে যে কোণ হয়, তাহার পরিমাণ অর্থাৎ বিয়ারিং  $৯০^\circ$ । যদি পশ্চিমদিক হইতে পূর্বদিকের অভিমুখে জরীপ হইতে থাকে, তাহা হইলে চিঠাপুস্তকের মন্তব্য কথা লিখিবার ঘরে বিয়ারিং  $৯০^\circ$  লিখিতে হয়। যদি পূর্বদিক হইতে পশ্চিমদিকের অভিমুখে জরীপ হইতে থাকে, তাহা হইলে  $২৭০^\circ$  লিখিতে হইবে।

ক্ষেত্রবন্টক জরীপ ।

মৌজে শ্যামপুর, পরগণে গোপালনগর ।\*

জিলা হুগলি । থানা নেত্রকোণা ।

জরীপ সন ১২৭৯ সাল ১৩ই অগ্রহায়ণ ।

এলাকে মহকুমে শ্রীলক্ষ্মীকৃত উপেন্দ্রনারায়ণ দিৎহ রায়বাহাদুর ।

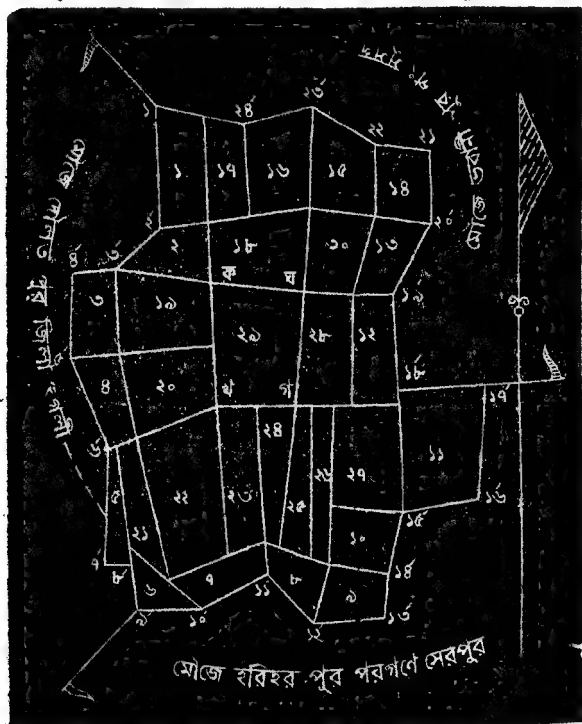
কৃত শ্রীকালীমোহন বিখাস আমীন । ৩০ ফুট শৃঙ্খলের মাপ ।

নিম্নস্থ মৌজা ক্ষেত্রবট রূপে জরীপ করিতে হইলে,

---

\* ক্ষেত্রবন্টক জরীপের চিঠার সীর্ধবেশে পূর্বোক্ত বিবরণটি লিখিতে হয় ।

অগ্রে মৌজার বায়ুকোণে তেসীমানার স্তস্তের ১' দাগে  
দিগদর্শন যন্ত্র স্থাপিত কর। অনন্তর ঐ স্তস্ত পূর্ব ও দক্ষিণ



ভাগে ১ চিহ্নিত ক্ষেত্রের যে সীমা আছে, ঐ দুই  
সীমার প্রান্তে অর্থাৎ ক্ষেত্রের ঈশান ও নৈঋত  
কোণে এক একটা নিশান ধর। এইরূপে ঐ নিশানদ্বয়  
একে একে লক্ষ্য করিয়া যে দুইটা বিয়ারিং হয়, তাহাদের  
সংখ্যা যথাক্রমে চিঠার দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ বিয়ারিংয়ের ধরে

লিখ। পরে শৃঙ্খল দ্বারা চারি সীমা পরিমাণ করিয়া যে দুই সীমার বিয়ারিং লিখিত হইয়াছে, সেই দুই সীমার অর্থাৎ উত্তর ও পশ্চিম সীমার পরিমাণ উপরিভাগে, ও তাহার নিম্নে যথাক্রমে দক্ষিণ ও পূর্ব বাহুর পরিমাণ দিক-মুচক সাক্ষেতিক বর্ণ সহকারে দৈর্ঘ্য প্রস্থ রশির ঘরে লিখ। অনন্তর ঐ স্থান হইতে মৌজার সীমার ২' চিহ্নিত নিদর্শন স্থানের, অর্থাৎ পরে যে ক্ষেত্র পরিমাণ করিতে হইবে, তাহার বায়ুকোণে ২' দাগে স্থাপিত স্তম্ভ লক্ষ্য করিয়া যত বিয়ারিং হয়, তাহা থাকবিয়ারিংয়ের ঘরে, ও শৃঙ্খল দ্বারা ১' হইতে ২' পর্যন্ত মাপিয়া যত দূর হয়, তাহা ব্যবধান (ডিষ্টেন্স) পরিমাণের ঘরে লিখ। এখন দিগ্‌দর্শন যন্ত্র তুলিয়া ২' চিহ্নিত স্তম্ভে স্থাপিত কর, ও তথা হইতে ২ চিহ্নিত ক্ষেত্রের উত্তর পশ্চিম সীমার বিয়ারিং লও, ও ৩য় ক্ষেত্রের বায়ুকোণ লক্ষ্য করিয়া তাহার বিয়ারিং ও ব্যবধান পরিমাণ কর। এই রূপে দক্ষিণ অভিমুখে যত দূর যাইতে হয়, তত দূর পর্যন্ত প্রতি ক্ষেত্রের বায়ুকোণে দিগ্‌দর্শন যন্ত্র স্থাপিত কর। দিক পরিবর্ত করিয়া পূর্বমুখে যাইতে হইলে প্রতি ক্ষেত্রের নৈঋত কোণে, উত্তরমুখে যাইতে হইলে অগ্নি কোণে, ও পশ্চিম মুখে যাইতে হইলে ঈশান কোণে দিগ্‌দর্শন যন্ত্র স্থাপিত কর, ও সেই সেই স্থান হইতে যে দুই সীমা প্রাপ্ত হওয়া যায় তাহাদের বিয়ারিং গ্রহণ কর। এই রূপ ক্রমশঃ এক এক বন্দ জমী জরীপ করিয়া পুনর্বার মৌজার বায়ুকোণের প্রথম স্তম্ভে আনিয়া মিলন কর। ভিতর হস্তা জরীপের সময় আর দিগ্‌দর্শন যন্ত্র প্রয়োগ করিতে হইবে না, শুদ্ধ শৃঙ্খল

দ্বারা জরীপ করিলে চলিতে পারে।—এইরূপ পরস্পর সন্নিহিত ক্ষেত্রগুলি জরীপ করিলে চিত্র করিবার সময় কোন ব্যাঘাত হইবে না। যে সন্নিহিত ক্ষেত্র পূর্বে জরীপ হইয়াছে, তাহার কোন দিকে যদি পূর্বে পরিমাপের দুই সীমাবিশিষ্ট জমী না পাওয়া যায়, তবে লট্কা মাপ করিবে, অর্থাৎ সেই খণ্ড (কিতা) উল্লঙ্ঘন পূর্বক সন্নিহিত বা দূর-বর্তী যে ক্ষেত্রের দুই বাহু পরিমাপ করা আছে, সেই স্থলে মাপ আরম্ভ করিবে। আর যত দাগের জরীপ যে দিকে যে কোণ হইতে আরম্ভ হয়, তাহা চিঠায় লিখিতে হইবে।

### টুকরা জমীর চিঠা।

মনে কর ক খ গ ঘ এক খণ্ড টুকরা জমী, ইহার চিঠা লিখিতে হইবে। (৩৮৬ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দেখ)।

টকের নং	ষ্টেসন নং	বিয়ারিং	ব্যবধান	মন্তব্য কথা।
২২	৩	×	×	আরম্ভ ৩
	ক	৯০	১১২	মিল ক।
	খ	১৮০	১/২১	মহাল নং ২২
	গ	৯০	১১২	
	ঘ	৩৬০	১/২১	
	ক	২৭০	১১২	-

ধাকবস্ত জরীপে যে ভুল হয় তাহা রেবেনিউ সার্কে দ্বারা সংশোধিত হইয়া থাকে। অর্থাৎ ধাকবস্তের আমিনেরা জরীপ করিয়া গেলে রেবেনিউ সার্কের আমিনেরা জরীপ করেন। যদি ধাকবস্তের আমিনদের জরীপ রেবেনিউ সার্কের জরীপের সঙ্গে মিলে, অথবা না মিলিয়া যদি শতকে ৫

যদি অনধিক কম বেশী হয়, তাহা হইলে থাকবত্তের সরীপ  
পাশ হইয়া থাকে ।

### সীমাবন্দীর চিঠা ।

ং স্টেশন	বিয়ারিং	বাবধান	মন্তব্য কথা ।
১	১৮১	১৮৩	১ নং
২	২৩৫	৮৩	মৌজে ভবানীপুরের শেষ
৩	২৬৭	৮০	
৪	১৮৩	১১২	সীমায়, মৌজে দৌলতপুর
৫	১৬০	১১২	
৬	১৮১	১৮০	জেলা হগলী প্রাপ্ত ।
৭	৯১	১৩১	
৮	১৭২	১৩	
৯	৯০	১/৮০	৯ নং উক্ত মৌজা ত্যাগ,
১০	৫৯	১/৩	
১১	১৩৭	১/৩৮	মৌজে হরিহরপুর প্রাপ্ত ।
১২	৮৭	১/২১	
১৩	৮	৮০	
১৪	১২	৮৩	
১৫	৮২	১১০	
১৬	১	১৮৩	
১৭	২৬৫	১১২	১৭ নং উক্ত মৌজা ত্যাগ,
১৮	৩৫৫	১১০	মৌজে ভবানীপুর প্রাপ্ত ।
১৯	৩২	১১১	
২০	৩৫৮	১/১১	
২১	২৭৭	১/০	
২২	২৯৯	১/২১	
২৩	২৫৭	১/২১	
২৪	২৮৩	১১৩	

চিঠা গোসেহারা করিতে হইলে প্রত্যহ ঠিকের নীচে  
ক্ষিপ্ত কাটিতে হয় । কোন কোন স্থানে প্রতি সপ্তাহে

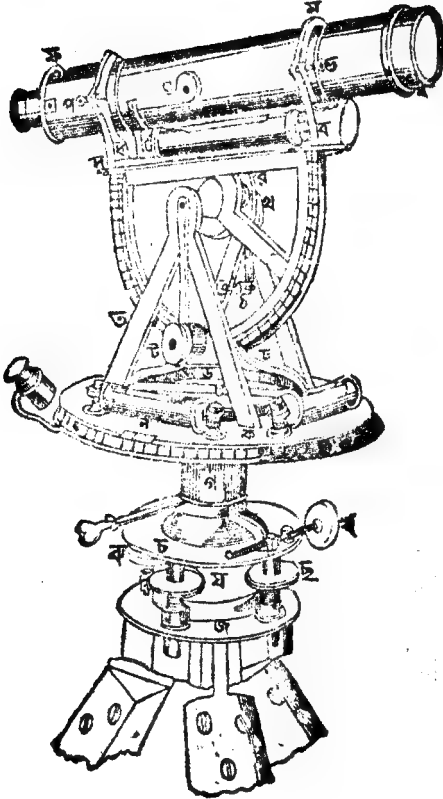
এক এক খণ্ড সাপ্তাহিক কাগজ প্রস্তুত করার রীতি আছে। এই কাগজের শীরোভাগে “সাপ্তাহিক কাগজ মৌজে” ইত্যাদি লিখিয়া, ঐ গোসেহারার সাত সাত দিনের কাগজ নকল করিয়া দেওয়া যায়, অথবা কোন্ কোন্ তারিখে কত দাগ ও কত জমী জরীপ হইয়াছে তাহাই নির্দিষ্ট করিয়া সাপ্তাহিক কাগজ প্রস্তুত হইয়া থাকে।

গ্রামের বিবিধ প্রকারের জমী ও মোট জমীর অবস্থা উত্তম রূপে জ্ঞাত হওয়া যায়, এরূপ কাগজকে একোয়াল বা খতিয়ান কহে। নানাবিধ জমী প্রত্যেক হারদরে প্রজা বিনি হইয়া যে জমা ধার্য করা যায়, তাহাকে জমাবন্দী কহে।

জমাবন্দী প্রভৃতি সকল কাগজের সদর ফর্দে শুদ্ধ শিরোনামা লিখিত থাকে, এবং তাহার নীচে মোট যত ফর্দ কাগজ তাহার পত্রাঙ্কের সংখ্যা লিখিতে হয়।

জমাবন্দী শেষ হইলে, তাহা বিস্তুক্ত হইয়াছে কি না জানিবার জন্য গোসেহারা বা একোয়ালকে প্রজার স্বরূপ করিয়া তাহার একটী জমাবন্দী করিতে হয়। ঐ জমাবন্দীর সহিত, তেরিজের ঐক্য হইলে জমাবন্দীর প্রতি সন্দেহ থাকে না; অনৈক্য হইলে বিরুওয়ারি পরতল করিয়া মিল করিতে হয়। জমাবন্দী মিল হইলে জমীজমায় (ভূমির করের) মবলগ বাকিয়া (সমষ্টি করিয়া) প্রজাদিগের নাম স্বাক্ষর করাইয়া লইতে হয়। এই জমাবন্দী দৃষ্টে আদায় (প্রাপ্তি), তহসিল (লাভ) ও জমাওয়াসিল বাকি প্রভৃতি সমুদায় কাগজ প্রস্তুত হইয়া থাকে।

কোণবীক্ষণ যন্ত্র ।



এই যন্ত্রদ্বারা দুইটি লক্ষ্য বস্তুর পারস্পরিক কোণ ও যে  
যে কোণ দ্বারা তাহাদিগের উচ্চতা নির্ণয় হয়, তাহার  
পরিমাণ নিরূপণ করা যায়। এই যন্ত্রটি তিন অংশে



বিভাজিত। শীর্ষ কোণ পরিমাণার্থে শীর্ষ অঙ্গ, ধারাতলিক কোণ পরিমাণার্থে ধারাতলিক অঙ্গ, এবং সমান্তরাল পাত্রবয়। এই দুই খানি পাত্রের মধ্যে যে খানি নীচে থাকে, তাহাতে একটি আধারপেঁচ (ফিমেলস্ক্রু) আছে, সেই পেঁচের মধ্যে শিরোদণ্ডটী অনায়াসে বসাইতে পারা যায়। ঐ দণ্ডটী মেহগ্নি কাঠের ত্রিপদীর উপর গ্রন্থি দ্বারা একরূপ কোশলে সম্বদ্ধ আছে যে, পায়ী তিনটী একত্র করিলে একটি গোল বস্টির আকার ধারণ করে, ও প্রসারিত করিলে ভূমি সমতল না হইলেও সুদৃঢ় রূপে স্থাপন করা যাইতে পারে।

ড ও ন ধারাতলিক অঙ্গটী দুইটী বৃত্তাকার ফলকে নির্মিত। ঐ দুইটী ফলক একরূপ ভাবে সংস্থিত যে, একটি অপরটীর উপর সমান ভাবে বসিতে পারে। নিম্নস্থ ফলক উপরিস্থ ফলক অপেক্ষা কিঞ্চিৎ বৃহৎ, এবং তাহার যে ভাগটী উপরের ফলকের বাহিরে পড়িয়াছে, তাহা ক্রম-নিম্ন ও সেই ভাগে অর্ধ অংশ ব্যবধানে এক এক চিহ্ন আছে। উপরিস্থ ফলককে অনুমাপক (ভার্ণিয়ার) কহে। ইহারও ধারের কিয়দংশ একরূপ ঢাল করা যে, দুই ফলকের ক্রমনিম্ন ভাগ ঠিক উপযুক্তপরি পড়িয়া যন্ত্রের ধারাতলিক অঙ্গটী এক মস্তকশূন্যবৃত্তাকার সূচীর আকার ধারণ করে। ঐ ঢালাংশ সূক্ষ্ম মাপের নিমিত্ত কলাতে বিভাজিত। উপরে যে পাঁচ ইঞ্চি পরিমিত কোণবীক্ষণ যন্ত্রের প্রতিরূপ প্রকাশিত হইল, ইহাতে  $180^\circ$  অন্তর দুইটী অনুমাপক আছে।

ধারাতলিক অঙ্গের নিম্নস্থ ফলক একটি মেরুদণ্ডে সংবদ্ধ। ঐ দণ্ডের নীচে একটি বর্তুল আছে, সেটী ফল-

কর কেন্দ্রস্থ গহ্বর মধ্যে সুদৃঢ় রূপে নিহিত। এই দণ্ড উপরিস্থ সমান্তরাল ফলককে ভেদ করিয়াছে। দণ্ডটী শূন্য-গর্ভ এবং তাহার মধ্যে আর একটি শূন্যগর্ভ দণ্ড আছে। এই আভ্যন্তরিক দণ্ডে ধারাতলিক অঙ্গের উপরিস্থ বৃত্তফলক একরূপে সংলগ্ন আছে যে, কোন নির্দিষ্ট ধারাতলিক কোণ নিষ্কাশন করিতে গেলে, সমুদায় ধারাতলিক অঙ্গ পরিচালনা দ্বারা হইতে পারে; এবং নিম্নস্থ ফলক পঁচ (ক) দিয়া আটকাইয়া কেবল মাত্র উপরের ফলক চালনা দ্বারাও উক্ত কোণ নিষ্কাশিত হইতে পারে। য চিহ্নে যে পঁচটী আছে, এটী অল্প অল্প সরে। গলাপাস (গ) বদ্ধ করিয়া এই পঁচ দ্বারা সমুদায় অঙ্গকে অল্পে অল্পে সরান যাইতে পারে। ধারাতলিক অঙ্গের পার্শ্বে আর একটি বদ্ধক পঁচ থাকে, ইহার দ্বারা উপরিস্থ ফলক অধঃস্থ ফলকের সহিত বদ্ধ করা যায়। যখন দুই ফলক এই পঁচে বদ্ধ থাকে, তখন উপরিস্থ ফলককে নিম্নস্থ ফলকের উপরে চালাইতে হইলে স্পর্শনী পঁচ (ঠ) দ্বারা আন্ত্রে আন্ত্রে সবাণ যাইতে পারে। ধারাতলিক অঙ্গের উপর দুইটী সুরাসামা যন্ত্র পরস্পর সম-কোণভাবে অবস্থিত থাকে, ও (ড) একটি দিগ্-দর্শন যন্ত্রও থাকে। এটী শীর্ষ অঙ্গের আধার স্তম্ভদ্বয়ের মাঝখানে বসান থাকে। শীর্ষ অঙ্গের এক পৃষ্ঠে অংশ চিহ্ন থাকে। চিহ্নগুলি বামদিকেও থাকে দক্ষিণদিকেও থাকে। ৩০ কলা অন্তর ০ হইতে ৯০° পর্যন্ত এক এক অংশ চিহ্নিত থাকে। দিগ্-দর্শন যন্ত্রে যে অনুমাপক আছে, তাহার দ্বারা এই পৃষ্ঠ আবার এক এক কলাতে বিভাজিত হয়। অপর পৃষ্ঠে

লিঙ্ক চিহ্নিত থাকে ; নতোগত ভূমি মাপের সময় প্রকৃত ধারাতলিক দূরত্ব নির্ণয় করিবার জন্য উন্নত ও অবনত স্থানের কোণ পরিমাণ করিতে হয়। এই পরিমাণার্থ প্রতি শৃঙ্খল হইতে যেখানে যত লিঙ্ক বিয়োগ করিতে হইবে, সেই লিঙ্ক সংখ্যাই এই পৃষ্ঠে অঙ্কিত থাকে। এই অঙ্ক যখন (ত ক) আধারের উপর স্থাপিত হয়, তখন ইহার মেরুদণ্ড ধারাতলিক অঙ্কের সহিত ঠিক সমান্তরাল ভাবে থাকিবে। অতএব যখন ধারাতলিক অঙ্কটি ঠিক সমস্থলে স্থাপিত হইবে, তখন শীর্ষ অঙ্কটিও ধারাতলিক ভাব ধারণ করিবে। এই অবস্থায় শীর্ষ অঙ্কের ধরাতল, ইহার মেরু দণ্ডের সম্মুখে লম্বভাবে ধারণ করে।

শীর্ষ অঙ্কের উপর একটা আড়া সংযুক্ত থাকে। ঐ আড়ার উপর দূরবীক্ষণ ধারণার্থ ইংরাজী অঙ্কের ওয়াই আকারের দুইটা আধার আছে, ও তাহাকে সংবদ্ধ রাখিবার জন্য দুইটা আলিঙ্গক আছে। ঐ দূরবীক্ষণের নিয়ে (খ ব) একটা সুরাসাম্য যন্ত্র এক প্রান্তে গ্রহিৎ দ্বারা ও অপর প্রান্তে একটা চড়কীশিরা পেন্স দ্বারা সংবদ্ধ থাকে। ধারাতলিক অঙ্কের মেরুদণ্ড একটা পেন্স দ্বারা দৃঢ় করিয়া শীর্ষ অঙ্ককে অপর একটা পেন্স দ্বারা অল্পে অল্পে চালান যাইতে পারে।

এই যন্ত্র ব্যবহার করিবার পূর্বে ইহার অঙ্ক সামগ্র্যসমূহ নিম্নলিখিত তিনটা প্রক্রিয়ার প্রতি বিশেষ মনোযোগ করিতে হইবে।

## ১। স্থানপরিবর্তন ও লক্ষ্যের নিমিত্ত দূরবীক্ষণের

### সামঞ্জস্য করণ ।

দূরবীক্ষণের অবচ্ছেদক তার (ক্রস ওয়াইয়ার) ও লক্ষ্য বস্তু যতক্ষণ এক সরল রেখায় না আইসে, ততক্ষণ পের্চ দ্বারা মুকুরকে ও হাত দিয়া বীক্ষণ কাচকে ঘুরাও । এই প্রক্রিয়ার নাম স্থান পরিবর্তন (পারালাক্স), অনন্তর দূরবীক্ষণকে কোন দূরস্থ বস্তুর অভিমুখে রাখিয়া দেখ যে, উহার অবচ্ছেদক তারটী ঐ বস্তুকে সম্বন্ধিতও করে কি না । পরে আলিঙ্গক বন্ধন (প), যাহা দ্বারা দূরবীক্ষণ ওয়াইয়ের মধ্যে আবদ্ধ থাকে, তাহা শিথিল করিয়া দূরবীক্ষণকে মেরুদণ্ডের উপর ঘুরাও । এই সময়ে তারদ্বয়ের সম্পাত বিন্দু যেন লক্ষ্য বস্তুর উপরে পড়ে, তাহা হইলেই সামঞ্জস্য হইবে । নতুবা লক্ষ্য রেখা, চক্ষু এবং মুকুরের কেন্দ্রদ্বয়ের মধ্যস্থিত রেখার সহিত ঐক্য হইবে না । এই ভ্রম সংশোধন জন্য দূরবীক্ষণকে ইহার মেরুদণ্ডের উপর ঘুরাও, এবং যে চারিটী যোজক পের্চ দ্বারা অবচ্ছেদক তার পরিচালিত হয়, তাহার একটী শিথিল ও সম্মুখেরটী বদ্ধ করিয়া অর্ধেক ভ্রম, এবং ঐ রূপ অপর পের্চদ্বয় দ্বারা ভ্রমের অপরাধ সংশোধন কর ।

### ২। ধারাতলিক অঙ্গসামঞ্জস্য করণ ।

দূরবীক্ষণ যন্ত্রের পায়া তিনটীকে সরাইয়া চক্ষু দ্বারা যত দূর পারা যায় উহাকে সমতল করিয়া স্থাপন কর । পরে পের্চ (ক) দ্বারা গলাপাস (প) কাটিয়া ও অনুমাপক

ফলক শিথিল করিয়া ঐ ফলককে চতুর্দিকে ঘুরাও ; এর পরাঙ্ক দূরবীক্ষণ ঠিক সমান্তরাল ফলকের দুইটি পেন্সের উপরে আনিয়া না পড়ে । অনন্তর স্পর্শনী পেন্স (৩) ঘুরাইয়া দূরবীক্ষণের নীচে যে সামান্যত্ন আছে, তাহার ফোটককে ঠিক সেই যন্ত্রের মধ্যস্থলে আন । পরে অণু-মাপক ফলককে অর্ধেক ঘুরাইয়া দূরবীক্ষণকে পুনর্বার সমান্তরাল ফলকের পেন্সের উপরে লইয়া আইস । ইহাতে সামান্যত্নের ফোটক যদি ঠিক মধ্যস্থলে না আইসে, তবে তাহাকে সমান্তরাল ফলকের পেন্সের ঘুরাইয়া অর্ধেক ঘুরাইয়া আন, ও স্পর্শনী পেন্স ঘুরাইয়া আর অর্ধেক ঘুরাইয়া ঠিক মধ্যস্থলে আনয়ন কর । দূরবীক্ষণের উভয় অবস্থাতেই ফোটক যন্ত্রের ঠিক মধ্যস্থলে থাকিবে । যতক্ষণ তাহা না হয়, পুনঃ পুনঃ ঐ রূপ প্রক্রিয়া করিবে । পরে অণুমাপক ফলককে ঘুরাইয়া দূরবীক্ষণকে সমান্তরাল ফলকের অন্য পেন্স দ্বয়ের উপরে আন, ও ঐ পেন্স দ্বারা পুনর্বার ফোটককে মধ্যস্থলে লইয়া আইস । এখন অণুমাপক ফলককে চতুর্দিকে ঘুরাইলে ফোটক মধ্যস্থলে আসিবে । ইহাতে প্রতীত হয় যে, আভ্যন্তরিক মেরুদণ্ড বাহার উপর অণুমাপক ফলক ঘুরে, তাহা সম্পূর্ণ রূপে শীর্ষস্থ হইয়াছে, আর অণুমাপক ফলকের উপর যে সামান্যত্ন অবস্থিত আছে, তাহার ফোটক চতুর্দিক মধ্যস্থলে আনিয়া যন্ত্রটি সামগ্রিক ও মেরুদণ্ডটি শীর্ষস্থ হইয়াছে । এই কণে অণুমাপক ফলককে বন্ধ করিয়া গলাপাশ শিথিল করিয়া দাখ,

এবং বহিঃস্থ মেরুদণ্ডের উপর যন্ত্রটিকে অল্পে অল্পে সরাত, তাহাতে যদিও ফোটক সাম্যস্তরের সম্পূর্ণ পরিভ্রমণ কালে এক অবস্থায় থাকে, তাহা হইলে আভ্যন্তরিক ও বহিঃস্থ মেরুদণ্ড সম্যক প্রকার মিলিত বলিতে হইবে। যে হেতু উভয়ে এক সময়ে শীর্ষস্থ হইয়াছে। কিন্তু যদি ফোটক এক অবস্থায় না থাকে, তাহা হইলে দণ্ডের দুই অংশ মিলিত হয় নাই, এবং এই দোষ যন্ত্র নির্মাতা দ্বারা সংশোধিত হইতে পারে।

### ৩। শীঘ্র অঙ্গের সামঞ্জস্য করণ।

সমস্তলের ফোটক নলের মধ্যস্থলে আসিলে দূরবীক্ষণের ওয়াই আকারের আধারের উপর তাহাকে এরূপে ঘুরাও যে, তাহার এক প্রান্ত অপর প্রান্তের স্থানে আইসে। তাহাতে যদিও ফোটক সেই স্থানে না থাকে, তাহা হইলে সমস্তলের চড়কীশরা পেঁচ দ্বারা অর্ধেক সরাইয়া সেই দোষ সংশোধন কর, অর্থাৎ ফোটক ঠিক মধ্যস্থলে আন। এই প্রকার বারম্বার কর, যে পর্যন্ত না সর্বতোভাবে উক্ত দোষ সংশোধিত হয়। পরে দূরবীক্ষণকে দক্ষিণ ও বামদিকে অল্প পরিমাণে ঘুরাইলে, যদি ফোটক তাহার গতিপথের মধ্যস্থলে না থাকে, তবে সাম্যস্তরের অন্য সীমায় যে পেঁচ আছে, তাহা দ্বারা পার্শ্ব শোধন করিতে হইবে। এই সামঞ্জস্য বিধানে পূর্বকৃত সামঞ্জস্যের অন্যথা হইতে পারে, তাহা হইলে পূর্বের প্রক্রিয়াগুলি অতি সাবধানে পুনরাক-

ঠান করিতে হইবে। যে ক্ষুদ্র পেন্ট শীর্ষ অঙ্গের অণুমাপককে দিগদর্শন যন্ত্রের উপরিস্থ অণুমাপক কলকের সহিত সংযুক্ত করিয়াছে, তদ্বারা অণুমাপকের শূন্যস্থল শীর্ষ অঙ্গের শূন্য স্থলের উপর বসায়, তাহা হইলে শীর্ষ অঙ্গ সংস্থাপন সর্ব-তোভাবে বিত্ত্ব হইবে।

### ধারাতলিক কোণ নিরূপণ।

যখন কোণমান যন্ত্র সামঞ্জস্য হইল বলিয়া স্থির হইবে, তাহার পায় তিনটি বিস্তার করিবে, তাহা হইলে সাম্যযন্ত্রের দুইটি ফোটক প্রায় মধ্যস্থলে আসিবে ও তাহাদিগের নিম্নস্থ ভাররজ্জু যে স্থানের কোণ পরিমাণ করিতে হইবে, ঠিক তাহার উপর স্থলিতে থাকিবে। পরে আর আর পেন্ট বন্ধ রাখিয়া (খ) পেন্ট দ্বারা সমুদায় যন্ত্রকে শিথিল কর। অনন্তর অণুমাপক কলক শিথিল করিয়া পূর্ব নিয়মানুসারে ধারাতলিক অঙ্গকে সমতল কর এবং সমুদায় যন্ত্রকে বন্ধ কর; ও অতি সাবধানে অণুবীক্ষণ ও মিলন পেন্টদ্বারা অণুমাপকের ডীরকে অধঃস্থ কলকের  $৩৬০^\circ$  বা  $০^\circ$  অংশের উপর রাখ। পুনরায় সমুদায় অঙ্গকে শিথিল করিয়া, তাহাকে যে স্থানের কোণ গ্রহণ করিতে হইবে, তাহার বামে ঘুরায়, যে পর্যন্ত দূরবীক্ষণের ভারঅবচ্ছেদকবিন্দু লক্ষ্য স্থানের মিশান প্রভৃতি কোন পদার্থের উপর না পড়ে। পরে (ক) পেন্ট বন্ধ করিয়া (খ) পেন্ট যত্নভাবে ঘুরাইলে সর্বতোভাবে ঠিক হইতে পারে। অনন্তর ভারঅবচ্ছেদকবিন্দু, দ্বিতীয়

লক্ষ্য স্থানের কোন বস্তুর উপরে যে পর্য্যন্ত না পড়ে, অণু-  
মাপক ফলককে স্থিতি করিয়া ততক্ষণ ঘুরাও। তৎপরে  
অণুমাপক ফলককে পূর্বমত বদ্ধ ও সামঞ্জস্য কর, এবং কত  
অংশ কোণ হইল তাহা অণুবীক্ষণ ও অণুমাপক দ্বারা  
দেখিয়া স্থির কর। পরে অন্য অণুমাপক দ্বারা ঐ প্রকারে  
কোণের অংশ স্থির কর। ঐ দুই কোণের সমষ্টির গড়  
অর্থাৎ অর্দ্ধেক প্রকৃত কোণ হইবে।

### শীর্ষকোণ গ্রহণ ।

পূর্বের ন্যায় যন্ত্রকে সমতল করিয়া অণুবীক্ষণ দ্বারা  
দেখ, যে শীর্ষ অঙ্গের শূন্য স্থান অণুমাপকের শূন্য স্থানের  
সহিত ঐক্য হইয়াছে কিনা। যদি হইয়া থাকে, তবে যে  
পর্য্যন্ত ইহার অবচ্ছেদকতার লক্ষ্য বস্তুর উপরে পতিত না  
হয়, দূরবীক্ষণকে ততক্ষণ উন্নত বা অবনত কর। পরে যন্ত্র-  
বদ্ধ করিয়া সামঞ্জস্য কর। এখন যদি অণুমাপকের ভীর,  
দূরবীক্ষণের বুকুর ও শীর্ষ বস্তুর শূন্য অংশের মধ্যে পরে,  
তাহা হইলে যে কোণটি বাহির হইবে, তদ্বারা লক্ষ্য বস্তু কত  
নীচে তাহা নির্ণীত হইবে, অন্যথা শীর্ষ কোণ বাহির হইবে,  
অর্থাৎ বদ্বারা লক্ষ্য বস্তু কত উর্দ্ধে আছে তাহা নিরূপণ  
হইবে।

কোণবীক্ষণ যন্ত্রদ্বারা বন, হ্রদ, বন্দর, নদী, রাস্তা,

প্রভৃতি জরীপ করিবার নিয়ম ।

(১) প্রথমে যে একটি বনের প্রতিকল্প প্রকাশিত হইল,  
ইহার নক্সা ও কেন্দ্রকল স্থির করিতে হইবে।



০ চ হইতে

৫৮° ২৩'

০ ক পর্য্যন্ত

১৭৯৩

১০৫০

০০০

০ ঘ হইতে

২৪১° ৩৮'

০ চ ৮

০ চ পর্য্যন্ত

১৭৯০

০০০

০ গ হইতে

৪৬° ৫১'

০ ঘ ৮

০ ঘ পর্য্যন্ত

১৮৯৮

২০০

০০০

০ খ হইতে

১১১° ৩৯'

০ গ ৮

০ গ পর্য্যন্ত

২৬৭৮

১৪০০

৮০০

০০০

০ ক হইতে

৮১° ২৯'

০ খ ৮

০ খ পর্য্যন্ত

২৩০২

১৮০০

১১০০

৬০০

৩২০

২২৫

কোণের লব্ধ

আরম্ভ

০ ক হইতে

০ খ পর্য্যন্ত

০ ক পর্য্যন্ত

০ চ পর্য্যন্ত

০ ঘ পর্য্যন্ত

০ গ পর্য্যন্ত

গমন পর্য্যন্ত



করিয়া দূরবীক্ষণকে গ ৩ নিদর্শনস্থানের অভিমুখে বামদিক্ হইতে দক্ষিণ দিক্ দিয়া পরিচালিত কর, তাহা হইলে দৃষ্ট হইবে যে, ক খ গ কোণের পরিমাণ চিঠায় লিখিত পরিমাণের সহিত মিলিবে, অর্থাৎ  $৮১^{\circ} ২১'$  হইবে। এইরূপে প্রভীত হইবে যে, গ ও ঘ নিদর্শন স্থানের কোণপরিমাণ  $১১১^{\circ} ৩৯'$  ও  $৪৬^{\circ} ৫১'$  হইবে; ও খ গ, গ ঘ ও ঘ চ রেখাত্তর প্রত্যেকেই পূর্ববর্তী রেখার বামদিকে বক্র হইয়া যাইবে। চ বিন্দুস্থ কোণ  $২৪১^{\circ} ৩৮'$ ; উহা  $১৮০^{\circ}$  অর্থাৎ অর্ধবৃত্ত ছ ব অপেক্ষা বৃহৎ হওয়াতে দেখা যাইতেছে যে, চ ক রেখা দক্ষিণ দিকে যাইবে। পরিশেষে দৃষ্ট হইবে যে, ক ৩ নিদর্শন স্থানের কোণপরিমাণ  $৫৮^{\circ} ২০'$ , সুতরাং ক খ রেখা চ ক রেখার বামদিকে যাইবে। এইরূপ কোণের পরিমাণ দ্বারা জ্ঞাত হওয়া যায় যে, নূতন রেখা পূর্বতন রেখার দক্ষিণ বা বামপার্শ্বে বক্র হইয়া যাইবে কিনা, অর্থাৎ কোণের পরিমাণ  $১৮০^{\circ}$  অপেক্ষা নূন হইলে, নূতন রেখা পূর্বতন রেখার বামদিকে এবং তদপেক্ষা বৃহৎ হইলে দক্ষিণ দিকে যাইবে। যন্ত্রের শূন্য বিন্দুটী অগ্রবর্তী রেখার আরম্ভ স্থলে চালিত করিতে হইবে। অতএব চিঠাতে প্রথম বেধা ভিন্ন, অপর রেখা সমুদায়ের বিষারিং লইবার আবশ্যকতা থাকেনা।

### নক্সা ও প্রমাণকরণ ।

নির্দিষ্ট অভিমুখে ক খ রেখা পাত করিয়া, তাহাতে নির্দিষ্ট বৈধা অর্থাৎ ২০০২ লিঙ্ক চিহ্নিত কর। পরে কোণমান যন্ত্রের কেন্দ্র খ ৩ নিদর্শন স্থানের উপর বসাই, ও

তাহার ঋজু পার্শ্ব উক্ত ক খ রেখার সহিত মিলিত করিয়া  
খ চিহ্নে  $৮১^{\circ} ২৯'$  পরিমিত একটা কোণ গ্রহণ করিয়া একটা  
চিহ্ন দাও। পরে খ বিন্দু ও উল্লিখিত চিহ্ন দিয়া নির্দিষ্ট  
দৈর্ঘ্য অর্থাৎ ২৩৭৮ লিঙ্গ পরিমিত খ গ একটা রেখা পাত  
কর। এইরূপে গ ও খ বিন্দুস্থ কোণ অঙ্কিত করিয়া পর-  
বর্তী রেখাঙ্কন পাত কর। চ বিন্দুস্থ কোণ  $২৪১^{\circ} ৩৮'$ ;  
সুতরাং, চ ক রেখা অবশ্যই ঘ চ রেখার দক্ষিণে আসিবে  
ও চ বিন্দুতে যে কোণ নিকাশন করিতে হইবে, তাহা  $৩৬০^{\circ}$   
 $\leftarrow ২৪১^{\circ} ৩৮' = ১১৮^{\circ} ২২'$  হইবে, এবং চ ক রেখা অঙ্কিত  
করিলে তাহা মাপের আরম্ভ স্থান ক বিন্দুতে মিলিত হইবে,  
কিন্তু তাহার অত্যন্ত নিকটস্থ হইবে। কিন্তু যদি চ ক রেখা  
ক বিন্দুতে মিলিত না হইয়া তাহা হইতে দূরে পতিত হয়,  
তাহা হইলে কোণ গ্রহণ করিতে অথবা রেখা মাপ করিতে  
ক্রম হইয়াছে বুঝিতে হইবে। বহুবল কেন্দ্রের অন্তরে বাহর  
স্থিতিত চতুর্কন সমকোণ থাকে। সুতরাং, এই নির্দিষ্ট  
কেন্দ্রের এটা অন্তরস্থ কোণের সমষ্টি  $= ৫ \times ২ - ৪ = ৬$   
সমকোণ  $= ৯০^{\circ} \times ৬ = ৫৪০^{\circ}$  হইবে।

যথা,— খ বিন্দুস্থ কোণ  $= ৮১^{\circ} ২৯'$

গ	ঐ	$= ১১১^{\circ} ৩৯'$
ঘ	ঐ	$= ৪৬^{\circ} ৫১'$
চ	ঐ	$= ২৪১^{\circ} ৩৮'$
ক	ঐ	$= ৫৮^{\circ} ২৩'$

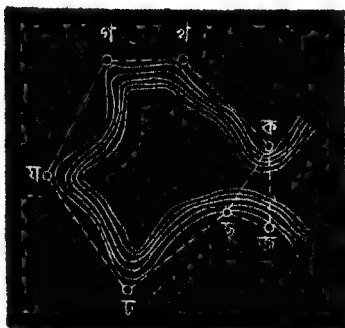
কোণ সমষ্টি প্রমাণ ৫৪০°

পূর্বোক্ত কল হইতে প্রতীত হইতেছে যে, কোণগুলি  
বিভিন্ন রূপে গৃহীত হইয়াছে, কিন্তু যদি চ ক রেখা ক বিন্দুতে  
না মিলে, তবে কোন রেখা পরিমাপ করিতে বা চিঠাতে

লিখিতে ভ্রম হইয়াছে। এই ভ্রম অনায়াসে সংশোধিত হইতে পারে।

হ্রদ, বিল ও বৃহৎ পুকুরিীর মাপ ও নক্সা অঙ্কিত করা পূর্বোক্ত প্রকারে হইতে পারে।

২। পার্শ্বে যে চিত্র-  
ক্ষেত্র প্রদর্শিত হইল,  
ইহা একটা উপসাগর।  
অর্ণবযান নিরাপদে  
স্রাশিবার নিমিত্ত ইহার  
পরিমাণ করা আব-  
শ্যক।



এই চিত্রে জোয়া-

রের সময় উপকূলের সীমা প্রদর্শিত হইয়াছে। খ, গ, ঘ, চ  
হ ও জ কয়েকটা নির্দশন স্থানে নিশান স্থাপনপূর্বক, ক ও  
হইতে অরীপ আরম্ভ করিয়া ঐ স্থানেই জ ক হ কোণ গ্রহণ  
কর। প্রথমে খ ক রেখাকে পঞ্চাৎ দিকে জোয়ারের চিহ্ন  
পর্যন্ত বর্দ্ধিত করিয়া খ ও পর্যন্ত মাপিয়া ক খ গ কোণ  
গ্রহণ কর। এইরূপে অগ্রবর্তী রেখাসমূহের ও কোণগুলির  
পরিমাণ গ্রহণ করা হইলে, ক হ জ কোণ ও হ জ ক কোণ গ্রহণ  
করিয়া হ জ রেখাকে জোয়ারের জলের সীমা পর্যন্ত বর্দ্ধিত  
কর। অরীপের সঙ্গে সঙ্গেই সমুদ্রায় লম্বগুলির পরিমাণ  
যে গৃহীত হইয়াছে তাহা বলা বাহুল্য। এইকণে পূর্বে যে  
ধনের নক্সার উদাহরণ দেওয়া হইয়াছে, তদনুরূপ এই উপ-  
সাগরের প্রতিকৃতি অঙ্কিত করা যাইতে পারে ও কোণের

বিস্তৃতি দ্বারা রেখা সমূহের অভিমুখ জানা যাইতে পারে ।  
এই বন্দরের দ্বার অর্থাৎ প্রবেশপথ অতি বিস্তৃত বলিয়া  
ক ছ ও ক জ রেখাদ্বয়ের পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যাইতে পারে  
না বটে, কিন্তু এতদ্বারা জরীপ কার্যের বিস্তৃতি অবগত  
হওয়া যায় । অর্থাৎ ক, ছ ও জ বিন্দুত্র কোণ পরিমাণ  
করিয়া জরীপ ঠিক হইল কিনা তাহা জানা যাইতে পারে ।

৩। কোণবীক্ষণ যন্ত্রদ্বারা জরীপ করিয়া নিম্নলিখিত সংক্ষিপ্ত  
বিবরণ হইতে একটা নদীর নক্সা অঙ্কিত করিতে হইবে ।  
( ৩৫৮ পৃষ্ঠার প্রতিকৃতি দ্রষ্টব্য ) ।

	ছ পর্য্যন্ত ১০০	৩০
	০	৩০
< ঘচছ	১০৪°	
	চ হইতে	বামে
	চ পর্য্যন্ত ৪৩০	৫০
	৪০০	৯০
	১৫০	২২
< গঘচ	১৩৩°	
	ঘ হইতে	দক্ষিণে
	ঘ পর্য্যন্ত ২৮০	৪০
	২০০	৩০
< খগঘ	১১৫°	
	গ হইতে	দক্ষিণে
	গ পর্য্যন্ত ৩৮০	৯০
	২০০	৩০
	০	৪০
< কখগ	১১৩°	
	খ হইতে	বামে
	খ পর্য্যন্ত ১৫০	২০
	০	৪০
আরম্ভ	ক হইতে	গমন প

ক ও খ দুইটা নিদর্শন স্থানে পতাকা স্থাপন করিয়া, ইহাদের মধ্যগত দূরত্বপরিমাণ ও ইহার উপর অঙ্কিত লম্বের পরিমাণ নির্ণয় কর। পরে খ স্থানে আনিয়া গ চিহ্নিত স্থানে একটা নিশান প্রোথিত কর, এবং গ নিদর্শন স্থানে কোণবীক্ষণ যন্ত্র স্থাপন কর, ও ক খ গ কোণের মান নিরূপণ করিয়া চিঠাতে “ক ও গ-র মধ্যগত কোণের মান” বা “ $\angle$  ক খ গ” এই বলিয়া লিখ। অনন্তর গ চিহ্নিত স্থানে উপস্থিত হইয়া ঘ স্থানে একটা নিশান প্রোথিত কর, ও খ গ ঘ কোণের মান নিরূপণ করিয়া চিঠাতে লিখ। এই রূপে অন্যান্য কোণের অংশপরিমাণ লিখিয়া বাও।

সমান অংশের মানদণ্ড দ্বারা ১৫০ হাত পরিমিত একটা রেখা ক খ অঙ্কিত কর, এবং তাহার উপর লম্বগুলি পাত কর। পরে কোণমান গজের মধ্যস্থল খ চিহ্নিত স্থানে স্থাপিত করিয়া, তাহার এক পার্শ্ব ক খ রেখার উপর রাখ, এবং ক খ গ কোণকে ১১৩° অংশ পরিমিত করিয়া লও। পুনশ্চ, কোণমান গজের মধ্যস্থান গ চিহ্নিত স্থানে রাখিয়া গ ঘ এরূপে অঙ্কিত কর যে, খ গ ঘ কোণের মান ১১৫° হয়। এইরূপে অন্যান্য শৃঙ্খল রেখাগুলি আঁকিয়া বাও।

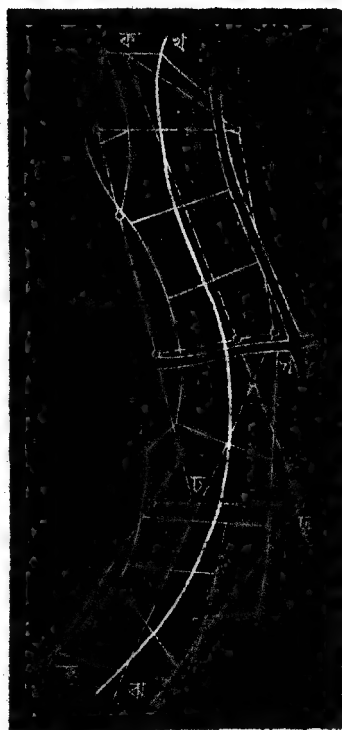
৪। নিম্নে যে চিত্রক্ষেত্র প্রকাশিত হইল, ইহার মধ্যস্থ খ জ স্থল কুটিল রেখাটী একটা লৌহবস্ত্র। ইহা ক হ ১ম তল রেখার ক স্থানে আরম্ভ হইয়া হ পর্যন্ত গমন পূর্বক গ জ প্রধান রেখার দিকে ফিরিয়াছে; এবং ইহাকে একবার উল্লম্বন ও আর বার প্রত্যুল্লম্বন করিয়াছে। গ ক

রেখা ক হ-র সহিত চ হ  
প্রামাণিক রেখার দ্বারা  
যুক্ত হইয়াছে। এই  
রূপে পরবর্তী প্রধান  
রেখা, গ ঝ রেখার  
সহিত সংযুক্ত করিয়া,  
লৌহবন্ধ যে অভিমুখে  
বা যত দূর বিস্তৃত  
হউক না, জরীপ  
হইতে পারে।

৫। নিম্নে যে নদীর  
প্রতিকৃতি প্রদর্শিত  
হইল, ইহার জরীপ  
ও নক্সা করিতে হইবে।

নদী যে যে স্থানে  
বক্র হইয়াছে প্রথ-  
মতঃ সেই সেই স্থানে

এক একটী নিশান প্রোথিত কর, যথা ক, খ, গ, ঘ, ছ।  
পরে ক খ সরল রেখা মাপিয়া বাও ও তাহার উপর যে যে  
লম্বগুলি উত্তোলন করা হইবে তাহাদের পরিমাণও  
গ্রহণ কর। যদি নদীর পরিসর বড় না হয়, তাহা হইলে  
একটী শূন্যগর্ত সীসার গোলায় এক খণ্ড সূত্রের  
এক প্রান্ত বান্ধিয়া, অপর প্রান্ত হস্তে ধারণপূর্বক  
উহাকে অলেনিকৈপ কর। ঐ গোলা ভাসিতে ভাসিতে





নদীর অপর পারে পৌঁছিলে, উহাকে টানিয়া লইয়া সূত্রটি  
 মাপিলেন নদীর পরিসর স্থির  
 হয়। ক খ রেখা মাপিবার  
 সময় ৩ চ-তে একটি নিশান  
 পুতিয়া যাও। এই স্থান হইতে  
 নদীর দৈর্ঘ্যের অভিমুখ  
 অনেক দূর পর্যন্ত লক্ষিত  
 হইয়া থাকে। ক খ রেখা  
 মাপিয়া খ কোণ গ্রহণ  
 করাতে তাহার পরিমাণ  
 $১৮০^\circ$  অপেক্ষা নূন হও-  
 য়াতে প্রতীত হইতেছে যে,  
 খ গ রেখা বামাভিমুখে  
 চলিয়াছে। অনন্তর, খ গ  
 রেখা মাপিয়া গ কোণ  
 গ্রহণ করাতে তাহার পরি-  
 মাণ  $১৮০^\circ$  অপেক্ষা বেশী  
 হওয়াতে প্রতীত হইতেছে যে, গ ঘ রেখা দক্ষিণাভিমুখে  
 চলিয়াছে। এইরূপে ছ পর্যন্ত মাপিয়া, ছ স্থানে ছ চ  
 রেখা দ্বারা যে কোণ হইয়াছে তাহা পরিমাণ কর। ইহার  
 দ্বারা জরীপের বিভক্ততা নিরূপিত হইবে। যদি নদীর  
 পরিসর বৃহৎ হয়, তাহা হইলে নদীর অপর পারে ঘাইয়া  
 পূর্বোক্ত রূপ প্রক্রিয়া কর, এবং খ গ রেখাকে বর্ধিত  
 করিয়া দুই পার্শ্বের অবীণী রেখাকে সংযুক্ত কর।



## উৎকৃষ্ট প্রথা অনুসারে চিঠা লিখিবার ধারা ।

প্রায় ৫০ বৎসর হইল ডাক্তর রড্‌ফ্রেম চিঠা লিখিবার পদ্ধতিবিশিষ্ট উৎকৃষ্ট প্রথা প্রকাশ করেন; ইহা এইক্ষণে ইউরোপে প্রায় সর্বত্র প্রচলিত হইয়াছে ।

এই জরীপ অসি নদীর উপর যে সেতু আছে, তাহার উত্তরপশ্চিম পার্শ্বস্থ স্থম্ভ হইতে আরম্ভ হইয়া, উত্তর-পশ্চিমাভিমুখে এক্রপে চলিয়াছে যে, তদ্বারা ১ চিহ্নিত বনটীর মধ্যে না পড়িয়া তাহার ঠিক ধার দিয়া গিয়াছে। শৃঙ্খল রেখাগুলি বন্ধনীর অন্তর্গত সংখ্যাবাচক অঙ্কদ্বারা নির্দেশিত হইয়াছে, এবং ক্ষেত্রের ক্ষুদ্র ক্ষুদ্র অংশগুলি নির্দেশ করিবার জন্য শুদ্ধ সংখ্যাবাচক অঙ্ক প্রয়োগ হইয়াছে। ১ চিহ্নিত শৃঙ্খল রেখায় ২৫০, ১২৬০, ১৮৯০, ২৩৩৫, ২৮৭৫, ৩৭২০, এবং ৪৭০০ লিঙ্কের স্থলে নিদর্শন স্থান রাখা হইয়াছে। এই সকল নিদর্শন স্থান হইতে, বাম ও দক্ষিণ দিকে শৃঙ্খল রেখা অঙ্কিত হইতে পারে। এই ১ চিহ্নিত রেখাটী সাতটী বেড়া পার হইয়া ৪৭২৬ লিঙ্কের নিকট শেষ হইয়াছে। এতদ্বারা প্রতীকমান হইবে যে, ১১ চিহ্নিত বাগান ও বাটীর দক্ষিণের বেড়া কোন্ অভিমুখে গিয়াছে, তাহা ১ চিহ্নিত রেখার বাম দিকে ১৪২৪ লিঙ্কের নিকট নির্ণীত হইয়াছে।

দ্বিতীয় রেখা মৌজার উত্তরপশ্চিম কোণে আরম্ভ হইয়া ২৪ লিঙ্কের কাছে সীমা উল্লঙ্ঘন পূর্বক ১ রেখার ৪৭০০ লিঙ্কের নিকট নিদর্শন স্থানের মধ্য দিয়া গমন করিয়া, বড় রাস্তার

ফৈন্সলি সাহেবের জমীদারী জরীপ ।



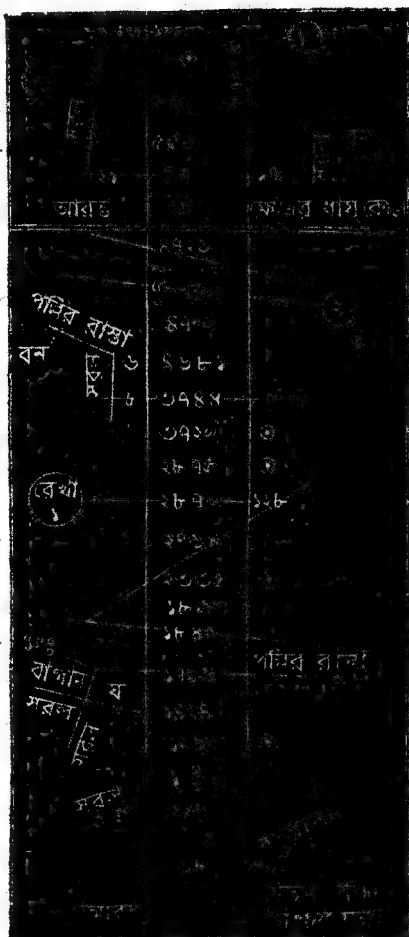
পশ্চিম দিকস্থ বেড়ার নিকট শেষ হইয়াছে। এই রেখার

২১৬০ ও ৩১৮৪

লিঙ্কের স্থানে  
নিদর্শন স্থান  
চিহ্নিত করিয়া,  
তথা ইহাতে  
মোজার উত্তর  
পার্শ্বের লম্ব উ-  
ত্তোলন করা  
হইয়াছে।

৩য় শৃঙ্খল  
রেখা ২য় রেখার  
৩১৮৪ লিঙ্কের  
থাক হইতে আ-  
রম্ভ হইয়া দক্ষি-  
ণাভিমুখে চলি-  
য়াছে। ইহা চি-  
ঠাতে এই রূপে  
চিহ্নিত আছে,  
“ আরম্ভ ৩  
৩১৮৪লিঙ্ক ”  
কোন রেখা  
দক্ষিণ ...দিকে  
কিরিলে ” এই

চিহ্ন প্রদত্ত হয়, ও বামে কিরিলে ” এই রূপ চিহ্ন প্রদত্ত



হয়। ওর রেখা বড় রাস্তার সন্নিকটে অনেক দূর পর্যন্ত ঘাইয়া,

८ म ७ ९ म

কিতা জমীর

যথেষ্ট পল্লীর

## রাস্তা উন্নয়ন

पुस्तक, अथवा

লেখায় ১২৬০

লিঙ্কের স্থলে

ସ୍ଥାବ

আছে, তথায়

अभिज्ञान वि-

मिड इडे-

রাছে । ৩৬

ଚିହିତ

जयश्री यशः

মৃত বেড়ার

অভিযুক্ত এক-

জি যোগ রে-

थार सारा

अदर्शित इहे-

স্বাধীন । ৩ রে-

ਭਾਰਤ ਸਰਕਾਰ

୩୦୭୫      ମିଳିତ

একং ১ ৪ ২

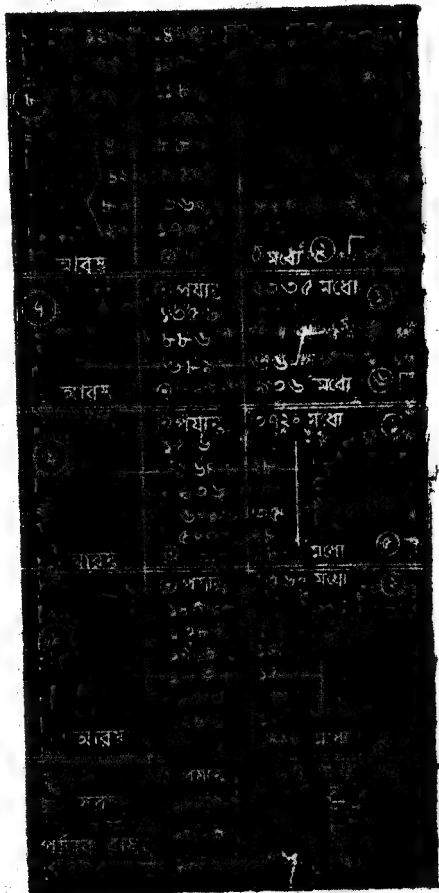
[illegible]

বেথার সহিত যুক্ত হইয়া একটা ত্রিভুজ উৎপন্ন হইরাছে।

৪র্থ রেখা ১ম রেখার ২৫০ লিকে কল্পিত থাক হইতে  
আরম্ভ হইয়া, দক্ষিণাভিমুখে গমন পূর্বক ২য় রেখার  
২০৯ লিকে  
কল্পিত থাকে  
মিলিত হই-  
য়াছে।

৫ম রেখা ৩য়  
রেখার ১৪২০  
লিকে কল্পিত  
থাক হইতে  
আরম্ভ হইয়া  
দক্ষিণাভিমুখে  
গমন পূর্বক ২  
রেখার ২৩৬০  
লিকে কল্পিত  
থাকে মিলিত  
হইয়াছে।

৬ষ্ঠ ও ৭ম  
বেখা জরীপ  
করিলে, ১ম রে-  
খার উত্তরপূর্ব  
দিকের সমুদায়  
বেখা জরীপ  
হইল বলিতে  
হইবে।



৮ম রেখা ২৪ রেখার মূল হইতে আরম্ভ হইয়া, দক্ষিণ

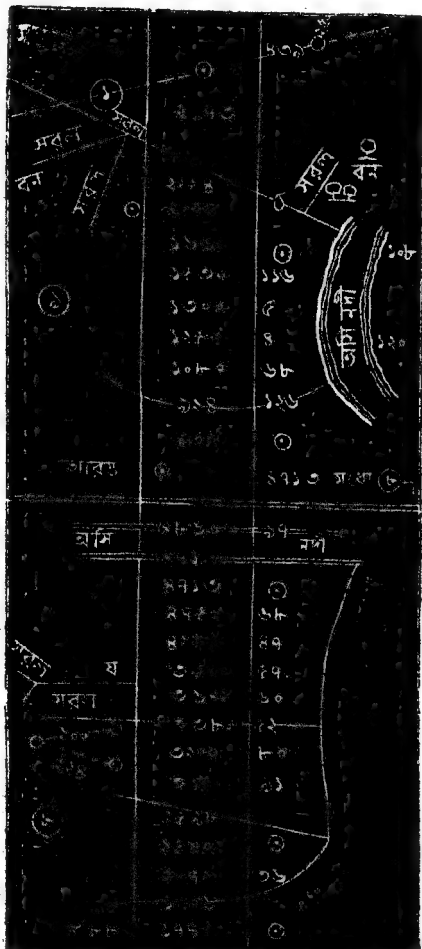
মুখে গমন  
 পৃষ্ঠক অনি  
 নদীর উত্তর  
 কূলে সমাপ্ত  
 হইয়াছে ।

## ৯ম রেখা

৮ম বৈখার  
১৯১৩ লিঙ্কে  
কল্পিত থাক  
হইতে আরম্ভ

হইয়া, ১ম  
রেখার ২৫০  
লিঙ্গে কল্পিত  
জাকে মিলিত  
হইয়াছে।

চিঠির অব-  
শিষ্ট অংশ নিয়ে  
প্রদর্শিত হইল,  
তার বেড়া  
প্রকৃতির প্রতি-  
রূপ দেওয়া  
গেল না, যে



কিয়নাশের নক্ষা উপরে দেওয়া হইয়াছে; পাঠক তদনুসারে  
প্রতিক্রিয়া আপনি নিবর্তিত পারিবেন।

(১২)		৳ পর্যন্ত	১০০ মধ্যে (৮)
	ডি	১০৭৭	বেড়া
		১০৩২	২৯
		২০০	৫৭
		৭৮০	৩১
		৪৫০	৩৭২০ মধ্যে ১ ৭
		৳ হইতে	২৮৭৫ মধ্যে (১)
(১১)		৳ পর্যন্ত	
		১৫২৬	৫৮
		১৪৩৬	৭১
		১০৪০	৯৮
		৮৯০	৳
		৮২০	৬৯
		৭০০	৩৬
		৫৬০	৫৮
		২০০	বেড়া
	ডি	৭৪	১৭৪০ মধ্যে (৮) ৭
		৳ হইতে	বেড়া
(১০)	ডি	২১৭৪	
		৳ পর্যন্ত	
		২০৪৫	
		১৯৫০	
		১৮১৬	২৮ বেড়া
		৮	খুঁটা
		১২৫০	
		১১৭৯	১৩ গোলা গৃহ
		১১৬০	
		১০০৮	
		৯৭২	১২ ৫৪
		৭৪০	৪৩
		৭০০	৬২
		৬০৮	বেড়া
		৫০৩	
		২০৮	
		৳ হইতে	১৮৯০ মধ্যে (১) ৭
	২৩		
ডি	২৩		
৳	৫৭		
বাতির	৩৭		
৫৭ ইয়ারত	৩৮		
১৮৮	৩৮		
৳	০		
৳	৮		
ডি	৫৬		
সরলবেড়া ৪৭ ৪০			
২৮৬ ৪৮ ৪৩			



(১৪)	১ পর্যন্ত	১৭১৩ মধ্যে (৮)
অসি নদীর বিস্তার ১২৫ দিগ্ধ ।	৭৮৩	
১৮	৬০০	
৮৬	৪৪০	
১২৪	৩০০	
৯৪	১৪০	
	২ হইতে	১৯১২ মধ্যে (১৩)
(৩) অসির নদী	৩১৪০	উল্লঙ্ঘন ব্যবধান উপর (২)
	২২২৬	
	২২১২	
	৫৬ ০	
০ ০	২৭১২	
সরল বেড়া ডি	২৫২০	২১৯
৮৯	২০৩২	১৫৪
	১৫৫২	৭০
	১৩৮০	৮৮
সরল বেড়া ডি	১১৪৫	
ইমারত { ৩১	৯০২	(১০)
৩৮	১২৩৩ ০	
	৮৬১	বেড়া ডি
ইমারত { ৩৯	৮৫০	
৪০	৭০৬	৭০
	৫৩০	বেড়া
ডি	৫০১	
৭৯	৪৬০	
৭১	১০০	
ডি	৯২	বেড়া
	০ হইতে	৮২০ মধ্যে (১১)

(১৭) সরল বেড়া

অসিনদীর }  
বিস্তার } ৩৬  
১২৫ লিঙ্ক } ২২  
১২৮ ৪  
সেতু ১২  
১২০ ১২

(১৬)

সরল বেড়া ডি

(১৫) নদী  
বাবধান পার }

সরল বেড়া ডি ৩৪  
বন  
সরল বেড়া ডি ২৬

৫০৮

০ পর্যন্ত

৪৪৭

৪০০

২৫০

৬৮

৫২

১০

০ হইতে

০ ৩১৪ পর্যন্ত

১৪৫৮

৮৭০

৭৮৬

৭০০

৫০০

৩০০

১৫০

০ হইতে

১৪৪০

১৩৬০

১৩১০

১২০০

১০২৫

৮৮০

৭৫০

৬১০

২৬৪

১৪০

০ হইতে

পার (বন)

৮৭০ মধ্যে (১৬)

ডি

মধ্যে (১)।

০ বামে, নিকট ২৫০

মধ্যে ১

০

৩১

২৪

১৮

৫৮

১০৬

১৩১০ মধ্যে (১৫)

০

১২১

১৫৯

১৬১

১১৫

৪১

২৮

৯১

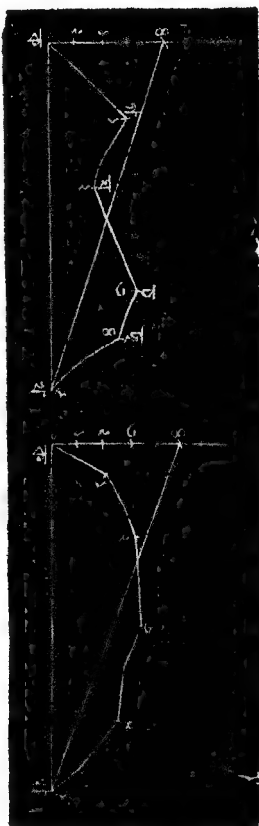
১৬৬০ মধ্যে (২)

অসিনদীর বিস্তার  
১২৫ লিঙ্ক।

ক্ষেত্র অত্যন্ত বক্র হইলে তাহাকে সমকোণিক ত্রিভুজে পরিবর্তিত করিয়া জরীপ করিতে হয় ।

মনে কর ক গ ঘ চ ছ থ  
একটি বক্র বা শঙ্কর ক্ষেত্র ;  
ইহাকে একটি সমকোণিক  
ক্ষেত্রে পরিবর্তিত করিতে  
ইহাবে যাহার ক্ষেত্রফল ইহার  
সমান হইবে ।

ক্ষেত্রের যে কোন প্রান্ত,  
যথা ক হইতে ক থ ভূমির  
উপর কোণমান গজদ্বারা  
ক ৪ একটি অপরিমিত লম্ব  
উত্তোলন কর । ক্ষেত্রের যে  
প্রান্ত হইতে লম্ব উত্তোলন  
করা হইল, সেই স্থান হইতে  
ক্ষেত্রের প্রত্যেক কোণে ১, ২  
করিয়া একাদি ক্রমে চিহ্ন  
দাও । ০ ও ২ চিহ্নিত কোণের  
উপর সমান্তরাল (ক্লার)  
পরিমাপক রাখিয়া, ১ চিহ্নিত  
কোণের উপর দিয়া একটি  
সমান্তরাল রেখা টান । এই সমান্তরাল রেখা যি বিন্দুতে



ক ৪ লম্বকে অবচ্ছিন্ন করিবে, সেই বিন্দুকে ১ সংখ্যা দ্বারা চিহ্নিত কর। এইরূপে ক্রমশঃ লম্বের উপর যত বিন্দু পাত হইবে, সেই বিন্দুগুলি ক্রমান্বয়ে ১, ২, ৩ এইরূপ সংখ্যা দ্বারা চিহ্নিত করিবে। লম্বস্থ ১ য় বিন্দু ও ক্ষেত্রের তৃতীয় কোণ পর্যন্ত সমান্তরাল (রুলার) পরিমাপক ধরিয়া দ্বিতীয় কোণের উপর দিয়া সমান্তরাল রেখা টান। এই রেখা যে বিন্দুতে লম্বকে অবচ্ছিন্ন করিবে, তাহাকে পূর্ব মত ২ অঙ্ক দ্বারা চিহ্নিত করিবে। এই রূপ প্রক্রিয়া করিয়া লম্বের সর্বোপরি যে স্থানে চিহ্ন পড়িবে, সেই স্থানের সহিত ভূমির অপর প্রান্ত যোগ করিয়া দিলে, যে সমকোণিক ত্রিভুজ উৎপন্ন হইবে, তাহাই ঐ ক্ষেত্রের সমান। ইউক্লিডের যে প্রকৃতি-জ্ঞাতি লইয়া এই প্রক্রিয়ার যৌক্তিকতা স্থির হইয়াছে তাহা এই, “যে সকল ত্রিভুজ এক ভূমির উপর ও সেই ভূমির সমান্তরাল রেখার মধ্যে থাকে তাহারা পরস্পর সমান।”

যদি ক্ষেত্রের নীচা কোণবিশিষ্ট না হইয়া বৃত্তাকার হয়, তাহা হইলে বৃত্তাকার অংশকে একপে খণ্ড খণ্ড করিবে যে, প্রত্যেক খণ্ড এক একটা সরল রেখা হয়। অনন্তর পূর্বোক্ত প্রণালী অনুসারে প্রক্রিয়া করিতে হইবে।

**তত্ত্ব ।** প্লেন টেবিল ) ব্যবহার করিয়া জরীপ করিবার ধারা ।

কোণবীক্ষণ যন্ত্র দ্বারা জরীপ হইলে ভূম্যঙ্গির ক্ষেত্রকল এবং কোণগুলির অংশপরিমাণ অতি সূক্ষ্ম হইয়া বটে, কিন্তু এই জরীপে সহজ নহে ও ইহাতে বিস্তর বিলম্ব হয়। অপর,

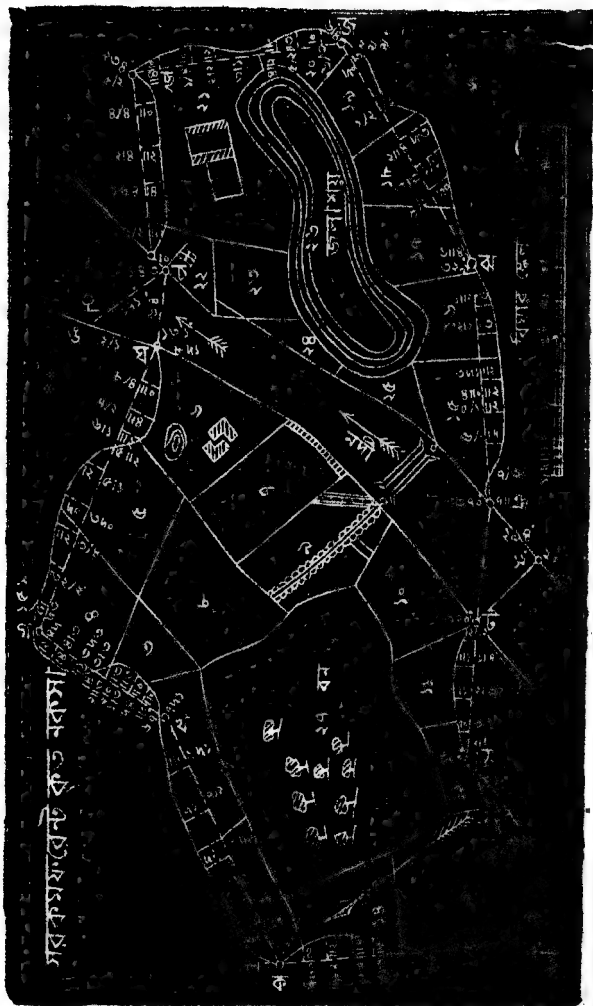
জরীপ করিতে করিতে নজ্জা প্রস্তুত হয় না ; সুতরাং জরীপের পরে নজ্জা করিলে তাহাতে ভ্রম হইবার অধিক সম্ভাবনা, আর ঐ ভ্রম শোধনার্থে পুনরুজ্জরীপের প্রয়োজন হইয়া থাকে। এই জন্য তক্তি (প্লেন টেবিল) নামক যন্ত্র দ্বারা ভূমির পরিমাণ করিলে পূর্বোক্ত অন্ত্রবিধা অনেক অংশে পরিহার হইয়া থাকে।

তক্তি খানি একটা কৌশল দ্বারা ত্রিপদীর উপর সংযুক্ত হইয়া থাকে। তক্তির সঙ্গে এক গাছি কাঠের যষ্টি থাকে, উহা তক্তি অপেক্ষা কিঞ্চিৎ লম্বা। উহার দুই পার্শ্বে কাঠের দুই খানি বীক্ষণ চুঙ্গী (সাইট ভান) যুক্ত থাকে। একটা চুঙ্গীর মধ্য দিয়া দৃষ্টি করিলে অন্যটির ভিতর দিয়া যে পদার্থ দেখিতে পাওয়া যায়, তাহা ঐ যষ্টির সমান্তরে পতিত বলিয়া জানিতে হইবে। জরীপ আরম্ভ করিবার পূর্বে একতা কাগজের চারি ধারে আঠা দিয়া তক্তির উপর যুক্ত করিয়া দিবে, এবং যে মানদণ্ড দ্বারা নজ্জা করিতে হইবে তাহা সেই কাগজের শীর্ষদেশে অঙ্কিত করিবে। পরে প্রথম নিদর্শন স্থানে গমন পূর্বক ত্রিপদী বসাইয়া তাহার উপর তক্তি আঁটিয়া দিবে। অনন্তর, কাগজের যে স্থানে নজ্জা আরম্ভ করিলে সমুদায় গ্রামের নজ্জা উহাতে ধরিতে পারে বলিয়া বোধ হইবে, তথায় প্রথম নিদর্শন স্থান চিহ্নিত করিয়া, তাহার উপর একটা পিন প্রোথিত করিবে। পরে যষ্টিকে ঐ পিনের গাত্রে ধরিয়া যেখানে দ্বিতীয় নিদর্শন স্থান মনোনীত করা গিয়াছে, তাহার দিকে যষ্টির একটা

বীক্ষণচুঙ্গী ফিরাইয়া অপর বীক্ষণ চুঙ্গী দিয়া সমন্বয়ে দেখিতে থাকিবে। যতক্ষণ ঠিক লক্ষ্য স্থানের দিকে না হইবে, ততক্ষণ যষ্টিকে অল্প অল্প সরাইতে থাকিবে। যষ্টি যখন ঠিক দ্বিতীয় নিদর্শন স্থানের দিকে হইবে, তখন তাহার ধারে ধারে প্রথম নিদর্শন স্থানের উপর দিয়া রেখা পাত করিবে। এই রেখাটি প্রথম শৃঙ্খল রেখা হইবে। অনন্তর, প্রথম নিদর্শন স্থান হইতে দ্বিতীয় প্রোথিত ধূজা পর্যন্ত রঙ্কুপাত দ্বারা ভূমির পরিমাণ নির্দেশ করিয়া, নক্সার কাগজে মানদণ্ড দ্বারা পরিমিত রেখা পাত করিবে; এবং যদিও এই চিত্রদ্বয়ের সংযোজক কিতা বা রঙ্কু, যে গ্রামাদি জরীপ হইতেছে, ঠিক তাহার সীমাতে না পড়ে, তবে তাহার উভয় পার্শ্বস্থ ভূমিখণ্ডের পরিমাণাদি জানিবার নিমিত্ত, ঐ পতিত রঙ্কু হইতে পার্শ্বস্থ ভূমি খণ্ডের উভয় দিকে অপর রঙ্কুপাত করিয়া তাহার পরিমাণের সংখ্যা ও তাহার চিত্র নক্সার কাগজে লিখিতে হইবে। পরে দ্বিতীয় নিদর্শন স্থানে গমন করিয়া ত্রিপদী বসাইয়া কাগজের দ্বিতীয় নিদর্শন স্থানের উপর পিন প্রোথিত করিয়া যষ্টিকে তাহার গাজে প্রথম নিদর্শনের উপর ঘুরাইয়া আনিবে। পরে যষ্টির সম্মুখের বীক্ষণ চুঙ্গীর ছিদ্রে চক্ষু রাখিয়া ত্রিপদীর উপরে তন্ত্রিকের একপে ঘুরাইয়া আনিবে যে, যষ্টির অপর বীক্ষণ চুঙ্গী দিয়া যেন পশ্চাতের নিদর্শন স্থানটা ঠিক লক্ষ্য করা যায়। এইরূপে ত্রিপদীর উপর তন্ত্রিক আঁটিয়া দিয়া যষ্টিকে পিনের গাজে ধরিয়া তৃতীয় নিদর্শন স্থানের দিকে লক্ষ্য করিবে। যখন

ষষ্ঠি ঠিক তৃতীয় নিদর্শন স্থানের দিকে হইবে, তখন উহার ধারে ধারে রেখা পাত করিবে। এই রেখা দ্বিতীয় শৃঙ্খল রেখা হইবে। জরীপ শেষ হইয়া গেলে ছুরি দ্বারা কাগজের চারি ধার কাটিয়া তত্ত্বি হইতে ভুলিয়া লইতে হইবে।

তত্ত্বির গাত্রে একখানি বতর কাঠে একটা চুঙ্গীর মধ্যে কখন কখন একটা দিগদর্শন বস্তু থাকে। চুঙ্গীর ভিতরে কাঁটার মুখের কাছে একখানি অংশপট থাকে। তাহার মধ্য রেখাতে শূন্য লেখা থাকে। যখন ঐ শূন্যের দিকে ফিরিয়া দিগদর্শন বস্তুর কাঁটার উত্তর প্রান্ত স্থির হয়, তখন তত্ত্বি উত্তর-দক্ষিণ ভাবে আছে বলিয়া জানিতে হয়। তত্ত্বির কাগজের উপর উত্তর-দক্ষিণ করিয়া রেখা টানিতে হইলে ষষ্ঠিকে কাঁটার সমান্তরাল করিয়া টানিলেই হয়। সেই রেখার উত্তর দিকে ভীরের কলা আঁকিয়া দিলে নক্ষত্র উত্তর দিক্ নিরূপিত হয়। এইরূপ ক্রমশঃ দ্বিতীয়, তৃতীয় প্রভৃতি নিদর্শন স্থান হইতে গ্রামের চতুঃসীমা মাপ করিয়া তাহার চিহ্ন এবং পরিমাণের সংখ্যা নক্ষত্র কাগজে লিখিবে। পরে ক্রমশঃ ঐ সীমার অন্তর্গত এক এক খণ্ড ভূমির মাপ এবং নক্ষত্র করিবে। আর ঐ ক্ষেত্রে বৃক্ষ, পুকুরিবাঁ, নদ, নদী, খাল, বিল, জঙ্গল, পথ, বাটী, মন্দির প্রভৃতি, এবং ক্ষেত্রোৎপন্ন খস্যাদি যে স্থলে বেরূপ আছে, তাহার নাম, পরিমাণ, আকৃতি এবং বিবরণ, উক্ত স্থানে ঐ নক্ষত্র কাগজে চিত্রিত ও অঙ্কিত করিবে। ঐ সকল প্রক্রিয়া শেষ হইলে, গ্রামাদির পরিমাণ ও নক্ষত্র পাণ্ডুলিপি প্রস্তুত হইবে। তাহার পর গ্রামের মধ্যস্থ কোন স্থানে





দিগ্‌দর্শন বস্ত্র স্থাপন করিয়া, তদ্বারা দিগ্‌ভ্রমণ করিয়া নক্ষত্র  
তাহা অঙ্কিত করিবে ।

মনে কর কোন এক দীর্ঘিকার সন্নিকটে ভক্তি স্থাপিত  
হইয়াছে । ঐ দীর্ঘিকার চারি কোণে চারিটা নিশান প্রোথিত  
কর । ঐ দীর্ঘিকার নক্ষত্র কাগজে অঙ্কিত করিতে হইলে  
ভক্তির উপরিস্থিত কাগজের কোন স্থানে একটা পিন প্রোথিত  
কর । ঐ পিনের পার্শ্ব সংলগ্ন করিয়া ক্রলখানিকে স্থাপন  
পূর্বক, ক্রলের প্রথম বীক্ষণ চুঙ্গীর মধ্য দিয়া দ্বিতীয় বীক্ষণ  
চুঙ্গীর মধ্যস্থিত তার ও ভূমিনিখাত প্রথম নিশান সমন্বয়ে  
পতিত হইয়াছে কি না দর্শন কর । যে পর্য্যন্ত সমন্বয়ে  
পতিত না হয়, ক্রলখানিকে দক্ষিণ কি বাম পার্শ্বে সরাইতে  
ধাক । সমন্বয়ে পতিত হইলেই ক্রলের পার্শ্ব দিয়া পেন-  
সিল দ্বারা একটা রেখা অঙ্কিত কর । ঐ রেখার কোন না  
কোন স্থানে দীর্ঘিকার এক কোণ হইবেক । এই রূপে দীর্ঘি-  
কার আর তিনটা কোণ অনুসারে তিনটা রেখা অঙ্কিত কর ।  
অনন্তর ভক্তিকে দীর্ঘিকার অন্য পার্শ্বে সংস্থাপন পূর্বক চারি  
কোণ অনুসারে রেখা টানিলে, পূর্ব অঙ্কিত চারিটা রেখাকে  
যে যে বিন্দুতে ছেদ করিবে সেই সেই বিন্দুতে রেখাগুলিকে  
পরস্পর সংলগ্ন করিয়া দিলে দীর্ঘিকার অবিকল নক্ষত্র চিত্রিত  
হইবেক । এই রূপে অন্যান্য পদার্থের অবস্থান নিরূপিত  
হইয়া থাকে । স্পষ্টই প্রতীয়মান হইতেছে, শূন্য ও দিগ্-  
দর্শন বস্ত্রদ্বারা যে অরীপ করা যায়, তাহা বিতর্ক হইলে,  
ভক্তির অরীপ বিতর্ক হয় । ভক্তির ন্যায় সামান্য কিম্বা  
মৌকুরিক দিগ্‌দর্শন বস্ত্রের সহিত দূরবীক্ষণ বস্ত্র থাকে না ;

সুতরাং দূরবর্তী কোন পদার্থ দৃষ্টিগোচর হয় না। তন্নিবন্ধন সামান্য দিগদর্শন যন্ত্র এবং শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ করিয়া ভূমির মধ্যগত পদার্থ সকলের অবস্থান লম্ব দ্বারা নিরূপিত হয়।

শুদ্ধ শৃঙ্খল ও তক্তির দ্বারাই জরীপের সমুদায় কার্য সম্পন্ন হইতে পারে। তক্তিকে চুম্বক সূচীর সমান্তরালে স্থাপন পূর্বক তক্তির কাগজে ঐ সূচীর সমান্তরালে একটি রেখা অঙ্কিত করিলে ঐ রেখাকে মাধ্যাহিক রেখা বলে। ভূমির কোন স্থানে একটি নিশান নিখাত করিলে এবং মাধ্যাহিক রেখার কোন স্থানে তক্তি স্থাপনের স্থান বলিয়া বিন্দু দ্বারা অঙ্কিত করিলে ঐ নিশানের অবস্থান নির্ণীত হইতে পারে। মাধ্যাহিক রেখা যে স্থানে বিন্দু দ্বারা অঙ্কিত হইয়াছে সেই স্থানে একটি পিন প্রোথিত কর, ঐ পিনের পার্শ্বে সংলগ্ন করিয়া ক্রলখানিকে স্থাপন কর। ঐ ক্রল সম্বন্ধ দুইটি দর্শন চুম্বী ও ভূমিনিখাত নিশান সমন্বয়ে স্থাপন পূর্বক ক্রলের পার্শ্ব দিয়া পেনসিল দ্বারা একটি রেখা অঙ্কিত কর। এইক্ষেণে তক্তি হইতে ভূমিনিখাত নিশানের দূরত্ব শৃঙ্খল দ্বারা পরিমাপ করিয়া কোন মানদণ্ড অনুসারে কাগজে অঙ্কিত রেখা ছেদ করিলে নিশানের অবস্থান নিরূপিত হইবেক। অন্য অন্য পদার্থের অবস্থানও এইরূপে নিরূপিত হইতে পারে। এই প্রণালী অবলম্বন করিয়া জরীপ করিলে ভ্রম ঘটিবার অনেক সম্ভাবনা, এজন্য জরীপ করিবার সময় সমনোযোগ হওয়া আবশ্যিক।

গ্রাম জরীপের সময় কোণবীক্ষণ যন্ত্র দ্বারা যে সকল কোণের বিস্তারিত প্রাপ্ত হওয়া গিয়াছে, তাহা চিঠার নক্সায়

এইরূপে লিখিত হয়, যথা, মাপ আরম্ভ স্থান ক হইতে খ পর্য্যন্ত ৭৮১ কাঠা ভূমি, এবং ক চিহ্নিত কোণের পরিমাণ  $১০০^\circ$ । কখ রেখা, যে গ্রাম জরীপ হইতেছে, ঠিক তাহার সীমাতে না পড়াতে, তাহার পার্শ্বস্থ ভূমির পরিমাণের নিমিত্তে, যে সকল লম্ব রেখা অঙ্কিত হইয়াছে, তাহার পরিমাণাদি তত্তৎস্থানে উক্ত নম্বার চিঠায় ১ম ও ৩য় স্তম্ভে নিম্ন হইতে উদ্ধৃক্ৰমে লিখিত হয়।

প্রথম নিদর্শন স্থানে ধ্বজা প্রোথিত করিয়া, সেই স্থান ক অক্ষর দ্বারা ব্যক্ত কর। পরে তথা হইতে পূর্বদিকে খ চিহ্নিত দ্বিতীয় নিদর্শন স্থানে প্রোথিত ধ্বজা পর্য্যন্ত যে ক্ষজু রেখা হইল, তদ্বারা ক চিহ্নিত স্থানে যে কোণ উৎপন্ন হইয়াছে, তাহার পরিমাণ  $১০০$  অংশ; কিন্তু ঐ কখ সরল রেখা জরীপী ভূমির ঠিক সীমার উপর না পড়াতে, তাহার বাম পার্শ্বের ভূমির পরিমাণের নিমিত্তে ঐ রেখার ক চিহ্ন হইতে  $১/৪$  কাঠা অন্তরে প্রান্ত মাপের জন্য যে লম্বপাত হইয়াছে, তাহার পরিমাণ ৮১ কাঠা; এবং ঐ ক চিহ্ন হইতে  $৩১১$  কাঠা অন্তরে দ্বিতীয় লম্বের পরিমাণ ৮২ কাঠা,  $৪/২$  কাঠা অন্তরে তৃতীয় লম্বের পরিমাণ ৮১ কাঠা;  $৬৮১$  অন্তরে ৪র্থ লম্বের পরিমাণ ৮০ কাঠা; ৭৮১ কাঠা অন্তরে খ অর্থাৎ দ্বিতীয় নিদর্শন স্থান।

খ চিহ্ন হইতে তৃতীয় নিদর্শন স্থান গ পর্য্যন্ত যে ক্ষজু রেখা হইল, তদ্বারা খ চিহ্নিত স্থানে যে কোণ উৎপন্ন হইয়াছে তাহার পরিমাণ  $৬৭$  অংশ। খ গ রেখাটী জরীপী ভূমির সীমা নহে, বরং উহা অন্যের ভূমির মধ্য দিয়া গিয়াছে,

অতএব ইহার দক্ষিণ পার্শ্বের ভূমিপরিমাণের নিমিত্তে  
 ৭ চিহ্ন হইতে ১০ কাঠা অন্তরে ১ম লম্বের পরিমাণ ১০ ;  
 এবং ৮৪ কাঠা অন্তরে ২য় লম্বের পরিমাণ ১০ কাঠা ; ১১৩  
 কাঠা অন্তরে ৩য় লম্বের পরিমাণ ১৩ কাঠা ; ২১০ কাঠা  
 অন্তরে ৪র্থ লম্বের পরিমাণ ১৩ কাঠা ; ২১৩ কাঠাতে  
 দক্ষিণ পার্শ্বের শেষ । বামপার্শ্বে ৩৩ কাঠা অন্তরে  
 লম্বের পরিমাণ ১৪ কাঠা ; ৩৮৩ কাঠা অন্তরে ১১ কাঠা ; ৪১৩  
 কাঠা অন্তরে ১৪ কাঠা ; ৪৮৮ অন্তরে ১২ কাঠা এবং  $\frac{৭}{১}$   
 অন্তরে গ তৃতীয় নিদর্শন স্থান । এই রূপে গ হইতে ঘ পর্য্যন্ত  
 লম্ব উত্তোলনের স্থান ও দৈর্ঘ্যপরিমাণ লিখিত হইয়াছে ।  
 পরে নদী ব্যবধান হওয়াতে তাহার পরিমাণ (অপচুট)  
 এইরূপে নিশ্চিত হইয়াছে, যথা ঘ চিহ্নিত নিদর্শন স্থান  
 হইতে পর পারে চ স্থানে প্রোথিত ধ্বজা পর্য্যন্ত যে নদীর  
 বিস্তার, তাহার উপর দিয়া শূআল বা রজ্জুপাত হইতে  
 পারে না ; অতএব দিগদর্শন যন্ত্র দ্বারা তাহার পরিমাণ  
 নির্ণয় করিতে হইবে । গ ঘ চ কোণের পরিমাণ ১৩১ অংশ  
 নির্ণয় হইয়াছে, এবং ঘ চিহ্ন হইতে স্বীয় পারে কিয়দূরে,  
 মনেকর ২১১ কাঠা অন্তরে ঙ চিহ্নিত স্থানে একটা ধ্বজা  
 প্রোথিত হইয়াছে । ঙ ঘ ও ঘ গ রেখার যোগে ঙ ঘ গ কোণের  
 পরিমাণ ৬৪ অংশ । ঘ ঙ বর্জিত করিয়া ঙ চ রেখা দ্বারা  
 যে কোণ হইয়াছে, তাহার পরিমাণ ১৭১ অংশ এবং ঙ  
 চিহ্ন হইতে ঘ চিহ্নাভিমুখে চ ঙ ঘ বৃত্তখণ্ডের পরিমাণ  
 ২৪৪ অংশ । অতএব ২৪৪° হইতে ১৭১° অন্তর করিয়া অব-  
 শিষ্ট যে ৭৩° তাহা চ ঙ ঘ কোণের পরিমাণ । আর < গ ঘ চ

= ১৩১ অংশ হইতে  $<$  গঘঙ = ৬৪ অংশ অন্তর করিয়া অবশিষ্ট যে ৬৭°, তাহাই ঙ ঘ চ কোণের পরিমাণ ।

ত্রিভুজ ক্ষেত্রের সমুদায় কোণের পরিমাণ ১৮০° স্বভাব-সিদ্ধ, অতএব ঘ ঙ চ ত্রিভুজের ঘ চিহ্নিত কোণ ৬৭° ও ঙ চিহ্নের কোণ ৭৩° হইলে, চ চিহ্নিত কোণের পরিমাণ ৪০° হইবে।

পূর্বে উল্লিখিত হইয়াছে যে, স্বীয় পারের ঘ ঙ রেখা ২।১ কাঠা, ঐ রেখার ঙ চিহ্ন হইতে চ চিহ্ন পর্যন্ত রেখা পাত কর; এবং ঘ চিহ্ন হইতে চ পর্যন্ত রেখা পাত কর। এই দুই রেখার সম্পাত স্থান চ হইতে ঘ ঙ রেখার উপরে যে লম্ব পাত হইবে তাহার পরিমাণই নদীর প্রস্থ পরিমাণের সমান হইবে। এখন কোন কাগজে আধার ভূজের বিয়ারিং ও ব্যবধানানুসারে একটি রেখা পাত কর। পরে তাহার দুই প্রান্ত হইতে পূর্ব লঙ্কিত বিয়ারিং অনুসারে দুই সরল রেখা পাত করিলে, যে দুই কোণের উৎপত্তি হইবে, তাহা নদীর উপরিস্থিত ক্ষেত্রের দুইটি কোণের যথার্থ সমান হইবে। ঐ রেখাদ্বয় যে স্থলে সংলগ্ন হইবে, তাহাই নদীর পর পারে প্রোধিত ধ্বজার স্থল, অর্থাৎ সেইটি ত্রিভুজ ক্ষেত্রের তৃতীয় থাকের স্থল, ইহা স্থির হইলে নদীর উপরিস্থিত ত্রিভুজ ক্ষেত্রের অনুরূপ নক্সা হইবে। সুতরাং উপরের লম্বও সদৃশ হইবে। অতএব ঐ নক্সার তৃতীয় থাক হইতে আধার ভূজের উপর লম্ব পাত করিয়া, যে মানদণ্ড দ্বারা আধার ভূজ পরিমিত হয়, তদ্বারা পরিমাণ করিলেই নদীর উপর যে ত্রিভুজ ক্ষেত্র, তাহার লম্ব অর্থাৎ ধ্বজা

হইতে দ্বীপ পারস্থিত ভূজ পর্য্যন্ত যে ব্যবধান, তাহা নির্ণয় হইবে। তৎপরে যদি দ্বীপ পারস্থিত ভূজ, নদীকূল হইতে কিঞ্চিৎ দূরে হয়, তবে ঐ ব্যবধান সেই লম্ব হইতে বিয়োগ করিলেই নদীর পরিসর স্থির হইবে।

পূৰ্ব্বোক্ত নিয়মানুসারে গ্রামের চতুঃসীমার পরিমাণ নির্দ্ধারিত এবং নক্সা অঙ্কিত করিয়া, পরে ঐ গ্রামের মধ্যস্থ এক এক খণ্ড ভূমি পরিমাণ করিতে হয়। প্রত্যেক খণ্ডের অংশপরিমাণ কোণবীক্ষণ যন্ত্রদ্বারা নির্ণয় করিলে কাঙ্ক্ষিত অত্যন্ত সূক্ষ্ম হয় বটে, কিন্তু তাহাতে অধিক সময় লাগে, অতএব তাহা না করিয়া যে সকল ভূমিখণ্ড অত্যন্ত কুটিল, তাহার বক্রস্থানে লম্ব উত্তোলন করিয়া খণ্ডানুক্রমে মাপ করিবে। যে ভূমিখণ্ড অত্যন্ত কুটিল, তন্মধ্যে অধিক লম্ব উত্তোলন করিবে, এই রূপে অধিক সংখ্যক লম্ব হইলে, তাহাদের মধ্যে কোন লম্বের কত পরিমাণ হইয়াছে, তাহার বিশেষ স্মরণার্থে প্রত্যেক লম্বের পরিমাণ লিখিয়া অনুরূপ চিত্র প্রকাশিত করিবে। যদি কোন বৃহৎ প্রান্তর অথবা মাঠ থাকে, তবে তাহা কোণবীক্ষণ যন্ত্র দ্বারা জরীপ করিতে হইবেক, নতুবা তাহার আকৃতি ও পরিমাণ সম্যক্ প্রকারে স্থির হইবে না।

	ଗଠ ପର୍ଯ୍ୟାନ୍ତ				
	୫/୧	ନଦୀ			
୧୨	୫୫	< ଗଘଢ	୬୫°		
୧୫	୫/୩	< ଗଘଚ	୧୦୧°		
୧୬	୬୫୩	ଘଢ ବଞ୍ଚିତ			
୧୮	୩/୩	କରିୟା ଗୁଚ	୧୧୧°		
	୨/୨	ସାରା ସେ <			
	୨/୧୦	୧୩			
	୧/୩	୧୩	ଘଠ ପର୍ଯ୍ୟାନ୍ତ		
	୫୫	୧୦	୫୫୧		
	୧୦	୧୦	୫/୫	୧୧	
୧୯ କଥଗ	୬୧°	୧୦	୧/୨	୧୧	
	ଘଠ ହିତେ		୬/୧	୧୨	
	ଘଠ ପର୍ଯ୍ୟାନ୍ତ	ଗମନ ନି	୫/୨		
	୧୫୧	୧୨	୫/୧		
୧୦	୬୫୧	୫	୬୫		
୫୧	୫/୨	୧୨	୩/୫		
୫୨	୩/୧	୧୩	୨/୨		
୫୧	୧/୫	< ଖଗସ/୩	୫୩		
< ଡକସ	୧୦୦°		୧୫୧°		
ଆରମ୍ଭ	କଠ ହିତେ	ଗମନ ପୁ	ଗଠ ହିତେ	ପୁ	

১০ ১৩ ১০ ১২ ১০ ১০	জ @ পর্য্যন্ত	৬।৪		ক @ পর্য্যন্ত	৭।০	২
		৬/৩			৭/৩	
		৫/২			৬।০	
		৪।২		১৪	৬/০	
		৩।১		১২	৫/১	
		২।২		১২	৪।	
< চহজ		১/৪		১২	৩।১	< জবঞ
		১।৪		১৩	২।১	
		১।৪		১৩	১।২	
		২৩৪°			৩২৯°	
	ছ @ হইতে				ক @ হইতে	
	ছ @ পর্য্যন্ত	৫/২			ক @ পর্য্যন্ত	
		৪/৪	১০	১০	৬।৪	
		২।৪	১২	১/১	৪/২	
		১।৪	১৪	১৩	৩।৩	
		১/২	১০	১৩	২।৪	
< ওচহ		১৪৩°		< ছজব	২৯৯°	
	ওচ হইতে	১০			জ @ হইতে	

২৩৪°  
২/১  
২২°  
২২°

২  
২  
২

৩৪০°	ক @ হইতে	৩৪০°	ক @ পর্য্যন্ত	৩৪০°	ক @ হইতে
		১২	২।২	২/০	
		১২	২।৩	৩।১	
		১০	২।৪	৪।১	
		১০	২।১	৫।০	

২২°



ক @ পর্য্যন্ত	
৮।৩	
৭৮৩	১৩
৭/৪	১২
৬/৪	১৪
৫/৩	১২
৩১৪	
২/০	১০
১।	১০
৫৬°	
ড @ হইতে	

### পরিকৃত নক্সা ।

পেনসেটবিল দ্বারা জাত নক্সার পাণ্ডুলিপিতে পরিমিত গ্রামাদির স্থল অবয়ব রেখা দ্বারা অঙ্কিত থাকে। অতএব তাহা হইতে পরিকৃত নক্সা করিতে হইলে, এক খানি চিত্রিত করিবার কাগজের উপর ঐ নক্সার পাণ্ডুলিপি বন্ধ করিয়া, পাণ্ডুলিপির রেখার উপর অথবা তাহার সমান্তরালে, সূচদ্বারা একরূপে বিদ্ধ করিবে, যাহাতে ঐ পাণ্ডুলিপির রেখার তুল্য চিত্রিত করিবার কাগজে সূচ্যগ্রবিদ্ধ রেখা হয়। পরে ঐ নক্সার পাণ্ডুলিপি সম্মুখে রাখিয়া তাহার রেখাদি দৃষ্টি করিয়া, চিত্রিত করিবার কাগজের সূচ্যগ্রবিদ্ধ চিত্রোপরি মসাদি দ্বারা রেখাপাত করিবে, এবং নক্সার পাণ্ডুলিপির যে স্থানে যে রূপ মন্দির, বাটী, বাগান,

জলাশয় প্রভৃতি স্থায়ী চিহ্ন থাকে, তাহার নাম ও আকৃতি সেই সেই স্থানে অঙ্কিত এবং চিত্রিত করিবে ।

### স্কেলের ব্যবহার ।

জরীপের যে যে নিয়ম নির্দেশিত হইয়াছে, প্রথমতঃ তদনুসারে মাপ ও অন্যান্য কার্য সমুদায় সম্পন্ন করিয়া, তদনন্তর ঐ জমীর নক্সা প্রস্তুত করিতে হয় ।

ক্ষেত্রের নক্সা প্রস্তুত করিতে হইলে, যত বড় ক্ষেত্র জরীপ করা হইয়াছে, তত বড় কাগজের উপর তাহার প্রতিকৃতি অঙ্কিত করা কোন ক্রমেই সম্ভবিত্তে পারে না ; সুতরাং সেই ভূমি বা ক্ষেত্রকে অবশ্যই এরূপ কল্পনা করিতে হইবে যে, তাহা ক্ষুদ্র আয়তনে প্রকাশ করিতে পারা যায় । এই কল্পনা হইতে স্কেলের অর্থাৎ মানদণ্ডের সৃষ্টি হইয়াছে ।

যদি কোন ভূমির এক দিকের প্রকৃত পরিমাণ ১০ গজ হয়, আর ঐ দিক এক ইঞ্চি পরিমিত রেখার প্রকাশ করা যায়, তাহা হইলে এরূপ বলিতে হয়, ইহা ১০ স্কেলে অঙ্কিত হইয়াছে, অথবা ইহা বলিলেও হইতে পারে যে, ইহার স্কেল ইঞ্চি প্রতি ১০ গজ ।

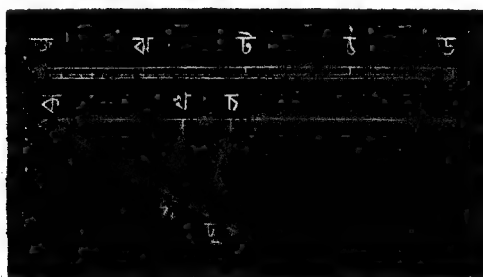
সিম্পল স্কেল (সামান্য মানদণ্ড), ডায়েগনাল স্কেল (স্থলমানদণ্ড), ভার্ণিয়ার স্কেল (অণুমাপকমানদণ্ড), অকর্ড স্কেল, মকু'য়স স্কেল, এই কয় প্রকার স্কেলের ব্যবহার আছে, তাহার মধ্যে কয়েক প্রকার স্কেলের বিষয় প্রথমভাগে উল্লিখিত হইয়াছে । এখানে কেবল একটা সামান্য মানদণ্ড ও অণুমাপক মানদণ্ডের বিষয় লিখিত হইতেছে ।

## সামান্য মানদণ্ড।

১৬ ফুটকে ১ ইঞ্চি করিয়া করিয়া এমত একটি মানদণ্ড প্রস্তুত কর, যাহা হইতে এক ফুট পর্যন্ত পরিমাণ লওয়া যাইতে পারিবে।

যত প্রকার মানদণ্ড ব্যবহৃত হইয়া থাকে, তাহার মধ্যে দশমিক মানদণ্ডই ব্যবহার করা সুবিধা; কারণ যে মানদণ্ডে একাদি ক্রমে ১০ ফুটের পরিমাণ প্রাপ্ত হওয়া যায়, তাহা হইতে যত ফুটের প্রয়োজন হউক না কেন সমুদায়ই প্রাপ্ত হওয়া যাইবে।

এইক্ষেণে যদি ১৬ ফুটের পরিবর্তে ১ ইঞ্চি ধরা যায়, তাহা হইলে ১০ ফুটের স্থানে কত ইঞ্চি ধরিতে হইবে? উঃ ৬ ইঞ্চি।



কথ একটি রেখা পাত কর। কোণমান গজ বা অন্য কোন মানদণ্ড হইতে কাঁটাকম্পাশ দ্বারা ৮টি অংশ গ্রহণ কর; এবং ক-কে কেন্দ্র করিয়া ঐ ৮টি অংশের সমান ব্যাসার্ধ লইয়া একটি বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর। ইহা কথ রেখাকে ৮ বিন্দুতে ছিন্ন করিবে। পরে খ-কে কেন্দ্র করিয়া, পূর্বোক্ত

মানদণ্ডের ৫ অংশ পরিমিত ব্যাসার্ধ কম্পাশ বিস্তার করিয়া আর একটি বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর। ইহা পূর্ব অঙ্কিত বৃত্তাংশকে গ বিন্দুতে অবচ্ছিন্ন করিবে।

ক গ ও খ গ যুক্ত কর। ক-কে কেন্দ্র করিয়া এক ইঞ্চিকে ব্যাসার্ধ লইয়া অপর একটি বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর, ইহা ক খ ও ক গ রেখাকে চ ও ছ বিন্দুতে ছিন্ন করিবে। ছ চ = ৬; অতএব ছ চ-কে ১০ ফুট বলিয়া কল্পনা করিয়া, ইহাকে ১০ সমান অংশে বিভাজিত করিলে, ইহার প্রত্যেক অংশের পরিমাণ ১ ফুট হইবে। এক্ষণে অপর একটি রেখা জ ড পাত কর, এবং জ বিন্দুতে আরম্ভ করিয়া, ছ চ-র সমান কম্পাশের মুখ বিস্তার করিয়া ক্রমান্বয়ে ছেদ করিলে এক একটি ছেদ অংশের পরিমাণ ১০ ফুট হইবে।

### অণুমাপক মানদণ্ড ।

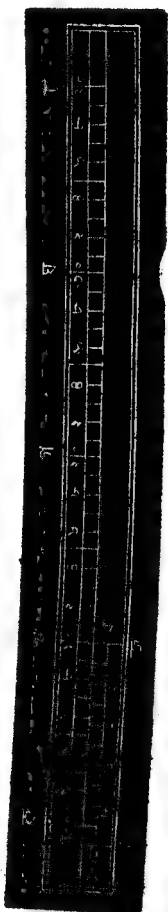
নিম্নে যে মানদণ্ডের প্রতিক্রপ প্রকাশিত হইল, ইহার দ্বারা যে সমস্ত রাশি তিনটি অঙ্ক দ্বারা ব্যক্ত হইবে, তাহা পরিমিত হইতে পারে। ক চ চারি ইঞ্চি পরিমিত একটি রেখা, ইহাকে চারি সমান অংশে বিভাজিত কর। পরে প্রত্যেক ভাগ বাম হইতে দক্ষিণ দিকে দশ সমান অংশে বিভক্ত করিয়া যাও। অনন্তর ইহার ১১ অংশের সমান কম্পাশ বিস্তার করিয়া, ১ম আদি বিভাগের প্রান্ত খ-র সম্মুখস্থ বিন্দু ঘ হইতে বামদিকে স্থাপিত কর, যথা খ ন। ইহার দৈর্ঘ্য-পরিমাণ খ ক অপেক্ষা এক অংশ বামে বেশী হইবে। অন-

স্তর ধন-কে ১০ সমান অংশে বিভাজিত কর ও অপর পার্শ্বে দক্ষিণ দিক্ হইতে বামে একাদিক্রমে সংখ্যাপাত কর ।

ক চ রেখার ১১ অংশের তুল্য ধন রেখা ১০ সমান অংশে বিভাজিত হইয়াছে ও ধন-র পরিমাণ ক খ অপেক্ষা ১ অংশ বেশী; সুতরাং ধন-র এক এক অংশ ক খ-র এক এক অংশ অপেক্ষা ১০ অংশের এক অংশ বেশী । যদি ধ ক-র পরিমাণ ১০০ ইঞ্চ বলিয়া কল্পনা করা যায়, তাহা হইলে ধ ন-র এক অংশ ১১০ ইঞ্চ হইবে ।

মনে কর এই মামদণ্ড দ্বারা ২৫০ ইঞ্চ গ্রহণ করিতে হইবে ।

নিয়ম । তিনটি সংখ্যাবিশিষ্ট অঙ্কের আদি সংখ্যাতে ১ যোগ কর । পরে তাহার পৃষ্ঠে মধ্য সংখ্যা রাখিয়া যে রাশি হইবে তাহা হইতে শেষ সংখ্যা বিরোগ কর । অনন্তর শেষ সংখ্যার যে পরিমাণ, ধ হইতে বামে তত পরিমাণের উপর কম্পাশের এক মুখ রাখিয়া, অপর মুখ ঐ বিরোগফলের যে পরিমাণ



ততদূর বিস্তার কর। তাহা হইলেই নির্দিষ্ট সংখ্যার তুল্য কম্পাশের মুখ বিস্তার হইবে।

$২+১=৩$ ,  $৩৫-৩=৩২$  ; এইক্ষণে খ হইতে তিন সংখ্যার উপর কম্পাশের এক মুখ রাখিয়া, অপর মুখ বা পদক হইতে দক্ষিণ দিকে ৩২ সংখ্যা পর্য্যন্ত বিস্তার কর, তাহা হইলে এই পরিমাণ ২৫৩ ইঞ্চির সমান হইবে।

কোন স্থান জরীপ করিয়া তাহার নক্সা প্রস্তুত হইয়াছে, কিন্তু ভ্রমক্রমে তাহার স্কেল লিখিত হয় নাই। যদি ঐ স্থানের বর্গপরিমাণ ব্যক্ত থাকে, তাহা হইলে যে স্কেলে তাহা অঙ্কিত হইয়াছে তাহা নিরূপণ করিতে হইবে।

ঐ নক্সা অপর স্কেলে অঙ্কিত করিয়া, সেই স্কেলের সাহায্যে তাহার ক্ষেত্রফল স্থির কর। এইক্ষণে প্রকৃত ক্ষেত্রফল এই ক্ষেত্রফলের যত গুণ বা যত ভাগ হইবে, প্রকৃত স্কেলের বর্গও এই নূতন স্কেলের বর্গের তত গুণ বা তত ভাগ হইবে।

অর্থাৎ প্রকৃত ক্ষেত্রফল : নূতন ক্ষেত্রফল :: (প্রকৃত স্কেল)<sup>২</sup> : (নূতন স্কেল)<sup>২</sup>।

প্রকৃত শৃঙ্খল অপেক্ষা ক্ষুদ্রতর বা বৃহত্তর শৃঙ্খল দ্বারা কোন স্থান জরীপ হইয়া, যদি সেই পরিমাণ অঙ্কনদ্বারা তাহার নক্সা অঙ্কিত হয়, তাহা হইলে তাহার প্রকৃত ক্ষেত্রফল নির্ণয় করিতে হইবে।

যে শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ করা হইয়াছে তাহাকেই প্রকৃত শৃঙ্খল মনে করিয়া, ঐ নক্সা হইতে তাহার ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে।

ঐ ক্ষেত্রফল প্রকৃত ক্ষেত্রফলের যত গুণ বা যত ভাগ হইবে; যে শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ করা হইয়াছে তাহার বর্গ, প্রকৃত শৃঙ্খলের বর্গের তত গুণ বা তত ভাগ হইবে।

অর্থাৎ নির্ণীত ক্ষেত্রফল : প্রকৃত ক্ষেত্রফল :: যে শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ হইয়াছে <sup>২</sup> : ( প্রকৃত শৃঙ্খল ) <sup>২</sup>

মানদণ্ডের পরিমাণ বৈধিক এক মাইল হইলে, যদি নক্সার কাগজ, মানদণ্ড, ভূমি এই তিনটির মধ্যে কোন দুইটির পরিমাণ পরিজ্ঞাত থাকে, তাহা হইলে অপরটি কি রূপে নির্ণয় করিতে হইবে।

মানদণ্ডের পরিমাণকে, ভূমির পরিমাণ দ্বারা গুণ করিলে, নক্সার কাগজের পরিমাণ স্থির হয়।

নক্সার কাগজের পরিমাণকে, ভূমির পরিমাণ দ্বারা ভাগ করিলে, মানদণ্ডের পরিমাণ স্থির হয়।

নক্সার কাগজের পরিমাণকে, মানদণ্ডের পরিমাণ দ্বারা ভাগ করিলে, ভূমির পরিমাণ স্থির হয়।

### উত্তরদিগ্‌ নিরূপণের উপায়।

জরীপ করিয়া কোন স্থানের প্রতিকৃতি অঙ্কিত করিতে হইলে, সেই প্রতিকৃতির উত্তরদিগ্‌ নির্দেশ করা নিতান্ত আবশ্যিক; অতএব জরীপের সময়ে ভূমির উত্তরদিগ্‌ নিরূপণ করা একটা প্রধান কার্য। ম্যাগনেটিক কম্পাস অর্থাৎ দিগদর্শন যন্ত্র দ্বারা উত্তরদিগ্‌ নিরূপিত হয়; কিন্তু কোন যন্ত্রের সাহায্য ব্যতিরেকেও উত্তরদিগ্‌ নিরূপিত হইতে পারে।

কম্পাশ দ্বারা বাহাকে উত্তরদিক বলিয়া স্থির করা যার, তাহা সর্বদা ঠিক উত্তরদিক হয় না। কাল ও স্থান ভেদে কম্পাশের কার্যগত ব্যতিক্রম ঘটিয়া থাকে।

এক গাছি রজ্জুদ্বারা নিম্ন লিখিত প্রক্রিয়ায়সারে উত্তরদিক নিরূপণ হইতে পারে। যে স্থান হইতে জরীপ আরম্ভ করিবে, যদি সেই স্থান সমতল হয়, তাহা হইলে সেই স্থানেই উত্তরদিক নিরূপণ করিবে; যদি ভূমি তথায় সমতল না হয়, তাহা হইলে যেখানে সমতল ভূমি পাইবে, সেই স্থানে একটা ক্ষুদ্র সরল তার ঠিক লম্বভাবে প্রোথিত কর। পূর্বাঙ্কে কোন্ সময়ে তারের ছায়া কত দূর পড়ে দেখিয়া, ঐ তারের মূলকে কেন্দ্র করিয়া ছায়া প্রমাণ ব্যাসার্দ্ধ লইয়া একটা বৃত্ত টানিয়া রাখ। পরে অপরাঙ্কে আবার কোন্ সময়ে ঐ তারের ছায়া ঐ বৃত্তপরিধিকে স্পর্শ করে, অর্থাৎ পূর্বাঙ্কের ছায়ার সহিত ঠিক সমান হয়, তাহা বিশেষ করিয়া দেখ। অনন্তর পূর্বোক্ত বৃত্তে দুই ছায়া ব্যাস হইয়া যে একটা বৃত্তাংশ হইবে, সেই বৃত্তাংশের পরিধিকে সম্বন্ধিত কর। পরে তারের মূলদেশ হইতে ঐ ছেদ স্থানে এক সরল রেখা টান, ঐ রেখা উত্তরাভিমুখে যাইবে।

প্রকৃত জরীপ আরম্ভ করিবার পূর্বে উত্তরদিকসূচক রেখাক্রমে কিসদূর জরীপ কর, এবং প্রথম নিদর্শন স্থান হইতে যে দিকে জরীপ করিয়া যাইতে হইবে, তাহার কিসদূর জরীপ করিয়া, ঐ স্থান হইতে উত্তরদিকসূচক রেখায় বতদূর জরীপ করা হইয়াছে, সেই পর্যন্ত জরীপ কর।



এই প্রক্রিয়ার দ্বারা যে ত্রিভুজ অঙ্কিত হইবে, ইহার সাহায্যে নম্রায় উত্তরদিকস্থচক রেখা অঙ্কিত হইতে পারে।

### জরীপী নক্সা অঙ্কিত করিবার নিয়ম ।

জরীপ করিবার সময় গ্রামাদির সমুদায় পরিমাণাক্ষ চিঠাতে লিখিত হয়, তদুপরে কাগজের উপর উৎসমুদায় অঙ্কিত হয়। কাগজ শৈত্যাকতা প্রভাবে বিস্তৃত ও সঙ্কুচিত হইয়া থাকে। অতএব যে কাগজের উপর নক্সা অঙ্কিত করিতে হইবে, তাহা কাঠকলকে আঠা দিয়া যুড়িয়া লওয়া অবিধেয়; কারণ নক্সা অঙ্কিত হইলে পর, যখন অঙ্কিত কাগজ খানি কাঠকলক হইতে তুলিয়া লওয়া যায়, তখন ইহা পূর্বাপেক্ষা কোন অংশে বিস্তৃত এবং কোন অংশে সঙ্কুচিত হইয়া যাইতে পারে; এবং কাষে কাষেই ভূমির পরিমাণ প্রকৃত পরিমাণ অপেক্ষা অতিরিক্ত অথবা নূন হইয়া পড়ে। কাগজ চারিদিকে সমান ভাবে বিস্তৃত হয় একরূপে রাখা উচিত; অথবা কাগজের এক পৃষ্ঠ নূতন বস্তুর দ্বারা আবৃত করিলে ভাল হয়; কেননা তাহা হইলে কাগজের চারিদিক সমান ভাবে বিস্তৃত হয়। কাগজ ঐ রূপে অবস্থাপিত হইলে, যে মানদণ্ডে নক্সা অঙ্কিত করিতে হইবে, তাহা সর্বত্র কাগজের ভলদে অঙ্কিত করিবে। পরে চিঠা দেখিয়া প্রথমতঃ পেঙ্গিন দ্বারা ত্রিভুজগুলি অঙ্কিত করিবে। ত্রিভুজগুলির রেখা আলুগা করিয়া টানিবে, যেন দাগ ঘোর কাল না হয় ৷

কাগজে না ছুটিয়া যায়। পেন্সিলের এমন গুণ থাকা  
আবশ্যক যে, সহজে যেন সূক্ষ্ম রেখা সকল অঙ্কিত করা  
যায়, এমন কি ইচ্ছাক্রমে যেন রবর দ্বারা কাগজের উপর  
হইতে পেন্সিলের চিহ্ন অনায়াসে নিরাকৃত করিতে পারা  
যায়। পেন্সিলের অগ্রভাগটী অতিশয় সূক্ষ্ম করিয়া কাটা  
উচিত।

শৃঙ্খল দ্বারা জরীপ হইলে তাহার নক্সা।

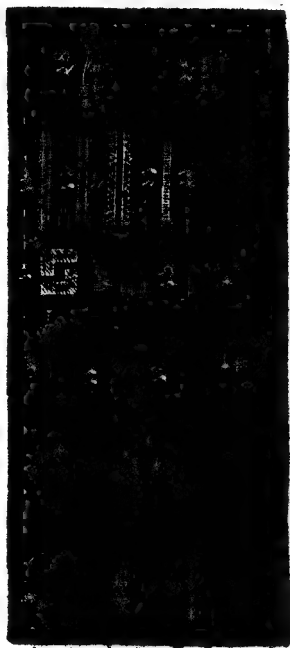
কাগজের এক দিকে একটি রেখা (গ ঘ) অঙ্কিত  
করিয়া, ঐ রেখার এক প্রান্তকে (গ-কে) উত্তরদিষ্  
কল্পনা কর। পরে ঐ রেখার মধ্যে একটি বিন্দু (ক)  
লও, উহা জরীপের প্রথম নিদর্শন স্থান হইবে।  
প্রথম নিদর্শনস্থান হইতে যে দিকে যত খানি  
জরীপ করা হইয়াছে, চিঠা হইতে তাহার পরিমাণ  
দেখিয়া, কম্পাশ দ্বারা অঙ্কিত মানদণ্ড হইতে ঐ পরি-  
মাণ গ্রহণ কর, এবং কম্পাশের এক পদ কাগজের উপর  
উক্ত বিন্দু বা নিদর্শন স্থানে রাখিয়া অপর পদ দ্বারা  
একটী বৃত্ত অঙ্কিত কর। পরে উত্তরদিকস্থচক রেখাক্রমে  
যত দূর জরীপ করা হইয়াছে, মানদণ্ড হইতে তাহার  
পরিমাণ গ্রহণ করিয়া ক গ-কে তাহার সমান কর। গ  
হইতে ক খ সরল রেখার যত দূর জরীপ করা হইয়াছে, তত  
পরিমাণে ব্যাসার্দ্ধ লইয়া আর একটী বৃত্ত অঙ্কিত কর।  
দুইটী বৃত্ত যে বিন্দুতে ছিন্ন হইবে তাহার সহিত ক ও গ  
বিন্দু সংযুক্ত কর; তাহা হইলে ক খ রেখার অবস্থিতি  
নিরূপিত হইবে। অনন্তর কেন্দ্রে ঐ রেখার উপর যে ত্রিভুজ

অঙ্কিত করিয়া জরীপ করা হইয়াছে, চিঠা হইতে তাহার  
অপর দুইটা বাহুর পরিমাণ লইয়া, অঙ্কিত মানদণ্ডের  
সাহায্যে পূর্ব নিয়মানুসারে ত্রিভুজ অঙ্কিত কর। এই  
প্রক্রিয়ানুসারে ক্ষেত্রস্থ সমুদায় ত্রিভুজ কাপজে অঙ্কিত কর।  
অনন্তর জরীপের প্রামাণিক রেখাগুলির নক্সা, প্রামা-  
ণিক রেখার পরিমাণের সহিত মিলিল কিনা তাহা মানদণ্ড  
দ্বারা পরীক্ষা করিয়া দেখ। ত্রিভুজগুলি অঙ্কিত হইলে পর,  
যে লেখনী দ্বারা নক্সা অঙ্কিত করিতে হইবে, তাহা দ্বারা  
সরল রেখা অঙ্কিত হয় কিনা তাহা এক গানি স্বতন্ত্র  
কাগজে পরীক্ষা করিয়া দেখ। যদি লেখনী ভাল হয়,  
তাহা হইলে তাহাকে কাগজের উপর লম্বভাবে রাখিয়া  
রেখা টানিতে থাকিবে। কাগজের উপর অধিক বলপূর্বক  
লেখনী চালিত করিবে না, সরল ভাবে চালিত করিবে,  
এবং সতর্ক হইয়া দেখিবে যেন রেখাগুলি এক স্থানে মোটা  
এবং এক স্থানে সূক্ষ্ম না হয়। বাহাতে আদি অন্ত এক  
আকার হয় সর্বতোভাবে এমত চেষ্টা করিবে। এইরূপে  
সমুদায় ত্রিভুজগুলি কালি দ্বারা অঙ্কিত হইলে পর, আর  
আর যে সমস্ত বিষয় অঙ্কিত করিতে হইবে, তাহা পুনরায়  
ক চিহ্নিত নিদর্শন স্থান হইতে ক্রমশঃ অঙ্কিত করিতে  
থাকিবে।

চিঠাতে দেখিতে হইবে যে, ক নিদর্শন স্থান হইতে  
ক ধ সরল রেখাক্রমে কত দূর লম্ব উত্তোলিত হইয়াছে।  
অনন্তর সেই দূরত্বের পরিমাণ মানদণ্ড হইতে লইয়া  
তাহা নক্সায় যে ক ধ রেখা অঙ্কিত হইয়াছে তাহাতে

চিহ্নিত কর; এবং ঐ ঐ চিহ্নে চিঠা অস্থায়ী বাম পার্শ্বে বা দক্ষিণ পার্শ্বে লম্ব উত্তোলন কর। ক নিদর্শন স্থান হইতে খ নিদর্শন স্থান পর্য্যন্ত লম্বগুলি উত্তোলন করিয়া মানদণ্ড হইতে ঐ লম্বগুলির পরিমাণ গ্রহণ কর। পরে লম্বগুলিকে যথাযোগ্য পরিমিত করিয়া তাহাদিগের প্রাপ্ত সমুদায় সংযুক্ত কর, তাহা হইলে ক্ষেত্রের প্রতিকৃতি অঙ্কিত হইবে। এইরূপে ক্ষেত্রস্থ বাটী রাস্তা, লৌহবন্ধ, নদী, পুষ্করিণী প্রভৃতি অঙ্কিত করিতে হইবে।

এই সকল বিষয়ঃ কালি দ্বারা অঙ্কিত করিতে হইবে। লম্বগুলিতে কালি দিতে হইবে না, কারণ প্রতিকৃতিতে লম্ব রাখিবার প্রয়োজন নাই। রাস্তা, সেতু, লৌহবন্ধ, নদী, পুষ্করিণী, কুটীর, কি আকারের অঙ্কিত করিতে হয়, তাহা পার্শ্বস্থিত প্রতিকৃতি দেখ। ইহাতে ১ চিহ্নিত অবয়বটী চর জমী, ২ পতিত, ৩ সীমা, ৪ প্রাচীর, ৫ বেড়া, ৬ বন, ৭ বাঁশবাড়, ৮ বাগান, ৯ ঘাস-বন, ১০ বিল, ১১ পুষ্করিণী, ১২ জলাশয়, ১৩ ইষ্টকালয়, ১৪ মেটে ঘর বা কুটীর,



১৫ মন্দির, ১৬ মসজিদ, ১৭ কবর স্থান, ১৮ পাকা রাস্তা বা রাজমার্গ, ১৯ কাঁচা রাস্তা, ২০ লৌহবর্ষ, ২১ বাঁধ, ২২ পোল বা দেড়, ২৩ নদী, ২৪ খেয়া ঘাট ও ২৫ বরজ ।

এই চিহ্নকে ( ৩২৯ পৃষ্ঠার ৮ম প্রতিকৃতি দেখ ) দুই অর্থাৎ দুই সীমানার স্তম্ভ কহে । ইহা দুই সীমানার প্রত্যেক নিদর্শন স্থানে লিখিয়া, ইহার মস্তকের উপর নিদর্শন স্থানের সংখ্যা দিতে হয় ।

নদীর স্রোত বুঝাইবার জন্য নদীর স্রোতেরমুখে তীরের কলা ও বিপরীত দিকে পুচ্ছ রাখিতে হয় ।

**দিগদর্শন যন্ত্রদ্বারা জরীপ হইলে তাহার নক্সা ।**

যে কাগজের নক্সা অঙ্কিত করিতে হয়, তাহার উপরের দিক উত্তর, নীচের দিক দক্ষিণ, বামপার্শ্ব পশ্চিম এবং দক্ষিণ পার্শ্ব পূর্ব বলিয়া জানিতে হয় । অংশপট প্রকৃত রূপে বসাইবার জন্য, নক্সার কাগজ উত্তরদক্ষিণে রুল করিয়া লইতে হয় ও যে মানদণ্ড দ্বারা ৩ নক্সা প্রস্তুত হয়, তাহার প্রতিক্রম ঐ কাগজের শিরোভাগে বা নিম্নে অঙ্কিত করিতে হয় । থাকবস্তার রীতামুসারে মৌজার বায়ু কোণ হইতে প্রথম থাক অর্থাৎ ৩ নিদর্শন স্থান আরম্ভ হইয়া থাকে বলিয়া, ঐ কাগজের বায়ু কোণে প্রথম নিদর্শন স্থান মনোনীত করিয়া একটী বিন্দু পাত কর । পরে অংশপটের ঠিক মধ্যস্থল ঐ বিন্দুর উপর একটী আল্লিন দ্বারা বিন্দু করিয়া পূর্বোক্ত কলের সহিত একত্র হয় একরূপে অংশপট উত্তর দক্ষিণে বসায় । তদনন্তর প্রথম নিদর্শন স্থান হইতে দ্বিতীয়

নিদর্শন স্থানে যে বিয়ারিং চিঠাতে লেখা আছে, অংশপটে সেই বিয়ারিং দৃষ্টে কাগজে অন্য এক বিন্দু পাত কর, এবং প্রথম বিন্দু হইতে দ্বিতীয় বিন্দুর উপর দিয়া এক সরল রেখা পাত কর । পরে, প্রথম নিদর্শন স্থান হইতে দ্বিতীয় নিদর্শন স্থান যত ব্যবধান লেখা আছে, তাহা পরিমাপক দ্বারা নানদণ্ডে পরিমাণ লইয়া সেই পরিমাণে ঐ রেখা কাটিয়া লও । এখন প্রথম নিদর্শন স্থানে ১ সংখ্যা দাও । অনন্তর ঐ রেখায় শেষ বিন্দু কেন্দ্র করিয়া তথায় অংশপটের মধ্যস্থল আন্নিয় দিয়া বিন্দু করিয়া আবার পূর্বমত রেখা টান ; এবং ২য় কেন্দ্রে ২ সংখ্যা দাও । এই রূপে সমুদায় নিদর্শন স্থান স্থির করিয়া, তাহাদের প্রত্যেকের সংখ্যা পাত করিয়া লও । পরিশেষে শেষ ও প্রথম নিদর্শন স্থান রেখার দ্বারা যোগ কর, তাহা হইলে মৌজার অনুরূপ নক্সা অঙ্কিত হইবে । এই রূপে ত্রিসীমানার প্রত্যেক নিদর্শন স্থান হইতে পার্শ্বস্থিত দুই মৌজার মধ্য দিয়া যে রেখা গিয়াছে, তাহা অঙ্কিত করিয়া পার্শ্বস্থিত মৌজা সকলের নাম নক্সার পার্শ্বে লিখিবে ।

যদি কোন স্থায়ী চিহ্ন অর্থাৎ মন্দির বা বুকের সহিত যোগ বিয়ারিং থাকে, তাহা হইলে সেই নিদর্শন স্থান হইতে বিয়ারিং ও ব্যবধানানুসারে স্থায়ী চিহ্নের আনুমানিক নক্সা করিয়া তাহার নাম লিখিতে হইবে । আর যদি এক গ্রামের মধ্যে ২১৩ মালিকের ভূমি বা অন্য গ্রামের ছিট ভূমি পৃথক থাকে, তবে বহিসীমার যে সংখ্যায় আরম্ভ করিয়া পৃথক থাক হইয়াছে, তথায় অংশপট বসাইয়া তাহা ঐ নক্সার গর্ভে

অঙ্কিত করিবে। পরে নদী, রাস্তা, বাস্তু, বাগান প্রভৃতি বখা স্থানে রঞ্জিত করিয়া চিত্রিত করিবে। আর প্রতি মিনার থাকে এক একটা পতাকা, তোখা স্থানে দুই পতাকা, ঐতিকৃতির দক্ষিণ বা বামপার্শ্বে উত্তরদিক পরিজ্ঞাপক রেখা অঙ্কিত করিবে।

যদি জমি সরিকীবটন হইয়া থাকে, তাহা হইলে তাহার প্রত্যেক অংশের ভূমি এক এক বর্ণ দ্বারা সীমাবদ্ধ করিতে হইবে; আর বসন্তবাটী, বাগান প্রভৃতি ক্ষেত্র সকল পৃথক্‌পৃথক্‌ বর্ণে রঞ্জিত করা আবশ্যিক। যত প্রকার রঙ্গ ব্যবহার করা যায়, নম্বার শীরোভাগে দক্ষিণ পার্শ্বে তাহার প্রত্যেক রঙ্গের এক একটা চিহ্ন দিতে হইবে, এবং তাহার পার্শ্বে এই রঙ্গ অমুকের এই বলিয়া লিখিতে হইবে।

এক খানি নম্বা যদি এত বৃহৎ হইয়া পড়ে, যে দুই তিন খানি ভিন্ন ভিন্ন কাগজে খণ্ড খণ্ড করিয়া অঙ্কিত করিয়া পশ্চাৎ সমুদায়গুলি একত্রিত করিতে হয়; তাহা হইলে খণ্ডগুলি এরূপে অঙ্কিত ও সংযুক্ত করিবে, যে সংযোগের পর ঐতিকৃতি খানি খণ্ডখণ্ড করিয়া চিত্রিত হইয়াছিল বলিয়া বোধ না হয়।

নম্বাতে সাঙ্কেতিক চিহ্নগুলি অঙ্কিত করিতে পারদর্শী হওয়া অতি আবশ্যিক। বহবার অভ্যাস না করিলে ইহা আশ্রয় হয় না, যদিও নম্বা প্রকৃত রূপে চিত্রিত হয়, সাঙ্কেতিক চিহ্নগুলি স্মরণ্য হইবেক না, এবং অযথা রূপে অঙ্কিত হইবেক। নম্বাতে যে সাঙ্কেতিক বর্ণগুলি ব্যবহৃত হইয়া

থাকে, তাহা বামদিক্ হইতে দক্ষিণদিকে লিখিতে হয়। অন্য কোন দিক্ হইতে লিখিবার প্রয়োজন হইলে, যে দিক্ হইতে সাক্ষেতিক বর্ণগুলি একবার লিখিত হয়, সর্বত্রই সেই দিক্ হইতে লিখিতে হইবেক। মানদণ্ড নক্ষার কাগজে চিত্রিত থাকা আবশ্যিক, নচেৎ কেবল মানদণ্ডের পরিমাণ, অর্থাৎ এক ইঞ্চি কোন বিশেষ নির্দিষ্ট পরিমাণস্থচক এরূপ লিখিত থাকিলে, বিশেষ বিশেষ কারণ, যেমন বায়ুর শৈত্যোষ্ণতার হ্রাস বৃদ্ধিবশতঃ নক্ষার কাগজের সঙ্কোচ ও প্রসারণ হইলে এক ইঞ্চি অধিকৃত স্থানেরও সঙ্কোচ ও প্রসারণ হইতে পারে। সুতরাং নির্দিষ্ট পরিমাণের হ্রাস বৃদ্ধি হইয়া নানাবিধ ভ্রম উপস্থিত হয়। মানদণ্ড নক্ষার কাগজে চিত্রিত থাকিলে, কাগজের সঙ্কোচ ও প্রসারণের সহিত মানদণ্ডেরও সঙ্কোচ ও প্রসারণ হইয়া প্রকৃত পরিমাণের কোন ব্যতিক্রম ঘটিতে দেয় না।

নক্ষাতে অধিক কিম্বা অল্প পদার্থ চিত্রিত করিবার প্রয়োজন হইলে, তদনুসারে মানদণ্ডের দৈর্ঘ্যের ন্যূনাধিক্য হইয়া থাকে। শৃঙ্খল এবং দিগ্‌দর্শন যন্ত্রদ্বারা সামান্য ভূম্যাঙ্গ জরীপ করিয়া, নক্ষা চিত্রিত করিবার সময়ে, 'এক ইঞ্চি পরিমিত স্থলকে চারি শত ফুটের স্থানীয় গণ্য করিয়া নক্ষা অঙ্কিত করিলে ভূমির অন্তর্গত যাবতীয় পদার্থের অবস্থান চিত্রিত হইতে পারে। এই মানদণ্ড অবলম্বন করিয়া নক্ষা চিত্রিত করিলে, যে ভূমির ক্ষেত্রফল দুই বর্গমাইল তাহার নক্ষা দৈর্ঘ্যে চল্লিশ ইঞ্চি এবং প্রস্থে সাতাইশ ইঞ্চি কাগজে পর্যাপ্তরূপে চিত্রিত হইতে পারে।



নজ্ঞাতে অনর্থক অনেক রেখাপাত করা শ্রেয়ঃ নহে, এজন্য যখন একটি চাপ বা রেখা অঙ্কিত হইয়াছে, এবং তদ্ব্যতীত কোন বিশেষ স্থল নিরূপণের জন্য তদুপরি আর একটি চাপ বা রেখা সম্পাদনের আবশ্যক, এমত স্থলে এই দ্বিতীয় চাপ বা রেখা বিন্যাস না করিয়া কেবল প্রথম চাপ বা রেখাতে সম্পাত বিন্দুটি চিহ্ন করা মাত্র উচিত ।

যদি অঙ্কপাতে কম্পাশ চলে, তবে রুল পরিত্যাগ করিয়া কম্পাশই ব্যবহার করা উচিত ।

অঙ্কপাত যত বড় আয়তনে করা হইবে, ততই তাহাতে ভ্রম ঘটিবার সম্ভাবনা কম ; এজন্য কোণ বিন্যাস করিতে হইলে, স্থান বুঝিয়া বড়বড় বৃত্ত আঁকিতে হইবে ; ক্ষুদ্র রেখা বিন্যাস করিতে হইলে, যে বিন্দু হইতে রেখা টানিতে হইবে, সেই বিন্দু নির্ণয়ের জন্য বড় পরিমাণের ককট সহকারে চাপ আঁকিতে হইবে ।

লম্ব রেখা হউক আর সমান্তরাল রেখা হউক, বিন্যাস করিবার সময় তাহাদিগকে এককালে পর্য্যাপ্ত পরিমাণে দীর্ঘ করিয়া লওয়া উচিত, তাহা হইলে তাহাদিগকে আবার বর্দ্ধিত করিবার প্রয়োজন থাকে না ।

কোন বিন্দু অবধি রেখা টানিতে হইবে, অর্থাৎ রেখাটি বিন্দুর সহিত মিলিয়া যাইবে, এমন স্থলে রেখাটি বিন্দু হইতে আরম্ভ করা উচিত । যদি রেখাটি দুই বিন্দুর ভিতর দিয়া টানিতে হয়, তাহা হইলে রেখাপাতের অগ্রে রুল ধরিয়া পেন্সিলের দ্বারা বিন্দু দুইটি যোগ করিয়া দেখিবে, যে রেখা টানিবে বিন্দুদ্বয়ের মধ্যদিয়া গমন করিবে কি না ।

যদি কোন বৃত্ত মধ্যে ভিন্ন ভিন্ন বিন্দু দিয়া ভিন্ন ভিন্ন কতক-  
গুলি কর্কট অর্থাৎ ব্যাসার্ধ বিন্যাস করিতে হয়, তাহা হইলে  
সেই কর্কট রেখাগুলি বৃত্তের কেন্দ্র হইতে আরম্ভ করা  
উচিত ; এবং যদি এক বিন্দু দিয়া একের অধিক রেখা গমন করে,  
তাহা হইলে প্রকাশ হইবে যে রেখাপাতে ব্যতিক্রম হইয়াছে ।

### রঙ্গ ।

উক্ত প্রকার পরিষ্কার নক্সায় জল, স্থল, নদ, নদী, খাল,  
বন, জঙ্গল, বাটী, বাগান প্রভৃতি অনায়াসে প্রভেদ করিতে  
পারা যাইবে বলিয়া, চিত্রকরেরা ভিন্ন ভিন্ন রঙ্গ ব্যবহার করিয়া  
থাকেন ; তাহাতে নক্সা স্পষ্ট হয় এবং দেখিবামাত্রই বুঝা  
যায় । যদি চিত্রকরেরা ভিন্নভিন্ন পদার্থের ভিন্নভিন্ন  
বর্ণ কল্পনা করিয়া অনুরূপ চিত্র করে, ও কোন বর্ণে কোন  
পদার্থ বুঝায় তাহার সঙ্কেত লিখিয়া দেয়, তাহা হইলে  
কার্য্য নিকাহ হইতে পারে ; কিন্তু পশ্চাৎলিখিত পদার্থ সকলের  
যে বর্ণ সাধারণে প্রচার আছে, তাহা নিম্নে প্রদর্শিত হইতেছে ।

বস্তু

রঙ্গ

নদী, পুষ্করিণী

নীল ।

জোল

{ নীল ও নৃত্তিকা রঙ্গ এবং স্থানে-  
স্থানে সবুজ ।

জল জলাশয়

ঈষৎ জরদ ।

জলশযীপদ্ম চর

ঈষৎ নীল ।

নৃত্তিকা চর

কর্দম রঙ্গ ।

বালুকামির চর

রক্তমিশ্রিত জরদ ।

পৰ্বত প্রভৃতি উচ্চস্থান	কাল ।
উদ্যান	ঘোর সবুজ ।
বন	{ সবুজ বর্ণে কিছু লালের অংশ থাকিবে ।
পতিত ভূমি ( অল্পক্ষর )	নীল ও কালি মিশ্রিত ।
পতিত ভূমি ( উর্বর )	শ্বেতবর্ণ ।
বৃক্ষ ও তৃণ ক্ষেত্র	ঈষৎ সবুজ ।
ধান্যাদি ক্ষেত্র	সবুজ এবং জরদ ।
বৃতি অর্থাৎ বেড়া	ঈষৎ সবুজ ।
পথ	{ যুক্তিকা রঙ্গ, এবং মনুষ্যাকৃত পথে রেখাদ্বয়, স্বয়ং জাতে এক রেখা ।
লৌহবস্ত্র	লালের মাঝে কাল রেখা ।
প্রশস্ত রাস্তা	তরল লোহিত ।
ইষ্টকালর ও সেতু	অলঙ্কৃত বর্ণ ।
প্রস্তরালয়	লাল ও নীল মিশ্রিত ।
তৃণাদি রচিত গৃহ	জরদ এবং কর্দম রঙ্গ ।
উষ্ণ বালু	ঈষৎ কর্দম রঙ্গ ।

বর্ণ দুই প্রকার, মূল ও মিশ্র । নীল, পীত ও লোহিতকে মূল বর্ণ কহে । এই তিন মূল বর্ণকে ষত ভিন্ন ভিন্ন প্রকারে মিশ্রিত করা যায় তত প্রকার ভিন্ন ভিন্ন বর্ণ উৎপন্ন হয় । ঐ সকল উৎপন্ন বর্ণকে মিশ্রবর্ণ কহে । মিশ্রবর্ণের মধ্যে হরিত, পাটল, ধূমল এই তিনটি প্রধান । নীল ও পীত একে দুইটি মূল বর্ণ মিশ্রণে হরিত বর্ণ উৎপন্ন হয় । পীত ও লোহিত

মিশ্রণে পাটল বর্ণ হয় । নীল ও লোহিত এই দুইটা বর্ণ মিশ্রিত করিলে ধুমল বর্ণ হয় । পীত ও লোহিত এই দুই বর্ণের মিলনে কমলালেবুর বর্ণ হয় ইত্যাদি ।

উক্ত নিয়মে চিত্র করিলে ভূমির নক্সা, পাণ্ডুলিপিৰ অৰ্থাৎ চিঠার অবিকল প্রতিক্রপ হয় । কিন্তু আদর্শ হইতে বৃহৎ বা ক্ষুদ্র নক্সা করিতে হইলে, আদর্শ নক্সার পরিমাণাঙ্ক দেখিয়া মানদণ্ড দ্বারা তদ্রূপ কোন পরিমাণ কল্পিত করিয়া রেখা পাত করিবে, এবং খাল জঙ্গল প্রভৃতির নাম ও আকৃতি তদুপযুক্ত স্থানে অঙ্কিত করিবে, তাহাতেই অতিলম্বিত বৃহৎ বা ক্ষুদ্র চিত্র প্রস্তুত হইবে ।

অঙ্কিত প্রতিকৃতিতে যে রঙ্গ দিতে হইবে তাহা বস্তুর বর্ণ হয় ততই ভাল । রঙ্গ দিবার সময়ে একরূপ সতর্ক হইবে যে, যে সীমার মধ্যে এক প্রকার রঙ্গ দিতে হইবে, সে রঙ্গ যেন সেই সীমা অতিক্রম করিয়া না যায় । যে স্থলে রঙ্গ দেওয়া হইয়াছে, তাহা যদি শুক হইয়া থাকে, তবে আর কোন মতে সে স্থল স্পর্শ করিবে না ; যদি কয় তাহা হইলে দুই প্রকার রঙ্গের সংযোগের ন্যায় একটা বেধা উৎপন্ন হইবে । অঙ্কিত প্রতিকৃতির এই দোষটী বড় সামান্য নহে । যে সকল পদার্থের দৈর্ঘ্য প্রস্থ দর্শাইয়া নক্সা অঙ্কিত করিতে হইবে, তাহাদের চারি ধারে কালির রেখা টানিতে হইবে, এবং তাহাদের যে দুই পৃষ্ঠে সূর্যের আলোক পড়িয়াছে, তাহার বিপরীত দুই পৃষ্ঠে ছায়া স্জাত করিবার নিমিত্ত কালির রেখা কিকিৎ মোটা করিয়া দিতে হইবে । যে সকল বস্তুর কেবল দৈর্ঘ্যের মাপ

দেশাইলে পর্যাপ্ত হয়, তাহাদিগকে একটা লম্বা রেখা দ্বারা অঙ্কিত করিবে। নক্সাতে বৃক্ষ অঙ্কিত করিবার সময় উহাদের ছায়া যেন এক দিকেই থাকে। কোন স্থানে রক্ত অধিক ক্ষণ রাখিবে না; কারণ যদি উত্তপ্ত বায়ুপ্রভাবে সহসা জমিয়া যায়, তাহা হইলে সেই স্থলের রক্ত পূর্ক্স প্রদত্ত রক্তের সহিত সমান করিতে পারিবে না, সুতরাং কোন স্থানে গাঢ় এবং কোন স্থানে তরল হইবে।

### জরীপ সংক্রান্ত প্রশ্ন ।

- ১। সীমাবন্দী কাহাকে কহে ?
- ২। সীমাবন্দী করিতে কি কি যন্ত্রের আবশ্যক ?
- ৩। সীমাবন্দী করিবার নিয়ম কি ?
- ৪। কাঁটা কম্পান (পরিমাপক) কাহাকে বলে ?
- ৫। অংশপট্ট কি এবং বিয়ারিং কাহাকে বলে ?
- ৬। কোন দিক লক্ষ্য করিলে বাম পার্শ্বের যে বিয়ারিং উত্তরের কাঁটার নীচে অহিসে তাহাই লক্ষিতদিকের বিয়ারিং বলিয়া গৃহীত হয় কেন ?
- ৭। পালটা বিয়ারিং কাহাকে বলে ? ইহার দ্বারা কি কি কৰ্ম সম্পন্ন হয় ?
- ৮। প্রোট্রাকটিং স্কেল (কোণমাণগজ) কাহাকে বলে ?
- ৯। থাকবল্ড সংক্রান্ত জরীপ বায়ুকোণ হইতে অন্তর্ভুক্ত হইবার এবং মৌজা বামে রাখিয়া সীমাবন্দী করিবার কারণ কি ?

১০। চিঠা কাহাকে কহে? কম্পাস (দিগদর্শন যন্ত্র)

ব্যবহারের নিয়ম স্পষ্ট রূপে ব্যক্ত কর?

১১। চিঠার মন্তব্য ঘরে কি লেখা যায়?

১২। কোন মৌজার মধ্যে নদী ব্যবধান পড়িলে,

তাহার পরিসর নিরূপণের উপায় কি?

১৪। ৯৩ বিয়ারিঙ্গের স্থান হইতে ৩৬০ বিয়ারিঙ্গের স্থান লক্ষ্য করিলে কত বিয়ারিং হয়? উঃ। ৩১৫ বিঃ।

১৫। যদি সীমানার মধ্যে পুষ্করিণী বা বাটী পড়িয়া সীমাবন্দীর প্রতিবন্ধক জন্মে, তাহা হইলে কিরূপে তাহার জরীপ করিবে?

১৬। যদি এক মৌজাতে, দুই কিম্বা ততোধিক মহল থাকে, তবে তাহা কি প্রকারে নির্ণয় করিবে?

১৭। মৌজার সীমাবন্দী এবং টুকুরা জমীর সীমাবন্দী এতদুভয়ের মধ্যে বিভিন্নতা কি?

১৮। টুকুরা জমির সীমাবন্দীর চিঠা কি প্রকারে লিখিতে হয়?

১৯। যদি কোন টুকুরা জমির মধ্যস্থলে অন্য মহলের জমি থাকে, তবে তাহার চিঠা কি প্রকারে লিখিবে?

২০। হাতাবন্দী খসড়া জরীপ কাহাকে কহে?

২১। হাতাবন্দী জরীপে কি রূপে চিঠা লিখিতে হয়?

২২। নিম্ন লিখিত চিঠা দৃষ্টে একটা পঞ্চভুজ ক্ষেত্রের নয়া নিকাশন ও ক্ষেত্রফল স্থির করিতে হইবে।

উঃ। ৬৬ একর ২ রুড় ২৪ পোল।

<কথগ	১৫৫৫ গ পর্য্যন্ত ১১০° ৩০' খ হইতে ডাইনে	<গঘচ	২৭৪১ চ পর্য্যন্ত ৯১° ২০' ঘ হইতে ডাইনে
	১৯৪০ খ পর্য্যন্ত ক হইতে উপ		২১২৫ ঘ পর্য্যন্ত ১১৭° ৪৫' গ হইতে ডাইনে

২৩। চিঠা পুস্তকে নিম্ন লিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ  
হইতে তিনটি ক্ষেত্রের নম্বা ও ক্ষেত্রফল স্থির কর ।

খ ৬৫২  আরম্ভ	ক গ ৮৭২ ৭৩১ ৪২৩ ক চিহ্নে	৫৪৫ গ গমন পূর্বে উঃ। ৫ একর ৩৫ পোল।

খ ১২৭৮ আরম্ভ	০ গ পর্য্যন্ত ৩২৫০ ২৫০৪ ১২৭২ ক চিহ্নে	১০৪৬ ঘ  গমন পশ্চিমে

উঃ। ৩৭ একর ৩ কুড ২ পোল।

•	১১১০ খ পর্য্যন্ত	•
৫৯৫	৭৪৫	
৩৫২	১১০	
•	ক চিহ্নে আরম্ভ	•

২৪। নিম্ন লিখিত সংক্ষিপ্ত বিবরণ হইতে একটি শঙ্কর ক্ষেত্রের নক্সা ও ক্ষেত্রফল স্থির কর ?

•	১৩১০ খ পর্য্যন্ত	১৩০
২৩০	১০০০	
	৯৮০	৫০
	৭৮০	১৩০
৩১০	৭০০	
	৫৫০	১৫০
২২০	৪৬০	
	৩৩০	৯৪
৩৩০	২৬০	
৩৬০	•	২৩০
	© ক হইতে	

উঃ। ক্ষেত্রফল = ৪ একর ৩ রুড ১৬'২৪ পোল।

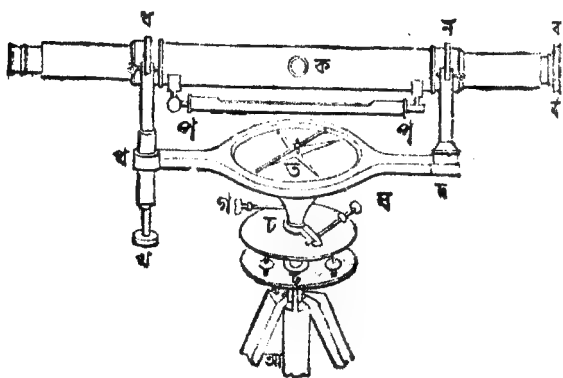
সমস্থল নিরূপণ করিবার রীতি ।

অবাস্তব-বিচলিত সরোবরের জলের অবস্থানই সমস্থলের প্রকৃত উদাহরণস্থল। পৃথিবী সর্বতোভাবে গোলাকার বলিয়া নির্দেশ করিলে সমস্থল রেখা উহার কেন্দ্র হইতে সকল স্থানেই সমদূর হইবে। সমস্থল প্রক্রিয়া দ্বারা স্থপতিগণ, ভূপৃষ্ঠ কোথায় উন্নত ও কোথায় অবনত তাহা নির্ণয় করেন ; এবং যে রেখা পৃথিবীর কেন্দ্র হইতে সর্বত্র



সমুদ্র তৎসহজে এক স্থান অন্য স্থানাপেক্ষা কত উচ্চ বা নীচ তাহা নির্ণয় করেন। তোয়সাম্য যন্ত্র দ্বারা যে রেখা নিরূপিত হয় তাহা পৃথিবীর স্পর্শনী রেখা। ভিত্ত ও পয়নালায় সমস্তুল সামান্য তোয়সাম্য যন্ত্রদ্বারা নিরূপিত হইয়া থাকে, কিন্তু বড় জমীদারী বা মাঠ জরীপ করিতে হইলে তাহার সমস্তুল ওয়াই সুরাসাম্য বা টুফটনস্ সুরাসাম্য নামক উৎকৃষ্ট উৎকৃষ্ট যন্ত্রদ্বারা নিরূপিত হইয়া থাকে।

ওয়াই সাম্য যন্ত্র ।



উপরের এটা (ক) একটি বর্ণবিহীন দূরবীক্ষণের প্রতি ক্রুতি; ইহা হইলী স্তম্ভের উপর সংস্থাপিত আছে। ঐ স্তম্ভদ্বয়ের আকার ইংরাজী (y) ওয়াই অক্ষরের ন্যায় বলিয়া ঐ যন্ত্রটী ওয়াইসাম্য বলিয়া অভিহিত হইয়াছে। স্তম্ভ হইলী একটি পিত্তলের দণ্ডের উপর একরূপ কৌশলে সংবদ্ধ যে, একটি স্তম্ভ খ নামক পোঁচ দ্বারা অনায়াসে উন্নত বা অবনত করা যাইতে পারে। খ দ দণ্ডের মধ্যস্থল কিঞ্চিৎ

চপ্টা ও তাহাতে (ত) একটি দিগ্‌দর্শন যন্ত্রের বাস্তু আছে। ঐ দিগ্‌দর্শন যন্ত্রের নিয়ে একটি বৃত্তস্থচীক কীলক আছে, সেই কীলক ছইটী সমান্তরাল পাত্রে উপরটী ভেদ করিয়া নীচেরটীতে সংলগ্ন হইয়াছে। কীলকের নীচে একটি বর্ভূল আছে ও নীচের পাত্রখানির মধ্যস্থলে একটি গহ্বর আছে, সেই গহ্বর মধ্যে ঐ বর্ভূল স্তূঢ় রূপে সংস্থিত আছে। উপরিস্থ পাত্রের শীর্ষদেশে একটি গলপাশ আছে, ইহার পেঁচ (গ) ঘুরাইয়া দিলে স্থচীক কীলকটী আঁটিয়া ধরিতে পারে, এবং স্পর্শক পেঁচ (ঘ) দ্বারা সমুদায় যন্ত্রটীকে ভাস্তে আস্তে এক্রূপে সঞ্চালিত করা যাইতে পারে যে, তাহা পরিদোলকের ন্যায় স্থলিতে থাকে। ঐ সমান্তরাল পাত্র দুইটী, চারিটী পেঁচ দ্বারা স্তূঢ় রূপে স্থাপিত থাকে। পেঁচগুলি নিম্নস্থ পাত্রের গহ্বরে থাকিয়া ঘুরে ও তাহাদের যন্তক উপরিস্থ পাত্রের তলার লাগিয়া থাকে। সমুদায় যন্ত্রটী একটি আধার পেঁচদ্বারা মেছগ্নিকাঠের এক ত্রিপদির উপর স্থাপিত হইয়া থাকে। যখন যন্ত্রটী ব্যবহৃত না হয়, তখন দিগ্‌দর্শন যন্ত্রের স্থচীটী খুলিয়া রাখা যাইতে পারে।

যন্ত্রটির দূরবীক্ষণের নিয়ে একটি সুরানাম্য আছে। সেটী এক প্রান্তে এক যোষক পেঁচ দ্বারা ও অপর প্রান্তে একটি পেঁচ দ্বারা এক্রূপে সংবদ্ধ আছে, যে আবশ্যক মতে তাহা উন্নত বা অবনত করা যাইতে পারে।

ঐ যন্ত্রটী ব্যবহার করিবার পূর্বে, ইহা সামঞ্জস্য করিবার, নিম্নলিখিত তিনটী প্রক্রিয়ার প্রতি মনোযোগ করিতে হইবে।

১ম। বক্রীভবন ও স্থানপরিবর্তন।

কোণবীক্ষণ যন্ত্রের বক্রীভবন ও স্থানপরিবর্তন যে প্রক্রিয়ার দ্বারা সাধিত হয়, সেই প্রক্রিয়া অবিকল ইহাতেও প্রযুক্ত হইয়া থাকে।

২য়। বিষ্মচক্রীর সামঞ্জস্য করণ।

অগ্রে দূরবীক্ষণ যন্ত্র যে পর্য্যন্ত সমান্তরাল ফলকের দুইটি পেন্সের অভিমুখে না আইসে, ততক্ষণ উহাকে পরিচালনা কর, এবং ঐ পেন্সগুলি ঘুরাইয়া বিষ্মচক্রী তাহার গতিপথের ঠিক মধ্যস্থলে আন। পরে ওয়াইর অর্থাৎ আধার স্তম্ভের উপর দূরবীক্ষণকে ঘুরাইয়া স্থাপন কর। তাহাতে যদিও ঐ বিষ্ম পূর্ববৎ নলের মধ্যস্থলে স্থির না থাকে, তাহা হইলে বিষ্মচক্রীর সামঞ্জস্য হয় নাই, এবং তাহার সংশোধন আবশ্যিক বলিয়া জানিতে হইবে। এখন বিষ্ম কোন্ দিকে গিয়াছে দেখিয়া, তাহাকে সমান্তরাল ফলকের পেন্স ঘুরাইয়া অর্ধেক ঘুরাইয়া আন; এবং বিষ্মচক্রীর প্রান্তের চড়কীশিরা পেন্স ঘুরাইয়া আর অর্ধেক ঘুরাইয়া আন। অনন্তর দূরবীক্ষণকে পুনর্বার ঘুরাইয়া দেও এবং বারম্বার ঐরূপ কর, যে পর্য্যন্ত বিষ্মচক্রী নলের মধ্যস্থলে স্থির হইয়া না থাকে। স্থির হইলেই দূরবীক্ষণটাকে বন্ধ করিয়া যন্ত্রটী ব্যবহৃত কর।

৩য়। শীর্ষ কীলকের উপর লম্বভাবে দূরবীক্ষণের কীলকের সামঞ্জস্য করণ।

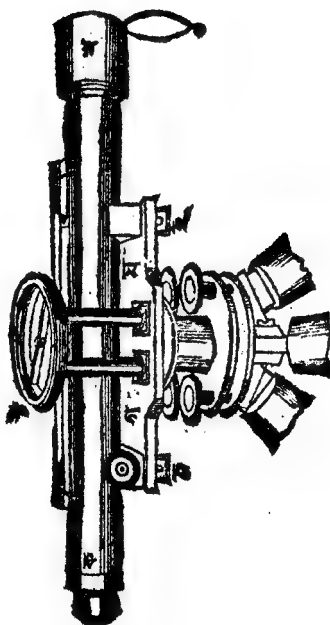
সমান্তরাল ফলকের দুইটি পেন্সের উপর দূরবীক্ষণকে স্থাপিত কর; এবং যে পর্য্যন্ত বিষ্ম নলের মধ্যস্থলে স্থির না হয়, ততক্ষণ সেই পেন্স দুইটি ঘুরাও, একটা মোজা

দিকে ও আর একটি উল্টাদিকে । অনন্তর দূরবীক্ষণকে শীর্ষ কীলকের উপর অর্জবৃত্ত পরিমাণে এরূপে ঘুরাও যে, তাহার প্রান্ত দুইটা যে যে পেন্‌চের উপর ছিল, তাহার ঠিক উল্টাদিকের পেন্‌চের উপর আসিয়া পড়ে । এতদ্বারা যদি বিশ্ব পূর্বমত নলের মধ্যস্থলে না থাকে, তবে খ পেন্‌চ ঘুরাইয়া প্রথমার্ধ এবং সমান্তরাল কলকের যে দুই পেন্‌চের উপর দূরবীক্ষণ আছে, তাহাদিগকে ঘুরাইয়া অপার্ক ভ্রম সংশোধন কর । তৎপরে দূরবীক্ষণকে বৃত্তের চতুর্গাংশ পরিমাণে ঘুরাইয়া অন্য দুই পেন্‌চের উপর আন, এবং এই দুই পেন্‌চের উপর পুনরায় উক্ত প্রক্রিয়া কর । এইরূপ বারম্বার করিলে, যখন দূরবীক্ষণকে শীর্ষ কীলকের উপর চতুর্দিকে ঘুরাইলেও বিশ্ব নলের মধ্যস্থলে সমভাবে থাকিবে, তখনই এই কীলক প্রকৃত শীর্ষ স্থল অবলম্বন করিয়াছে জানিবে । আর পূর্ব প্রক্রিয়ার অমুরোধে দূরবীক্ষণের কীলক ধারাতলিক হইয়া পড়িবে, সুতরাং শীর্ষ কীলকের সম্বন্ধে লম্বভাব ধারণ করিবে ও সমগ্ররূপে ঘুরাইলেও তাহার ধারাতলিক অবস্থার ব্যত্যয় হইবে না ।

### টক্টন্স সাম্যযন্ত্র ।

পর প্রতিকৃতিতে জ ক সুরাসামা যন্ত্রটি ক খ দূরবীক্ষণের উপর সংস্থাপিত আছে । দূরবীক্ষণটি গ ঘ আধারের উপর সংস্থিত । এই আধার একটি মেরুদণ্ডে এরূপ কৌশলে সংবদ্ধ যে তাহাকে অনায়াসে ঘুরান যাইতে পারে । গ ঘ আধারের উপর দণ্ডায়মান দুইটা স্তম্ভোপরিট নামক একটি দিগ্‌দর্শন যন্ত্রের বাস আছে ।

যন্ত্রটিকে ব্যবহার  
করিতে হইলে প্রথ-  
মতঃ চক্ষুদ্বারা যত  
দূর সাধ্য ইহাকে  
সমান করিতে হয়।  
পরে দূরবীক্ষণটিকে  
টের্চা পেঁচ দুইটির  
উপর স্থাপিত করিয়া,  
চ ছ দুইটি পেঁচ দ্বারা  
জল নলের মধ্যস্থিত  
স্ক্রাস্কেটটিকে নলের  
মধ্যস্থলে আনিতে  
হয়। স্ক্রাস্কেট নলের  
মধ্য স্থলে আসিলে  
যন্ত্রটি ব্যবহার যোগ্য  
হয়।



### সমতলীয় দণ্ড ।

যত প্রকার সমতলীয় দণ্ড আছে তন্মধ্যে প্রোভাটের  
দণ্ড অতি উৎকৃষ্ট। এই দণ্ড তিন খণ্ড কাষ্ঠে নির্মিত।  
ব্যবহার কালে তৃতীয় খণ্ড দ্বিতীয়ের মধ্যে ও দ্বিতীয় প্রথমের  
মধ্যে সন্নিবিষ্ট করিতে হয়। দণ্ড গাছটিতে একটি লাঙ্গা  
একটি কাঁড়, একরূপ একান্তবিত রেখাধারা ১ ফুটের শতাংশ  
পরিমাণ আপান মস্তকু চিহ্নিত আছে। এই রেখাগুলি

দণ্ডের অর্ধেক পরিসর অবধি বিস্তৃত। দশকের রেখা অর্থাৎ এক ফুটের দশমাংশ পরিজ্ঞাপক রেখাগুলি দণ্ডের সমুদায় পরিসর অবধি বিস্তৃত। আর দশকের রেখার অর্ধেক একএকটি কাল বিন্দুর দ্বারা ও পূর্ণ এক ফুট পরিমাণ ১, ২, ৩ প্রভৃতি সংখ্যা দ্বারা চিহ্নিত আছে।

### সমতলতত্ত্ব ।

একটি মাঠের ক ও খ দুইটি স্থানে সমতলের বিভিন্নতা নির্ণয় করিতে হইবে।

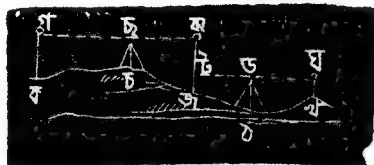
মনেকর, এই ক্ষেত্রের চ ও ঠ স্থানে গ ঝ ও ট ঘ দুইটি সমতল রেখা সুরাসাম্য যন্ত্র দ্বারা নির্ধারণ করা গিয়াছে। জরীপজামীন ক চিহ্নিত স্থান হইতে খ চিহ্নিত স্থানে গমন করিলে, জ ঝ উন্নতিকে সম্মুখ ও ক গ উন্নতিকে পশ্চাৎ দিক বা দৃষ্টি কহে। ঐরূপে খ ঘ উন্নতিকে সম্মুখ দিক ও জ ট উন্নতিকে পশ্চাৎ দিক কহে। খ ঘ ও জ ট দুইটি উন্নতির বিভিন্নতা জানিতে পারিলে, খ ও জ স্থানদ্বয়ের সমতলের প্রভেদ জ্ঞাত হওয়া যায়; এবং জ ঝ ও ক গ দুইটি উন্নতির বিভিন্নতা জানিতে পারিলে জ ও ক স্থানের সমতলের প্রভেদ নির্ণয় হয়। যদি খ ঘ = ৪, জ ট = ৩,

জ ঝ = ৯ এবং

ক গ = ৭ হাত

হয়, তাহা হইলে

জ চিহ্নিত স্থান



খ চিহ্নিত স্থান হইতে এক হস্ত (৪—৩=১) উচ্চ, এবং  
জ চিহ্নিত স্থান হইতে ক স্থানের উচ্চতা = ৯—৭ = ২

হাত; অতএব খ চিহ্নিত স্থান হইতে ক স্থানের উচ্চতা  $১+২=৩$  হাত। পুনশ্চ, যদি খ ঘ = ২, জ ট = ৫, ক ব = ১২ এবং ক গ = ৮ হাত হয়, তাহা হইলে খ স্থান জ স্থান অপেক্ষা উচ্চতর। এই জন্য জ স্থান অপেক্ষা খ স্থানের উচ্চতা =  $৫ - ২ = ৩$  হাত; এবং জ স্থান অপেক্ষা ক স্থানের উচ্চতা =  $১২ - ৮ = ৪$  হাত; অতএব খ স্থান অপেক্ষা ক স্থানের উচ্চতা  $৪ - ৩ = ১$  হাত।

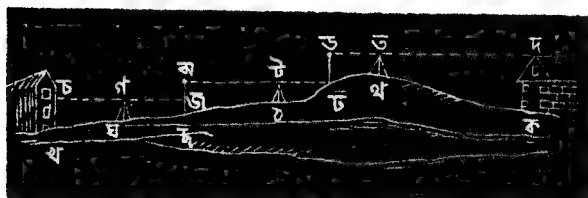
এইক্ষেপে ক ও খ দুইটী স্থানের সমতল নিরূপণ করিবার নিমিত্তে একটি সাধারণ নিয়ম নির্দেশ করা যাইতেছে।

গ ব সমতল রেখা হইতে ক স্থানের দূরত্ব ক গ রেখা, এবং উক্ত রেখা হইতে খ স্থানের দূরত্ব ক ট + ঘ খ রেখা। অতএব ক ও খ দুইটী স্থানের সমতলের বিভিন্নতা এইরূপে নির্দেশ করা যাইতে পারে; যথা ক ট + ঘ খ — ক গ; ইহাতে ট জ যোগ ও বিয়োগ করিলে ক জ + ঘ খ — (ক গ + ট জ) হইবে। কিন্তু ক জ ও ঘ খ দুইটী পশ্চাৎদিক, আর ক গ ও জ ট দুইটী সম্মুখ দিক, সুতরাং পশ্চাৎ দুই দিক সম্মুখ দুই দিক হইতে অন্তর করিলে, প্রথম ও শেষ ধ্রুজা দ্বারা চিহ্নিত দুইটী স্থানের সমতলের প্রভেদ জানা যায়। পূর্কোক্ত উদাহরণে দুইটী পশ্চাৎদিকের ধ্রুজার উন্নতির যোগপরিমাণ =  $২ + ১২ = ১৪$ , এবং সম্মুখীন দুইটী ধ্রুজার উন্নতির যোগপরিমাণ =  $৫ + ৮ = ১৩$ । অতএব ক ও খ স্থানের সমতলের বিভিন্নতা =  $১৪ - ১৩ = ১$  হাত; এবং পশ্চাৎদিকের দুইটী উন্নতির

যোগ সম্মুখদিকের দুইটী উন্নতির যোগ অপেক্ষা বৃহত্তর বলিয়া এই প্রতীয়মান হইতেছে যে, ক স্থান খ স্থান অপেক্ষা ১ হাত উচ্চ ।

খ চ ও ক দ দুইটী স্থানে দুইটী বাটার সমতলের বিভিন্নতা নিরূপণ করিতে হইবে ।

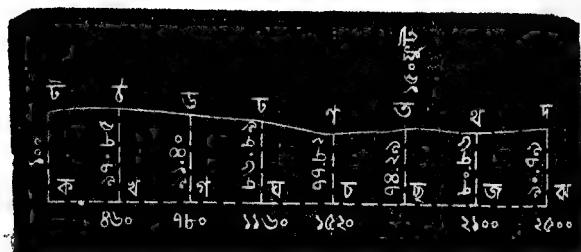
মনেকর, এই ক্ষেত্রে চ জ, ঝ ট, ও ড দ এই কয়েকটী সমস্থল রেখা লইলে খ চ, ঝ ছ এবং ড চ পশ্চাৎদিকের



উন্নতি ; আর ছ জ, শূন্য ও ক দ সম্মুখদিকের উন্নতি হইবে । এইক্ষেণে পশ্চাৎদিকের সমুদায় ধ্বজার উন্নতি-পরিমাণের সমষ্টি হইতে, সম্মুখদিকের উন্নতিপরিমাণের সমষ্টি বিয়োগ করিলে, ক চিহ্নিত স্থান খ চিহ্নিত স্থান হইতে কত উচ্চ তাহা নির্ণয় হইবে । মনেকর, পশ্চাৎ ধ্বজাগুলির উন্নতি যথাক্রমে ৯, ১১ ও ১৩ হাত ; এবং পশ্চাৎ ধ্বজাগুলির পরিমাণ যথাক্রমে ২, ০ ও ১৬ হাত ; অতএব ক স্থান খ স্থান অপেক্ষা = ৩৩ — ১৮ = ১৫ হাত উচ্চ ।



## খণ্ডরেখা।



ট ঠ ড ঢ ণ ত থ দ ভিন্ন ভিন্ন বিন্দুর মধ্যস্থ ভূমি কি পরিমাণে নতোনত, তাহা দেখাইবার নিমিত্ত সেক্সন অর্থাৎ এক খণ্ড রেখা অঙ্কিত করিতে হয়। প্রথম সমতল নির্ণয় করিতে হয়। এই প্রক্রিয়ার সময়ে ট হইতে ভিন্ন ভিন্ন বিন্দুর দূরত্ব নির্ণয় হইয়া যায়। এই সমতল এবং পঞ্চাৎ ও সম্মুখ দৃষ্টি সমতল-চিঠায় তুলিতে হয়। এটি চিঠা লিখিবার প্রথা নিম্নে প্রদর্শিত হইল।

এই সমতল চিঠা হইতে দেখা যাইতেছে যে, ৩য় অর্থাৎ অবনতি স্তম্ভ ১ম ও ২য় স্তম্ভে যে বিয়োগফল প্রদর্শিত হইয়াছে, তাহা যোগ করিলে ৫ম স্তম্ভে যে লম্বু সমতল প্রদর্শিত হইয়াছে তাহা প্রাপ্ত হওয়া যায়। যথা  $২.১৫ + ৬.৭৫ = ৮.৯০$ , ইহা ড বিন্দুর অবনতি। ৮.৯০ এই

সমতল-চিঠা ।

পক্ষাৎ দৃষ্টি	সমুখ দৃষ্টি	অবনতি	উন্নতি	লঘুসমতল	শৃঙ্খলের হিং দূরত্ব ও কৈকিয়ৎ
৩.৫০	৫.৬৫	২.১৫		২.১৫	৪.৯০
৪.১০	১০.৮৫	৬.৭৫		৮.২০	৭.৮০
৫.০৪	২.২৫	৪.২১		১৩.১১	১১.৯০
৩.৮৪	১২.২১	২.০৭		২২.১৮	১৫.২০
৪.১২	৭.৬৫	৩.৫৩		২৫.৭১	২.১৯
১০.৪২	৩.২২		৬.৫৭	১৯.১৪	২১.০০
১২.২৯	৩.০৩		৯.২৩	২.২১	২৭.০০
৪৪.০৫	৫৩.২৬				
	৪৪.০৫				
অন্তর	২.২১				

শেষ লঘুসমতলের সহিত সমান হইয়াছে ।

সমষ্টতে একে একে পরবর্তী অবনতি ক্রমশঃ যোগ করিলে, নিম্নতল অর্থাৎ খালের তল বিন্দুর অবনতি ডি বিন্দুর উত্তর খালের তল পর্য্যন্ত অবনতি প্রাপ্ত হওয়া গিয়াছে। যথা.

২৫.৭১ । পরে ২৫.৭১ হইতে যথাক্রমে উন্নতি স্তরের অন্তর  
 বিয়োগ করিলে থ ও দ-র অবনতি পাওয়া যাইবে। ট  
 বিন্দু হইতে দ বিন্দু পর্য্যন্ত যে মোট অবনতি, তাহাই এট  
 শেষফল দ্বারা ব্যক্ত হইতেছে ; এবং ইহা পশ্চাৎ দৃষ্টি ও  
 সম্মুখ দৃষ্টির সমষ্টির অন্তরের সহিত ঐক্য হওয়াতে সমতল  
 প্রক্রিয়ার বিশুদ্ধতা প্রতিপন্ন হইতেছে। শেষ স্তরে ট  
 হইতে ঠ, ড ইত্যাদি ভিন্ন ভিন্ন বিন্দুর দূরত্বের পরিমাণ ও  
 অপরাপর মন্তব্য কথা লেখা আছে।

### তলরেখা ।

সমতল-চিঠার শেষ স্তরে যে লিখিত পরিমাণ প্রদর্শিত  
 হইয়াছে, সেই পরিমাণানুসারে ধারাতলিক রেখা পাত  
 কর। অনন্তর সেই ধারাতলিক রেখার নিম্নে উক্ত চিঠার  
 ৫ম স্তরে যে পরিমাণ লিখিত আছে, তদনুসারে লম্বভাবে  
 আর একটী রেখাপাত করিলে সেক্সন অর্থাৎ খণ্ড রেখা  
 অঙ্কিত হইতে পারে। কিন্তু এই প্রক্রিয়ার দ্বারা সমুদায়  
 স্থানের সেক্সন অঙ্কিত করা সুবিধা নহে, কারণ বৃহৎ কার্যে  
 লম্বু-সমতল পরস্পর রেখার উপরি ও নিম্নভাগে পতিত  
 হইয়া পড়ে, সুতরাং কার্যের গোলযোগ উপস্থিত হয়।  
 এনিমিত্ত প্রথম থাক ট হইতে ১০০ বা ২০০ ফুট নিম্নে ক ক  
 একটী রেখা কল্পনা করিতে হয়। ইহাকে তল রেখা  
 বলা যায়, ইহা কখনই খণ্ড রেখার উপর যাইবার সম্ভাবনা  
 থাকে না।

ব্যবহারিক সম্মেলন চিঠি ।

ক বিন্দুস্থ নিক্সিই চিহ্নের ১০০ ফিট নিম্নে তল দেখা ।

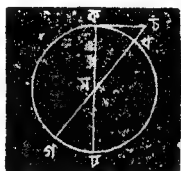
পঞ্চাং দৃষ্টি	সম্মুখ দৃষ্টি	উন্নতি	পতন	লম্বু সম্মেলন	দূরত্ব	মন্তব্য কথা
৩.৫০	৫.৯৫		২.১৫	১০০.০০	৪.৬০	{ স্থায়ী চিহ্ন বাজারের রাস্তার উপর
৪.১০	১০.৮৫		৬.৭৫	৯৭.৮৫	৭.৮০	
৫.০৪	৯.২৫		৪.২১	৯১.১০	১১.৬০	{ খালের তল, ২.৮০ শুষ্কাল দূরে
৩.৮৪	১২.৯১		৯.০৭	৮৬.৮৯	১৫.২০	
৪.১২	৭.৬৫	৬.৫৭	৩.৫৩	৭৭.৮২	০০.০০	
১০.৪৯	৩.৯২	৯.৯৩		৭৪.২৯	২১.০০	
১২.৯৯	৩.০৩			৮০.৪৬	২৭.০০	
৪৪.০৫	৫৩.২৯	১৬.৫০	২৫.৭১	৯০.৭৯		
	৪৪.০৫		১৬.৫০	১০০.০০		
৯.২১	অন্তর = ৯.২১ = ৯.২১ { তল বেথা ও শেষ লম্বু সম্মেলনের অন্তর					

উপরে লিখিত ব্যবহারিক সমতল-চিঠার তল রেখার আনুমানিক দূরত্ব হইতে উন্নতি ও অবনতি যোগ বা বিয়োগ করা হইয়াছে, এবং পুনশ্চ ঐ যোগ বা বিয়োগফল হইতে পরবর্তী উন্নতি বা অবনতি যোগ বা বিয়োগ করা হইয়াছে। যথা কট-র আনুমানিক দূরত্ব ১০০ হইতে অবনতি ২.১৫ বিয়োগ করিলে অবশিষ্ট ৯৭.৮৫ ফুট ঠা বিন্দুর উন্নতির পরিমাণ হয়। পুনশ্চ ৯৭.৮৫ হইতে পরবর্তী অবনতি ৬.৭৫ বিয়োগ করিলে ড বিন্দুর উন্নতি প্রাপ্ত হওয়া যায়, অর্থাৎ ৯১.১০ ফুট। এই রূপে শেষ অবনতি ৩.৫৩ পর্যন্ত প্রক্রিয়া করা হইয়াছে। ইহার পর এই শেষ ফলের সহিত পরবর্তী ৬.৫৭ ও ৯.৯৩ উন্নতি যোগ করিতে হইবে। এই রূপে তল রেখার পরিমাণ ১০০ ফুট হইতে শেষ লঘু সমতলের ৯০.৭৯ ফুট বিয়োগ করিলে অবশিষ্ট ৯.২১ ফুট হইবে। ইহা সম্মুখ ও পশ্চাৎ দৃষ্টির সমষ্টির অন্তরের সহিত মিলিয়া যাইতেছে, এবং ঢালের প্রক্রিয়া বিস্তৃত হইয়াছে তাহার পরিচয় দিতেছে। এই রূপে যে সমস্ত নীর্ণোন্নতি প্রাপ্ত হওয়া যাইবে, তাহা তল রেখার উপর লম্বভাবে অঙ্কিত করিয়া যোগ করিয়া দিলে খণ্ড রেখা অঙ্কিত হইবে।

### দৃষ্টিবৈলক্ষণ্য শোধান ।

ভূমি সমতল করিতে হইলে পৃথিবীর গোলতা নিবন্ধন প্রতি মাইলে সে কিঞ্চিৎ ঢাল করিতে হয়, তাহা নিম্নলিখিত প্রস্তাবটী বিশেষরূপে অনুধাবন করিয়া দেখিলে প্রতীত হইবে।

মনেকর, ক খ গ ভূপৃষ্ঠ, ক স্থানে অবস্থিত এক জন স্থপতি  
ক চ অভিমুখে ভূমি সমতল করিয়া যাইতেছে। এইক্ষণে  
এই চিত্রক্ষেত্র দেখিলে প্রতীয়মান হইবে যে, স্থপতি যতই  
খ অভিমুখে গমন করিবে, ততই ক চিহ্নিত স্থানে দৃশ্য-  
মান সমতল প্রকৃত সমতল অপেক্ষা উর্দ্ধে হইবে। ভূমি  
সমস্থল করিতে হইলে, যে  
পরিমাণে ঢাল রাখিতে হয়,  
তাহা এই পাতন হইতে  
প্রাপ্ত হওয়া যাইতে পারে।



ক চ রেখা পৃথিবীর পৃষ্ঠ  
ক বিন্দুতে স্পর্শ করিতেছে বলিয়া, উহা ক খ গ বৃত্তের  
স্পর্শনী রেখা। ক ও চ হইতে পৃথিবীর কেন্দ্র ম পর্য্যন্ত  
রেখা টান। প্রকৃত সমতল হইতে দৃশ্যমান সমতলের  
বৈলক্ষণ্য খ স্থানে চ খ রেখা দ্বারা নির্দেশ হইতেছে।  
চ খ রেখার পরিমাণ ৫৭ শ প্রতিজ্ঞার ১ম অনুমানানু-  
সারে।  $চ গ, চ খ = ক চ^2, \therefore চ খ = \frac{ক চ^2}{চ গ}$   
ক চ ১ মাইল ও চ গ ৭৯৫৮ মাইল হইলে,  $চ খ = \frac{1^2}{7958} =$  এক মাইলের  $\frac{1}{7958}$  ভাগ  $= ৭৯৬২$  ইঞ্চ (প্রায়  
৮ ইঞ্চ)।

যদি ক চ দূরত্ব ৩ মাইল হয়, তাহা হইলে  $চ গ = \frac{3^2}{7958} = \frac{9}{7958} = ৭১.৬৫৮$  ইঞ্চ বা প্রায় ৬ ফুট। ক স্থান  
হইতে খ যত মাইল দূর, সেই দূরত্বকে বর্গ করিয়া ৮ দিয়া  
ভাগ করিলে ফল লক্ষ হওয়া যায়।

জ্যোতির্বিদ পণ্ডিতেরা নির্ধারণ করিয়াছেন যে, দূরত্ব পদার্থ কিরণের বক্রীভবন প্রভাবে অপেক্ষাকৃত উচ্চতর স্থানে দৃষ্ট হয়। এইক্ষেণে ভূমি সমস্থল করিতে গিয়া প্রতি মাইলে ৮ ইঞ্চি ঢাল রাখিলে ভ্রম হইবার সম্ভাবনা, সুতরাং ঐ ৮ ইঞ্চি হইতে দৃষ্টবৈলক্ষণ্য প্রযুক্ত যে স্থান টুকু বেশী ধরা হয়, তাহা বাদ না দিলে গণনা সূক্ষ্ম হয় না।

দৃষ্টবৈলক্ষণ্য সকল স্থানে সমান নহে; কিন্তু স্থপতিগণ সামান্যতঃ পৃথিবীর গোলতানিবন্ধন যে ঢাল রাখিয়া থাকেন, তাহার ঠিক ভাগ বক্রীভবনের নিমিত্ত বাদ দিয়া থাকেন।

উদাহরণ ১। কোন দৃষ্ট পদার্থ আড়াই মাইল দূরে হইলে, পৃথিবীর গোলতানিবন্ধন কত ঢাল রাখিতে হইবে ও বক্রীভবন প্রযুক্ত কত বাদ দিতে হইবে?

গোলত্বের নিমিত্ত ভ্রম নিরাকরণে = ৮ ইঞ্চি = ৩ ফুট

$$(২.২৫)^২ = \frac{২ \times ৬.২৬}{৩} = ৪.১৬৬$$

বক্রীভবনের নিমিত্ত ভ্রমনিরাকরণ উহার ২ = .৫৯৫

অবশিষ্ট ৩.৫৭১ ফুট

ঢাল রাখিতে হইবে।

২। দৃষ্ট পদার্থ ৬০ চেইন দূরে হইলে কত ঢাল রাখিতে হইবে?

$$৬০^২ + ৮০০ = ৪.৫$$

$$\text{ইহার ২ অংশ} = .৬৪৬$$

অবশিষ্ট

৫.১৫৪ ইঞ্চি ঢাল রাখিতে হইবে

সমসংখ্য।

এই পুস্তকে ব্যবহৃত গণিত শব্দের  
ইংরেজী প্রতিশব্দ ।

অংশ	Degree	অক্ষদণ্ড	Axis
অকরণ	Rational	আয়ত	Rectangle
অতিদেশ	Apply	আয়তাকার	} Parallelopipedon
অমিশ্র	Focus	ঘন ক্ষেত্র	
অনুপাত	Proportion	উন্নতি	Altitude
অনুপূরক	Complement	উপনিহিত	Superposition
অনুমান	Corollary	উপপত্তি	Demonstration
অনুমাপক	Vernier	উপপাদ্য	Theorem
অস্থির নিম্পত্তি	Dividendo	কমু	Straight
অস্থরীণ	Interior	ঋণ	Minus
অত্যা	Extreme	একক	Unit
অপবর্তক	Measure	একান্তরিত	Alternate
অপবর্ত্য	Multiple	এবিসিসা বা	} Abseissa
অবকাশ	Space	সর্বাধিক বিস্তার	
অবনতি	Inclination	ঐককেন্দ্রিক	Concentric
অবলেট বর্তু-	} Oblate	গুলন মাটাম	Plumb Level
লাভাস		কটিবদ্ধ	Zone
অবডিনেট বা	} Ordinate	কম্পাস (পরিমাপক)	Compass
অলঙ্কার রেখা		করণী	Surd
অর্ধচন্দ্র	Lune	কলা	Minute
অসম্ভব	Impossible	বর্কট	Radius



কর্ণ	Diagonal	চতুরস্র বা চতুর্ভুজ	Square
কাজলা	Wedge	চেইন বা শৃঙ্খল	Chain
কাজলাপ্রকাণ্ড	Prismoid	চৌবাচ্চা	Cistern
কুটিল	Curve	চৌপহল	Square Prism
কুন্ড	Concave	চিঠা	Field Book
কুলালচক্র	Cylindrical ring		
কেন্দ্র	Centre	ছেদন (খণ্ড)	Section
কোটি	Perpendicular	জরীপ	Survey
কোণমান গজ	} Protracting Scale Theodolite	জরীপ আমীন	Surveyor
কোণবীক্ষণ যন্ত্র		জাত্য ত্রিভুজ	Rightangled Triangle
ক্রমনিয়	Inclined	জ্যা	Cord
ক্রশদণ্ড	Cross Staff	জ্যামিতি	Geometry
ক্রোড়স্থ	Supplemental	টক্	Spindle
গজ	Scale	টি মাটাম	T. Square
পরিমিত	Major	ট্রাপিজিয়ম বা	} Trapezium
গুণক	Multiplier	বিসমচতুর্ভুজ	
গুণ্য	Multiplicand	ট্রাপিজৈড	Trapezoid
গুণফল	Product	ভুল্যাকোণিক	Equiangular
ঘন	Cube	হোয়সাম্য	Water level
ঘন বা নিটন	Solid	} ত্রিকোণী মাটাম	Triangular
ঘনফল	Solidity		Square
ঘাত	Exponent	ত্রিঘাত	Cube

ত্রিভুজ বা ত্রাশ্র	Triangle	প্রতীপ	Opposite
বিস্তৃত	Square	প্রসারিত	Produced
ধন	Plus	প্রমাণিক রেখা	Proof line
বক	Arc	প্রোলেট	} Prolate
গোল	Plane or	বর্তুলাভাস	
	Surface		
		পেরিমিটার	Perimeter
পৃষ্ঠাত্মিক ক্ষেত্র	Superfices	পৃষ্ঠকল	Superficial Area
নকশা	Plan	ফাঁড় (লম্ব)	} Offset or Perpendicular
নির্দেশন স্থান	} Station		
বা থাক		ফাঁড়যাচি	Offset staff
নিয়োগ	Application	বক্রীভবন	Refraction
নিৰ্মাণ	Construct	বন্ধনী	Vinculum
নির্দিষ্ট	Given	বর্গ	Square
নির্দেশন	Describe	বর্গমূল	Square root
সন্নিহিত	Adjacent	বর্তুল	Sphere
নাসম্বিকদ্ধ	Absurd	বর্তুলখণ্ড	} Spherical Segment
বাকুপৃষ্ঠ	Convex		
পঞ্চভুজ	Pentagon	বর্তুলমণ্ডল	Spherical Zone
পরিভাষা	Definition	বর্তুলাভাস	Spheroid
পরিমাপক বা	} Mensuration	বহুভুজ	Polygon
পরিমিতি		বাহ্য	Exterior
প্ৰস্তল	Prism	বিকল	Second
প্রকণ্ড	Frustrum	বিন্দু	Point
প্রতিজ্ঞা	Proposition	বিনিময়নিষ্পত্তি	Alternando

বিলোম নিষ্পত্তি	Invertendo	মেরুদণ্ড	Axis
বিসম চতুর্ভুজ	Trapezium	মৌলিক তত্ত্ব	First principles
বৃত্ত	Circle	যথার্থ	} Respectively
বৃত্তখণ্ড	Segment	যথাক্রমে	
বৃত্তক্ষেত্র	Sector	যোগনিষ্পত্তি	Compendio
বৃত্তার্ধ বা সামিবৃত্ত	Semicleire	রম্বস	Rhombus
ব্যবহারিক	{ Practical	রম্বয়েড	Rhomboid
জ্যামিতি		রাশি	Magnitude
ব্যাস	Diameter	রৈখিক	Lineal
ব্যাসার্ধ বা	{ Radius or	লঘিষ্ঠ	Minor
সামিব্যাস		লব	Numerator
ভগংশ	Fraction	লম্ব	Perpendicular
ভাগফল	Quotient	শর	Versed Sine
ভাগশেষ	Remainder	শঙ্কু	Gnomon
ভাজক	Divisor	শীর্ষ	Vertical
ভাজ্য	Dividend	শৃঙ্খল বা শিকল	Chain
ভূমি	Base	ষড়ভুজ	Hexagonal
মণ্ডল	Zone	সংযোজক রেখা	Tie Line
মধ্য	Mean	সংহিত	Sum
মধ্যখণ্ড	Middle Segment	সকোণস্থচী	Pyramid
মানদণ্ড	Scale	সকোণস্থচী	} Frustrum of
মাটাম	Square	প্রকাণ্ড	
মিলিত হওন	Coincide	সদৃশ	Similar
মূল	Root	সবগীয়	Homologous

সমকোণ	Right angle	স্বাসাম্য	Spirit Level
সমকোণিক	Right angled	স্বচী	Cone
সমতুলকোণ	Rectangle	স্বচী প্রকাণ্ড	{ Frustrum of a Cone
সমদ্বিখণ্ড	Bisect		
সমদ্বিভুজ	Isosceles	স্বত্র বা অর্থ্যা	Formulae
সমবাহক	Equilateral	স্বক্ষকোণ	Acute Angle
সমবাহক	{ Cube	স্তম্ভ	Cylinder
সমনাক্ষত্র		স্থপতি	Engineer
সমশীল	Homologous	স্থূল কোণ	Obtuse Angle
সমস্থত্র	{ Same line or level	স্পর্শনী	Tangent
সমস্থল বা		স্বতঃপ্রমাণ্যক	Self evident
সমতল	{ Level	স্বতঃসিদ্ধ	Axiom
সমাত্তরাল		স্বীকার্য কথা	Postulate
সমাত্তরিক ক্ষেত্র	Parallel	হর	Denominator
সমিত	Parallelogram	হরণ	Divide
সমীকরণ	Plus	হারক	Divisor
সম্পাত	Equation	হাণ্য	Dividend
সম্পাদ্য	Intersect	হীনিত	Minus
সরল বা	Problem	ক্ষেপণী	Parabola
ক্ষুদ্র রেখা	{ Straight line	ক্ষেপণীমণ্ডল	{ Parabolic Frustrum
দান্দ		ক্ষেপণীস্তম্ভ	Paraboloid
সামিবৃত্ত	Dense	ক্ষেত্রফল	Area
বাক্য	Semicircle	ক্ষেত্রাবহার	Mensuration.

স্বতঃপ্রমাণ্যক

## ক্ষেত্রব্যবহার ( প্রথম সংস্করণ ) সমালোচন ।

দোমপ্রকাশ—২২এ ভাদ্র ১২৭৬ পূঃ ৬৮০ ।

গণিতবিষয়ক একখানি অভিনব গ্রন্থ প্রচারিত হইয়াছে। ইহাতে ব্যবহারিক জ্যামিতি, ক্ষেত্রব্যবহার, জরীপ এবং সমস্ত প্রক্রিয়া বিবৃত হইয়াছে। শ্রীযুক্ত বাবু নবীনচন্দ্র দত্ত ইহার প্রণয়ন করিয়াছেন। গ্রন্থকার ইতি পূর্বে খগোল-বিবরণ নামক গ্রন্থরচনা করিয়া আপনার মাতৃভাষার প্রতি অনুরাগ, বিজ্ঞানশাস্ত্রে অধিকার এবং বিশুদ্ধ ও সরল রচনা-শক্তির পরিচয় দিয়াছেন। বর্তমান গ্রন্থদ্বারা তাঁহার সেই সকল গুণের অধিকতর পরিচয় হইতেছে। এই গ্রন্থের একটী বিশেষ গুণ এই যে, ইহা কেবল পাঠের জন্য নহে। কিন্তু কার্যসাধনোপযোগী করিয়া প্রস্তুত করা হইয়াছে। ইহার প্রথম ভাগে ইউক্লিডের জ্যামিতি হইতে ক্ষেত্রপরিমাণের উপযোগী প্রতিজ্ঞাগুলি সঙ্কলিত হইয়াছে এবং তৎসঙ্গে আবশ্যক উদাহরণ সকল প্রদর্শিত হইয়াছে। ২য় ভাগে রেখাদ্বারা বস্তুর দৈর্ঘ্যাদি মাপিবার সঙ্কেত নির্দিষ্ট হইয়াছে এবং নীলাবতী হইতে কতকগুলি সুন্দর প্রশ্ন উদ্ধৃত হইয়াছে। ৩য় ভাগে বর্গক্ষেত্রের ও ৪র্থ ভাগে মানক্ষেত্রের কালী করিবার নিয়মাদি সন্নিবেশিত হইয়াছে। ৫ম ভাগে জরীপ শিকার প্রণালী লিখিত হইয়াছে। এই গ্রন্থ খানি সর্বদা সুন্দর করিবার নিমিত্ত গ্রন্থকার প্রয়াস পাইয়াছেন এবং তাহা অনেক অংশে সফল হইয়াছে। বস্তুতঃ এই গ্রন্থ খানি অবলম্বন করিয়া ভূমিপরিমাণশিক্ষাকার্য্য এক প্রকার সম্পন্ন

হটতে পারে। অতএব ইহা উচ্চতর শ্রেণীর ছাত্র এবং  
 জাতীয় শিক্ষার্থী অন্যান্য ব্যক্তির পক্ষে মহোপকারী হইয়াছে।  
 নবীন বাবু যেরূপ পুস্তক লিখিতে প্রবৃত্ত হইয়াছেন, এই প্রকার  
 পুস্তক দ্বারা এতদ্দেশের কল্যাণ হইতে পারে। বিদ্বন্মণ্ডলী  
 তাঁহাকে উৎসাহ দান করেন এই আমাদের অনুরোধ।

## এডুকেশন গেজেট ও সাপ্তাহিক বার্তাবহ।

১ই আশ্বিন ১২৭৬ পূঃ ২৮৩।

ব্যবহারিক জ্যামিতি, ক্ষেত্রব্যবহার, জরীপ এবং সমস্থল  
 প্রক্রিয়া। এই পুস্তক শ্রীযুক্ত বাবু নবীনচন্দ্র দত্ত মহাশয়  
 প্রণয়ন করিয়াছেন। ইতঃ পূর্বে ইনি খগোল বিবরণ নামক  
 একখানি জ্যোতির্গ্রন্থ প্রস্তুত করেন। উভয় গ্রন্থেই নবীন  
 বাবু বিজ্ঞান সম্বন্ধীয় গ্রন্থ রচনায় বিশিষ্ট ক্ষমতা প্রদর্শন  
 করিয়াছেন। বৈজ্ঞানিক বিষয় ভাল করিয়া লিখিতে হইলে  
 বর্ণিতব্য বিষয়টী স্পষ্টরূপে বুঝা চাই, যে বিষয়টী  
 বলিতে হইবে তৎপ্রতি মানসিক দৃষ্টির স্থিরতা চাই, এবং  
 ঐ ভাব ব্যক্ত করিবার নিমিত্ত যে সকল শব্দ ব্যবহার করিতে  
 হইবে, সেই সকল শব্দশক্তির যথার্থ পরিজ্ঞান চাই। নবীন  
 বাবুর মানসিক দৃষ্টি পরিষ্কার, লক্ষ্য স্থির, এবং শব্দ প্রয়োগ  
 অস্বার্থ। তিনি খগোল বিবরণে কতকগুলি ইংরাজি শব্দ  
 রাখিয়া গিয়াছিলেন, এ গ্রন্থে সেরূপ করেন নাই দেখিয়া  
 বিশেষ সন্তোষলাভ করিলাম। নবীন বাবুর এই পুস্তক থানি  
 বিদ্যালয় সমূহে প্রবর্তিত হইতে, ভাল হয়।

## সংবাদ পূর্ণচন্দ্রোদয় ।

২রা আশ্বিন ১২৭৬ সাল, শুক্রবার ।

নবীন বাবুর এই পুস্তক খানির স্থানে স্থানে পাঠ করিয়া দেখা গেল যে, ইহা বঙ্গবিদ্যালয়ের অস্তিত্ব প্রয়োজনীয়, এবং তাহা সঞ্চালন করিতে গ্রন্থকর্তার হু পরিশ্রম ও যত্ন বিনিয়োজিত হইয়াছে। আত্মাদের বিষয় এই যে, বিজ্ঞানশাস্ত্রগুলিন বঙ্গীয় সাধু ভাষায় সঞ্চালিত হওয়াতে সৰ্ব সাধারণের মহত্বপকারের উপায় হইয়াছে।

### NOTICES ON THE FIRST EDITION OF THE PRACTICAL GEOMETRY &c.

Report of Babu Mohendra Nath Bhattacharjee,  
M.A. Professor of Physical Science Calcutta Pathasala,  
to the Officiating Inspector of Schools Central  
Division.

9th October 1863.

The accompanying book is a treatise on Practical Geometry, Mensuration, Land surveying and Levelling. Any one who will take the trouble to read the book, will find that he has enriched his mind with an accurate and thorough knowledge of Practical Geometry &c. Few men possess the remarkable faculty of making abstruse subjects intelligible to ordinary minds in the one high degree as the writer of the book. The work is illustrated with a large number of handsome woodcuts. It is well suited to be used as a text book in the higher classes of the Normal schools in Bengali.

9th March 1870.

MY DEAR SIR.

—I believe it was just the thing wanted, and will prove a usefull work.—

Yours truly,  
PEARY CHURN SIKKAR.

---

*Maniktala, 21st September 1869.*

SIR,

—From the nearest glance that I have been able to give to it I think it is well got up.

Yours faithfully.  
Rajendra Lala Mitra.

---

No. 75 Surveyor General's Office.  
Calcutta 16th May 1870.

—Is no doubt an admirable work,

W. G. MURRAY, CAPTAIN.  
Assistant Surveyor General.

---

Hindu Patriot, April 18th 1870. P. 122

The book is fit to be introduced in the Vernacular Schools. We wish Bengali authors would turn their attention to works of this description

---



বঙ্গবাজার বীডি নাইকেরী	
স্মারক সংখ্যা.....	8444
অনিবরণ সংখ্যা.....	No 4781.

প্রাপ্তি তারিখ

From the ~~Officiating~~ Director of Public Instruction.

To the Officiating Secretary to the Govt. of Bengal.

Dated 13-11-75.

Sir.

I have the honor to forward herewith a book entitled Practical Geometry, Mensuration, Land Surveying and Levelling in Bengali by Babu Nobin Chandra Dutt and to state that I have read it from cover to cover. It is an excellent treatise and I cannot imagine the grounds on which mention of it has been omitted by the Committee appointed to draw up a selected list of text books for the Vernacular Scholarship and Minor Scholarship course.

(Sd.) H. Woodrow.

Offg. Director of Public Instruction,

---

Calcutta Review 1876.

Babu Nobin Chandra Dutt deserves credit for his industry and enterprise. In the number of Educational works he issues from the Press, he bids fair to rival Todhunter or Dr. William Smith.

---









